



**Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia de Minas e de Petróleo**

ATIVIDADE PARA ENTREGA - EXERCÍCIO 08-1 APLICAÇÃO DO CRITÉRIO DE RUPTURA DE MOHR-COULOMB

**PMI 3309 - Mecânica de Rochas Aplicada à Mineração II
Prof. Eduardo César Sansone**

ATIVIDADE PARA ENTREGA: EXERCÍCIO 08-1



Um túnel horizontal com raio igual a 5 m será escavado a 380 m de profundidade em um maciço rochoso submetido a um campo de tensões gravitacional. O peso específico da rocha é $0,025 \text{ MN/m}^3$, o coeficiente de Poisson é $0,17$ e a tabela abaixo apresenta resultados de ensaios mecânicos realizados sobre amostras de rocha coletadas no local da escavação.

Determine:

- As tensões naturais atuantes na região do túnel.
- O critério de ruptura de Mohr-Coulomb nos formatos $\sigma_1 \times \sigma_3$ e $\sigma_N \times \tau$. Verifique se ocorrerá ruptura da rocha nos seguintes pontos:
- Na lateral do túnel ($\theta = 0$).
- No teto do túnel ($\theta = 90^\circ$).
- A 5,5 m do centro do túnel na direção de sua lateral ($\theta = 0$).

σ_3 (MPa)	σ_1 (MPa)
-2	0
0	31
2	44
4	61
6	73
8	81



ESTADO DE TENSÕES GRAVITACIONAL

$$\sigma_v = \gamma z \quad \text{e} \quad \sigma_h = \frac{v}{1-v} \sigma_v$$

CRITÉRIO DE MORH-COULOMB

$$\sigma_1 = A \sigma_3 + B \Rightarrow \tau = c + \sigma_N \operatorname{tg} \varphi$$

$$\varphi = \arcsen \frac{A-1}{A+1} \quad \text{e} \quad c = \frac{B}{2\sqrt{A}}$$

REGRESSÃO LINEAR

$$y = Ax + B$$

$$A = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \quad \text{e} \quad B = \frac{\sum y \sum x^2 - \sum x \sum xy}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

TENSÕES INDUZIDAS NO ENTORNO DE UMA ESCAVAÇÃO CIRCULAR DE RAIO "a" A UMA DISTÂNCIA "r" DE SEU CENTRO (COORDENADAS POLARES)

$$\sigma_r = \left(\frac{\sigma_h + \sigma_v}{2} \right) \left(1 - \frac{a^2}{r^2} \right) + \left(\frac{\sigma_h - \sigma_v}{2} \right) \left(1 - \frac{4a^2}{r^2} + \frac{3a^4}{r^4} \right) \cos 2\theta$$

$$\sigma_\theta = \left(\frac{\sigma_h + \sigma_v}{2} \right) \left(1 + \frac{a^2}{r^2} \right) - \left(\frac{\sigma_h - \sigma_v}{2} \right) \left(1 + \frac{3a^4}{r^4} \right) \cos 2\theta$$

$$\tau_{r\theta} = \left(\frac{\sigma_v - \sigma_h}{2} \right) \left(1 + \frac{2a^2}{r^2} - \frac{3a^4}{r^4} \right) \operatorname{sen} 2\theta$$

$$\sigma_r = 0, \quad \tau_{r\theta} = 0 \quad \text{e} \quad \sigma_\theta = \sigma_h + \sigma_v - 2(\sigma_h - \sigma_v) \cos 2\theta \quad (\text{para } r = a)$$



OBRIGADO!

Contato:

Prof. Eduardo César Sansone

esansone@usp.br