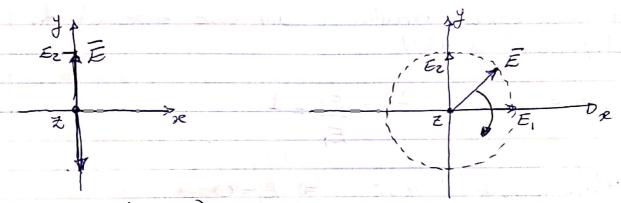
Polarização de onda



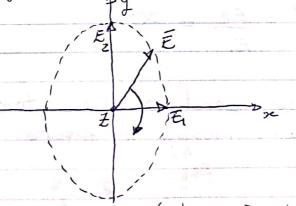
A polarização de compo é definida como a trajetoria traçada pela extremidade de um vetor de compo variante no tempo em um dado ponto de observação.

- Plano de polarização é ortogonal à direção de propagação.
- tipos de polarização: linear, circular e elíptica



(a) linear (dir. y)





(c) elíptico (polariz. à delle esquerda)

O campo E de una onda linearmente polarizada propagando em +z:

$$E_y = E_z \sin(\omega t - \beta z)$$

O estado de polariz. pode ser visto em (a).

O caso mais gerol a E possui Ex e Ey No caso mais peral, em um dodo ponto z, o vetor E gira em função do tempo, e sua ponto descreve uma elipse (polarização eliptica). A razão do eixo maior para o eixo menor: Rozão axial AR = Ez - A polarização circular é um caso especial da eliptica (ver (b)). Nesse caso AR = Ez = 1 - Polorização linear: = E1=0 AR = Ez = 00 No caso mais geral, a elipse tem qualquer orientação, como mostro a figura.

Representando uma onda elipticamente polarizadas. Ex = E, sin(wt-BZ) Ey = Ezsin (wt-BZ+1) I, : amplitude L.P. dir. re Ez: " L.P. " y S: ângulo pelo qual E, está ovançado de Ex Combinando @ e 3: $\bar{E} = \hat{z} E_{\beta in} (\omega t - \beta z) + \hat{y} E_{2 \beta in} (\omega t - \beta z + \delta)$ $E_{xc} = E_{1} sen(\omega t)$ Ey = EzGen(wt+S) Expandindo Ey: usando sen(atd) = sen(a)cos(b) + sen(b)cos(a) $E_y = E_z \left[sen(\omega t) cos(\delta) + cos(\omega t) sen(\delta) \right]$ da relación p/ Ex temos: sen(wt) = Ex Logo: $\cos(\omega t) = \sqrt{1 - \left(\frac{E_x}{E_1}\right)^2}$ substituindo essos releções em 5:

$$\frac{E_{y}}{E_{z}} = \frac{E_{x} \cos(d)}{E_{l}} + \cos(\omega t) \sin(d)$$

$$cos(\omega t) = \begin{bmatrix} E_y & E_z & cos(d) \end{bmatrix} \frac{1}{sin(d)}$$

$$\sqrt{1 - \frac{E_x^2}{E_t^2}} = \left[\frac{E_y}{E_t} - \frac{E_x}{E_t} \cos(t) \right] \frac{1}{\sin(t)}$$

elevando os dois lados ao guadrado:

$$1 - \frac{E_{x}^{2}}{E_{1}^{2}} = \begin{bmatrix} E_{y}^{2} - 2E_{y}E_{x}\cos(6) + E_{x}^{2}\cos^{2}(6) \\ E_{1}E_{2} & E_{1}E_{2} \end{bmatrix} + \underbrace{E_{x}^{2}\cos^{2}(6)}_{sin^{2}(6)}$$

$$sin(d) - sin(d) \frac{E_x^2}{E_x^2} = \frac{E_y^2}{E_x^2} - \frac{2E_yE_x}{E_xE_x} \cos(d) + \frac{E_x^2}{E_x^2} \cos(d)$$

$$\sin^{2}(d) = \frac{E_{y}^{2}}{E_{z}^{2}} - \frac{2E_{y}E_{x}\cos(d)}{E_{z}^{2}} + \frac{E_{x}^{2}}{E_{z}^{2}} \left[\sin^{2}(d) + \cos^{2}(d) \right]$$

$$\frac{E_{x}^{2}}{E_{i}^{2}} = \frac{2E_{x}E_{y}\cos(d)}{E_{i}E_{z}} + \frac{E_{y}^{2}}{E_{z}} = \sin^{2}(d)$$

$$\frac{E_{x}^{2}}{E_{i}} = \sin^{2}(d)$$

$$\frac{E_{x}^{2}}{E_{i}} = \sin^{2}(d)$$

ou

(7)

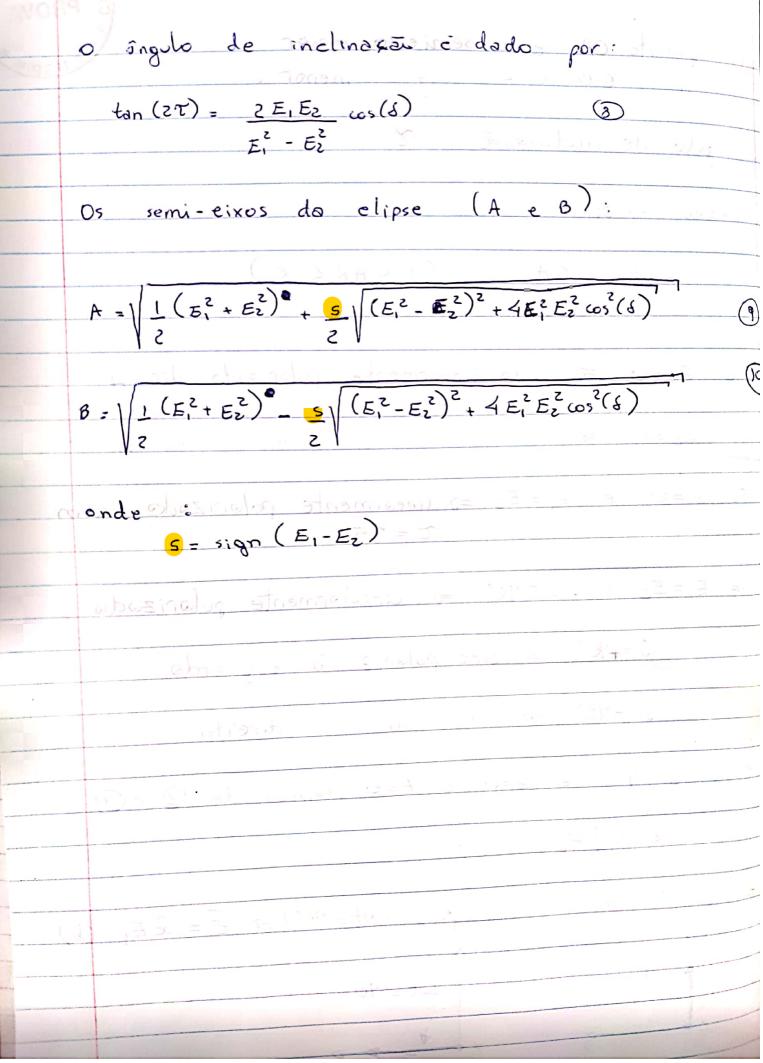
onde:

$$a = \frac{1}{E_1^2 \sin^2 \delta} \qquad b = \frac{2 \cos(\delta)}{E_1 E_2 \sin^2(\delta)} \qquad C = \frac{1}{E_2^2 \sin^2(\delta)}$$

A equação (7) descreve a elipse de polarização.

O segmento OA e o semieixo maior . Ângulo de inclinação: 7 Razão axiól: $AR = OA \qquad (1 \le AR \le \infty)$ Se E,=0 =0 anda linearmente polorizado dir. y E2=0 =0 11 11 211 11 x Se S=0 e E1=E2 = linearmente polarizade com Se E= Ez e S= ±90° = aralormente polorizada à=+90° => circ. polariz. à esquerdo 6=-90° =0 " ii direita Pora d= 90° e z=0 e t=0, temos de 2 e 3: $\vec{E} = \hat{q} E_Z$. (a) um quarto de ciclo depois (wt=90°) = E = xE1 (b) $= \frac{1}{E} \quad \text{wt} = 0$ $= \frac{1}{E} \quad \text{wt} = \frac{$ Orientosas instantânea p/ vetor E em dois instantes

de tempo p/ onda poloriz. à esquerdo.



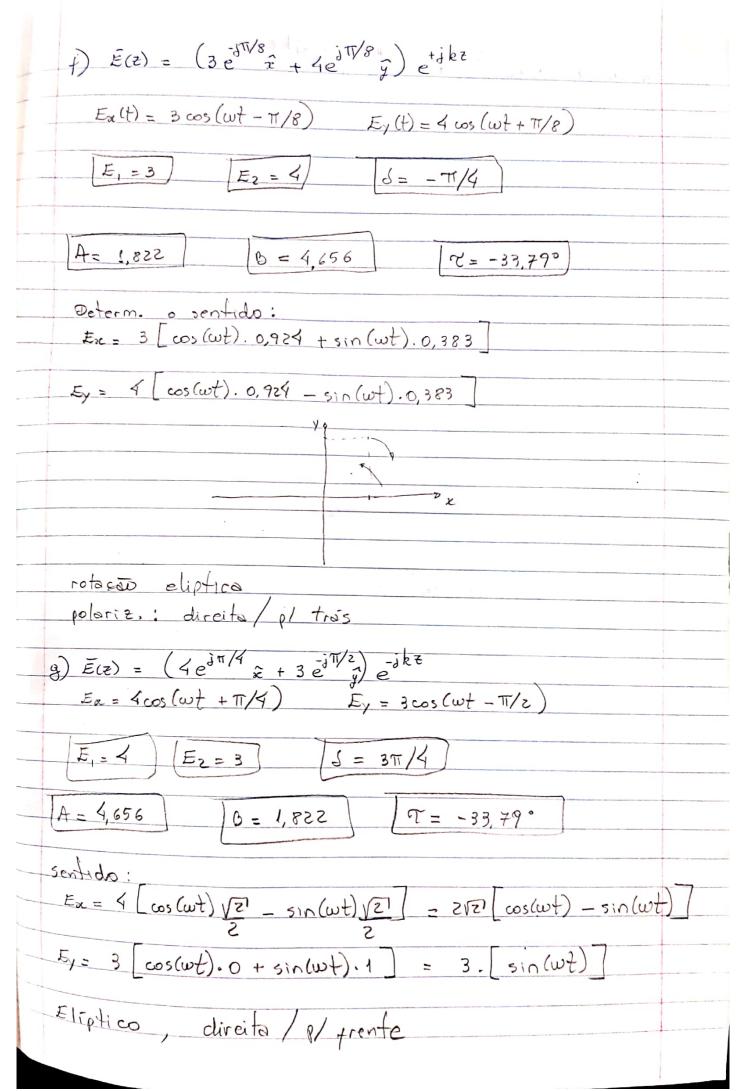
Exemplos: Organides, Exemplo 2.5.1 Determine o estado de polarização dos seguintes compos: em Z=0, restaurando e dut a) Ē(z) = -3; x e-jkz d = dx - dv $E_x(t) = 3 \cos(\omega t - T/z)$ Ex(t) = 0 Precisonos determinor: E, Ez, S, A, B, Z, sentido de rotoção, tipo poloriz. =0 d= -90° de 9: $A = \sqrt{\frac{1}{2}(3^2 + 0)} + \frac{1}{2}\sqrt{(3^2 - 0)^2 + 4.3^2.0.\cos^2(-90^\circ)^2}$ semi-cix D A= \ 1.9 + 19 A = 3 de (10): $B = \sqrt{\frac{1}{2}(3^2-0)} - \frac{1}{2}\sqrt{(3^2-0)^2 + 4.3^2.0.60}(-90^\circ)}$ semi-eixo 3 = 0 de (3): ton (27) = 2.3.0 . cos (-90°) = [7=0°]

sentido de rotação : + x como polariz. : of linear / p/ frente b) Ē(z) = (32+4g) etikz Ey(t) = 4 cos(wt) Ext) = 3 cos (wt) 5=00 [E_1 = 3] | E_2 = 4| $A = \sqrt{\frac{1}{2}(9+16)} - \frac{1}{2}\sqrt{(9-16)^2 + 4.9.16 \cos^2(0)}$ A = 0 | * * a elipse colapsa ao longo desse semi-eixo $B = \sqrt{\frac{1}{2}} (9 + 16) + \frac{1}{2} \sqrt{(9 - 16)^2 + 4.9.16.\cos^2(0)}$ B= 5 | * * e torna-se uma linha reta so longo de se B $tan(27) = \frac{2 \cdot 3 \cdot 4}{3^2 - 4^2} cos(0)$ $T = -36,87^{\circ}$ A direcão de foto do campo E sero: 90-36,87 = 53,13° al e igual as angulo de inclinação stan (Ez/E,) = atan (4/3) = 53,13° sentido de notação: 53,13° polariz: linear/p/ tras

c) $\bar{E}(z) = (-4\hat{x} + 3\hat{y}) e^{jkz}$ $E_x = 4\cos(\omega t + \pi)$ $E_y = 3\cos(\omega t)$ 5=+7 E2= 3 linha rela so longo desse semi-cixo colapsa nesse semi-cixo $tan(2T) = \frac{2.4.3}{4^2 - 3^2} \cos(\pi)$ T = -36,87° wincide U a inclinação de E polariz. : linear/p/ frente d) $\bar{\mathcal{E}}(z) = (3e^{i\pi/3}\hat{x} + 3\hat{y})e^{tjkz}$ $E_x(t) = 3\cos(\omega t + \pi/3)$ $E_y = 3\cos(\omega t)$ Ez = 3 J= T/3 E, = 3 A = 3,674 B = 2, 121 T= 450 sentido: Ext) = 3 cos (wt+7/7) = 0,5 cos (wt) - 0,866 sin (wt) Ey(t) = cos(wt)

Scanned with CamScanner

como a prop é em - = = = = (rotação : eliptica polarização: esquerdo/ o/ trais. e) $E(x) = (4\hat{x} + 3e^{-j\pi/4}\hat{y})e^{-jkz}$ Exett) = 4 cos (wt) Ex (t) = 3 cos (wt - 17/4) E2 = 3 S=+T/4 B = 1,822 A = 4,656 7 = 33,792° Determinando o sentido: Exelt) = 4 cos (wt) $E_{y}(t) = 3 \left[\cos(\omega t) \sqrt{2} + \sin(\omega t) \sqrt{2} \right]$ 5, (+) = 3/2 (cos (wt) + sin (wt) Prop. + 2: rotação eliptica polariz. : direita/ p/ frente



h)
$$\vec{E}(\vec{c}) = (3\vec{e}^{j\pi/2}\hat{x}^2 + 4\vec{e}^{j\pi/4}\hat{y}) \vec{e}^{jkz}$$
 $E_x = 3\cos s (\omega t - \pi/z)$
 $E_y = 4\cos (\omega t + \pi/4)$
 $E_1 = 3$
 $E_2 = 4$
 $S = -3\pi/4$

A = 1,822

 $B = 4,656$
 $T = 33,79^\circ$

Sentato:

 $E_x = 3\left[\cos(\omega t) \cdot 0 + \sin(\omega t) \cdot 1\right] = 3\sin(\omega t)$
 $E_y = 4\left[\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}/z - \sin(\omega t)\sqrt{z}/z\right] = ziz^2\left[\cos(\omega t) - \sin(\omega t)\right]$
 $= \frac{1}{2}\sin(\omega t) \cdot \sqrt{z}\sin(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\sin(\omega t)$
 $= \frac{1}{2}\sin(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\cos(\omega t) \cdot \sin(\omega t)$
 $= \frac{1}{2}\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) \cdot \sin(\omega t)\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\sin(\omega t)$
 $= \frac{1}{2}\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) \cdot \sqrt{z}\cos(\omega t) \cdot \sin(\omega t)\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\cos(\omega t)\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\cos(\omega t)\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\cos(\omega t)\cos(\omega t)\cos(\omega t) = \sin(\omega t)\cos(\omega t)\cos$