

Lista 7

1. Calcule:

- | | | |
|----------------------------------------------|----------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|
| (1) $\int (3x - 2)^4 dx;$ | (13) $\int x^3 \cos(x^4) dx;$ | (24) $\int e^x \sqrt{1 + 4e^x} dx;$ |
| (2) $\int \frac{1}{3x - 2} dx;$ | (14) $\int \frac{1}{x \ln(x)} dx;$ | (25) $\int \frac{1 - \sin(x)}{\cos(x)} dx;$ |
| (3) $\int \frac{\sin(x)}{\cos^2(x)} dx;$ | (15) $\int \frac{x^2}{1 + x^2} dx;$ | (26) $\int xe^{2x} dx;$ |
| (4) $\int \frac{1}{\sqrt{1 + x^2}} dx;$ | (16) $\int 2x(x + 1)^{2023} dx;$ | (27) $\int e^{-2x} \sin(x) dx;$ |
| (5) $\int x\sqrt{x^2 - 1} dx;$ | (17) $\int \frac{\sqrt{\ln(x)}}{x} dx;$ | (28) $\int \arccos(x) dx;$ |
| (6) $\int \sin^2(x) dx;$ | (18) $\int x(x + 1)^{10} dx;$ | (29) $\int \frac{x^2}{\sqrt{1 - x^2}} dx;$ |
| (7) $\int \frac{x - 1}{4 + x^2} dx;$ | (19) $\int \sin(\ln x) dx;$ | (30) $\int \frac{\sin(2x)}{1 + \cos^2(x)} dx;$ |
| (8) $\int \frac{1}{\sqrt{5 - 2x + x^2}} dx;$ | (20) $\int \frac{1}{\arcsin(x)\sqrt{1 - x^2}} dx;$ | (31) $\int \frac{x + 2}{(x + 1)^5} dx;$ |
| (9) $\int x^2 \ln(x) dx;$ | (21) $\int \sqrt{1 - 4x^2} dx;$ | (32) $\int \frac{e^{\operatorname{arctg}(x)}}{1 + x^2} dx;$ |
| (10) $\int x \sec^2(x) dx;$ | (22) $\int x^5 e^{-x^3} dx;$ | (33) $\int x^3 \sqrt{1 - x^2} dx;$ |
| (11) $\int x \ln^2(x) dx;$ | (23) $\int xe^{-x} dx;$ | (34) $\int \sqrt{3x - 2} dx;$ |
| (12) $\int \frac{1}{x^2 - 4} dx;$ | | |

2. Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ derivável e tal que, para todo x , $f'(x) = \alpha f(x)$, onde α é uma constante não-nula. Prove que existe uma constante k tal que, para todo x , $f(x) = ke^{\alpha x}$.
3. Determine $y = f(x)$, $x \in \mathbb{R}$, tal que

$$f'(x) = 2f(x) \quad \text{e} \quad f(0) = 1.$$

Sugestão: Use o exercício anterior.