SERVO-VÁLVULA HIDRÁULICA: REVISÃO E APLICAÇÕES

1. Introdução

Como visto em aula, consideremos uma servo-válvula acionando um pistão o qual, por sua vez está conectado a uma carga de massa m e amortecimento b . Seja A a área do transversal do pistão. Sejam k_1 e k_2 as constantes do sistema linearizado, que relacionam a variação da vazão, em relação ao valor de regime permanente, em função da variação x posição da válvula em relação ao valor de referência, e em função da variação da pressão no êmbolo em relação à pressão imposta pela carga em regime permanente.

A função de transferência, que relaciona as transformadas de Laplace da variação da velocidade do êmbolo com a variação do deslocamento da válvula, é dada por:

$$\frac{v_y(s)}{x(s)} = \frac{K}{Ts + 1}$$

Onde,

$$K = \frac{k_1 A}{bk_2 + A^2} \quad \text{e} \quad T = \frac{mk_2}{bk_2 + A^2}$$

Se for admitido $T \ll 1$, lembrando que $v_y(s) = sy(s)$, temos:

$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{K}{s}$$

2. Aplicações

2.1 Controlador Proporcional

Considere o sistema dinâmico composto pela servo-válvula integrada a uma alavanca conforme ilustra a figura acima.

O movimento resultante da alavanca, supondo pequenos deslocamentos, pode ser modelado pela soma de dois movimentos ilustrados abaixo:

Levando esta composição em conta, sistema alavanca-válvula pode ser representado pelo diagrama de blocos abaixo:

Em condições normais de operação, $Ka/[s(a+b)] \gg 1$. Mostre que, neste caso, a função de transferência que relaciona o deslocamento do pistão e a extremidade superior da alavanca pode ser dada por:

$$\frac{Y(s)}{E(s)} = K_p = \frac{b}{a}$$

2.2 Controlador Proporcional-Integral

Considere o sistema abaixo formado pela combinação entre servo-válvula, alavanca e amortecedor hidráulico (visto em aula). A extremidade inferior da alavanca tem deslocamento "z".

Mostre que se pode representar o sistema pelo diagrama de blocos abaixo:

E que a relação entre as transformadas de Laplace do deslocamento do pistão, $Y(s)$, e da extremidade superior, $E(s)$ é dada por:

$$\frac{Y(s)}{E(s)} = \frac{\frac{b}{a+b} \frac{K}{s}}{1 + \frac{Ka}{a+b} \frac{T}{Ts+1}}$$

Onde,

$$T = \frac{RA^2\rho}{k}$$

Verifique que, para $|aK/[(a+b)s(Ts+1)]| \gg 1$, a função de transferência pode ser simplificada para

$$\frac{Y(s)}{E(s)} = K_p \left(1 + \frac{1}{Ts}\right)$$

Onde,

$$K_p = \frac{b}{a}$$

2.3 Controlador Proporcional-Integral-Derivativo