

# Parte 2 – Modelos de Demanda Agregada

Esta parte compõe-se de dois capítulos (o capítulo 4 e o 5 do livro-texto) com distintos modelos discutindo os determinantes da demanda agregada.

# Capítulo 4 – Modelos simplificados de determinação da renda

- A macroeconomia atém-se a duas questões principais (p. 69):
  - 1ª) O que determina o nível de produto efetivo em relação ao produto potencial em um dado período de tempo? Este é o problema da **determinação da renda**, uma questão de curto-prazo.
  - 2ª) O que determina o nível e a taxa de crescimento do produto de pleno emprego ou produto potencial? Esta é a questão básica da **Teoria do Crescimento**, tratada como longo prazo.
- Esta disciplina se atém ao problema da determinação da renda, ou seja, à primeira questão supramencionada.

# A origem dos modelos simplificados

- Paul Samuelson propôs um modelo macroeconômico simplificado (de fácil visualização gráfica) que explicasse a determinação do nível de produto de equilíbrio e que evidenciasse o princípio da demanda efetiva.
- Há diversas versões do modelo macroeconômico simplificado e esta disciplina apresenta duas dessas versões e na seção de exercícios é proposto um terceiro modelo macroeconômico simplificado.

# Hipóteses dos modelos simplificados (p. 69)

- (1) considera-se apenas um dos mercados em que a macroeconomia divide a economia, que é o mercado de bens e serviços (também chamado de mercado de produto), não considerando os mercados de moeda, títulos, trabalho e divisas;
- (2) o nível de preço é considerado como sendo constante (é a famosa frase: “suponha que o nível de preços seja  $P_0$ ” ou “dado o nível de preço  $P_0$ ”);
- (3) o investimento privado é determinado fora do modelo (ou seja, o investimento privado é exógeno ao modelo, mas não à economia);
- (4) não se considera a presença de moeda em sua análise.

# Utilidades dos modelos simplificados

- Os modelos simplificados permitem (p. 70):
  - (1) a demonstração do princípio da demanda efetiva, ou seja, são variações da demanda agregada que afetam o nível de produto (ou renda) e não o inverso;
  - (2) visualizar e quantificar o efeito multiplicador de um aumento de gastos autônomos sobre o produto de equilíbrio;

# Utilidades dos modelos simplificados

- Os modelos simplificados permitem (p. 70):
  - (3) analisar os efeitos, sobre o produto de equilíbrio, de um aumento de gastos do governo de mesma magnitude que o aumento de arrecadação de tributos;
  - (4) analisar os efeitos sobre o produto de equilíbrio do aumento da propensão marginal a poupar sobre a renda disponível.

# 4.1) A identidade entre dispêndio e renda

Supondo  $R_f = 0$ , tem-se:

$$Y = C + I_r + G + (X - M) \quad \text{ótica do dispêndio (p.28)}$$

$$Y = C + S + T \quad \text{ótica da alocação da renda gerada, supondo } R_f=0 \text{ (p.30)}$$

Assim:

$$\underbrace{C + I_r + G + (X - M)}_{\text{Dispêndio}} \equiv Y \equiv \underbrace{C + S + T}_{\text{Renda}}$$

## 4.2) A identidade entre dispêndio e renda em valores reais

- Devido à inflação, o valor real é diferente do valor nominal. Tem-se, por exemplo,  $y = Y/P$ .
- Letra minúscula indica valor deflacionado e letra maiúscula indica valor nominal.
- Assim, em termos reais surgem:

$$c + ir + g + (x - m) \equiv y \equiv c + s + t$$

Ou, subtraindo  $c$  em ambos os membros, tem-se:

$$ir + g + (x - m) \equiv y - c \equiv s + t$$

# Determinantes do investimento privado (equação 4.3, p. 71)

$$\underbrace{ir + g + (x - m)} \equiv y - c \equiv \underbrace{s + t}$$

Produto final, em bens e serviços, não consumido pelas famílias

Parcela da renda que não é consumida = **poupança social**

Em uma economia fechada ( $x = m = 0$ ) e sem governo ( $g = t = 0$ ), a expressão acima se transforma em  $ir \equiv s$ , o que leva alguns autores a dizerem que a expressão acima implica o investimento se igualar à poupança.

# Determinantes do investimento privado

$$ir + g + (x - m) \equiv y - c \equiv s + t$$

Reagrupando as variáveis, tem-se:

$$ir \equiv s + (t - g) + (m - x)$$

Observe que o investimento privado ( $ir$ ) tem que ser igual à soma da poupança privada ( $s$ ), do superávit do governo ( $t - g$ ) e do déficit em transações correntes ( $m - x$ ). Esta última é a poupança externa usada para financiar o investimento interno.

A expressão acima é muito usada por órgãos como o Banco Mundial e o FMI na avaliação das economias.

Por que o déficit público inibe o investimento privado? Isto é chamado de efeito *crowding out*.

## 4.3) Investimento planejado *versus* investimento realizado

- Tem-se que:  $ir = ip + in$

$ir$  = investimento realizado

$ip$  = investimento planejado, isto é, o investimento desejado pelas firmas no início do processo de produção.

$in$  = investimento não-planejado mas realizado, isto é, Investimento que ocorre no final do período.

- Por definição, tem-se:  $ip = FBKF + VPE$

$$ir = FBKF + VPE + VNPE$$

$FBKF$  = formação bruta de capital fixo

$VPE$  = variação planejada em estoques     $VNPE$  = variação não planejada em estoques

Não confunda investimento com aplicação financeira e nem com aquisição de patrimônio.

Atente-se que  $VNPE$  por se nulo, positivo ou negativo, tal que  $ir = ip$ ,  $ir > ip$  ou  $ir < ip$ , respectivamente.

## 4.3) Investimento planejado *versus* investimento realizado (p. 73)

- No início do processo de produção:  
 $c + ip + g + (x - m) = y = c + s + t$  (situação *ex-ante* ou planejada)
- No final do processo de produção:  
 $c + ir + g + (x - m) \equiv y \equiv c + s + t$  (situação *ex-post* ou realizada)
- Se  $ip = ir$ , obtém-se a renda de equilíbrio,  $y^e$ , igual ao PIB de equilíbrio:

$$c + ip + g + (x - m) = y^e = c + s + t$$

Demanda Agregada  
( $y^d$ )

Alocação da renda  $\equiv$   
Produto Agregado ( $y^o$ )

## 4.3) Investimento planejado *versus* investimento realizado

- No início do processo de produção:  
 $c + ip + g + (x - m) = y = c + s + t$  (situação *ex-ante* ou planejada)
- No final do processo de produção:  
 $c + ir + g + (x - m) \equiv y \equiv c + s + t$  (situação *ex-post* ou realizada)
- Se  $ip = ir$ , obtém-se a renda de equilíbrio,  $y^e$ , igual ao PIB de equilíbrio:  
 $c + ip + g + (x - m) = y^e = c + s + t$
- Subtraindo  $c$  em todos os membros:  
 $ip + g + (x - m) = y^e - c = s + t$

# Equações de equilíbrio no mercado de produto

- As seguintes equações são usadas ALTERNATIVAMENTE para expressar equilíbrio no mercado de produto ( $y^o = y^d$ ):
- $y^e = c + ip + g + (x - m)$  ou
- $ip + g + (x - m) = s + t$

Mas como são determinados  $c$ ,  $ip$ ,  $g$ ,  $x$ ,  $m$  e  $t$ ?

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado (p. 73)

- Supõe-se, inicialmente, que  $ip$ ,  $g$ ,  $t$ ,  $x$  e  $m$  são dados à economia (são variáveis exógenas).
- O consumo depende da renda disponível, isto é:

$$c = f(y - t)$$

- Supondo que a função consumo seja linear:

$$c = a_0 + a_1 \cdot (y - t)$$

$a_0$  = consumo mínimo da coletividade. Mesmo que  $(y - t) = 0$ , a sociedade tem que consumir um mínimo para sobreviver.

$a_1$  = propensão marginal a consumir (PMgC)

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

PMgC é o acréscimo no consumo para cada unidade de acréscimo na renda disponível:

$$a_1 = \frac{\Delta c}{\Delta(y-t)} = \frac{\text{acrécimo no consumo privado}}{\text{acrécimo na renda disponível}} = PMgC$$

Exemplo,  $PMgC = 0,75$ . Isto é, cada R\$ 1,00 a mais de renda disponível implica o consumo do setor privado aumentar em R\$ 0,75. Como se interpreta  $PMgC = 0,74$ ?

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- A poupança no setor privado ( $s$ ) é a parcela da renda disponível não consumida:

$$s = (y - t) - c$$

$$s = (y - t) - a_0 - a_1 \cdot (y - t)$$

$$s = -a_0 + (1 - a_1) \cdot (y - t)$$

em que:

$(1 - a_1)$  = propensão marginal a poupar (PMgS).

$-a_0$  = montante da dívida do setor privado no nível de renda disponível zero para garantir a sobrevivência das famílias.

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- A PMgS é o acréscimo na poupança do setor privado para cada unidade de acréscimo na renda disponível, tem-se:

$$(1 - a_1) = \frac{\Delta s}{\Delta(y - t)} = \frac{\text{acrécimo na poupança do setor privado}}{\text{acrécimo na renda disponível}} = \text{PMgS}$$

Exemplo,  $\text{PMgS} = 0,25$ . Cada R\$ 1,00 a mais de renda disponível implica a poupança privada aumentar em R\$ 0,25. Como se interpreta  $\text{PMgS} = 0,26$ ?

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- Nota-se que:

$$PMgS + PMgC = 1$$

No exemplo algébrico tem-se:  $PMgS = 1 - a_1$  e  
 $PMgC = a_1$

- Logo:

$$0 < PMgS < 1$$

$$0 < PMgC < 1$$

Exemplos:  $PMgC = 0,75$  e  $PMgS = 0,25$

$PMgC = 0,76$  e  $PMgS = 0,24$

E se  $PMgC = 0,77$ , qual é o valor de  $PMgS$ ?

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- Outros conceitos:
  - Propensão Média a Consumir em relação à renda total ( $PMC^*$ ) :

$$PMC^* = \frac{C}{y}$$

- Propensão Média a Poupar em relação à renda total ( $PMS^*$ ):

$$PMS^* = \frac{S}{y}$$

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- Outros conceitos:
  - Propensão Média a Consumir em relação à renda disponível (PMC):

$$PMC = \frac{c}{yd}$$

- Propensão Média a Poupar em relação à renda disponível (PMS):

$$PMS = \frac{s}{yd}$$

## 4.4) Primeiro modelo macroeconômico simplificado

- A PMC e a PMS varia ao longo do tempo. Para o Brasil (boxe 4 na página 74):

Quinquênio	PMC	PMS
1990 a 1994	0,72	0,28
1995 a 1999	0,74	0,26
2000 a 2003*	0,74	0,26

Nesse período, a propensão marginal a consumir foi de 0,65.

## 4.4.1 Igualdade entre a produção e a demanda agregada (p. 75)

- Sabe-se que:

$$y^0 \equiv y = c + s + t$$

Produto Agregado

↓

Renda

Alocação da Renda

Considerando  $R_f = 0$ , ver equação na página 30.

Todo bem ou serviço final produzido equivale à renda (nas formas de aluguéis, salários, lucros e juros obtidos ao longo de seu processo de produção). Portanto, produto é idêntico à renda.

## 4.4.1 Igualdade entre a produção e a demanda agregada (p. 75)

- Sabe-se que:

$$y^d = c + ip + g + x - m$$



Demanda  
Agregada em  
Equilíbrio

# Equações Alternativas de Equilíbrio no Mercado de Bens e Serviços

- 1ª equação de equilíbrio. Como  $y \equiv y^0 = y^d$ , tem-se :

$$y^e = c + ip + g + x - m$$

ou

- 2ª equação de equilíbrio (alternativa):

$$c + ip + g + x - m = c + s + t$$

$$ip + g + x - m$$

Produto não  
consumido pelas  
famílias

$$= s + t$$

Poupança  
Social

# Equações de Equilíbrio no Mercado de Bens e Serviços

- Tomando a 1ª equação de equilíbrio anterior, isto é:

$$y^e = c + ip + g + x - m$$

Considere que **ip**, **g**, **x**, **m** e **t** sejam dados e

$$c = a_0 + a_1 \cdot (y - t) \Rightarrow \text{equação de comportamento}$$

Substituindo a função **consumo** na equação de renda de equilíbrio, tem-se:

$$y^e = a_0 + a_1 \cdot (y^e - t) + ip + g + x - m$$

$$y^e = a_0 + a_1 \cdot (y^e - t) + ip + g + x - m$$

$$y^e = a_0 + a_1 \cdot y^e - a_1 \cdot t + ip + g + x - m$$

$$y^e \cdot (1 - a_1) = a_0 - a_1 \cdot t + ip + g + x - m$$

$$y^e = \frac{1}{1 - a_1} \cdot (a_0 - a_1 \cdot t + ip + g + x - m)$$

A equação (4.10) na página 75 – reproduzida acima – é de determinação do PIB de Equilíbrio.

# Exemplos

- Considere que:  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$   
 $ip = 10$     $g = 5$     $t = 5$     $x = 6$     $m = 5$   
 $y^e = ?$

$$y^e = \frac{1}{1 - 0,8} \cdot (10 - 0,8 \cdot 5 + 10 + 5 + 6 - 5)$$

$$y^e = 110$$

# Exemplos

- Considere que:  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$

$$ip = 11 \quad g = 5 \quad t = 5 \quad x = 6 \quad m = 5$$

$$y^e = ?$$

$$y^e = \frac{1}{1 - 0,8} \cdot (10 - 0,8 \cdot 5 + 11 + 5 + 6 - 5)$$

$$y^e = 115$$

$$\Delta ip = 1 \longrightarrow \Delta y^e = 5$$

# Exercícios

1) Considere que:  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$

$$ip = 10 \quad g = 6 \quad t = 6 \quad x = 6 \quad m = 5$$

Qual é o valor de  $y^e$  quando se usa a equação (4.10) da p. 75?

2) Considere que:  $c = 10 + 0,75 \cdot (y - t)$   $ip = 10$

$$g = 5 \quad t = 5 \quad x = 6 \quad m = 5$$

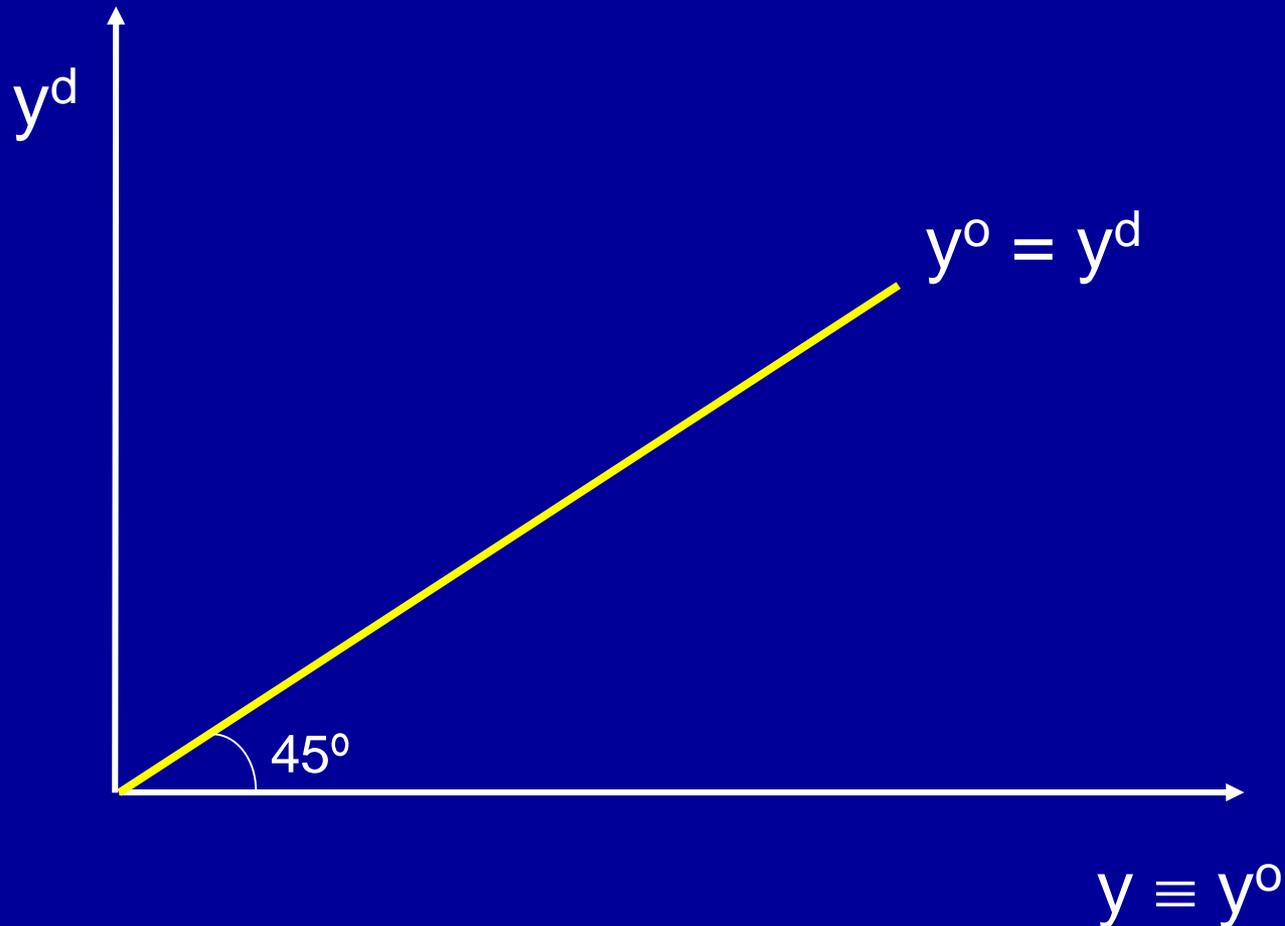
Qual é o valor de  $y^e$  quando se usa a equação (4.10) da p. 75?

- Compare os novos valores de  $y^e$  com os do primeiro exemplo.

## Modelos simplificados de determinação da renda: versão algébrica *versus* versão geométrica

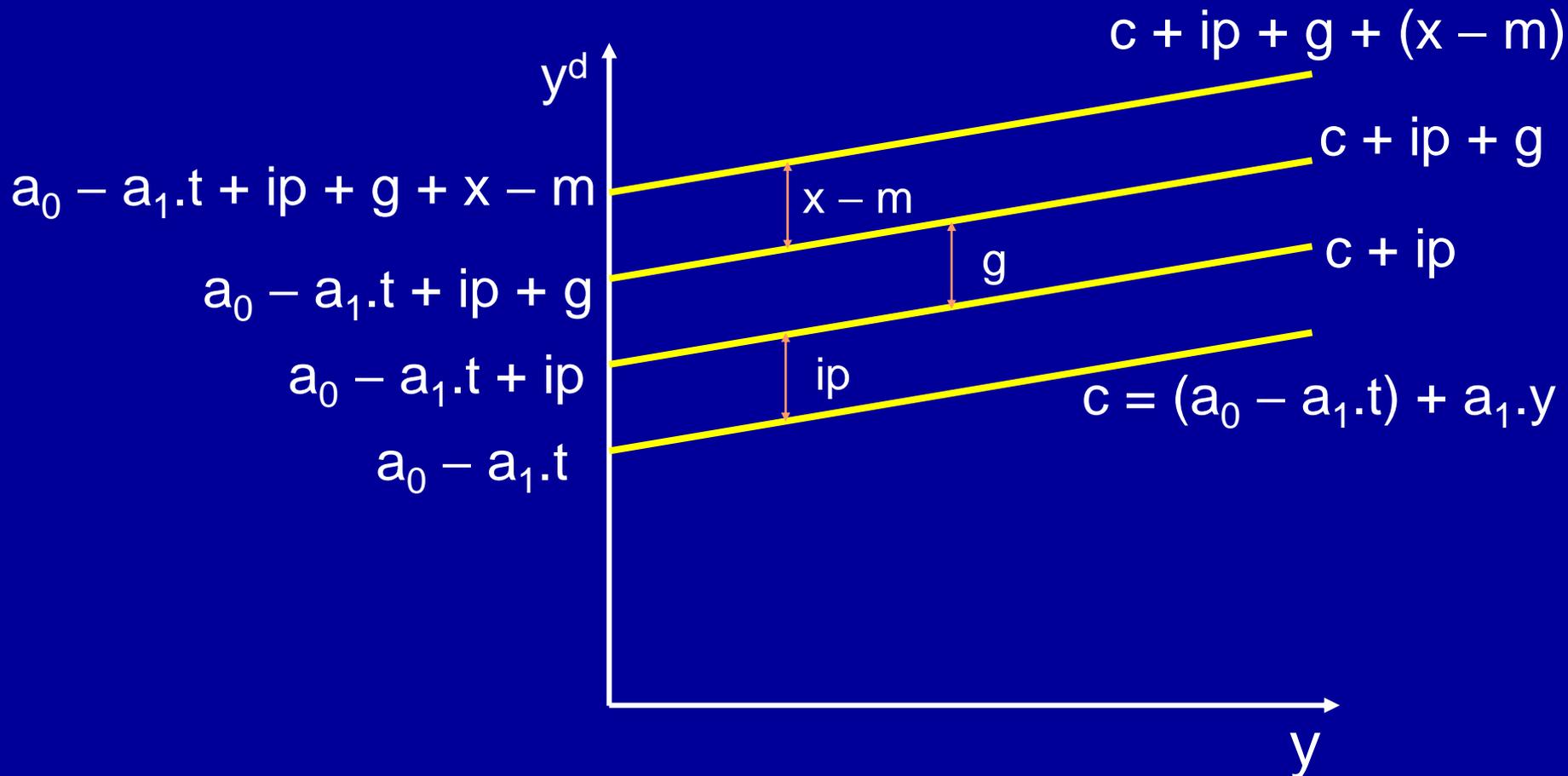
- Desenvolvemos, até agora, a versão algébrica de determinação do PIB de equilíbrio (equação 4.10 da página 75), considerando uma função consumo e supondo  $ip$ ,  $g$ ,  $x$ ,  $m$  e  $t$  como sendo dados. Essa versão permitiu vermos o multiplicador de gastos autônomos e o teorema do orçamento equilibrado.
- Os mesmos fenômenos também podem ser vistos na versão geométrica do modelo.
- Quais as vantagens e desvantagens de cada versão?

# Igualdade produto = dispêndio



A reta amarela é uma bissetriz que mostra a igualdade entre produto (sempre igual à renda) e demanda agregada. Ou seja, a economia estará em equilíbrio em qualquer ponto ao longo da reta amarela.

# A Curva de dispêndio (figura 12 na p. 76)

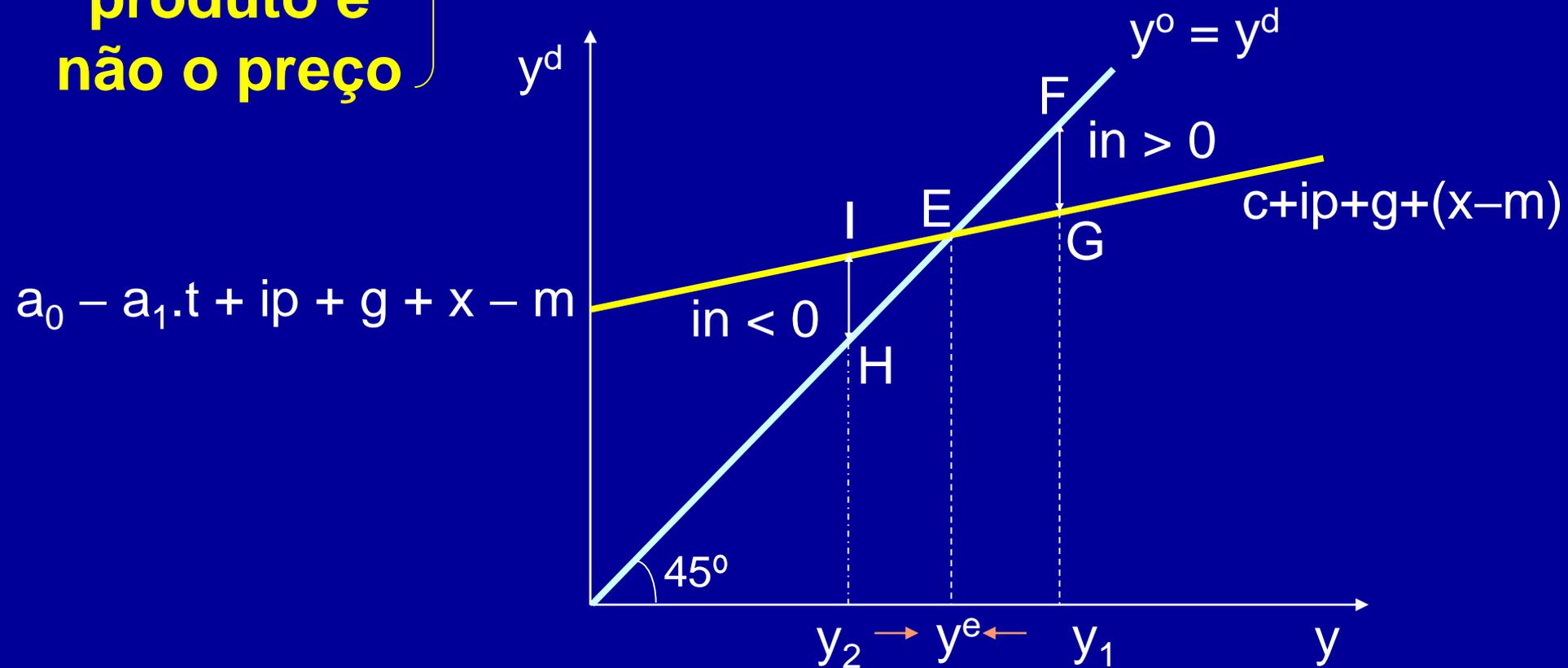


A reta  $c+ip+g+(x-m)$ , que corresponde a uma equação de comportamento, mostra possíveis pontos de renda e dispêndio que a economia pode ter. No entanto, apenas um desses pontos será de equilíbrio. Qual?

# Determinação do produto de equilíbrio (figura 13, p. 77, 2º parágrafo)

A variável de ajuste é o produto e não o preço

## Princípio da Demanda Efetiva

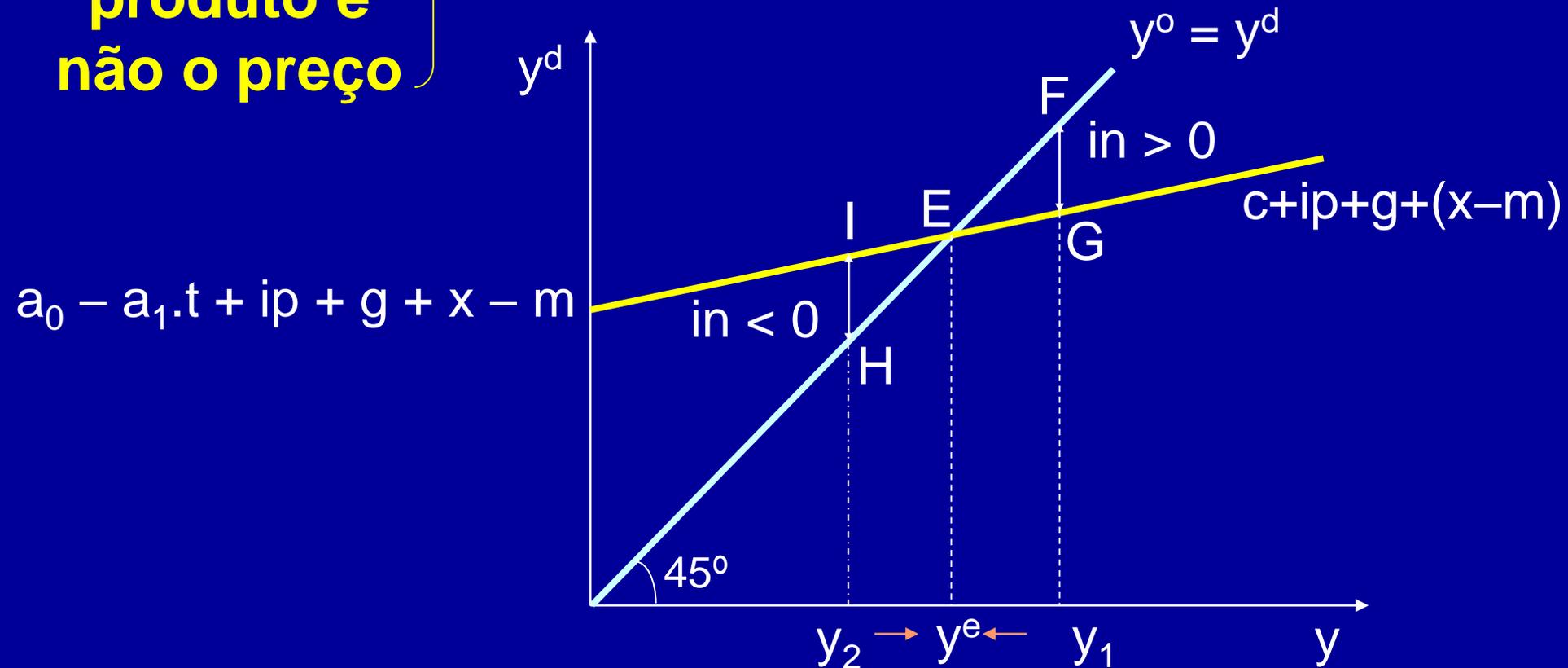


Se  $ip$  ou  $g$  aumentar, o que ocorre com a renda de equilíbrio?

# Determinação do produto de equilíbrio (figura 13, p. 77, 2º parágrafo)

A variável de ajuste é o produto e não o preço

## Princípio da Demanda Efetiva

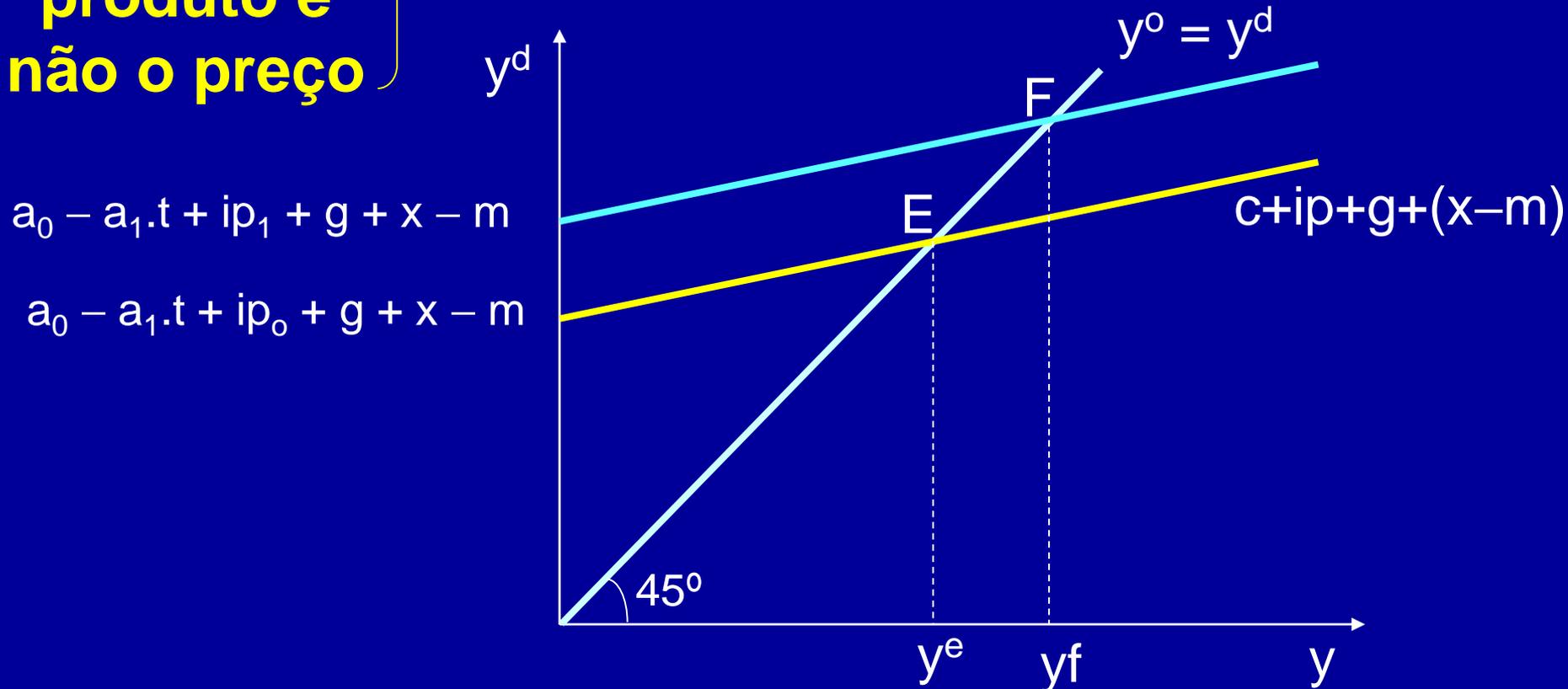


Se  $ip$  ou  $g$  aumentar, o que ocorre com a renda de equilíbrio?

# Determinação do produto de equilíbrio (efeito do aumento do ip)

A variável de ajuste é o produto e não o preço

## Princípio da Demanda Efetiva



Se  $ip$  ou  $g$  aumentar, o que ocorre com a renda de equilíbrio?

# Determinação do produto de equilíbrio

- A condição de equilíbrio no mercado de produto é (lembre-se:  $y^0$  produto agregado,  $y$  renda e  $y^d$  demanda agregada):

$$y^0 \equiv y = c + s + t$$

$$y^d = c + ip + g + x - m$$

O equilíbrio é:  $y^0 = y^d$

1ª alternativa:  $y = c + ip + g + x - m$  (caso da figura 13 na p. 77)

2ª alternativa (ver slide 25):  $ip + g + x - m = s + t$

Vamos desenhar o gráfico da 2ª alternativa. Este último facilitará, no capítulo 5, obter-se a curva IS.

Sabe-se que (ver página 74):

$$s = -a_0 + (1 - a_1) \cdot (y - t)$$

Some  $t$  em ambos lados da expressão, e tem-se:

$$s + t = -a_0 + (1 - a_1) \cdot y - (1 - a_1) \cdot t + t$$

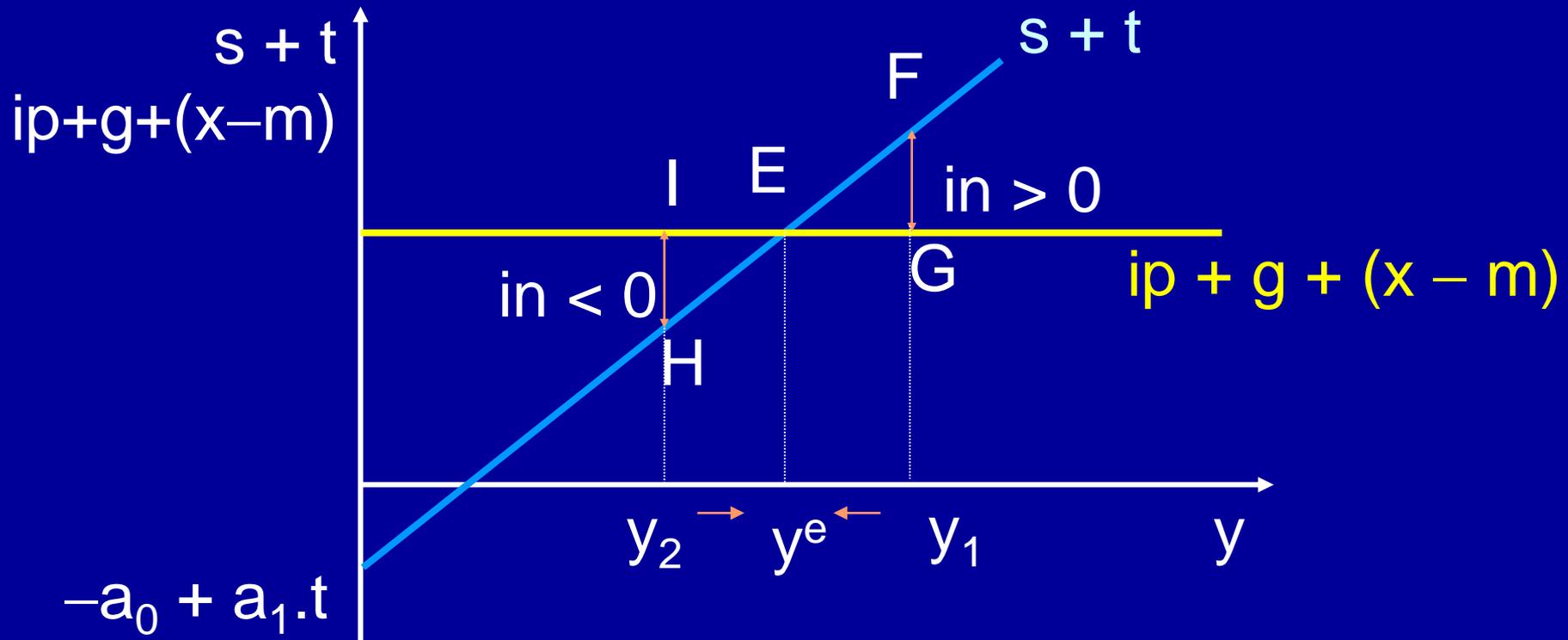
$$s + t = -a_0 - \cancel{t} + a_1 \cdot \cancel{t} + t + (1 - a_1) \cdot y$$

$$s + t = \underbrace{-a_0 + a_1 \cdot t}_{\text{Intercepto}} + \underbrace{(1 - a_1) \cdot y}_{\text{coeficiente angular}}$$

Intercepto

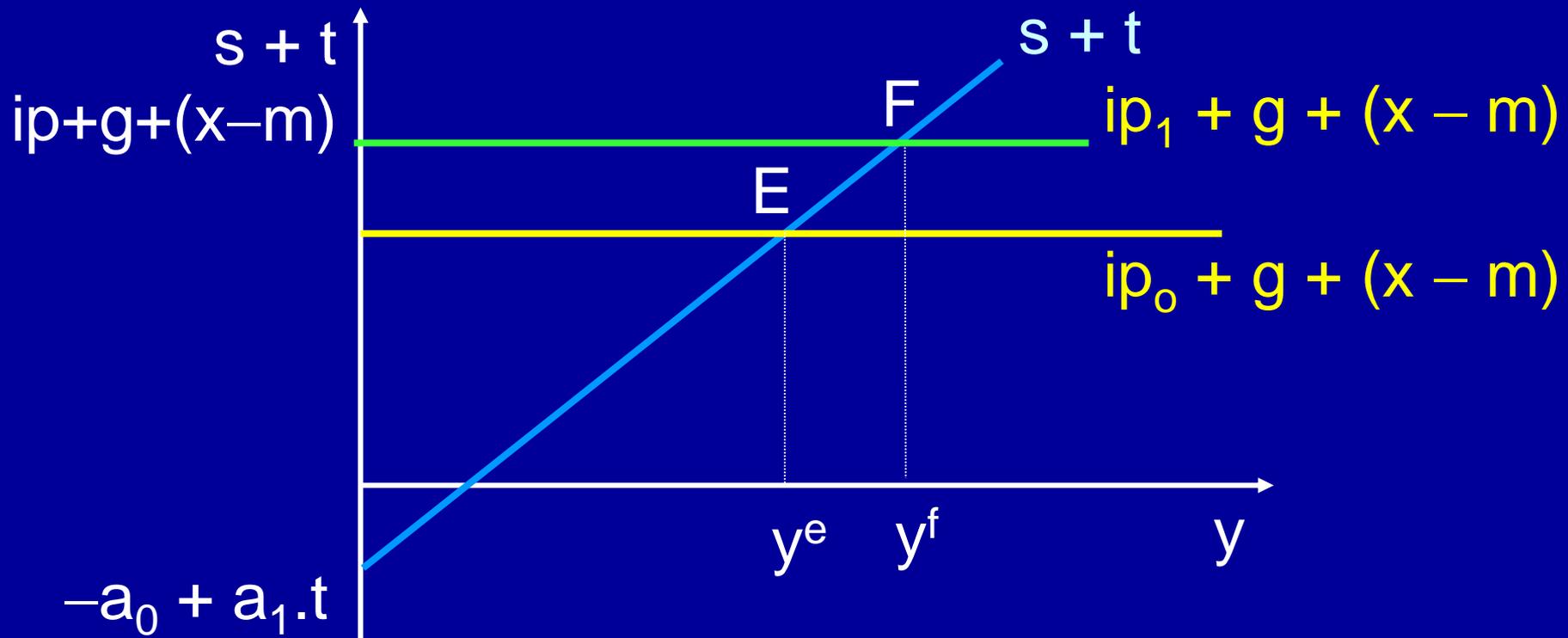
coeficiente angular

# Determinação do produto de equilíbrio (figura 14 na p. 78, penúltimo §)



Se  $ip$  ou  $g$  aumentar, o que ocorre com a renda de equilíbrio?

# Determinação do produto de equilíbrio (efeito do aumento do investimento, $ip_1 > ip_0$ )



Se  $ip$  ou  $g$  aumentar, o que ocorre com a renda de equilíbrio? Compare os slides 36 e 40. Eles mostram o mesmo princípio da demanda efetiva.

## 4.4.2 Efeitos do aumento da Parcimônia sobre o Nível de Renda

$$\text{PMgS} \uparrow \longrightarrow (1 - a_1) \uparrow \longrightarrow a_1 \downarrow$$

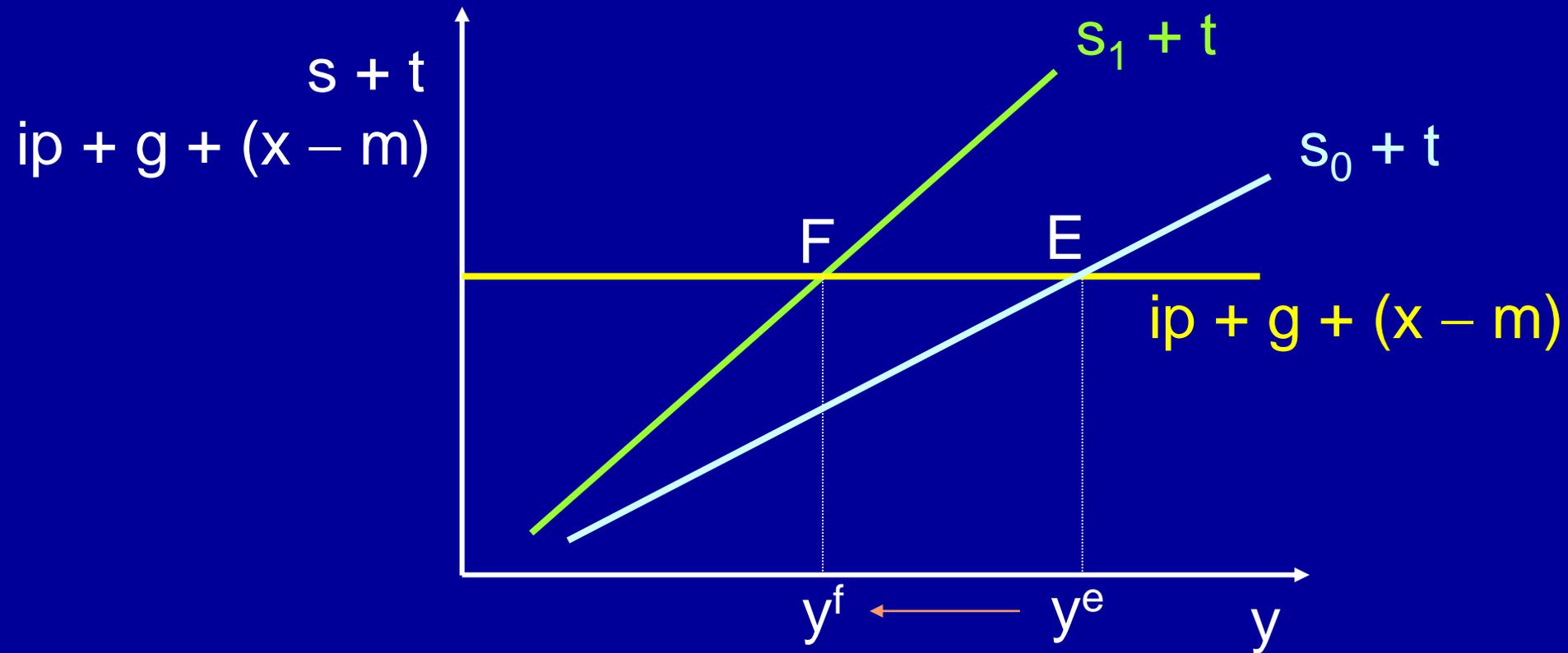
$$\text{Se } (1 - a_1) = 0,3$$

$$a_1 = 0,7$$

$$\text{Se } (1 - a_1) = 0,4$$

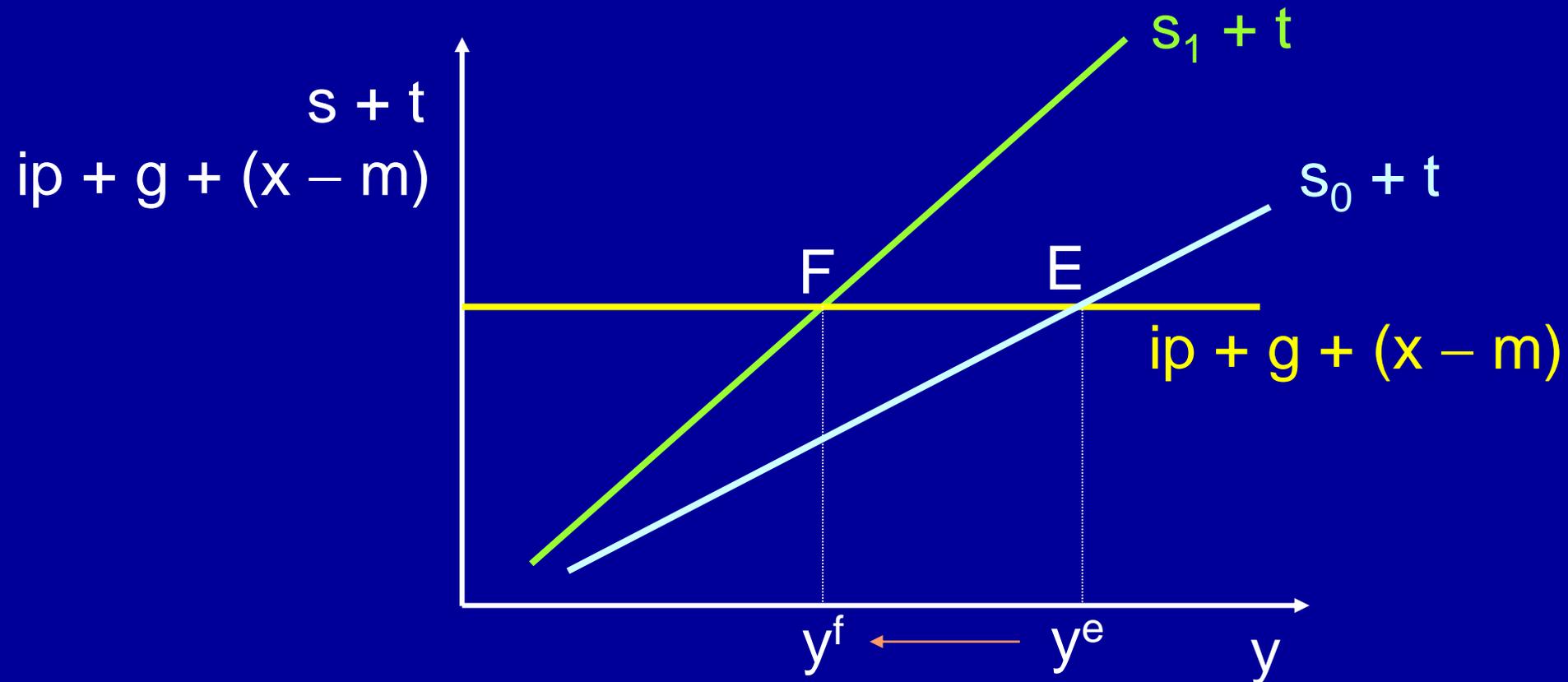
$$a_1 = 0,6$$

# Efeitos do aumento da parcimônia sobre a renda (p. 79)



As retas  $s_1 + t$  e  $s_0 + t$  não são paralelas. O intercepto no eixo horizontal é  $-a_0 + a_1 \cdot t$ , e o  $a_1$  está diminuindo.

# Efeitos da parcimônia sobre a renda (último § da p. 79)



**O que ocorre se  $ip$  for considerado uma função direta da renda?**

# Modelo Macroeconômico Simplificado Alternativo

- Equações de Comportamento:

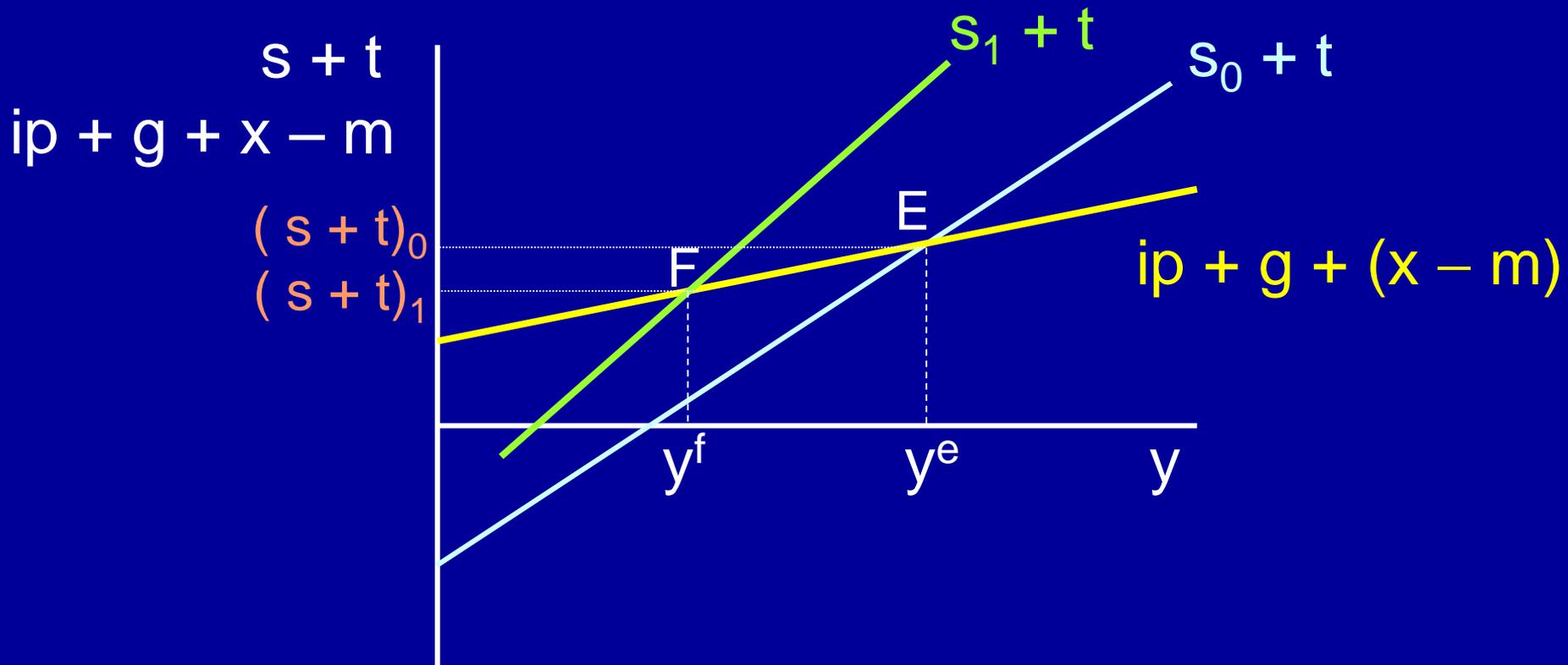
$$ip = ip(y)$$

$$c = c(y - t)$$

$$s = s(y - t)$$

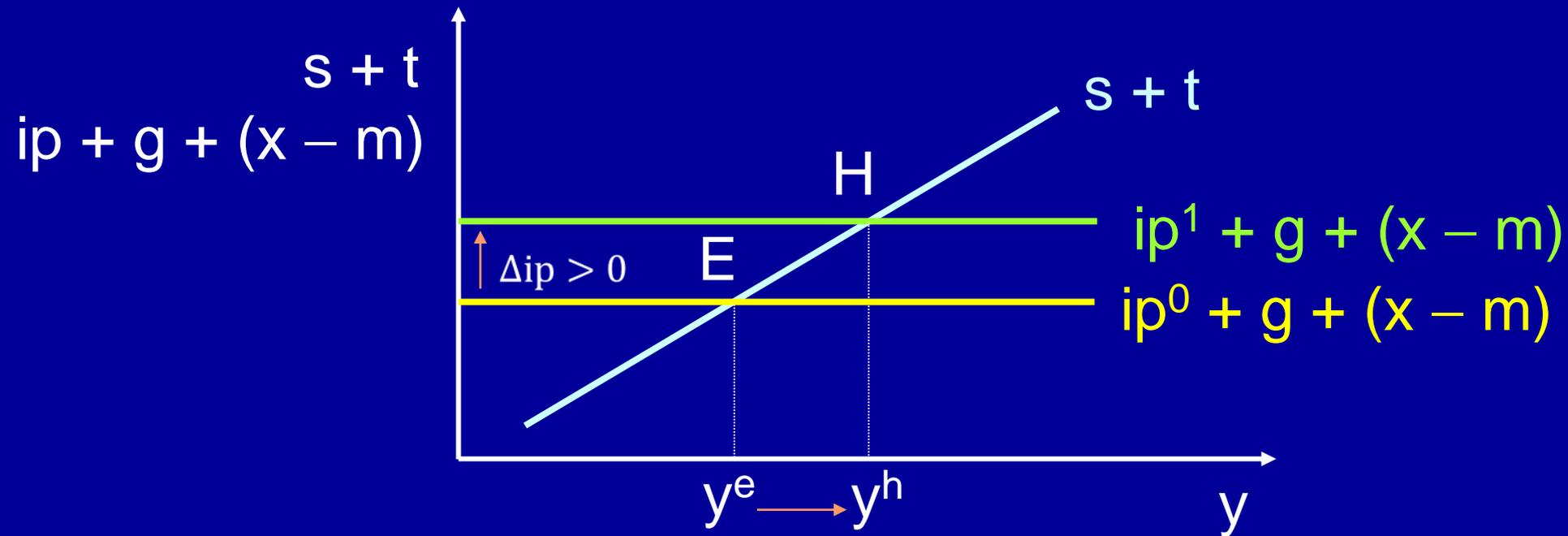
- Variáveis exógenas: **g, x, m, t**

# Modelo Macroeconômico Simplificado Alternativo (1º parágrafo da p. 80)



**Paradoxo da Parcimônia:  $PMgS \uparrow \Rightarrow s \downarrow$**

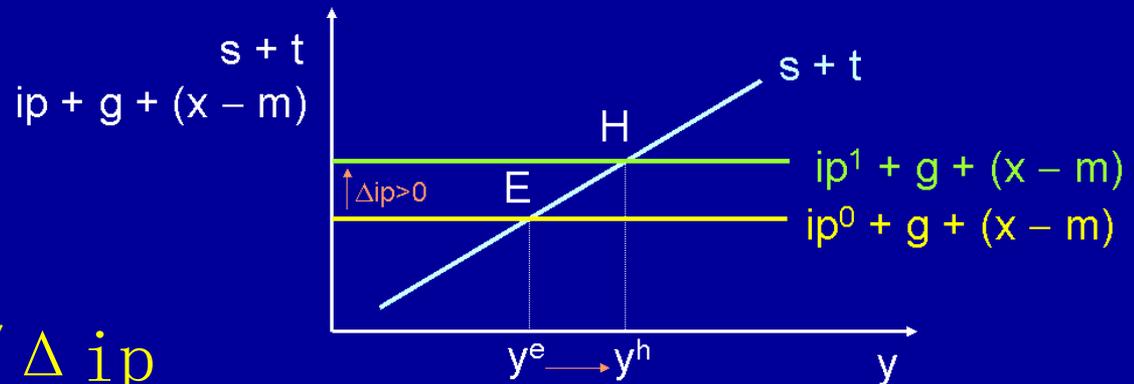
## 4.4.3 O multiplicador de Despesas Autônomas (p. 80)



A razão  $\frac{\Delta y}{\Delta i}$  é o multiplicador do investimento

Efeitos do aumento do investimento planejado.

# 4.4.3 O multiplicador de Despesas Autônomas



- Multiplicador =  $\Delta y / \Delta ip$

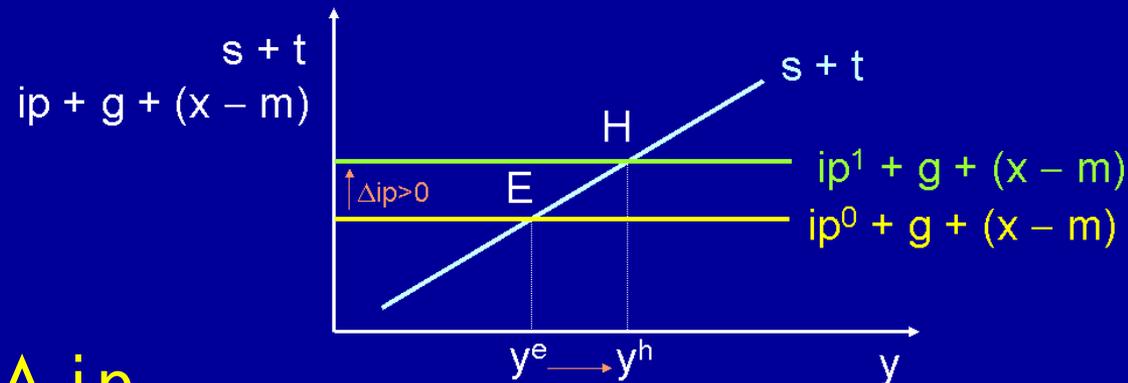
$$\frac{\Delta y}{\Delta ip} = \frac{y^h - y^e}{ip^1 - ip^0} = \frac{1}{tg\beta}$$

$$s + t = a_0 + a_1 \cdot t + (1 - a_1) \cdot y$$

$$\frac{\Delta y}{\Delta ip} = \frac{1}{1 - a_1} = \frac{1}{PMgS} = \frac{1}{1 - PMgC}$$

$$tg\beta = \frac{\partial(s + t)}{\partial y} = 1 - a_1$$

## 4.4.3 O multiplicador de Despesas Autônomas



- Multiplicador =  $\Delta y / \Delta ip$

$$\frac{\Delta y}{\Delta ip} = \frac{1}{1 - a_1} = \frac{1}{PMgS} = \frac{1}{1 - PMgC}$$

Sabe-se que:  $0 < PMgS < 1$ . Portanto, o multiplicador é maior do que 1. Ou seja, um aumento de R\$ Z do ip causa um aumento de R\$ Y maior do que R\$ Z

# Exercícios

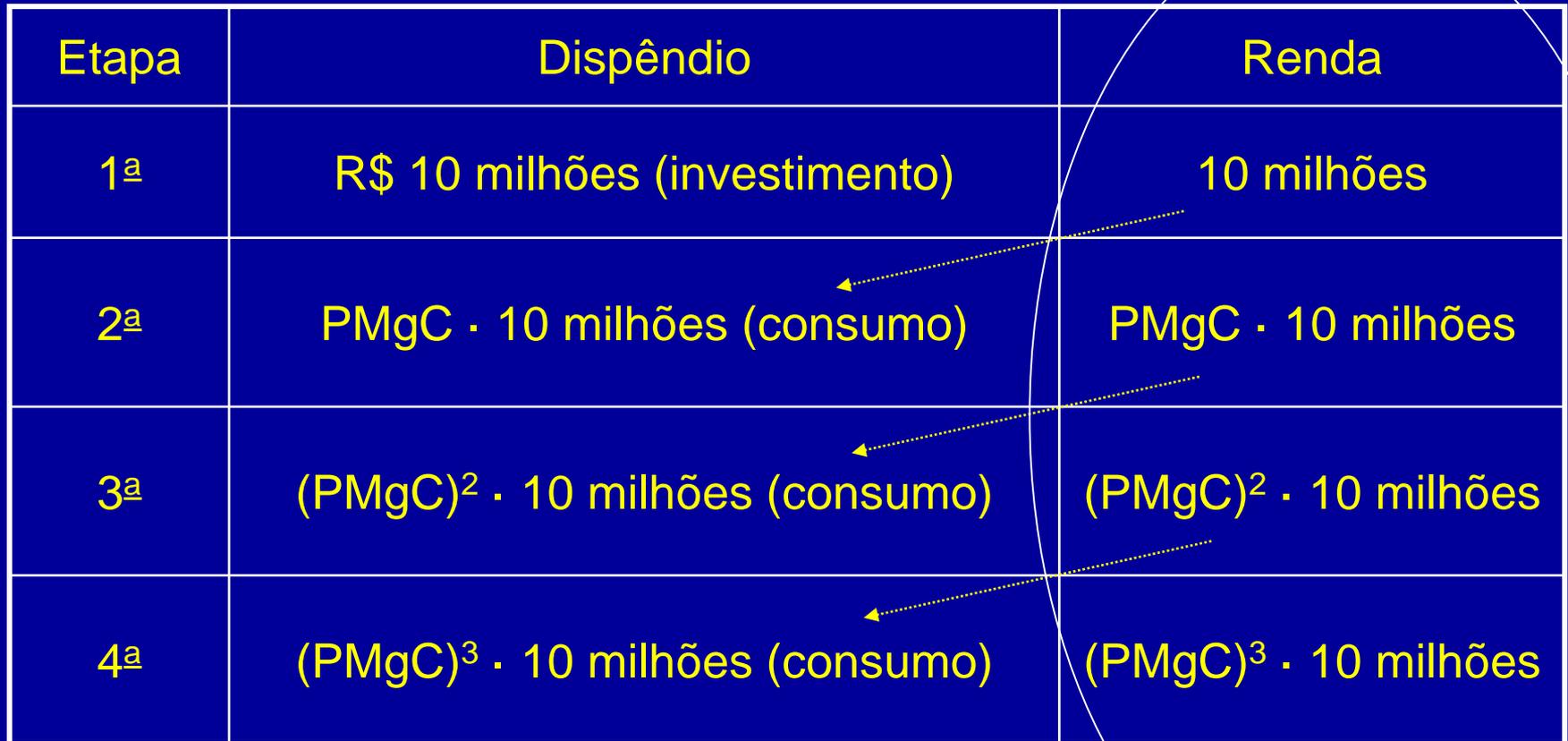
- No primeiro modelo macroeconômico simplificado, sabe-se que o multiplicador de gastos autônomos é:

$$\frac{\Delta y}{\Delta ip} = \frac{1}{1 - a_1} = \frac{1}{PMgS} = \frac{1}{1 - PMgC}$$

- Calcule, o valor desse multiplicador quando:
  - a)  $PMgC = 0,75$
  - b)  $PMgC = 0,80$
  - c)  $PMgC = 0,68$

# Etapas do Raciocínio do Multiplicador (2º § da p. 81)

Etapa	Dispêndio	Renda
1ª	R\$ 10 milhões (investimento)	10 milhões
2ª	$PMgC \cdot 10$ milhões (consumo)	$PMgC \cdot 10$ milhões
3ª	$(PMgC)^2 \cdot 10$ milhões (consumo)	$(PMgC)^2 \cdot 10$ milhões
4ª	$(PMgC)^3 \cdot 10$ milhões (consumo)	$(PMgC)^3 \cdot 10$ milhões



The diagram illustrates the multiplier process through four stages. A large white circle highlights the right side of the table (Renda). Dotted arrows point from the Renda column to the corresponding Dispêndio column in the next stage: from 10 milhões to  $PMgC \cdot 10$  milhões, from  $(PMgC)^2 \cdot 10$  milhões to  $(PMgC)^2 \cdot 10$  milhões, and from  $(PMgC)^3 \cdot 10$  milhões to  $(PMgC)^3 \cdot 10$  milhões.

(...)

# Multiplicador

$$\Delta y = 10 + \text{PMgC} \cdot 10 + (\text{PMgC})^2 \cdot 10 + (\text{PMgC})^3 \cdot 10 + (\text{PMgC})^4 \cdot 10 + \dots$$

$$\Delta y = 10 [1 + \text{PMgC} + (\text{PMgC})^2 + (\text{PMgC})^3 + (\text{PMgC})^4 + \dots]$$

$$\Delta y = 10 \cdot [(\text{PMgC})^0 + (\text{PMgC})^1 + (\text{PMgC})^2 + (\text{PMgC})^3 + (\text{PMgC})^4 + \dots]$$

# Multiplicador

$$\Delta y = 10 \cdot (PMgC^0 + PMgC^1 + PMgC^2 + PMgC^3 + PMgC^4 + \dots)$$

$$\Delta y = 10 \left[ \frac{1}{1 - PMgC} \right]$$

Generalizando:

$$\Delta y = \Delta ip \cdot \left[ \frac{1}{1 - PMgC} \right]$$

$$\frac{\Delta y}{\Delta ip} = \frac{1}{(1 - PMgC)} = \frac{1}{PMgS}$$

## 4.4.4 Teorema do Orçamento Equilibrado (p. 82)

O que ocorre se  $g$  for aumentado na mesma magnitude que  $t$  for aumentado?

$$\Delta g = \Delta t = z$$

- $\Delta g$  tem efeito imediato sobre o nível de demanda agregada.
- $\Delta t$  tem efeito imediato sobre a renda disponível, mas apenas a parcela  $PMgC \cdot \Delta t$  terá efeito multiplicador sobre a renda.

## 4.4.4 Teorema do Orçamento Equilibrado

$$\Delta g = z > 0 \quad \Delta y_1 = \frac{1}{1 - PMgC} \cdot \Delta g \quad \text{Sendo } \Delta y_1 > 0$$

$$\Delta t = z > 0 \quad \Delta y_2 = \frac{-PMgC}{1 - PMgC} \cdot \Delta t \quad \text{Sendo } \Delta y_2 < 0$$

$$\Delta y = \Delta y_1 + \Delta y_2 = \frac{1}{1 - PMgC} \cdot \Delta g - \frac{PMgC}{1 - PMgC} \cdot \Delta t$$

## 4.4.4 Teorema do Orçamento Equilibrado

$$\Delta y = \Delta y_1 + \Delta y_2 = \frac{1}{1-PMgC} \cdot \Delta g - \frac{PMgC}{1-PMgC} \cdot \Delta t$$

Mas  $\Delta g = \Delta t = z$

Logo:

$$\Delta y = \frac{1 - PMgC}{1 - PMgC} \cdot z = z$$

# Orçamento Equilibrado

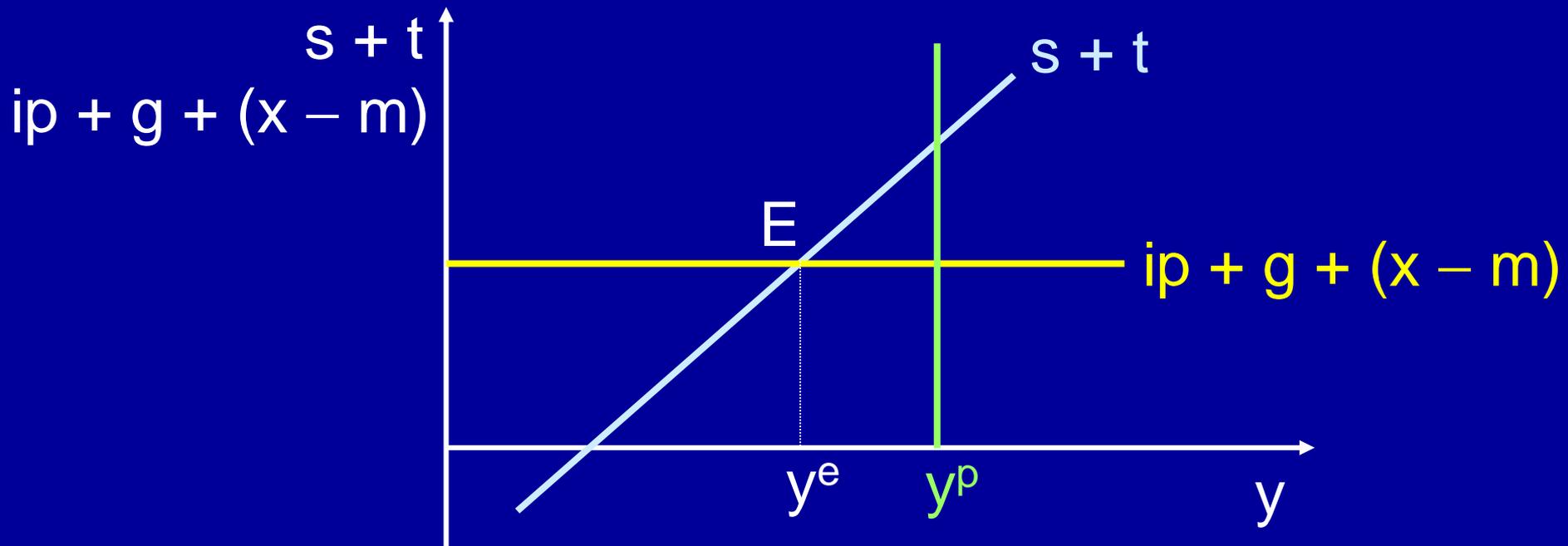
O teorema do orçamento equilibrado diz que se houver aumento nos gastos do governo no mesmo valor que ocorrer aumento de tributos, haverá aumento idêntico na renda de equilíbrio.

ATENÇÃO: o teorema do orçamento equilibrado só ocorre no 1º Modelo Macroeconômico Simplificado (em que  $i_p$ ,  $g$ ,  $x$ ,  $m$  e  $t$  são exógenos).

## 4.4.5 Produto de Pleno Emprego

Produto de pleno emprego é o máximo produto que a economia pode gerar com a alocação econômica de seus recursos disponíveis.

## 4.4.5 Produto de Pleno Emprego (p. 83)



Veja que  $y^e < y^p$ . Quais são as políticas econômicas para aumentar o produto de equilíbrio?

## 4.4.5 Produto de Pleno Emprego

- Para ser atingido o produto de pleno emprego, será necessário deslocar a reta  $[ip + g + (x - m)]$  para cima e/ou a reta  $(s + t)$  para baixo e para a direita.
- Várias medidas podem ser tomadas isoladamente ou em conjunto, tais como:
  - 1)  $ip \uparrow$ ,  $g \uparrow$ ,  $x \uparrow$
  - 2)  $t \downarrow$ ,  $m \downarrow$
- Para tanto, o governo pode atuar sobre as políticas monetária, fiscal e cambial.

# A crise de 2008/2009 e as políticas econômicas do governo brasileiro até 2018

- Em 2009, o governo brasileiro deparou-se com  $y^e < y^p$ .
- De 2010 a 2014, pautou-se pela política fiscal expansionista, ou seja,  $g \uparrow$  e  $t \downarrow$  (a chamada nova matriz macroeconômica).
- Com o ajuste fiscal de 2015 a 2018, novamente tem-se:  $y^e < y^p$ .
- O que fazer? Os programas de concessão e/ou privatização permitirão  $ip \uparrow$
- A desvalorização cambial deverá gerar  $x \uparrow$  e  $m \downarrow$ .
- Portanto, em algum momento o PIB ( $y^e$ ) voltaria a crescer (como em 2017 e 2018), mas a possível desvalorização cambial gerou inflação (como ocorreu em 2015), o que o modelo atual não capta (pois ele assume o nível de preço ser dado).

# 1º Modelo Macroeconômico Simplificado (p. 84)

$$y = c + ip + g + x - m$$

ou

$$ip + g + x - m = s + t$$

Condição de equilíbrio ( $y^o = y^d$ ),  
produto agregado =  
demanda agregada

Sendo

$$c = c(y - t)$$

e

$$s = s(y - t)$$

Equações de comportamento

Em que:

$ip, g, x, m$  e  $t$  são valores determinados exogenamente.

# 1º Modelo Macroeconômico Simplificado

$$y = c + ip + g + x - m$$

ou

$$ip + g + x - m = s + t$$

Condição de equilíbrio

Sendo

$$c = c(y - t)$$

e

$$s = s(y - t)$$

Equações de comportamento

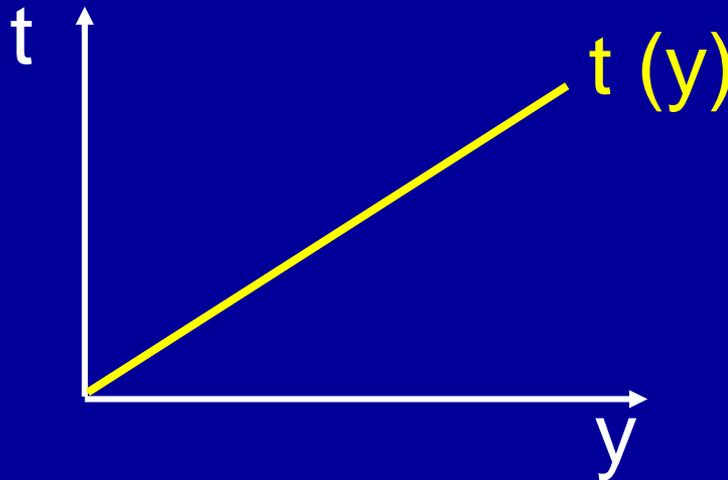
Em que

$ip, g, x, m$  e  $t$  são valores determinados exogenamente.

Tem-se um modelo com três equações (uma de equilíbrio e duas de comportamento) e três variáveis endógenas ( $y, c$  e  $s$ )  $\Rightarrow$  o modelo tem solução matemática.

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado (p. 84)

- Até agora, a arrecadação de tributos foi considerada constante, ou seja,  $t = \bar{t}$
- O traço em cima da variável indica que ela é constante.
- Mudança de hipótese. Suponha  $t = t(y)$



## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

Alteram-se:

Função Consumo:

$$c = c [y - t (y)]$$

Função Poupança Privada:

$$s = s [y - t (y)]$$

Observe que é comum, nos modelos macroeconômicos, usar a mesma letra para expressar a variável e sua função.

# 2º Modelo Macroeconômico Simplificado (p. 85)

$$y = c + ip + g + x - m$$

ou

$$ip + g + x - m = s + t$$

Condição de equilíbrio ( $y^o = y^d$ )

Sendo:

$$c = c[y - t(y)]$$

$$s = s[y - t(y)]$$

$$t = t(y)$$

Equações de comportamento

Em que:

$ip$ ,  $g$ ,  $x$  e  $m$  são valores determinados exogenamente.

# 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

$$\begin{array}{l} y = c + ip + g + x - m \\ \text{ou} \\ ip + g + x - m = s + t \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{l} y = c + ip + g + x - m \\ \text{ou} \\ ip + g + x - m = s + t \end{array}} \right\} \text{Condição de equilíbrio}$$

Sendo

$$\begin{array}{l} c = c[y - t(y)] \\ s = s[y - t(y)] \\ t = t(y) \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{l} c = c[y - t(y)] \\ s = s[y - t(y)] \\ t = t(y) \end{array}} \right\} \text{Equações de comportamento}$$

Em que

$ip, g, x,$  e  $m$  são valores determinados exogenamente.

Tem-se modelo com quatro equações (uma equação de equilíbrio e três de comportamento) e quatro variáveis endógenas ( $y, c, s$  e  $t$ )  $\Rightarrow$  o modelo tem solução matemática.

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

Duas questões a serem respondidas:

- 1) O multiplicador de gastos autônomos é idêntico ao modelo anterior? Se ele não for, ele ainda continua sendo maior que 1?
- 2) Ainda continua válido o teorema do orçamento equilibrado? Se ele não for, o que ocorre com a renda se houver um aumento de gastos do governo em valor idêntico ao aumento da arrecadação tributária (se  $\Delta g = \Delta t$ )?

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

Define-se (ver p. 85):

$t'$  = taxa marginal de tributação

$$t' = \frac{dt(y)}{dy}$$

$$dt(y) = t' \cdot dy$$

Se ocorrerem funções lineares tem-se:  $dy = \Delta y$

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

$$s' = \text{PMgS} = \frac{ds[y - t(y)]}{d[y - t(y)]}$$

$$ds[y - t(y)] = s' \cdot d[y - t(y)]$$

Para:  $d[y - t(y)] = (1 - t')\Delta y$

Tem-se:  $\Delta s = s' \cdot (1 - t') \cdot \Delta y$

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado (p. 86)

- Em resumo, para um aumento da renda de  $\Delta y$ :

1) Aumento do tributo:  $\Delta t = t' \cdot \Delta y$

2) Aumento da poupança privada:

$$\Delta s = s' \cdot (1 - t') \cdot \Delta y$$

3) Aumento da poupança social:

$$\Delta(s + t) = \Delta s + \Delta t$$

$$= s' \cdot (1 - t') \cdot \Delta y + t' \cdot \Delta y$$

$$= \Delta y \cdot [s' \cdot (1 - t') + t']$$

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado

$$\begin{aligned}\Delta(s + t) &= \Delta y \cdot [s' \cdot (1 - t') + t'] = \Delta y \cdot [s' - s' \cdot t' + t'] = \\ &= \Delta y \cdot [s' + t' \cdot (1 - s')] \end{aligned}$$

Em resumo:

$$\Delta(s + t) = [s' + t' \cdot (1 - s')] \cdot \Delta y$$

$$\Delta(s + t) / \Delta y = \underbrace{s' + t' \cdot (1 - s')}$$

Tangente da inclinação da função poupança social no 2º modelo (ver figura 18 na página 87)

## No 1º Modelo Macroeconômico Simplificado:

- 1) O  $t$  é dado. Portanto, quando varia a renda,  $\Delta t = 0$
- 2)  $\Delta s = s' \cdot \Delta y$ . O acréscimo da poupança privada é sobre o acréscimo da renda total.
- 3) O acréscimo na poupança social é igual ao acréscimo da poupança privada.
- 4) O Acréscimo da poupança social é:

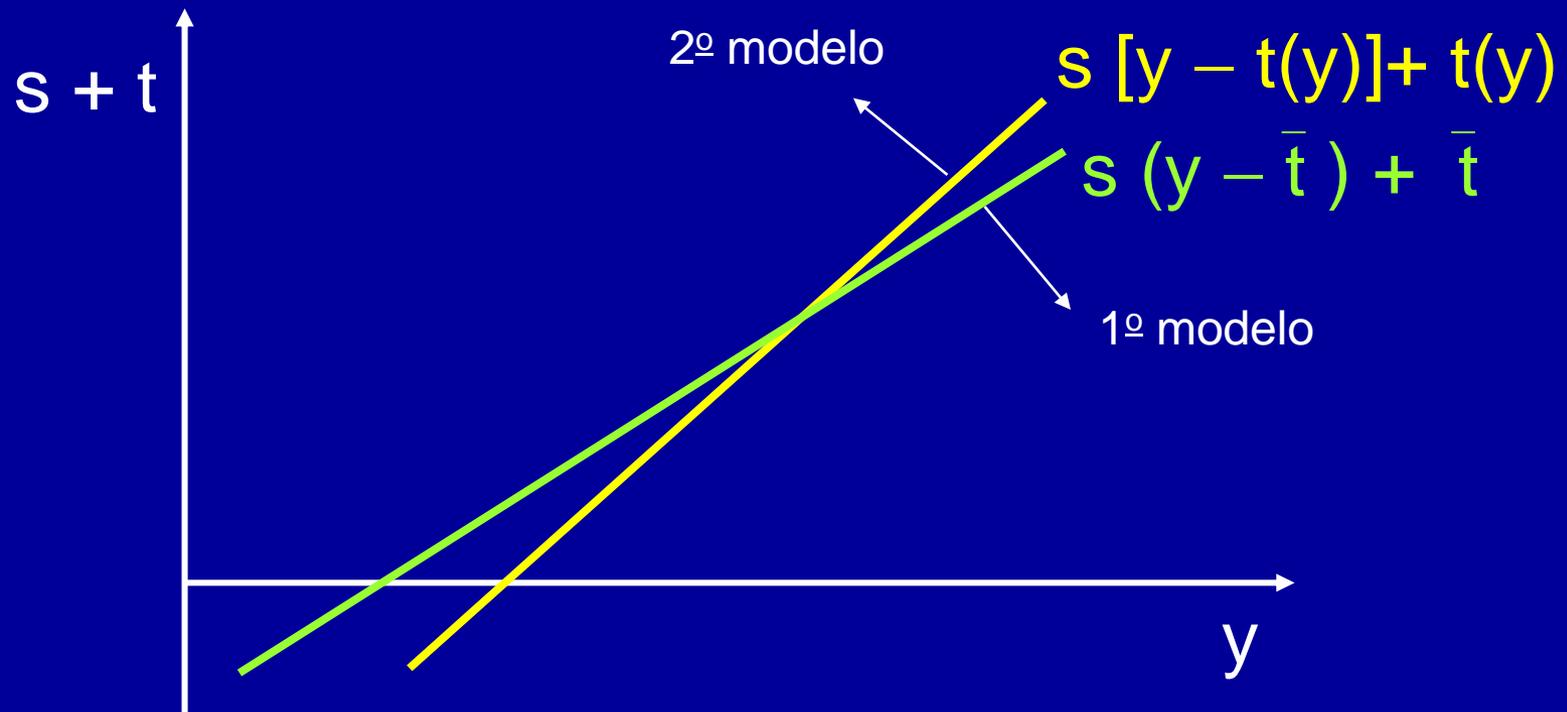
$$\Delta(s + t) = \Delta s + \Delta t = s' \cdot \Delta y + 0. \text{ Portanto:}$$

$$\Delta(s + t) = s' \cdot \Delta y$$

$$\Delta(s + t) / \Delta y = s'$$

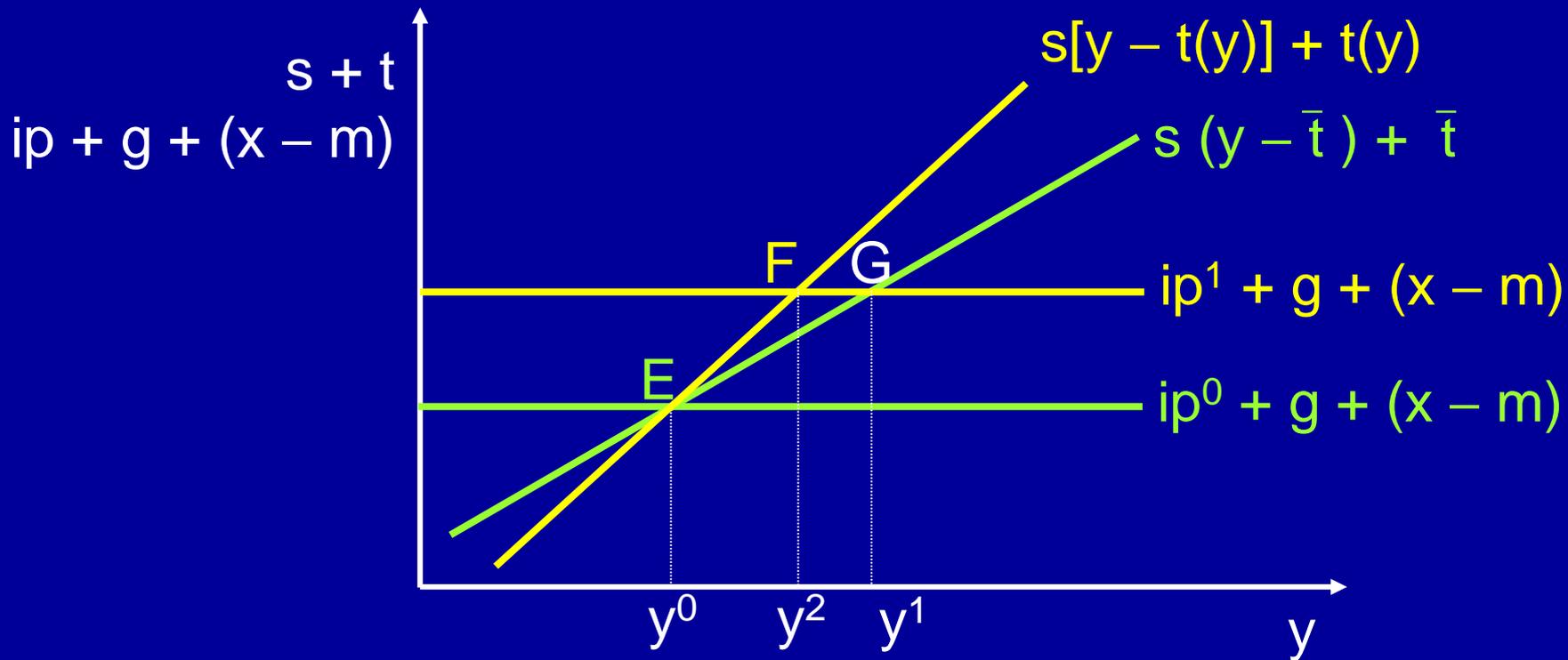
Tangente da inclinação da função poupança social no 1º modelo

## 4.5 2º Modelo Macroeconômico Simplificado



Curvas de poupança social: ela é mais inclinada no 2º modelo simplificado.

# 4.5.1 O Multiplicador de Gastos Autônomos



Multiplicador do investimento

## 4.5.1 O Multiplicador de Gastos Autônomos

No 1º Modelo Macroeconômico Simplificado (MMS):

$$\Delta y / \Delta ip = 1 / (1 - PMgC) = (y^1 - y^0) / (ip^1 - ip^0)$$

No 2º Modelo Macroeconômico Simplificado:

$$\Delta y / \Delta ip = (y^2 - y^0) / (ip^1 - ip^0)$$

O multiplicador de gastos autônomos do 1º MMS é maior que o multiplicador de gastos autônomos do 2º MMS.

# Fórmula do Multiplicador de Gastos Autônomos

2º MMS:

$$\Delta y / \Delta i_p = 1 / \text{tg}\beta$$

$$\text{tg}\beta = \Delta(s + t) / \Delta y = s' + t' \cdot (1 - s')$$

$$\text{Multiplicador} = 1 / [s' + t' \cdot (1 - s')] ]$$

# Multiplicador de Gastos Autônomos

- 1º MMS: multiplicador =  $1/(1 - PMgC) = 1/s'$
- 2º MMS: multiplicador =  $1 / [s' + t' \cdot (1 - s')]$

Veja que:

$$[1 / [s' + t' (1 - s')]] < (1/s')$$

Mas será que  $[1 / [s' + t' (1 - s')]]$  é maior que 1?

Sabe-se que:  $0 < s' < 1$  e  $t' \geq 0$

Para:  $[1 / [s' + t' (1 - s')]] > 1$ , é necessário que:

$$[s' + t' (1 - s')] < 1 \quad \therefore [t' (1 - s')] < 1 - s'$$

# Multiplicador de Gastos Autônomos

$$[t' (1 - s')] < (1 - s')$$

$$t' < [(1 - s') / (1 - s')], \text{ ou seja, } t' < 1$$

Para o multiplicador de gastos autônomos do 2º MMS ser maior que 1, é necessário:

1)  $0 < s' < 1$

2)  $0 \leq t' < 1$  → É o que ocorre normalmente na sociedade, pois não é social e politicamente correto que, para cada R\$ 1 a mais de renda, o governo arrecade mais de R\$ 1 em tributos adicionais.

# Exercícios

- 1) Considere que  $s' = 0,25$  e  $t' = 0,40$ .
- Calcule:
  - 1.a) o multiplicador de gastos autônomos do 1º MMS
  - 1.b) o multiplicador de gastos autônomos do 2º MMS.
- 2) calcule os multiplicadores para o 1º e 2º MMS quando  $s' = 0,20$  e  $t' = 0,35$
- Lembre-se que:
  - 1º MMS: multiplicador =  $1/(1 - PMgC) = 1/ s'$
  - 2º MMS: multiplicador =  $1 / [s' + t' \cdot (1 - s')]$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos (p.89)

O multiplicador de gastos autônomos no 2º MMS é (ver equação 4.22 na página 87):

$$\Delta y / \Delta i_p = 1 / [s' + t' \cdot (1 - s')] ]$$

Esse mesmo multiplicador ocorre se ao invés de aumento de investimento privado ocorrer aumento dos gastos do governo.

$$\text{Isto é: } \Delta y / \Delta g = 1 / [s' + t' \cdot (1 - s')] ]$$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

Considere as variações de alíquotas de tributos e não do total de tributos.

Inicialmente, tem-se a alíquota de  $t'_0 = 0,18$

Agora, passa-se a ter  $t'_1 = 0,20$

$$\Delta\tau = t'_1 - t'_0 = 0,02$$

$$\Delta\tau > 0$$

$$\text{Tem-se: } \Delta y_d = -\Delta\tau \cdot y_0$$

Veja que se  $\Delta\tau > 0$ , tem-se  $\Delta y_d < 0$  (pois sempre  $y_0 > 0$ )

Mas se  $\Delta\tau < 0$ , tem-se  $\Delta y_d > 0$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

$$y_0 = \$2.000 \left\{ \begin{array}{l} yd_0 = \$1.640 \\ yd_1 = \$1.600 \end{array} \right. \quad \Delta yd = -\$40$$

$$\Delta c = -c' \cdot \Delta \tau \cdot y_0$$

$$\Delta s = -s' \cdot \Delta \tau \cdot y_0$$

Sabe-se que:  $s' + c' = 1 \quad \therefore 1 - c' = s'$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

Efeito final negativo do aumento das alíquotas do tributo sobre a renda:

$$\Delta y = [-c' \cdot \Delta\tau \cdot y_0] / [s' + t' \cdot (1 - s')]$$

No começo do processo tem-se:

$$\Delta g = \Delta t = \Delta\tau \cdot y_0 = Z$$

O efeito final da tributação sobre a renda é:  $\Delta y_1 = [-c' \cdot Z] / [s' + t' \cdot (1 - s')]$

Mas há os efeitos do aumento de gastos do governo sobre a renda:  $\Delta y_2 = Z / [s' + t' \cdot (1 - s')]$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

Considere que o governo aumente a arrecadação de tributos em  $(\Delta\tau \cdot y_0)$  e automaticamente aumente seus gastos em  $(\Delta\tau \cdot y_0)$ . O efeito do imposto sobre a renda é:

$$\Delta y_1 = \text{multiplicador} \cdot (-c' \cdot \Delta\tau \cdot y_0)$$
$$\Delta y_1 = \frac{1}{s' + t' (1-s')} \cdot (-c' \cdot \Delta\tau \cdot y_0)$$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

Efeito do aumento de gastos do governo sobre a renda:

$$\Delta y_2 = \frac{1}{s' + t' (1-s')} \cdot \Delta g = \frac{1}{s' + t' (1-s')} (\Delta \tau \cdot y_0)$$

Efeito conjunto:

$$\Delta y = \Delta y_1 + \Delta y_2 = \frac{(1 - c') \Delta \tau \cdot y_0}{s' + t' \cdot (1 - s')} = \frac{s' \Delta \tau \cdot y_0}{s' + t' \cdot (1 - s')}$$

Lembre-se que  $(1 - c') = s'$

$$\frac{s'}{s' + t' \cdot (1 - s')} < 1$$

## 4.5.2 Modificações das alíquotas de Tributos

Como  $\frac{s'}{s' + t'(1-s')} < 1$

Como  $Z = \Delta\tau \cdot y_0$ , tem-se  $\Delta y < Z$

Portanto, havendo aumento de arrecadação de tributos e dos gastos do governo do mesmo montante ( $\Delta\tau \cdot y_0$ ), no 2º MMS haverá aumento da renda, mas inferior ao aumento que ocorreu nos gastos do governo.

# Exercício

- Considere a equação (4.25) da p. 90. Suponha que a situação inicial seja  $y_0 = \$ 2.000$ ,  $t'_0 = 0,20$  e  $s' = 0,25$ .
- Se o governo elevar a alíquota de tributos para  $t'_1 = 0,22$  e alocar os recursos tributários adicionais para aumento de seus gastos, qual será o aumento da renda?
- Lembre-se que:

$$\Delta y = \Delta y_1 + \Delta y_2 = \frac{(1 - c') \cdot \Delta \tau \cdot y_0}{s' + t' \cdot (1 - s')}$$

# Limitações dos MMS (p. 90)

- 1) Esses modelos consideram apenas o mercado de produto e desprezam os quatro outros mercados em que a macroeconomia divide a economia (que são os mercados de moedas, títulos, trabalho e divisas).
  - 2) O nível de preço é constante e o  $ip$  é determinado fora do modelo.
  - 3) Não consideram mudança tecnológica.
  - 4) O estoque físico produtivo do capital é constante.
- Relaxando alguma dessas hipóteses, criam-se novos modelos.

# Exercício

- 1) calcule a renda de equilíbrio quando  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$ ,  
 $ip = 20$   $g = 5$   $t = 5$   $x = 6$   $m = 5$
- 2) Calcule a renda de equilíbrio quando  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$ ,  
 $ip = 20$   $g = 5$   $t = 0,05y$   $x = 6$   $m = 5$
- 3) Calcule a renda de equilíbrio quando  $c = 10 + 0,8 \cdot (y - t)$ ,  
 $ip = 20 + 0,04y$   $g = 5$   $t = 0,05y$   $x = 6$   $m = 5$
- 4) Compare os valores do PIB de equilíbrio dos exercícios 1 e 3. A que conclusão se chega?

Parta da equação  $y = c + ip + g + x - m$  e substitua os valores dados acima nesta equação de equilíbrio.