

# **QFL-5608 e QFL-1515: Resumindo.... Introdução à Química Quântica Computacional**

**Antonio Carlos Borin**

Universidade de São Paulo – Instituto de Química  
Av. Prof. Lineu Prestes, 748. 05508-900, São Paulo, SP, Brasil  
[ancborin@iq.usp.br](mailto:ancborin@iq.usp.br)

São Paulo, 06/03/2018

# Bibliografia

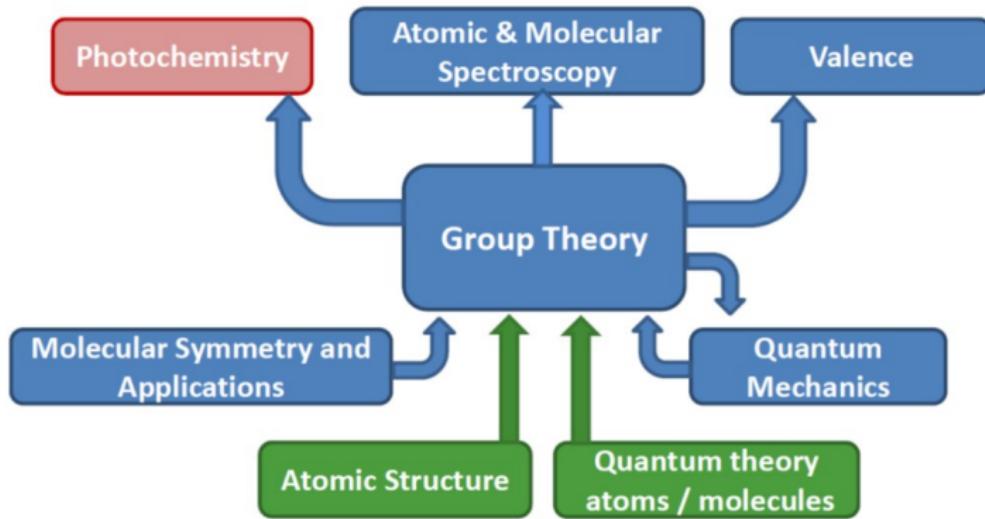
- ① H. H. Jaffé e M. Orchin, *Symmetry in Chemistry*. Dover, New York, 1965.
- ② D. M. Bishop, *Group Theory and Chemistry*. Dover, New York, 1973.
- ③ P. W. Atkins, *Molecular Quantum Mechanics*. 2nd. Ed., Oxford University Press, Oxford, 1983.
- ④ D. C. Harris e M. D. Bertolucci, *Symmetry and Spectroscopy. An Introduction to Vibrational and Electronic Spectroscopy*. Dover, New York, 1989.
- ⑤ F. A. Cotton, *Chemical Applications of Group Theory*. 3nd. Ed., Wiley, New York, 1990.
- ⑥ R. L. Carter, *Molecular Symmetry and Group Theory*. Wiley, New York, 1998.

# Teoria de Grupo

## Introdução

- Prever propriedades moleculares (quiralidade, polaridade, p.ex.).
- Analisar ligações químicas e visualizar orbitais moleculares.
- Prever se uma molécula pode absorver luz e qual transição espectroscópica vai ocorrer (que tipo de excitação).
- Analisar os modos vibracionais de uma molécula.
- Diminuir o número de integrais em um cálculo quântico.
- Auxiliar no preparo das informações necessárias para a realização dos cálculos.

# Aplicações de Teoria de Grupo



# Operações e Elementos de Simetria

## Op. e El. de simetria

- **Operações de simetria:** após a operação de simetria, a molécula estará em uma orientação equivalente à inicial.
- O operação **identidade, E**, deve ser incluída para que um *grupo* matemático possa ser formado, como veremos posteriormente.
- **Elementos de simetria:** operações estão associadas a elementos de simetria; p. ex., um ponto, uma linha, ou um plano em relação ao qual a operação de simetria é realizada.
- Observe na tabela seguinte as relações entre operações de simetria e elementos de simetria.

# Operações e Elementos de Simetria

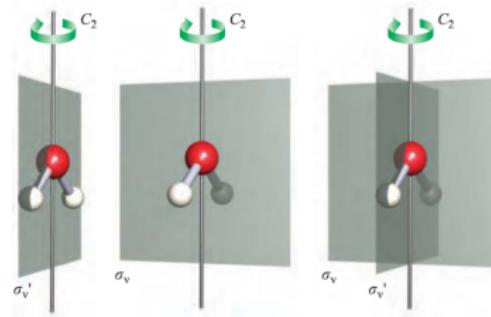
## Op. e El. de simetria

Símbolo	Operação de Simetria	Elemento de simetria
E	Operação identidade	Identidade
$c_n$	Rotação de $2\pi/n$	Eixo de rotação de ordem $n$
$\sigma$	Reflexão	Plano de reflexão
$i$	Inversão (reflexão através de um centro de inversão)	Centro de inversão de simetria
$S_n$	Rotação de $2\pi/n$ seguida por reflexão (rotação imprópria)	eixo de ordem $n$ de rotação e plano de simetria de reflexão
$\bar{\sigma}$	Translação-reflexão (translação seguida de reflexão)	Plano de translação-reflexão
$\bar{C}_n$	Screw operation (translação seguida de rotação de $2\pi/n$ )	Screw axis

# Água: operações e elementos

- Elementos e as operações de simetria na molécula de H<sub>2</sub>O

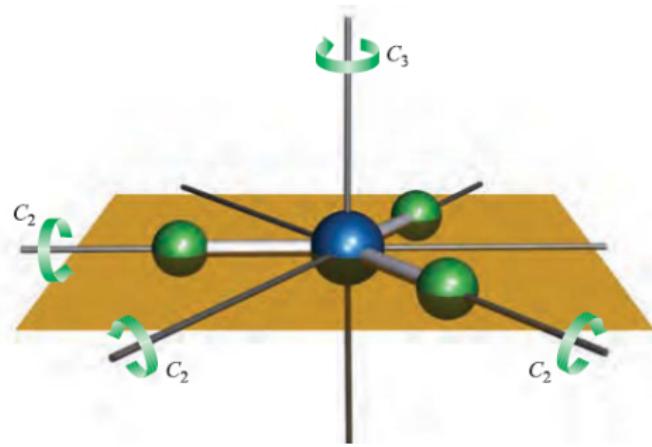
Figura: Planos de simetria para a molécula de água



- Eixo de rotação de ordem  $n = 2$ :  $C_2$
- Dois planos de reflexão:  $\sigma_v$  e  $\sigma_{v'}$
- Como diferenciar os planos de mesmo tipo?

# $\text{BF}_3$ : operações e elementos

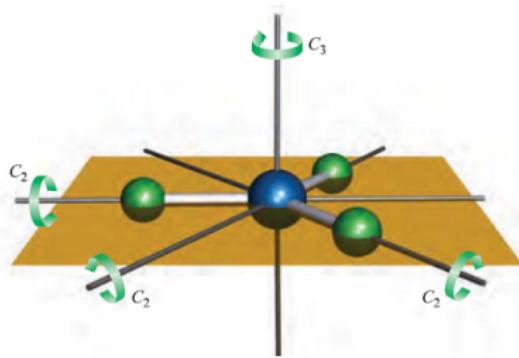
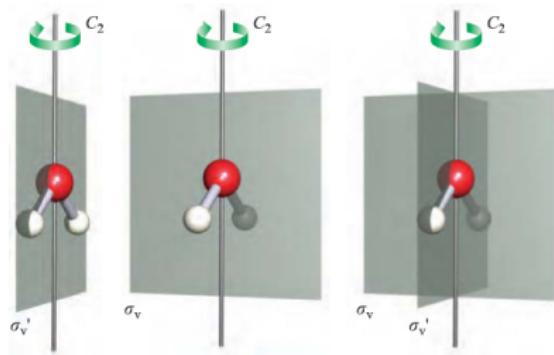
- Elementos e as operações de simetria na molécula de  $\text{BF}_3$



- Três eixos de rotação de ordem  $n = 3$  ( $C_3$ )
- Dois eixos de rotação de ordem  $n = 2$  ( $C_2$ )
- Como diferenciar os eixos de mesma ordem?

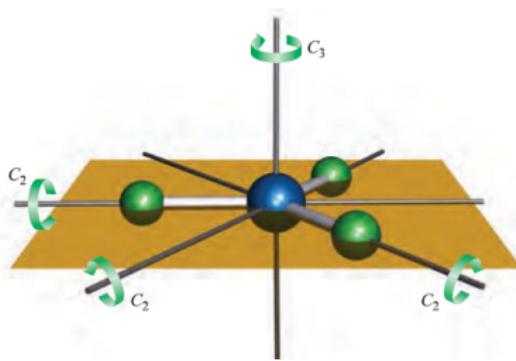
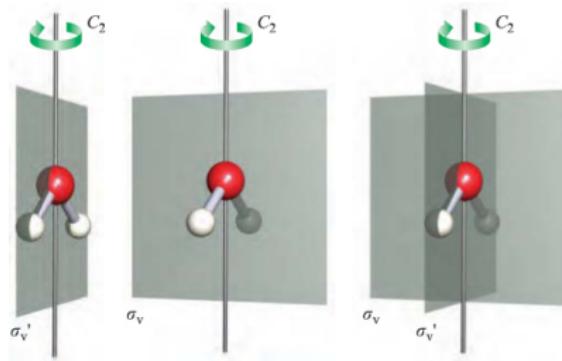
# Orientação no sistema cartesiano

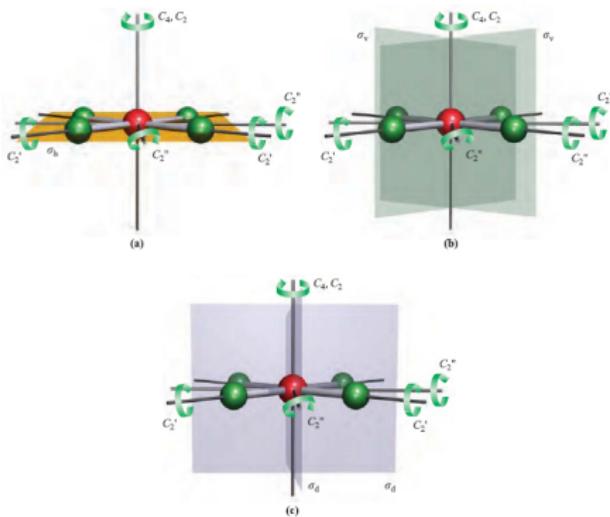
- Centro de gravidade: origem do sistema.
- Eixo z:
  - ① 1 único eixo: será o eixo z.
  - ② Vários eixos: maior ordem ( $n$ ) será o eixo z, sendo o eixo principal.
  - ③ Vários eixos de mesma ordem: eixo z passará pelo maior número de átomos.



# Orientação no sistema cartesiano

- ① Molécula planar e eixo  $z$  no plano: eixo  $x$  perpendicular (normal) ao plano.
- ② Molécula planar e eixo  $z$  perpendicular ao plano: eixo  $x$  pertencerá ao plano e passará pelo maior número de átomos.
- ③ Molécula não planar: plano molecular deve conter o maior número de átomos. Se não for possível, escolha dos eixos  $x$  e  $y$  é irrelevante.

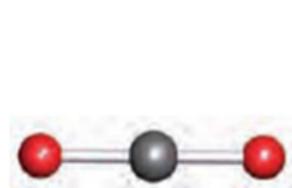




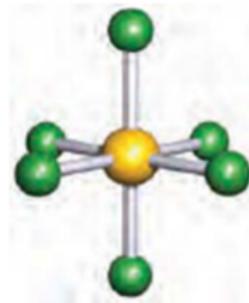
- Perpendicular ao eixo principal: plano horizontal  $\sigma_h$ .
- Contem o eixo principal: plano vertical  $\sigma_v$ .
- Se o plano vertical contiver o eixo principal e for a bissetriz do ângulo formado por dois eixos  $C_2$ : plano diedro (diagonal)  $\sigma_d$
- Se houver mais que plano do mesmo tipo: diferenciar com ',"'

# Inversão: centro de inversão

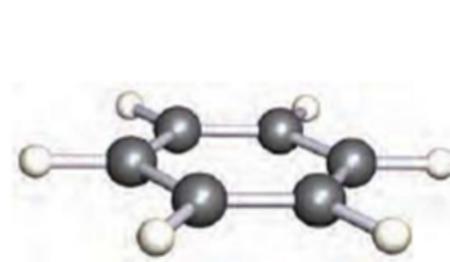
- Inverter posição de todos os átomos em torno do centro de inversão (*i*):  
 $(x, y, z) \rightarrow (-x, -y, -z)$



(a)



(b)



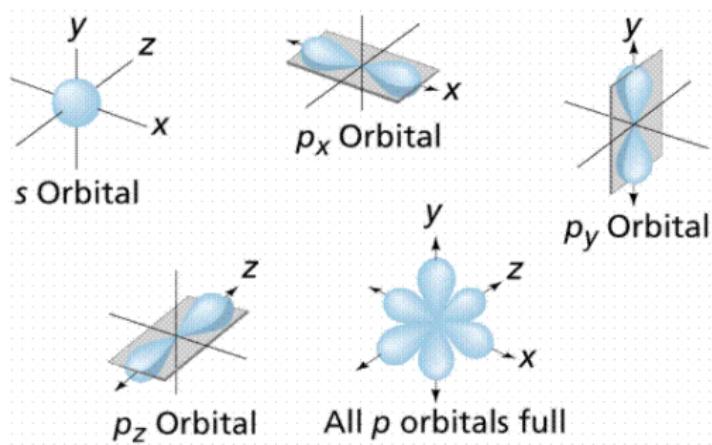
(c)

# Rotação e reflexão (rotação imprópria)

- Operação composta: (i) rotação própria  $2\pi/n$ , (ii) reflexão em um plano perpendicular ao eixo.
- Observe a operação  $S_4$  presente na molécula de CH<sub>4</sub>



# Simetria e orbitais atômicos



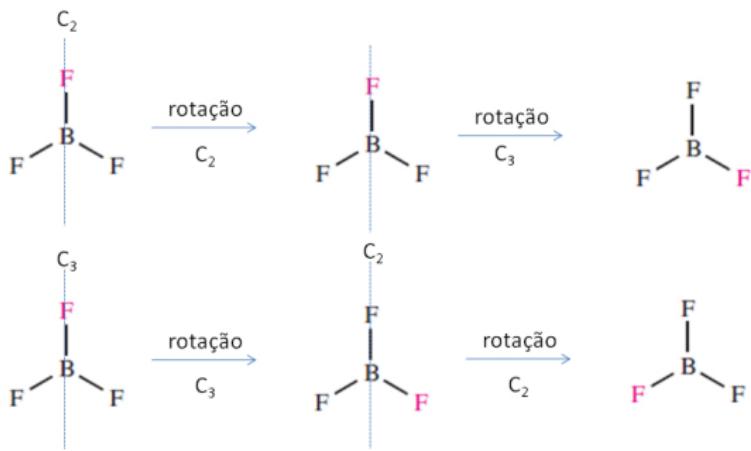
- Qual a simetria dos orbitais  $s$ ?
- Orbital  $p_x$ :  $\sigma_{yz}$ ,  $\sigma_{xz}$ ;  $\sigma_{xy}$ ?
- Rotação própria  $C_2^z$  e  $C_2^y$  :  $p_x$ ? E em relação a  $C_2^x$ ?
- Operação de inversão?

# Operações de simetria sucessivas (sequência)

- Conhecido como produto de operações de simetria.
- Rotação imprópria:  $S_4 = \sigma_h \cdot C_2$ . Sequência de duas operações: (1º)  $C_2$ ; (2º)  $\sigma_h$
- Sequência das operações: sempre da direita para a esquerda ( $\leftarrow$ )
- Operações de simetria: como *operadores* atuando em objetos:
  - Operação  $S_4$  : o operador é  $S_4$
  - Objeto (função): molécula; p.ex.  $\text{BF}_3$
  - $S_4 \cdot (\text{BF}_3) = (\sigma_h \cdot C_2) \cdot (\text{BF}_3) = \sigma_h \cdot (C_2 \cdot (\text{BF}_3))$
- Usando a próxima figura, realize as operações:
  - $(C_3 \cdot C_2) \cdot (\text{BF}_3) = C_3 \cdot (C_2 \cdot (\text{BF}_3))$
  - $(C_2 \cdot C_3) \cdot (\text{BF}_3) = C_2 \cdot (C_3 \cdot (\text{BF}_3))$
- O resultado foi o mesmo?

# Operações de simetria sucessivas (sequência)

$$(C_3 \cdot C_2) \cdot (BF_3) = C_3 \cdot (C_2 \cdot (BF_3))$$



$$(C_2 \cdot C_3) \cdot (BF_3) = C_2 \cdot (C_3 \cdot (BF_3))$$

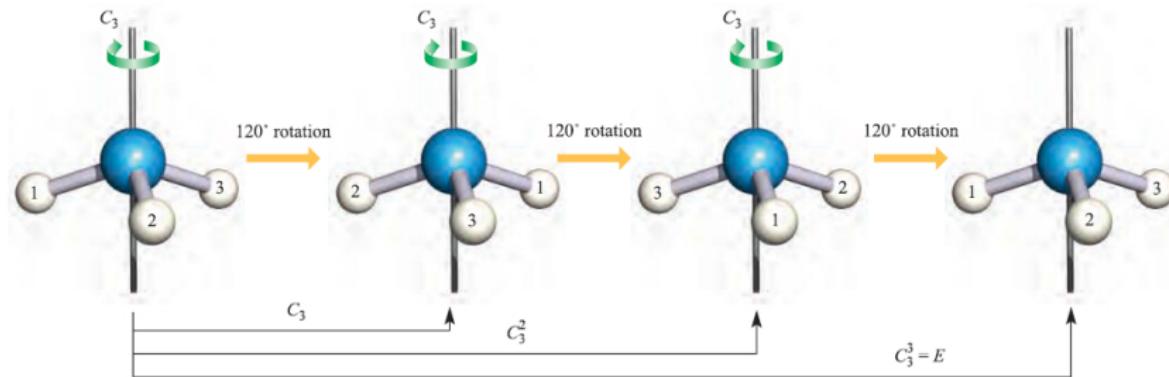
# Operações de simetria sucessivas: conclusões

- Sequências diferentes, resultados diferentes:

$$C_3 \cdot (C_2 \cdot (BF_3)) \neq C_2 \cdot (C_3 \cdot (BF_3))$$

- Diz-se que as operações de simetria  $C_3$  e  $C_2$  não comutam.
- Conclusão: é importante conservar a sequência na qual as operações de simetria são executadas.
- Operações de simetria que comutam (geral):
  - Duas rotações em torno de um mesmo eixo.
  - Reflexões através de planos perpendiculares entre si.
  - Inversão e qualquer plano de reflexão ou rotação.
  - Duas rotações  $C_2$  em torno de eixos perpendiculares.
  - Rotação e reflexão em um plano perpendicular ao eixo de rotação.
- **Grupo Abeliano:** todas as operações de simetria comutam entre si.

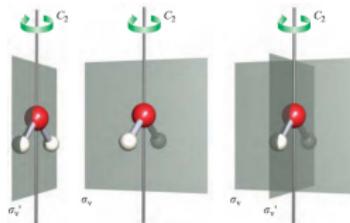
# Operações de simetria sucessivas: mais um exemplo



- Observe a sequência de operações:  $C_3^2 = C_3 \cdot C_3$
- Realize a operação:  $C_3^{-1}$
- $C_3^2 = C_3 \cdot C_3 = C_3^{-1}!$  Aplicação sucessiva de operações de simetria gera uma operação de simetria

# Tabela de multiplicação

- $\text{H}_2\text{O}$ : observe as operações e elementos de simetria.



- Combine as operações em pares: (linha) · (coluna)
- Construa a tabela de multiplicação

	$E$	$C_2$	$\sigma_v$	$\sigma'_v$
$E$	$E$	$C_2$	$\sigma_v$	$\sigma'_v$
$C_2$	$C_2$	$E$	$\sigma'_v$	$\sigma_v$
$\sigma_v$	$\sigma_v$	$\sigma'_v$	$E$	$C_2$
$\sigma'_v$	$\sigma'_v$	$\sigma_v$	$C_2$	$E$

- Grupo de simetria abeliano:  $\{E, C_2, \sigma_v, \sigma'_v\}$