

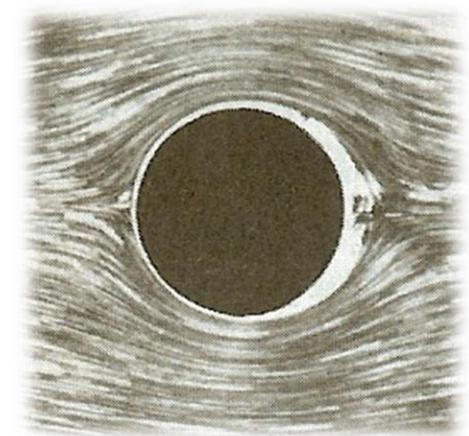
# Aula 04

Introdução

Revisão MecFlu

Adimensionais relevantes

O conceito de massa adicional



# Introdução

- Objetivo:
  - Apresentar modelos hidrodinâmicos simplificados capazes de fornecer estimativas razoáveis para as forças hidrodinâmicas sobre estruturas flutuantes para dois problemas de interesse:
    - Sob ação de ondas do mar (seakeeping)
    - Sob ação de correnteza

# Introdução

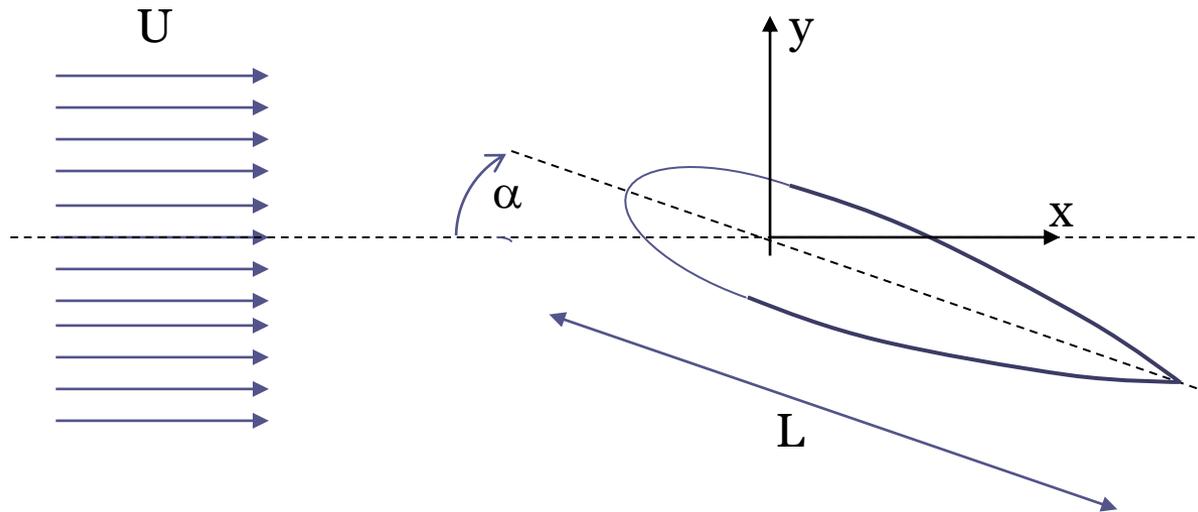
- Aspectos gerais:
  - Forças de ondas: Modelo baseado em escoamento potencial (s/ efeitos viscosos significativos, exceto em casos particulares); forças de pressão sobre o casco;
  - Forças de correnteza: Modelos semi-empíricos; importantes efeitos de viscosidade: tensões de cisalhamento (atrito) e pressão (esteira)
    - Estruturas esbeltas: Arrasto → Eq. de Morison
    - Estruturas ship-shaped: Arrasto e Sustentação → Modelos de manobra de baixa velocidade

# Introdução

- Roteiro:
  1. Revisão de conceitos fundamentais de mecânica dos fluidos;
  2. Adimensionais que caracterizam os distintos escoamentos;
  3. Equações de governo (fluido real, fluido ideal);
  4. Forças sobre um corpo em movimento em fluido inviscido e na ausência de superfície-livre: o conceito de massa adicional

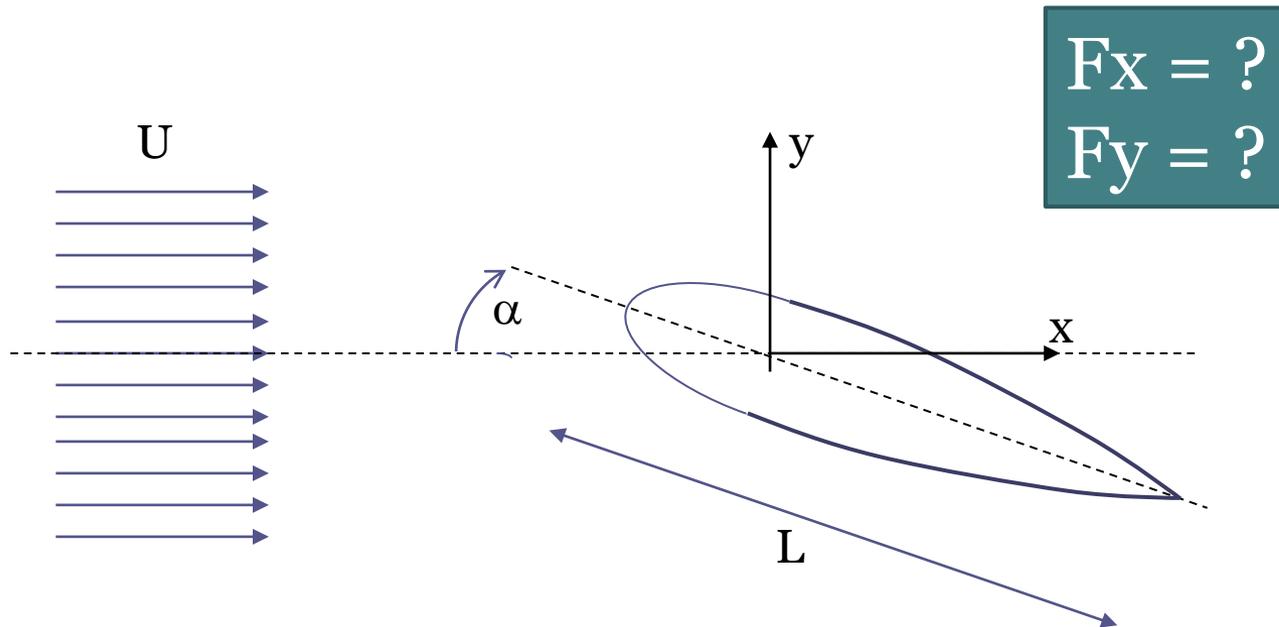
# Algumas questões:

- Suponhamos um corpo carenado (*streamlined*) sob ação de um escoamento que incide com ângulo de ataque  $\alpha$ . Suponhamos, ainda, que o fluido seja **inviscido** (ideal):



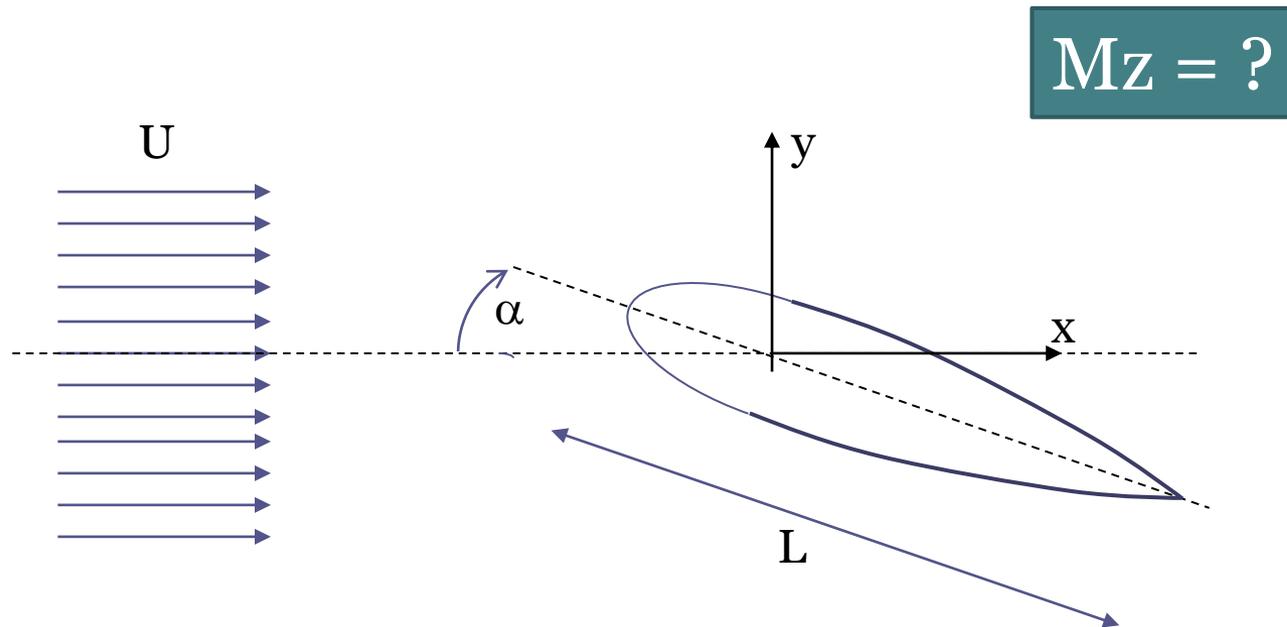
# Algumas questões:

- O que podemos dizer sobre a **força** resultante?



# Algumas questões:

- O que podemos dizer sobre o **momento** resultante?



# Conceitos básicos

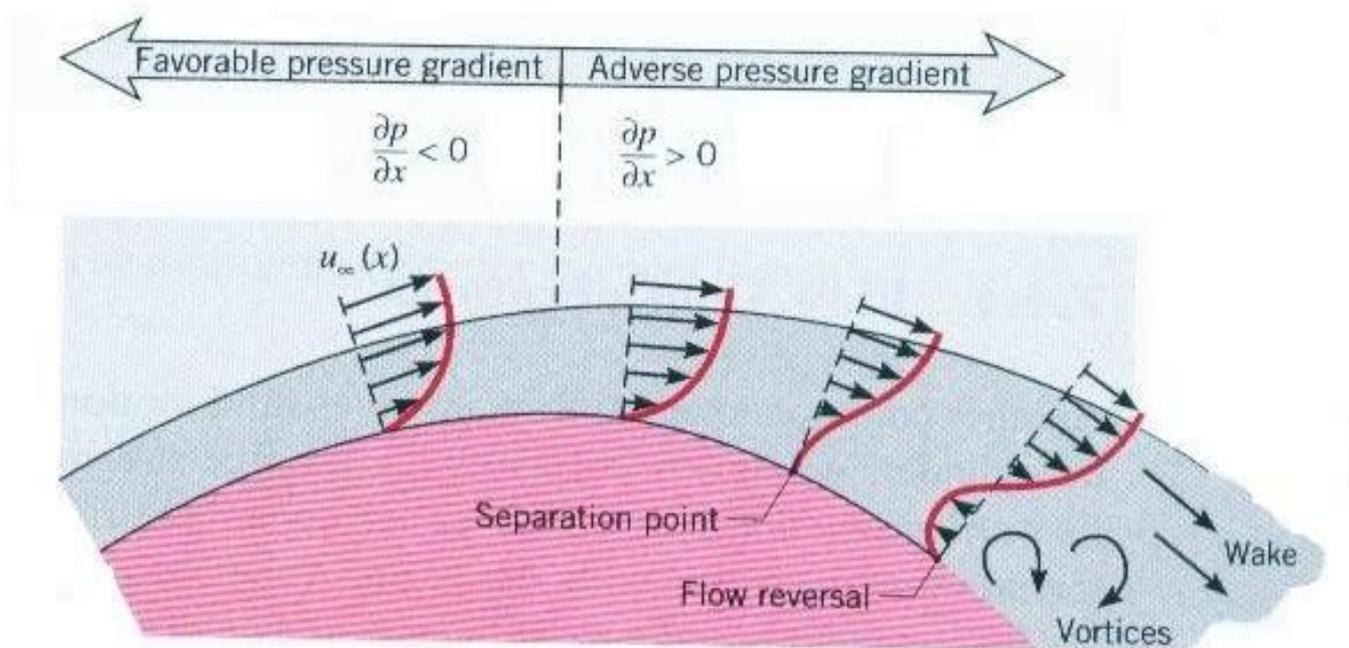
- Escoamento real ao redor do corpo ( $\alpha$  pequeno)



$$Re = \frac{\rho UL}{\mu}$$

# Conceitos básicos

- Efeitos físicos:
- **Arrasto ( $F_x$ )**: atrito + influência da *separação* na pressão



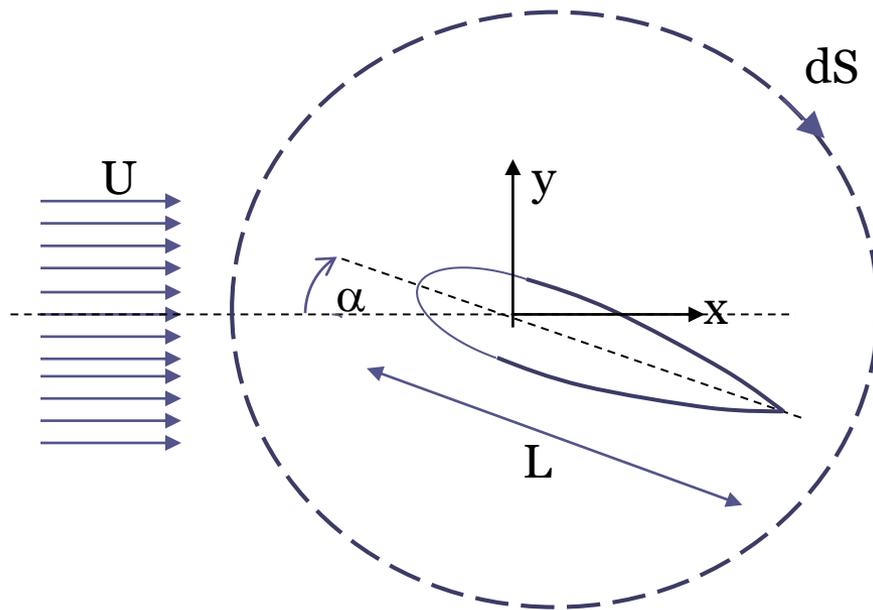
# Conceitos básicos

- Efeitos físicos:
- **Sustentação ( $F_y$ )**: diferença de pressão
  - Se  $Re \gg 1$ : pressão  $\sim$  pressão de escoamento potencial

Efeito da viscosidade: a separação da camada-limite junto ao bordo de fuga introduz **circulação** no escoamento

# Conceitos básicos

- **Sustentação ( $F_y$ ):** diferença de pressão
  - Teorema de Kutta-Joukowski

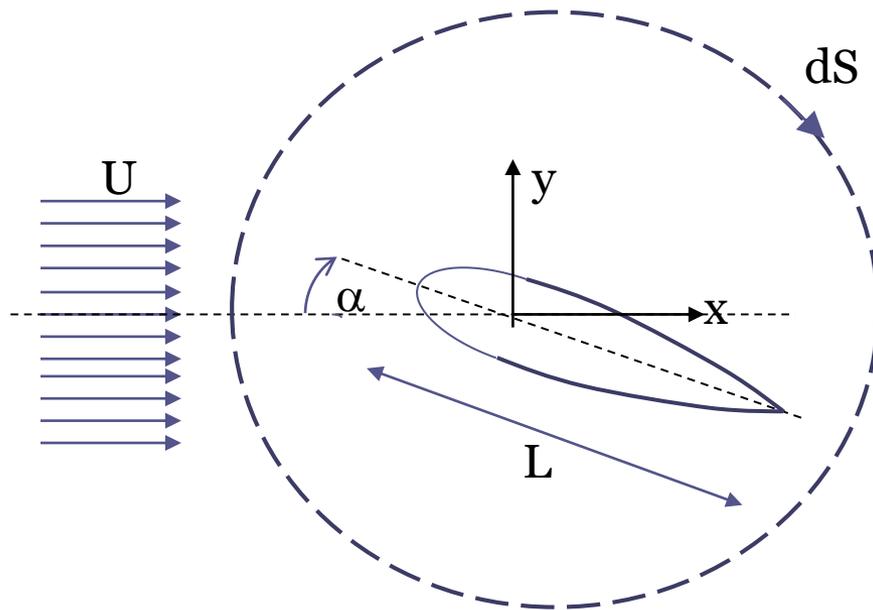


$$L = |F_y| = \rho U \Gamma$$

$$\Gamma = \oint \vec{v} \cdot \vec{dS}$$

# Conceitos básicos

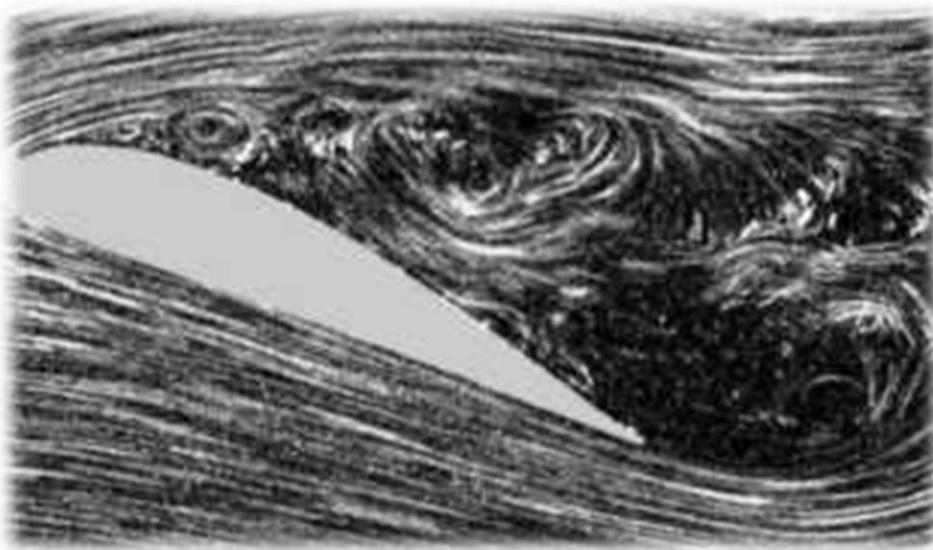
- **Sustentação ( $F_y$ ):** diferença de pressão
  - Teoria de folios e Teoria de asas:



Escoamento potencial  
com *imposição* da  
circulação correta

# Conceitos básicos

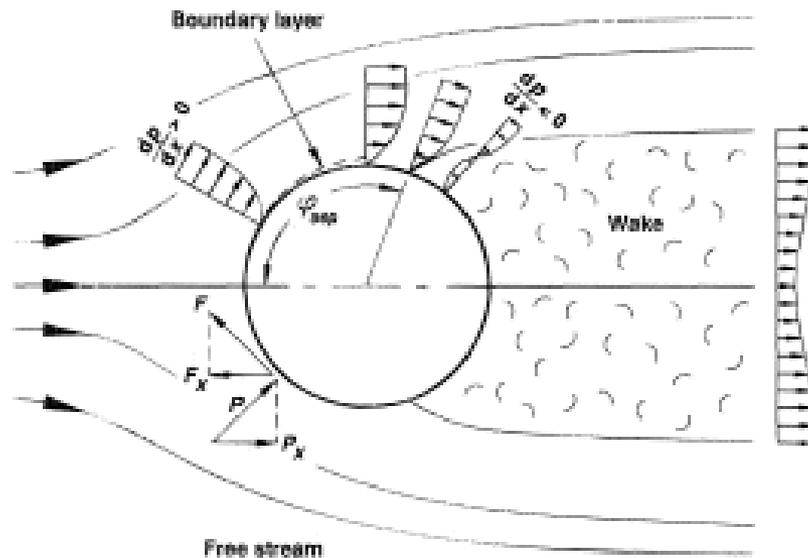
- escoamento real ao redor do corpo ( $\alpha$  grande)



Fx: arrasto de forma/esteira  
pressão  $\neq$  pressão potencial

# Conceitos básicos

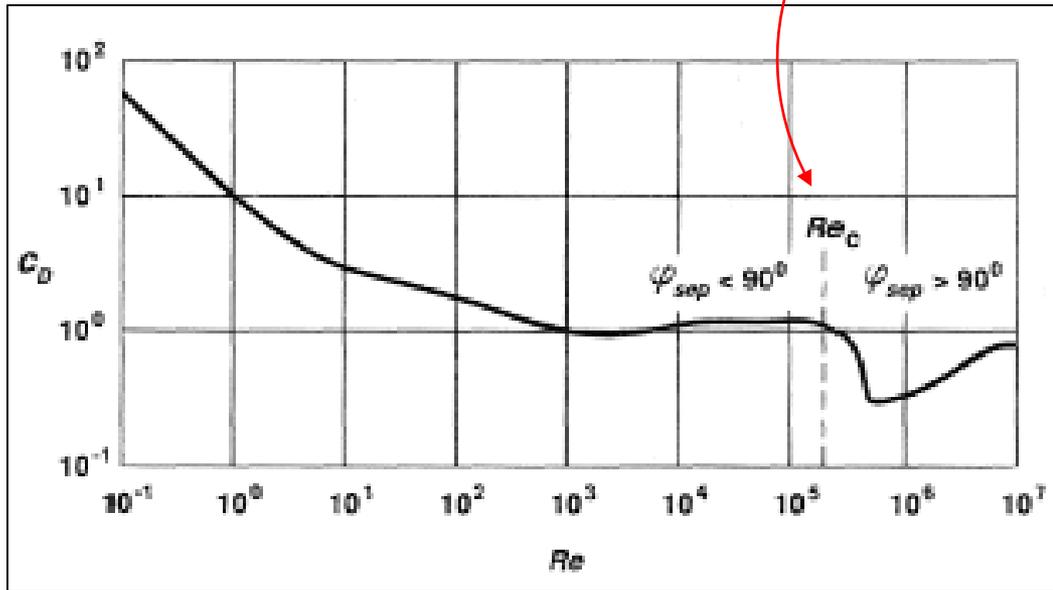
- Escoamento uniforme ao redor de corpos “Rombudos”



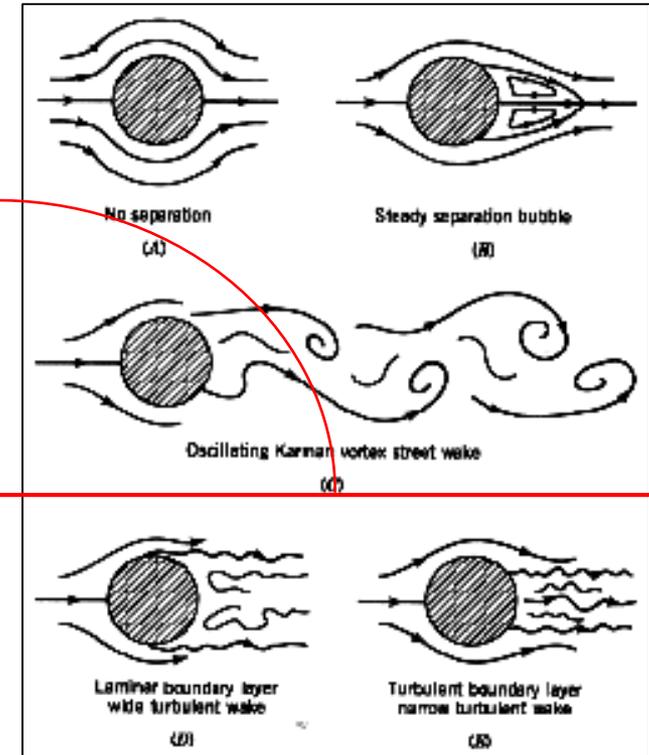
$F_x$ : arrasto de forma/esteira  
pressão  $\neq$  pressão potencial

# Conceitos básicos

- Escoamento uniforme ao redor de corpos “Rombudos”



<http://www.thermopedia.com/content/674/>

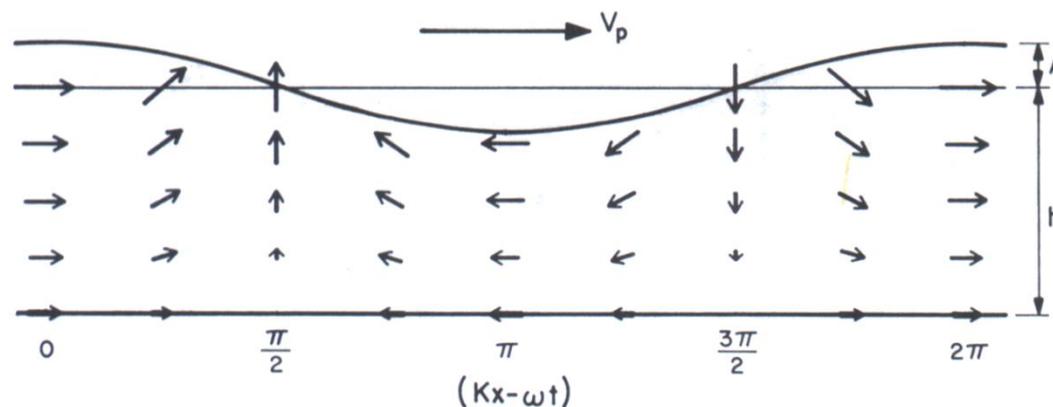


princeton.edu

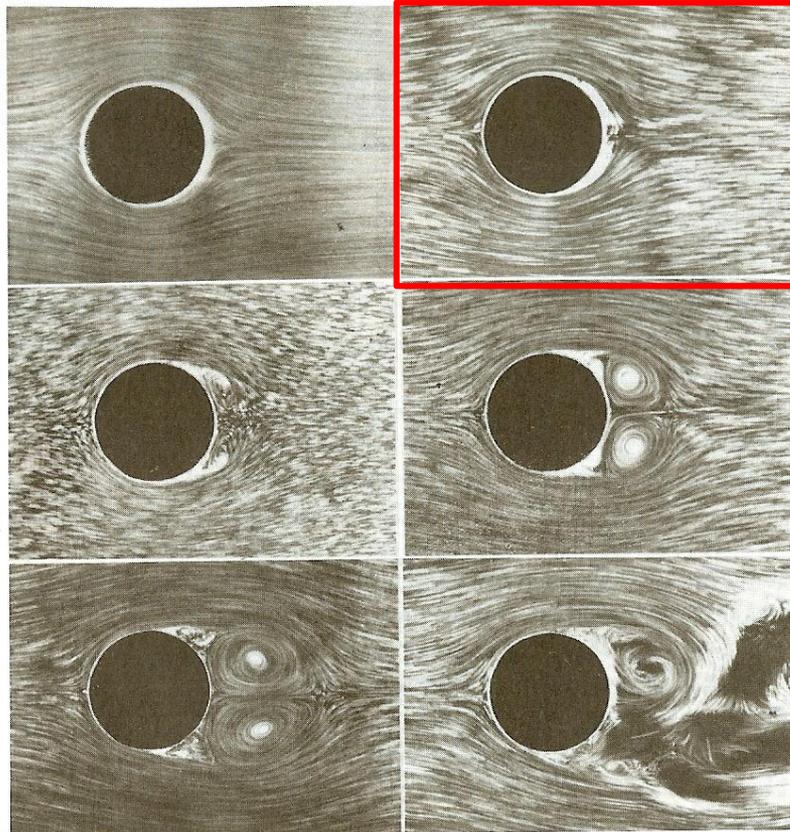
Fx: arrasto de forma/esteira  
 pressão ≠ pressão potencial

# Conceitos básicos

- Escoamento ao redor de corpos “Rombudos”:
  - E se o escoamento for **oscilatório** no tempo??
  - Ex: escoamento induzido por ondas do mar

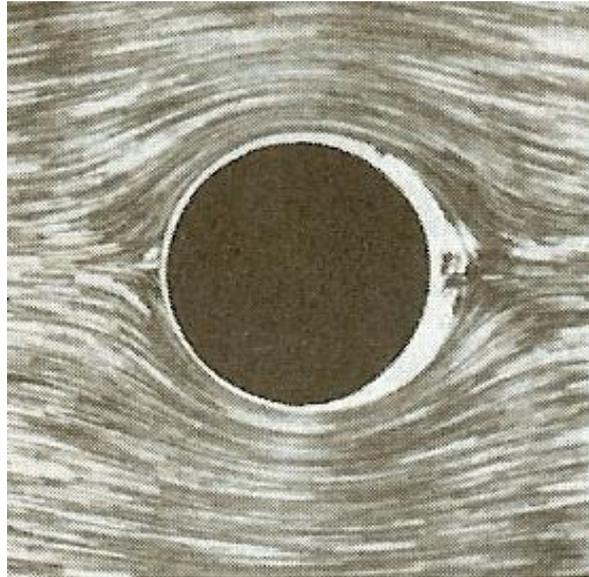


# Conceitos básicos



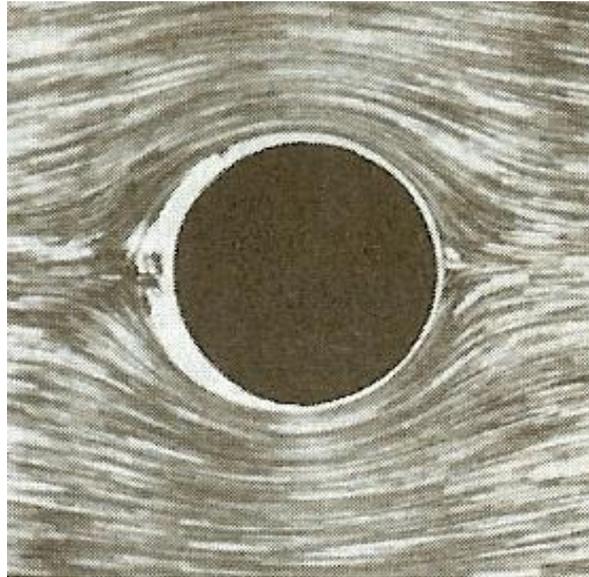
Cilindro em  
movimento  
impulsivo

# Conceitos básicos



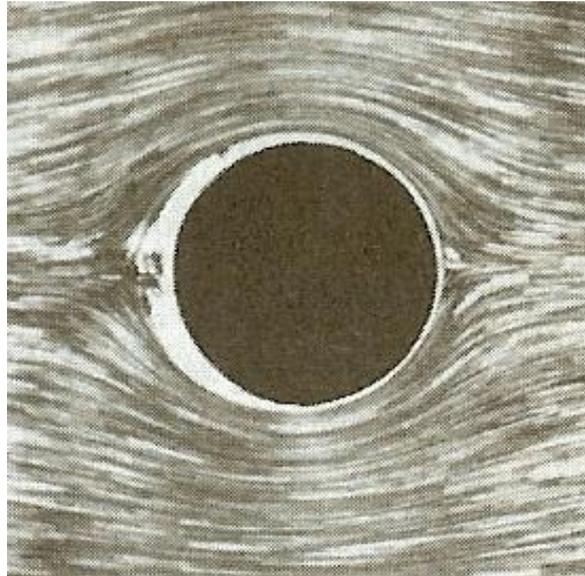
Cilindro em  
movimento  
**oscilatório**

# Conceitos básicos



Cilindro em  
movimento  
**oscilatório**

# Conceitos básicos



$$KC = \frac{UT}{D}$$

Se  $KC$  é baixo:

pressão  $\sim$  pressão potencial

# Fluido Ideal: Eqs. de governo

- Fluido homogêneo, incompressível
- **Equação da continuidade** (*conservação de massa*):

$$\nabla \cdot \vec{v} = 0$$

- **Equação do movimento** (*conservação da quant. de movimento*):

$$\rho \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \nabla) \vec{v} \right) = -\nabla p + \rho \vec{g}$$

*Equação de Euler*

# Fluido Ideal: Eqs. de governo

- Se o escoamento é irrotacional:  $\nabla \times \vec{v} = 0$   $\longrightarrow$   $\vec{v} = \nabla\phi$

- **Equação da continuidade:**

$$\nabla \cdot \vec{v} = \nabla^2 \phi = 0 \quad \text{Equação de Laplace}$$

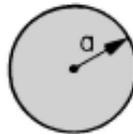
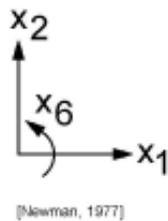
- **Equação do movimento (dedução na lousa):**

$$\rho \frac{\partial \phi}{\partial t} + \frac{1}{2} \rho \nabla \phi \cdot \nabla \phi + p + \rho g z = C(t)$$

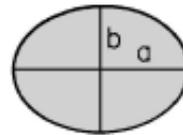
*Equação de Bernoulli*

# Massas adicionais de geometrias simples

- Corpos bidimensionais (Newman, 1977)



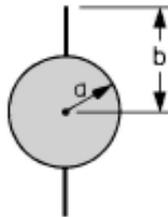
$$\begin{aligned} m_{11}: & \pi\rho a^2 \\ m_{22}: & \pi\rho a^2 \\ m_{66}: & 0 \end{aligned}$$



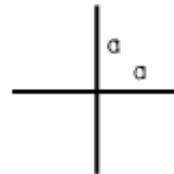
$$\begin{aligned} & \pi\rho b^2 \\ m_{22}: & \pi\rho a^2 \\ & \frac{1}{2}\pi\rho(a^2 - b^2)^2 \end{aligned}$$



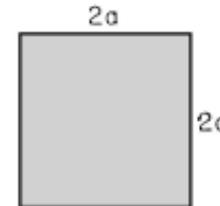
$$\begin{aligned} & 0 \\ m_{22}: & \pi\rho a^2 \\ & \frac{1}{2}\pi\rho a^4 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} m_{11}: & \pi\rho[a^2 + (b^2 - a^2)^2/b^2] \\ m_{22}: & \pi\rho a^2 \\ m_{66}: & \bullet \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} & \pi\rho a^2 \\ m_{22}: & \pi\rho a^2 \\ & \frac{1}{2}\pi\rho a^4 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} & 4.754 \rho a^2 \\ m_{22}: & 4.754 \rho a^2 \\ & 0.725 \rho a^4 \end{aligned}$$