

**PME3100 - MECÂNICA I**

**1ª LISTA DE EXERCÍCIOS - SISTEMA DE FORÇAS E ESTÁTICA**

*LISTA DE EXERCÍCIOS COMPLEMENTARES AO LIVRO TEXTO (FRANÇA, MATSUMURA)*

1) Dado o sistema de forças

$$\vec{F}_1 = \vec{i} + \vec{j} \text{ aplicada no ponto } O(0,0,0),$$

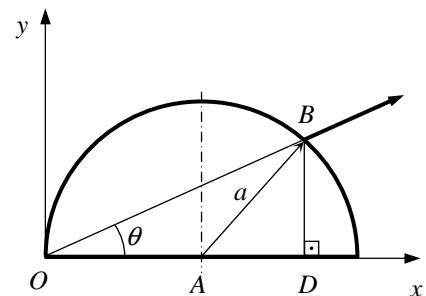
$$\vec{F}_2 = \vec{i} + \vec{k} \text{ aplicada no ponto } A(1,0,1),$$

$$\vec{F}_3 = \vec{j} - \vec{k} \text{ aplicada no ponto } B(0,1,1),$$

- determinar a resultante e o momento em relação ao ponto  $O$  e
- verificar se o sistema é redutível a uma única força.

2) Uma força  $\vec{F}$  é aplicada no ponto  $B$ , localizado na borda de uma placa circular de raio  $a$ , como indicado na figura. Pede-se:

- determinar o sistema equivalente a  $\vec{F}$ , constituído por u
- m binário e uma única força aplicada em  $D$ ;
- determinar o valor de  $\theta$  para que o momento em relação a  $D$  seja máximo.

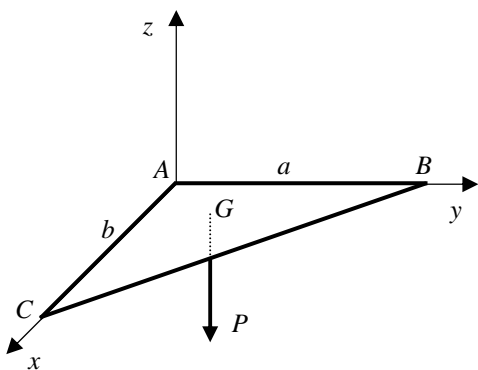


Resposta do item b:  $\tan \theta = \frac{\sqrt{2}}{2}$

3) A figura abaixo mostra uma placa triangular de peso  $P$ . Sobre a placa age a força  $\vec{F} = m\vec{i} + n\vec{j} + P\vec{k}$  aplicada no ponto  $B$  e um binário de

$$\vec{M} = \frac{-2aP\vec{i} - bP\vec{j} + 3ma\vec{k}}{3}. \text{ Pede-se:}$$

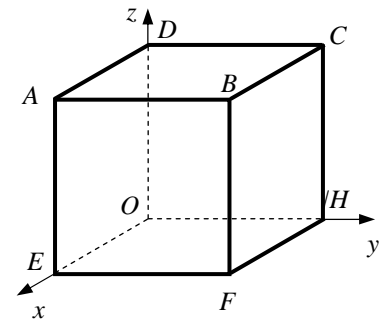
- determinar a resultante  $\vec{R}$ ;
- determinar o momento  $\vec{M}_B$ ;
- mostrar que o sistema é redutível a uma única força.
- justificar por que a placa, sob ação do carregamento descrito, pode permanecer em equilíbrio estático vinculada apenas por um anel de eixo perpendicular ao plano da placa;
- determinar o lugar geométrico dos pontos da placa nos quais o anel pode ser posicionado.



Resposta do item b:  $\vec{M}_B = am\vec{k}$

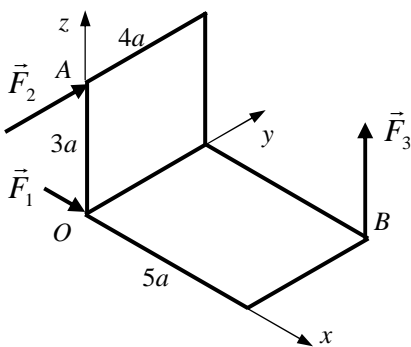
4) Dado um sistema de forças, a sua resultante  $\vec{R}$  pode ser paralela ao momento  $\vec{M}_O$  calculado em relação a um pólo  $O$ ? Justificar.

5) A figura ao lado mostra um cubo homogêneo de peso  $\vec{P} = -2p\vec{k}$  e aresta  $a$ . Sobre o cubo agem a força  $\vec{F}_1 = 3p\vec{k}$  aplicada no ponto  $H$ , a força  $\vec{F}_2 = -p\vec{i} - 2p\vec{j}$  aplicada no ponto  $O$  e um binário de momento  $\vec{M} = -3ap\vec{i} + 4ap\vec{j} + ap\vec{k}$ . Pede-se:



- determinar a resultante  $\vec{R}$ ;
- determinar o momento  $\vec{M}_O$ ;
- verificar, apresentando a devida justificativa, se é possível reduzir o sistema a uma única força.

6) A placa dobrada em L da figura abaixo está sujeita às forças  $\vec{F}_1 = (p\vec{i}, O)$ ,  $\vec{F}_2 = (2p\vec{j}, A)$  e  $\vec{F}_3 = (2p\vec{k}, B)$ . Pede-se:

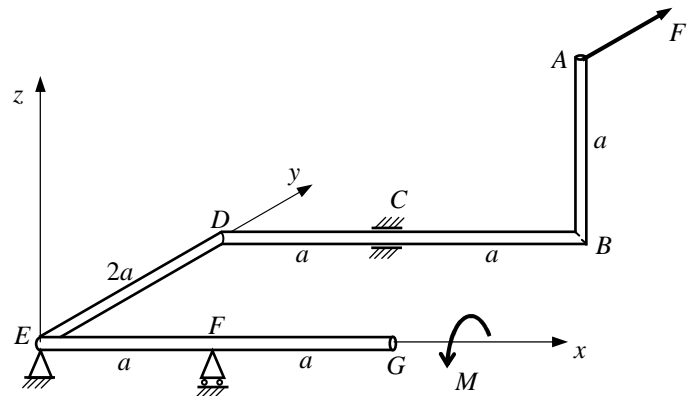


- determinar a resultante  $\vec{R}$ ;
- determinar o momento  $\vec{M}_O$ ;
- verificar, apresentando a devida justificativa, se é possível reduzir o sistema a uma única força.

Respostas

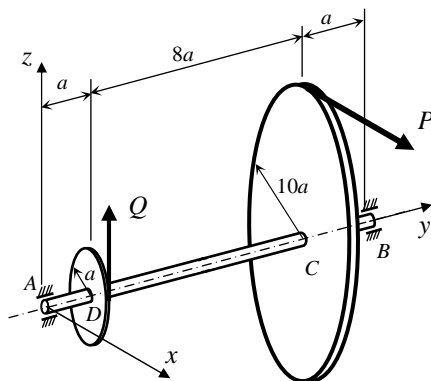
- item b:  $\vec{M}_O = 2ap\vec{i} - 10ap\vec{j}$
- item c: não é possível.

7) A barra  $ABCDEFG$  mostrada na figura ao lado é vinculada em  $C$  por um anel, em  $E$  por uma articulação e em  $F$  por um apoio simples. Aplicam-se à barra um binário  $\vec{M} = M\vec{i}$  e uma força  $\vec{F} = (F\vec{j}, A)$ . Determinar as reações externas utilizando o sistema de coordenadas indicado.



Respostas:

- $X_E = Z_E = 0 \quad Y_E = F$
- $Y_C = -2F \quad Z_C = \frac{-M + aF}{2a} \quad Z_F = \frac{M - aF}{2a}$

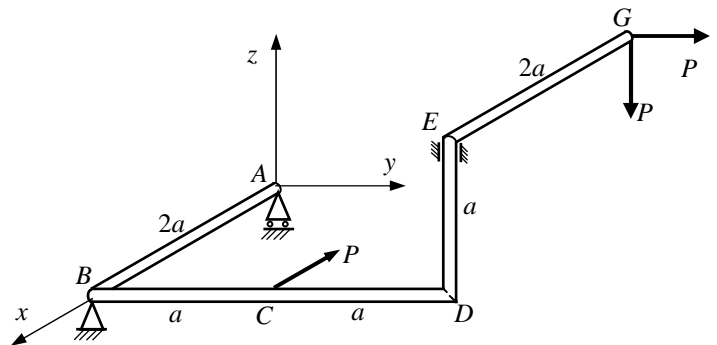


- A roda dentada  $C$ , de raio  $10a$ , e o pinhão  $D$ , de raio  $a$ , foram montados na árvore horizontal  $AB$ . As demais dimensões estão indicadas na figura. A força aplicada na roda  $C$  é horizontal e vale  $P$ . A força aplicada na roda  $D$  é vertical e vale  $Q$ . Determinar:
  - a relação entre  $P$  e  $Q$  para que haja equilíbrio;
  - as reações nos mancais (anéis)  $A$  e  $B$  em função de  $P$ , na condição de equilíbrio.

Respostas

- $Q = 10P$
- $X_A = -\frac{P}{10}, \quad Z_A = -9P, \quad X_B = -\frac{9P}{10}, \quad Z_B = -P$

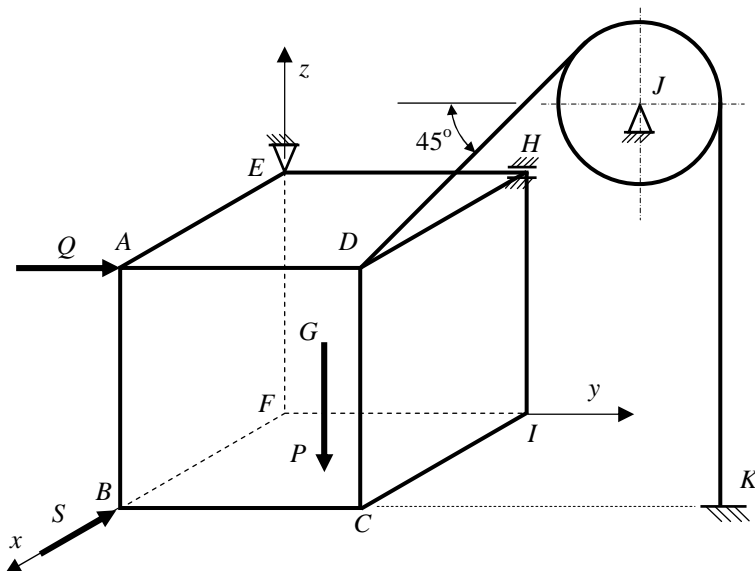
9) A barra  $ABCDEG$  mostrada na figura abaixo é vinculada em  $A$  por um apoio simples, em  $B$  por uma articulação e em  $E$  por um anel. Aplicam-se à barra as forças  $(P\vec{j} - P\vec{k}, G)$  e  $(-P\vec{i}, C)$  conforme indicado na figura. Determinar as reações externas utilizando o sistema de coordenadas indicado.



Respostas

- $X_B = \frac{3P}{2}$  ,  $Y_B = 2P$  ,  $Z_B = -\frac{P}{4}$
- $X_E = -\frac{P}{2}$  ,  $Y_E = -3P$
- $Z_A = -\frac{5P}{4}$

10) A figura abaixo mostra o cubo homogêneo  $ABCDEFHI$  de peso  $P$  e lado  $2a$ , mantido em equilíbrio estático por meio de uma articulação em  $E$ , do anel pequeno anel em  $H$  e do fio em  $D$ , que forma  $45^\circ$  em relação à aresta  $AD$ . Os fios e a polia têm peso desprezível e pertencem ao plano que contém a face  $ABCD$ . Sendo conhecidas as forças  $(\vec{P}, G)$ ,  $(\vec{Q}, A)$  e  $(\vec{S}, B)$  mostradas na figura e, utilizando o sistema de coordenadas indicado, determinar:

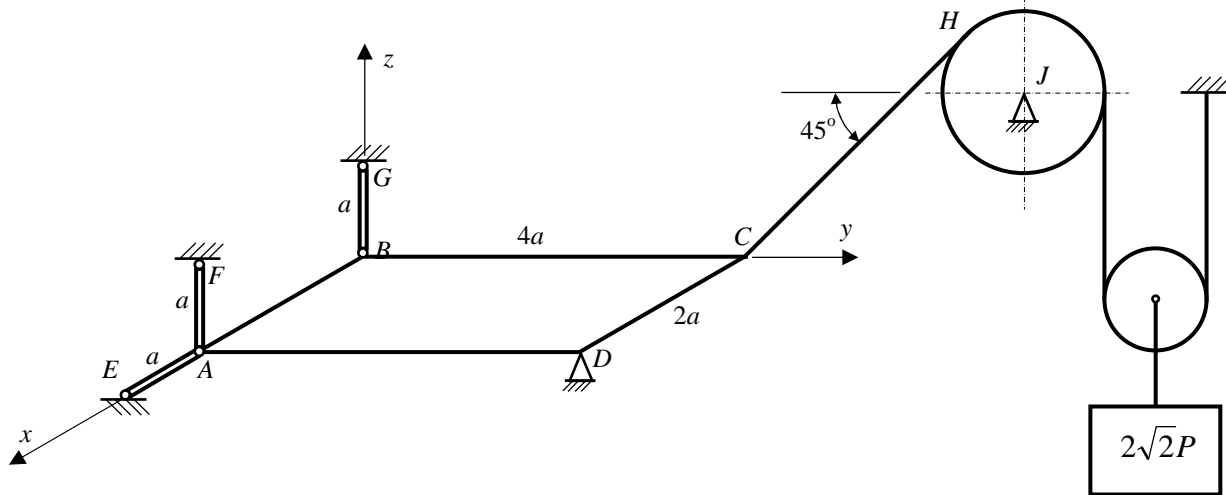


- a) a força de tração  $T$  no fio  $DK$ ;
- b) as reações externas em  $E$ ,  $H$ ,  $J$  e  $K$ .

Respostas

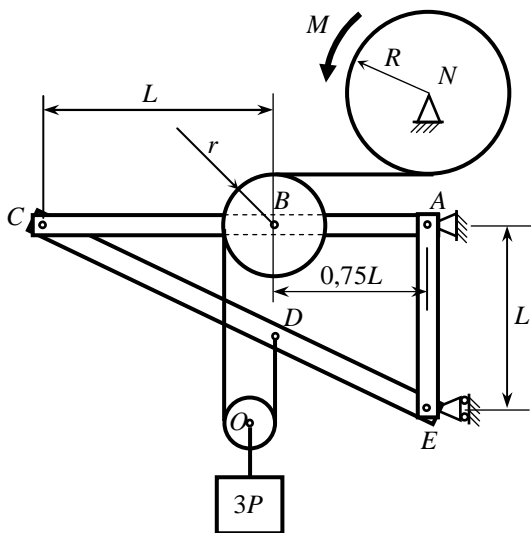
- a)  $T_{DK} = (\sqrt{2})\left(\frac{P}{2} + S\right)$
- b)  $X_E = -Q - \frac{P}{2}$      $Z_E = \frac{P}{2}$      $Y_E = -Q - S - \frac{P}{2}$      $Z_H = -S$      $X_H = Q + S + \frac{P}{2}$   
 $Y_J = S + \frac{P}{2}$      $Z_J = (\sqrt{2} + 1)\left(\frac{P}{2} + S\right)$

11) A figura abaixo mostra a placa homogênea horizontal  $ABCD$  de peso  $P$  e lados  $2a$  e  $4a$ , mantida em equilíbrio estático por meio de uma articulação em  $D$ , a barra  $BG$ , ligada a  $B$ , as barras  $EA$  e  $FA$ , ligadas a  $A$ , e o fio ligado a  $C$ . Admite-se que as barras, os fios e as polias tenham peso desprezível. O bloco tem peso  $2\sqrt{2}P$  e os fios e polias estão no plano  $Bzy$ . Determinar a reação na articulação  $D$  e as forças nas barras, indicando se são de tração ou de compressão.



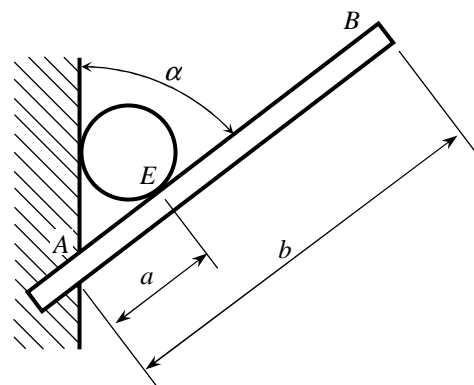
**Respostas:**  $F_{GB} = \frac{P}{2}$  (compressão)     $F_{EA} = \frac{P}{2}$  (tração)     $X_D = Z_D = -\frac{P}{2}$      $Y_D = -P$

12) Um sistema de elevação de cargas é acionado por meio de um mecanismo que gira a polia de centro  $N$ , conforme indicado na figura. As barras  $ABC$ ,  $CDE$  e  $AE$ , as polias e o fio têm pesos desprezíveis. Para a situação de equilíbrio indicada, a carga  $3P$  está em repouso. Pede-se:



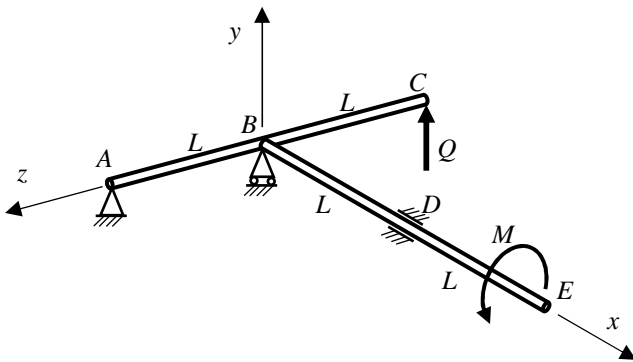
- o diagrama de corpo livre das polias;
- as reações em  $A$  e em  $E$ .
- as forças que agem nas barras  $ABC$ ,  $CDE$  e  $AE$ .

13) Uma barra homogênea  $AB$  de peso  $P$ , engastada na parede com um ângulo  $\alpha$ , tem um comprimento livre  $b$  (descontando a parte engastada). Conforme indicado na figura, ela sustenta um cilindro de peso  $Q$  cujo contato  $E$  com a barra dista  $a$  do ponto  $A$  na parede. Considere o cilindro simplesmente apoiado na barra e na parede, isto é, despreze as forças de atrito. Faça os diagramas de corpo livre e calcule as reações no engastamento.



**Respostas:**

$$M_A = Q \left( \frac{a}{\sin \alpha} \right) + \frac{P}{2} b \sin \alpha \quad X_A = -Q \cot \alpha \quad Y_A = P + Q$$

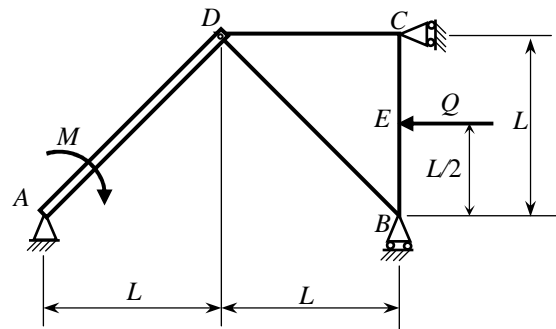


- 14) A estrutura em forma de T, de peso desprezível, é mantida em equilíbrio articulada em A, apoiada em um apoio simples em B (plano de apoio  $Bxz$ ) e ligada a um pequeno anel em D. Os esforços ativos são a força  $(\vec{Q}, C)$  e o binário  $M\vec{i}$ . Pede-se:
- o diagrama de corpo livre da estrutura;
  - as reações externas;
  - um esquema da estrutura, indicando os esforços ativos e as reações.

Respostas

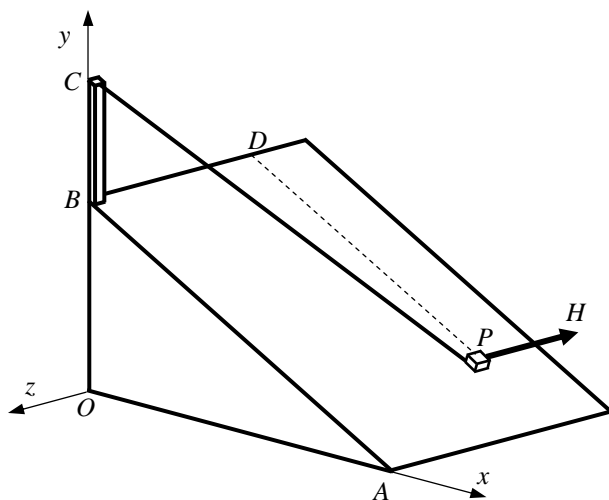
• b)  $X_A = Z_A = Y_D = Z_D = 0 \quad Y_A = Q + \frac{M}{L} \quad Y_B = -2Q - \frac{M}{L}$

15) O sistema mostrado na figura é constituído pela barra AD e pela placa triangular BCD, ambas de peso desprezível. O sistema é vinculado por articulações em A e em D e por apoios simples em B e em C. Aplicam-se à placa a força  $(\vec{Q}, E)$  e à barra o binário  $\vec{M}$  ortogonal ao plano da figura. Pede-se:



- o diagrama de corpo livre de cada elemento;
- determinar as reações externas ao sistema;
- determinar a relação entre  $|\vec{Q}|$  e  $|\vec{M}|$  para que a reação em C seja nula.

16) Uma pequena caixa de peso  $P$  é mantida em equilíbrio sobre o plano inclinado ABD ligada ao fio CP e sujeita à força horizontal  $H$ , paralela ao eixo  $Oz$ . A caixa é apoiada sobre rodízios, de modo que a reação de apoio é normal ao plano inclinado. Dados  $BC = 2L$ ,  $BD = BO = 3L$  e  $AO = PD = 4L$ , pede-se:



- desenhar o diagrama de corpo livre da caixa;
- determinar a tração no fio.
- determinar a força horizontal  $H$ .

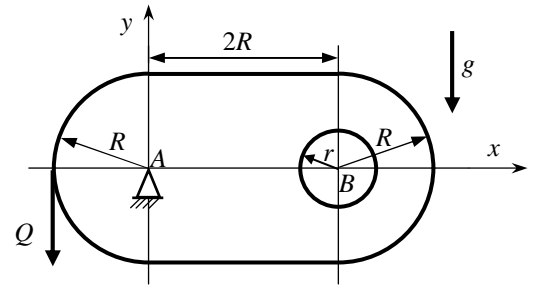
Resposta do item b):

•  $\vec{T} = 0,72P(-0,51\vec{i} + 0,71\vec{j} + 0,48\vec{k})$

17) A placa de peso  $P$ , dotada de um furo circular de centro  $B$  e raio  $r$ , e demais dimensões indicadas na figura, é articulada em  $A$ . Determine a força  $Q$  necessária para que a placa se mantenha em equilíbrio na posição indicada.

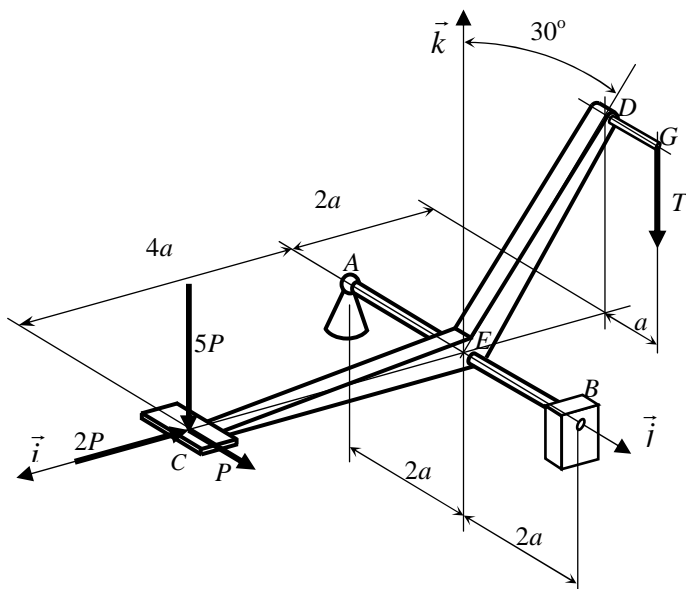
Resposta

$$Q = P \left[ 1 - \frac{\pi r^2}{4R^2 + \pi(R^2 - r^2)} \right]$$



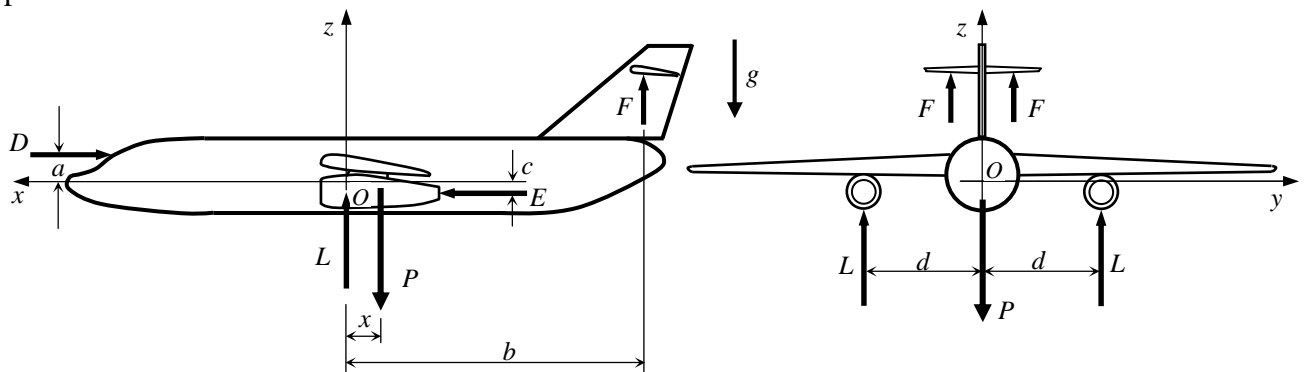
18) O pedal mostrado na figura ao lado é constituído por três elementos rigidamente ligados: a alavanca  $CED$ , o eixo  $AEB$  e a haste  $DG$ . O pedal é sustentado por uma articulação em  $A$  e por um pequeno anel em  $B$ . Quando se aplica uma força  $(\vec{F}, C)$ , o sistema é equilibrado por uma força  $(\vec{T}, G)$  vertical. Admitindo-se que se aplique ao ponto  $C$  a força  $\vec{F} = -2P\vec{i} + P\vec{j} - 5P\vec{k}$ , pede-se determinar, utilizando o sistema de coordenadas indicado,

- o valor da força  $(\vec{T}, G)$ ;
- as reações nos vínculos  $A$  e  $B$ .



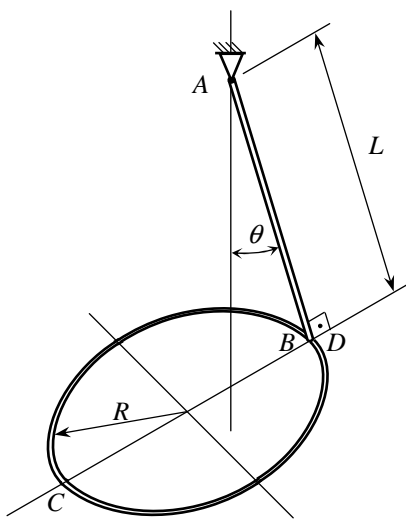
19) Na figura abaixo representa-se um avião com distribuição de massa simétrica em relação ao plano  $Oxz$  voando com velocidade horizontal constante. As forças atuantes no avião estão representadas na figura. Supondo conhecidas as forças de sustentação  $L$  atuantes nas asas principais, a força de arrasto aerodinâmico  $D$  e o peso próprio  $P$ , determine:

- a força de empuxo  $E$  de cada turbina;
- a coordenada  $x$  do centro de massa e a força de sustentação aerodinâmica  $F$  de cada asa posterior.



Respostas:

(a)  $E = \frac{D}{2}$       b)  $x = \frac{b(P - 2L) - D(a + c)}{P}$        $F = \frac{P}{2} - L$



20) O arame da figura tem peso específico  $\gamma$  e área transversal  $S$ . O trecho reto  $AB$  tem comprimento  $L$  e forma um ângulo reto com o plano que contém o trecho  $BCD$ , de raio  $R$ . Pede-se determinar o ângulo  $\theta$  que o trecho  $AB$  forma com a vertical na posição de equilíbrio estático.

Resposta

$$\bullet \quad \theta = \arctan \left[ \frac{2\pi R^2}{\frac{L^2}{2} + 2\pi RL} \right]$$

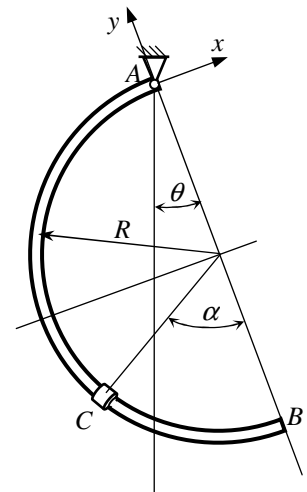
21) Uma haste semicircular de raio  $R$  e massa  $m$  é sustentada por um anel  $A$ . Um corpo de massa  $m$  e dimensões desprezíveis é ligado à haste no ponto  $C$ . Pede-se determinar:

- os centros de massa da haste e do conjunto;
- a função  $\theta = \theta(\alpha)$ ;
- o valor de  $\theta$  quando  $\alpha = 90^\circ$ .

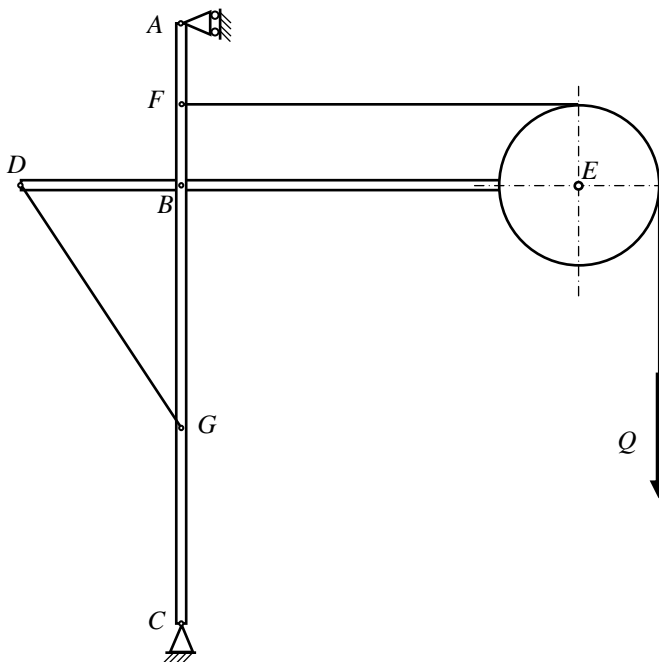
Respostas:

$$\bullet \quad \text{centro de massa da haste: } G = \left( -\frac{2R}{\pi}; -R \right)$$

$$\bullet \quad \text{item b: } \theta = \arctan \left[ \frac{\frac{2}{\pi} + \sin \alpha}{2 + \cos \alpha} \right]$$



22) Os elementos da estrutura de barras ilustrada na figura abaixo têm peso desprezível. Dados  $AF = FB = 2L$ ,  $BG = 6L$ ,  $CG = 5L$ ,  $R = 2L$ ,  $BE = 10L$ ,  $DB = 4L$  e sabendo-se que  $A$  é um apoio simples e  $B$ ,  $C$  e  $E$  são articulações, pede-se:



a) determinar as reações externas;

b) desenhar o diagrama de corpo livre de cada elemento da estrutura;

c) determinar as forças na polia;

d) determinar as forças que agem nas barras  $AC$  e  $DE$ .

e) desenhar os diagramas de corpo livre adotando os sentidos corretos das reações e forças internas calculadas nos itens anteriores.

Resposta do item a:

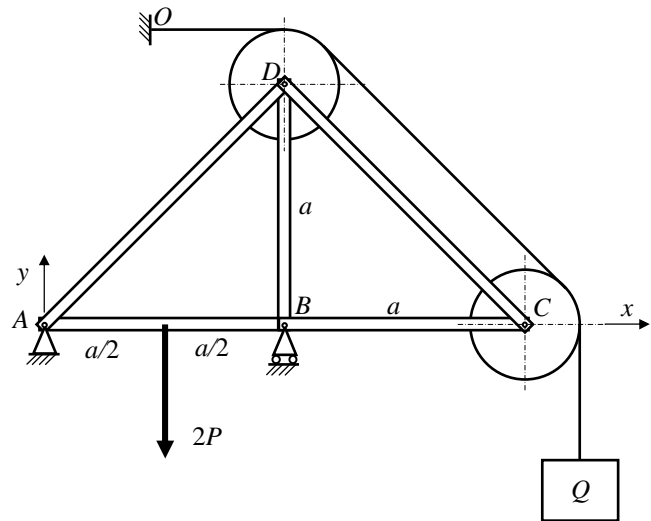
$$X_A = -X_C = -\frac{4Q}{5} \quad Y_C = Q$$



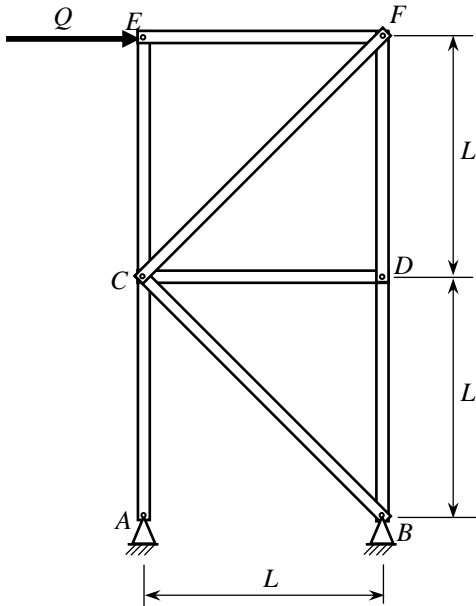
23) No sistema em equilíbrio estático mostrado na figura ao lado, todos os elementos têm pesos desprezíveis à exceção da barra homogênea  $AB$ , de peso  $2P$ . Sabendo que as polias têm o mesmo raio, que o peso  $Q$  é conhecido e usando o sistema de coordenadas indicado, determine:

- as reações em  $O$  e nos vínculos  $A$  e  $B$ ;
- as forças nas barras  $CB$ ,  $CD$  e  $AD$ ;
- as forças na barra  $AB$ .

Obs.: quando pertinente, indique se as forças são de tração ou de compressão.



Respostas:  $F_{CD} = Q(\sqrt{2} - 1)$ ;  $F_{AD} = 0$



24) A treliça mostrada na figura ao lado, de peso desprezível e dimensões indicadas, está sujeita à força  $Q$  horizontal e está vinculada por articulações em  $A$  e em  $B$ . Calcule as reações externas e as forças em todas as barras, indicando se são de tração ou de compressão.

Respostas:

$$F_{AC} = 2Q \text{ (tração)}$$

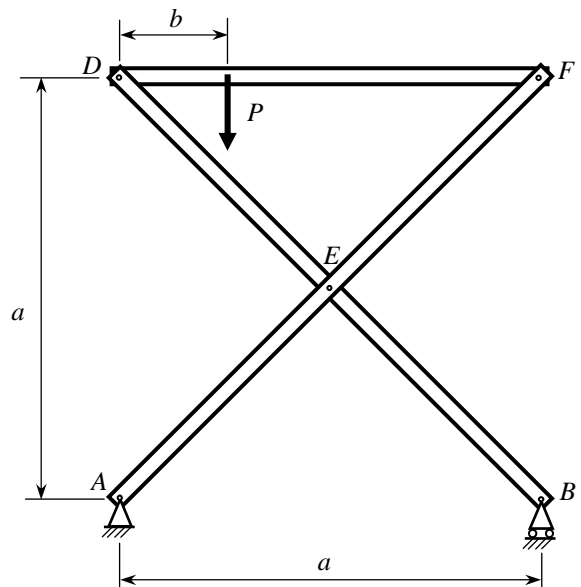
$$F_{BD} = -Q$$

$$F_{BC} = -\sqrt{2}Q$$

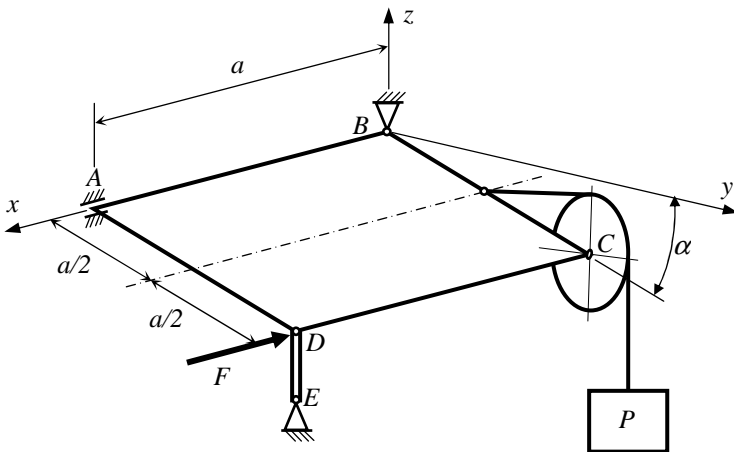
25) O sistema de barras  $AF$ ,  $DB$  e  $DF$ , de pesos desprezíveis e unido pelas articulações  $D$ ,  $E$  e  $F$ , está vinculado externamente pela articulação  $A$  e pelo apoio simples  $B$ . Aplica-se a força vertical  $P$  na barra  $DF$ , distante  $b$  da articulação  $D$ . Pede-se:

- desenhar o diagrama de corpo livre de cada barra;
- calcular as reações externas;
- calcular as forças internas em  $E$ ;
- determinar a distância  $b$  para minimizar o esforço em  $E$ .

Resposta do item d:  $b = a/2$

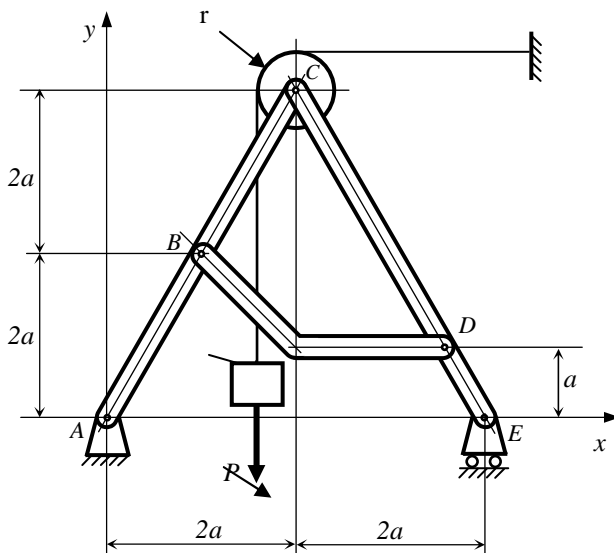
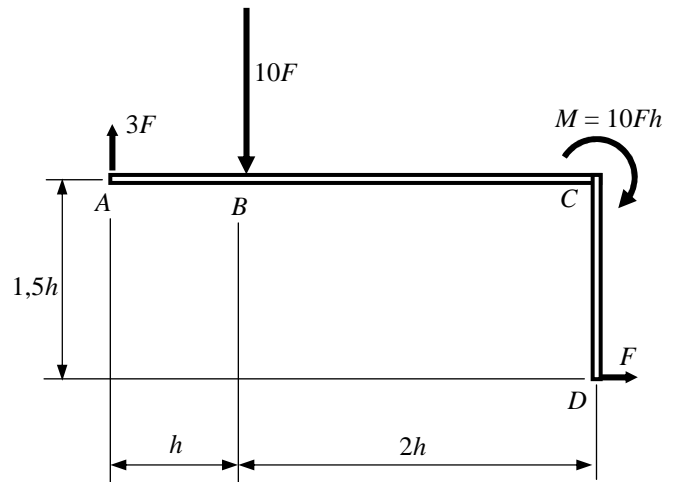






26) A placa quadrada  $ABCD$ , homogênea de peso  $Q$ , está presa em  $A$  por um anel pequeno e articulado em  $B$  e  $D$ . A barra  $DE$  está articulada em  $E$ . O raio da polia é  $r$ . Sendo aplicada ao sistema a força  $F$ , como mostrado na figura, pede-se determinar as forças de reação em  $A$ ,  $B$  e  $D$ .

27) Determinar a resultante do sistema de forças mostrado na figura e o seu momento em relação ao ponto  $C$ . Verificar se o sistema é redutível a uma única força. Em caso positivo, determinar as intersecções da linha de ação da resultante com as barras  $CD$  e  $AC$ .

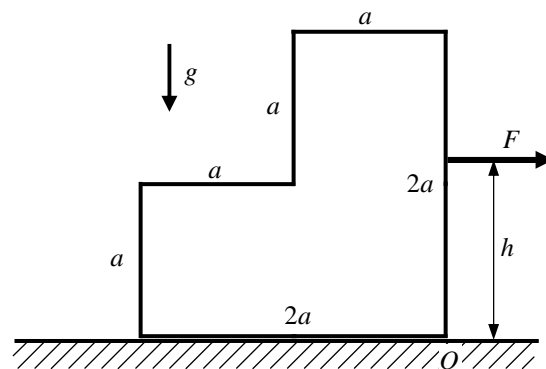


28) A estrutura ilustrada na figura ao lado é formada pelas barras  $AC$ ,  $BD$  e  $CE$ , de peso desprezível. A polia e o fio, ideais, também têm peso desprezível. O fio sustenta um bloco de peso  $P$ . Pede-se:

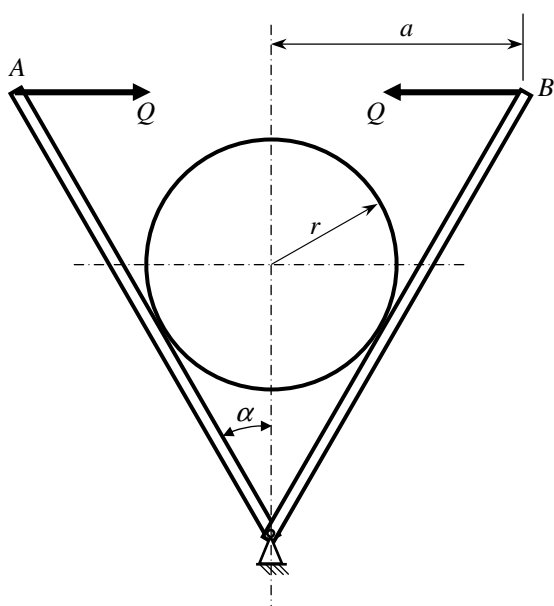
- desenhar os diagramas de corpo livre da polia e da estrutura formada pelas barras.
- determinar as reações vinculares em  $A$  e em  $E$ .
- determinar as forças que atuam nas barras  $AC$ ,  $BD$  e  $CE$ .

29) Aplica-se uma força  $F$  horizontal a um sólido homogêneo de massa  $m$ , conforme indicado na figura. Sabe-se que o coeficiente de atrito entre o sólido e o solo é  $\mu$ . Pede-se:

- desenhar o diagrama de corpo livre do sólido;
- calcular a força  $F$  máxima para que não ocorra escorregamento e nem pivotamento em torno do ponto  $O$ ;
- determinar a relação entre  $a$ ,  $\mu$ ,  $h$  para que o início dos eventos de escorregamento e pivotamento em torno do ponto  $O$  aconteçam simultaneamente.



30) O disco homogêneo de peso  $P$  e raio  $r$  é mantido em equilíbrio sob a ação de contato de duas barras iguais, de peso desprezível, submetidas a forças horizontais de mesma magnitude aplicadas em  $A$  e em  $B$ . O coeficiente de atrito entre as barras e o disco é  $\mu$ . Sendo conhecidos o ângulo  $\alpha$  e a distância  $a$ , pede-se:



duas barras iguais, de peso desprezível, submetidas a forças horizontais de mesma magnitude aplicadas em  $A$  e em  $B$ . O coeficiente de atrito entre as barras e o disco é  $\mu$ . Sendo conhecidos o ângulo  $\alpha$  e a distância  $a$ , pede-se:

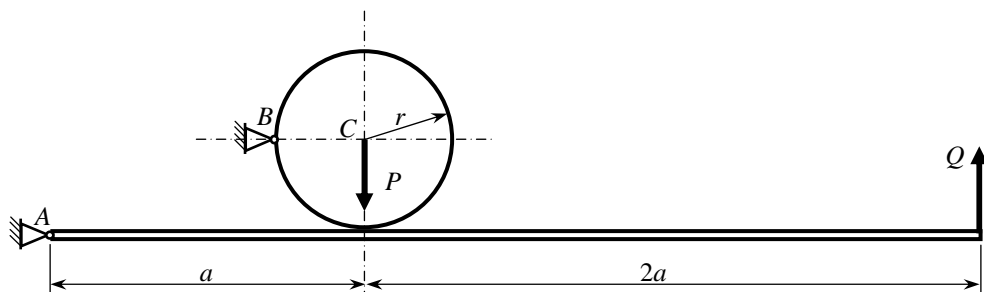
- demonstrar que, em geral, existem valores máximo e mínimo de  $Q$  compatíveis com o equilíbrio na posição indicada;
- calcular esses valores.

Resposta do item b:

$$Q_{\min} = \frac{Pr}{2a} \left( \frac{1}{\sin \alpha + \mu \cos \alpha} \right)$$

$$Q_{\max} = \frac{Pr}{2a} \left( \frac{1}{\sin \alpha - \mu \cos \alpha} \right)$$

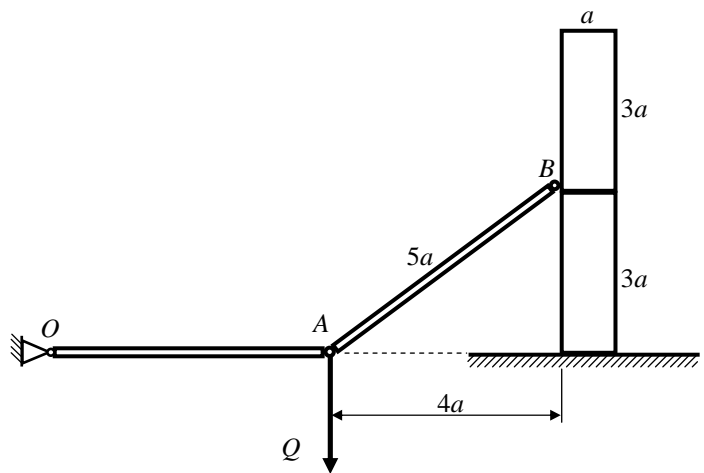
31) Sabendo que o coeficiente de atrito entre a barra e o disco mostrados na figura abaixo vale  $\mu = 0,5$ , determine, em função de  $P$ , os valores máximo e mínimo de  $Q$  compatíveis com o equilíbrio do sistema.



Resposta

$$Q_{\min} = \frac{2P}{9} \quad Q_{\max} = \frac{2P}{3}$$

32) O sistema representado na figura ao lado é constituído por duas barras de pesos desprezíveis e por dois blocos retangulares iguais, cada qual de peso  $P$ . Entre ambos os blocos e entre o bloco inferior e o solo o coeficiente de atrito é  $\mu = 0,25$ . A barra inclinada está articulada no bloco superior, conforme a figura. Determine, em função de  $P$ , o valor máximo de  $Q$  que mantém o sistema em equilíbrio.

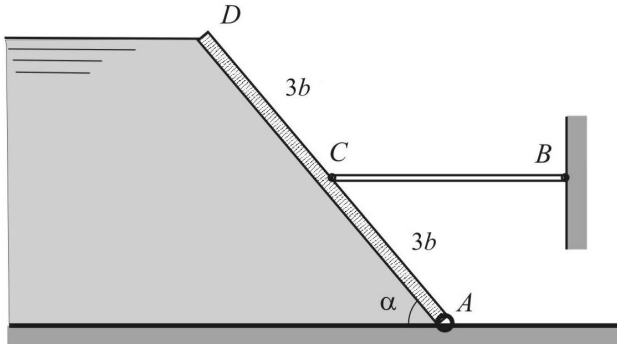


Resposta

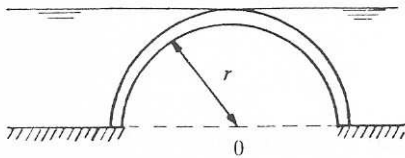
$$Q = \frac{3P}{13}$$

**Exercícios – Hidrostática**

(H.1) Um canal de água doce tem largura  $15b$  (perpendicular ao plano da figura) e está bloqueado por uma placa retangular, mostrada por sua seção  $ACD$ . As escoras horizontais  $BC$  de suporte estão espaçadas de uma distância  $b$ , ao longo da largura  $15b$ . Determine a compressão em cada escora  $BC$ . Suponha que o peso da placa seja desprezível, comparado com as outras forças atuantes.

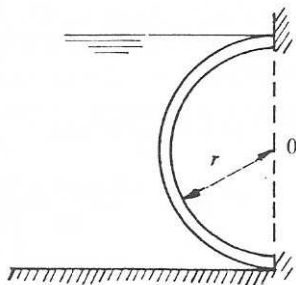


(H.2) Um tubo cilíndrico de comprimento  $L$  tem como seção uma semicircunferência de raio  $r$  e está submetido, na sua face externa, à pressão da água, conforme indica a figura. Reduzir o sistema de forças de pressão a uma única força  $\vec{F}$ , determinando seu módulo, direção e sentido e linha de ação. É dado o peso específico  $\rho g$  da água.



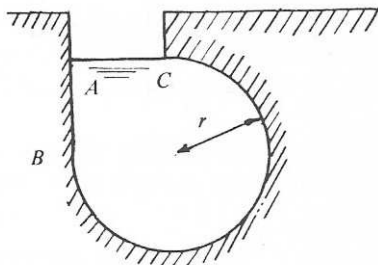
Resposta:  $F = \rho g r^2 L (2 - \pi/2)$

(H.3) Um tubo cilíndrico de comprimento  $L$  tem como seção uma semicircunferência de raio  $r$  e está submetido, na sua face externa, à pressão da água, conforme indica a figura. Reduzir o sistema de forças de pressão a uma única força  $\vec{F}$ , determinando seu módulo, direção, sentido e linha de ação. É dado o peso específico  $\rho g$  da água.



Resposta:  $H = 2\rho g r^2 L$ ;  $V = \pi \rho g r^2 L / 2$ ,

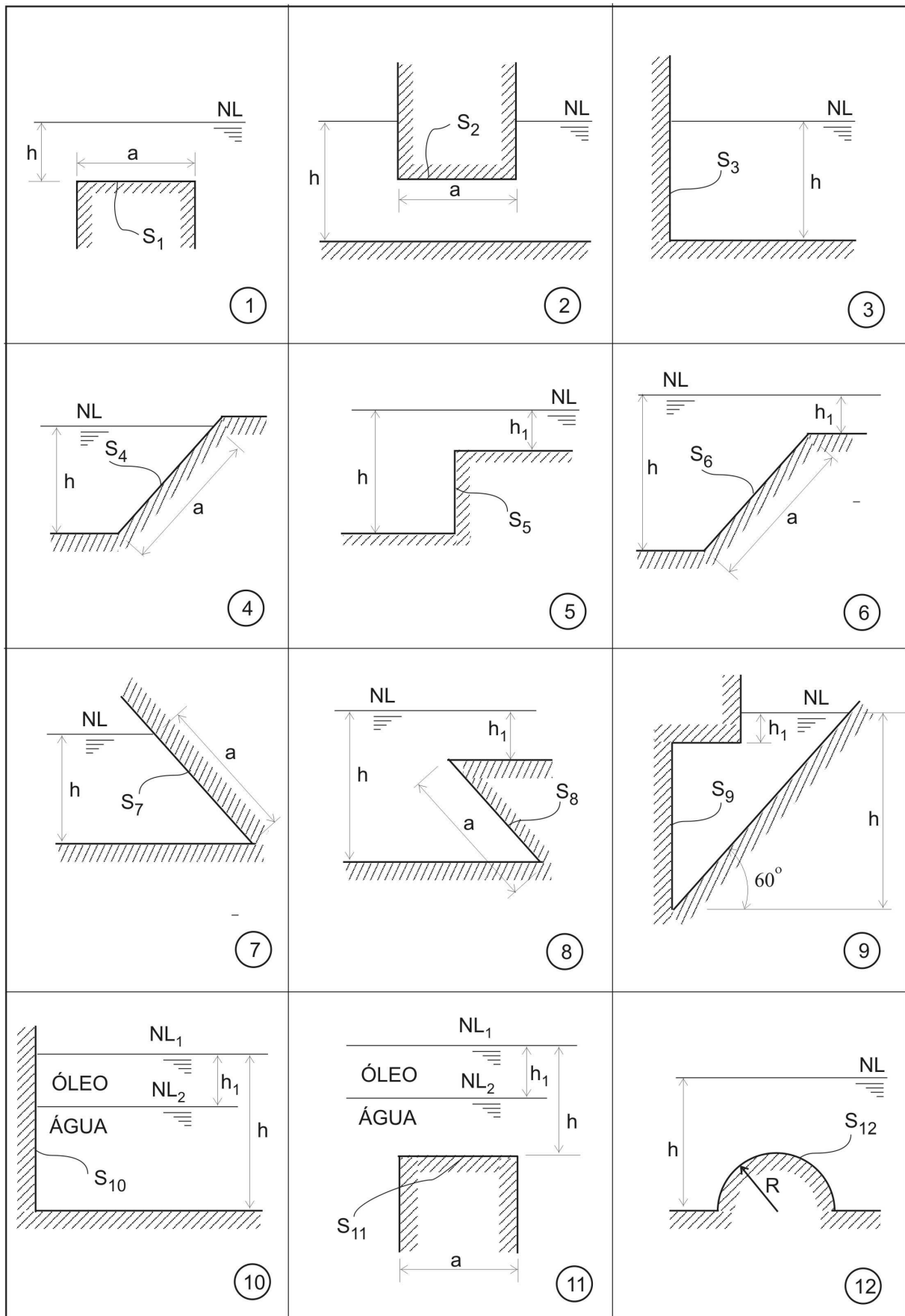
(H.4) Uma canalização tem comprimento  $L$  (normal ao plano da figura) e seção constituída de um segmento de reta  $AB$  e de um arco de circunferência  $BC$ , conforme o esquema.



Seja  $\rho g$  o peso específico do líquido e  $\vec{F}$  a resultante das forças de pressão do líquido sobre a superfície curva da canalização. Pede-se, em função de  $\rho g$ ,  $r$  e  $L$ :

- 1) a componente horizontal de  $\vec{F}$  (módulo e sentido);
- 2) a componente vertical de  $\vec{F}$  (módulo e sentido).

(H.5) Esquematize o volume das pressões sobre cada uma das superfícies submersas indicadas por  $S_i$  nos diagramas da figura a seguir. Calcule, também, a resultante das forças sobre  $S_j$ , indicando seu ponto de aplicação. Admita que todas as superfícies têm largura  $L$  na direção normal ao plano da figura, e que o fluido tem peso específico  $\gamma = \rho g$ . Quando existirem dois fluidos – água e óleo, admita pesos específicos  $\gamma_a$  (água) e  $\gamma_o$  (óleo). Despreze a pressão atmosférica.

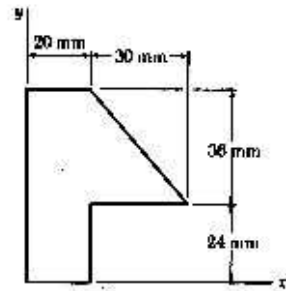


RESPOSTAS

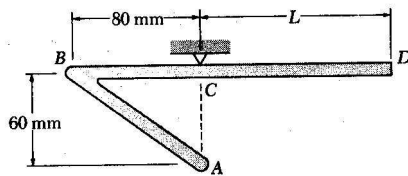
<p style="text-align: center;">①</p>	<p style="text-align: center;">②</p>	<p style="text-align: center;">③</p>
<p style="text-align: center;">④</p>	<p style="text-align: center;">⑤</p>	<p style="text-align: center;">⑥</p>
<p style="text-align: center;">⑦</p>	<p style="text-align: center;">⑧</p>	<p style="text-align: center;">⑨</p>
<p> <math display="block">R = [\gamma_o h_1 (h - h_1 / 2) + \gamma_a (h - h_1)^2 / 2] L</math> <math display="block">d = \frac{\gamma_o h_1 (3h^2 + h_1^2 - 3hh_1) + \gamma_a (h - h_1)^2}{3[\gamma_o h_1 (2h - h_1) + \gamma_a (h - h_1)^2]}</math> </p> <p style="text-align: center;">⑩</p>	<p style="text-align: center;">⑪</p>	<p style="text-align: center;">⑫</p>

### Exercícios – Centros de massa

B.1) Determine a posição do centróide da superfície plana da figura ao lado.

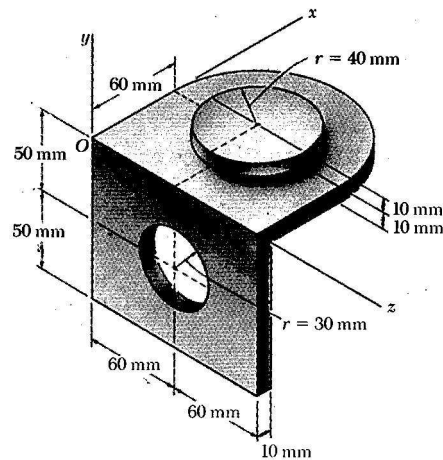


B.2) Um arame homogêneo  $ABCD$  é dobrado, como se vê na figura. Em  $C$  o fio é preso por uma articulação. Determine o comprimento  $L$  para que a parte  $BD$  fique em posição horizontal.

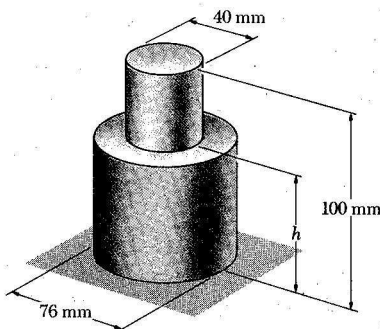


Resposta: 120mm

B.3) Determine a coordenada  $y$  do centro de massa da peça da figura abaixo.



B.4) Um colar de bronze de comprimento  $h = 60\text{mm}$  está montado em um eixo de alumínio de  $100\text{mm}$  de comprimento. Localize o centro de massa do corpo composto. (Massas específicas: do bronze =  $8,47 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ , do alumínio =  $2,80 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ ).



Resposta: 33mm acima da base