

## 5.11 EXERCÍCIOS

5.1 — No circuito da Fig. 5.48a, a tensão fornecida pela fonte é dada por:

$$v(t) = 254 \cos 50t \quad (\text{V})$$

A corrente no amperímetro ideal é:

$$i(t) = 14,1 \cos(50t + 60^\circ) \quad (\text{A})$$

Determinar:

- a tensão no capacitor;
- a capacidade do capacitor;
- o valor da resistência  $R$  do circuito.

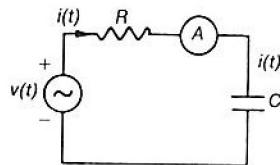


Fig. 5.48a

### Solução

O primeiro passo nesse tipo de exercício é representar as grandezas na forma fasorial, como segue.

Da expressão de  $v(t)$ , obtemos:

$$\begin{aligned} V_{máx} &= 254 \text{ V} \\ \theta &= 0^\circ \\ \omega &= 50 \text{ rad/s} \end{aligned}$$

Da expressão de  $i(t)$ :

$$\begin{aligned} I_{máx} &= 14,1 \text{ A} \\ \phi &= 60^\circ \end{aligned}$$

Os valores eficazes destas grandezas são obtidos dividindo-se seus valores máximos por  $\sqrt{2}$ , assim temos:

$$V = \frac{254}{\sqrt{2}} \quad \text{ou} \quad V = 220 \text{ V}$$

$$I = \frac{14,1}{\sqrt{2}} \quad \text{ou} \quad I = 10 \text{ A}$$

Assim, na forma fasorial temos:

$$\dot{V} = 220|0^\circ$$

e

$$\dot{I} = 10|60^\circ$$

No domínio da freqüência o circuito original é representado por:

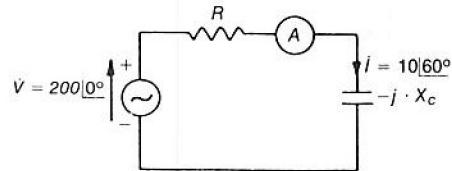


Fig. 5.49 Domínio da freqüência.

Pela aplicação da segunda lei de Kirchoff, obtemos:

$$R\dot{I} - j \cdot X_C \cdot \dot{I} = \dot{V}$$

ou, ainda:

$$(R - j \cdot X_C) = \frac{\dot{V}}{\dot{I}} = \frac{220[0^\circ]}{10[60^\circ]} = 22[-60^\circ]$$

Representando-se o segundo membro na forma cartesiana, resulta:

$$R - j \cdot X_C = 11 - j19$$

Da igualdade desses dois complexos resulta:

$$R = 11 \Omega \text{ e } X_C = 19 \Omega$$

Desta forma, obtém-se:

- a) A tensão no capacitor será dada por:

$$\dot{V}_C = -j \cdot X_C \dot{I}$$

então

$$\dot{V}_C = -j19 \times 10[60^\circ] = 19[-90^\circ] \cdot 10[60^\circ]$$

ou

$$\dot{V}_C = 190[-30^\circ]$$

No domínio do tempo, resulta:

$$V_C(t) = 190 \sqrt{2} \cos(50t - 30^\circ)$$

- b) Sendo  $X_C = 19 \Omega$  e lembrando que

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

resulta que:

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{50 \times 19}$$

ou

$$C = 1\ 053\ \mu\text{F}$$

c)  $R = 11\ \Omega$ .

5.2— No circuito da figura que se segue, a fonte de alimentação fornece uma tensão de freqüência 1 kHz e valor eficaz 20 V. O valor eficaz da tensão medida no resistor de  $10\ \Omega$  é 10 V, e o valor eficaz da tensão medida na bobina de indutância  $L$  e resistência  $r$  é 12 V. Determine:

- a) o valor eficaz da corrente no circuito;
- b) a defasagem entre a tensão e a corrente;
- c) os valores da indutância  $L$  e da resistência  $r$  da bobina.

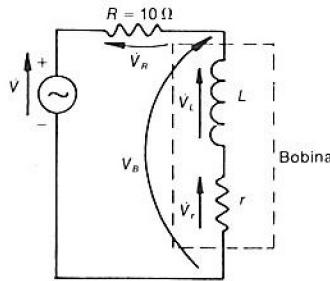


Fig. 5.49a

### Solução

Vamos inicialmente construir o diagrama de fasores correspondente, no qual a corrente está em fase com as tensões  $\dot{V}_R$  e  $\dot{V}_r$ , e ainda atrasada de  $90^\circ$  em relação à tensão  $\dot{V}_L$ .

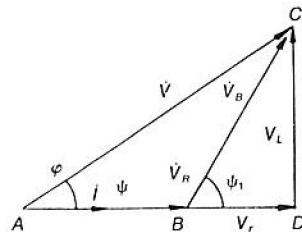


Fig. 5.50 Diagrama de fasores.

a) O valor eficaz da corrente no circuito é dado por:

$$I = \frac{V_R}{R} = \frac{10}{10}$$

ou

$$I = 1 \text{ A}$$

b) Para determinarmos a defasagem entre a tensão  $V$  e a corrente  $I$ , ou seja, entre  $V$  e  $V_R$ , vamos aplicar a lei dos co-senos no triângulo  $ABC$ , como segue:

$$V_B^2 = V_R^2 + V^2 - 2 VV_R \cos \psi$$

ou

$$\cos \psi = \frac{V_R + V^2 - V_B^2}{2 VV_R} = \frac{10^2 + 20^2 - 10^2}{2 \times 20 \times 10}$$

que resulta:

$$\cos \psi = 0,89^\circ$$

ou

$$\psi = 27^\circ$$

c) Vamos inicialmente determinar a defasagem  $\psi_1$  entre  $V_B$  e  $I$  pela lei dos senos:

$$\frac{V_B}{\sin \psi} = \frac{V}{\sin (180 - \psi_1)}$$

que resulta:

$$\sin \psi_1 = 0,77$$

ou

$$\psi_1 = 50^\circ$$

Desta forma, do triângulo  $BCD$  obtemos:

$$V_r = V_B \cos \psi_1 \text{ ou } V_r = 7,7 \text{ V}$$

e, sendo  $V_r = rI$ , resulta:

$$r = 7,7 \Omega$$

e, ainda,

$$V_L = V_B \sin \psi_1 \text{ ou } V_L = 9,2 \text{ V}$$

e, sendo  $V_L = X_L I$ , resulta:

$$X_L = 9,2 \Omega$$

lembrando que:

$$X_L = \omega L = 2\pi \cdot fL$$

resulta:

$$L = 1,46 \text{ mH}$$

5.3 — No circuito da Fig. 5.51 são dados:

$$v(t) = 254 \cos(377t - 60^\circ) \text{ V}$$

e o diagrama de fasores correspondentes. Determinar:

- a) as tensões  $V_1$  e  $V_2$ , bem como a corrente  $I$ , no domínio de freqüência e no domínio do tempo;
- b) os valores  $R$  e  $C$ .

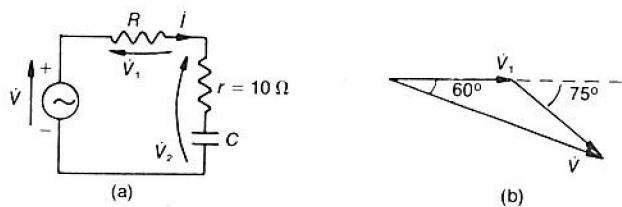


Fig. 5.51 (a) Circuito; (b) diagrama de fasores.

### Solução

a) Sendo  $v(t) = 254 \cos(377t - 60^\circ)$ , temos:

$$\begin{aligned} V_{max} &= 254 \text{ (V)} \\ V &= 220 \text{ V} \\ \omega &= 377 \text{ rad/s} \\ \theta &= -60^\circ \end{aligned}$$

Aplicando-se a lei dos senos ao diagrama de fasores, resulta:

$$\frac{V}{\sin(180^\circ - 75^\circ)} = \frac{V_2}{\sin 60^\circ} = \frac{V_1}{\sin(75^\circ - 60^\circ)}$$

obtendo-se:

$$V_1 = 59 \text{ V} \text{ e } V_2 = 197,3 \text{ V}$$

ou, em termos fasoriais:

$$\dot{V}_1 = 59|0^\circ$$

(Deve ser lembrado que a fase de  $\dot{V}$  é  $-60^\circ$  e que  $\dot{V}_1$  está adiantado de  $60^\circ$  em relação a  $\dot{V}$  e que  $\dot{V}_2 = 197,3 \angle -75^\circ$ .)

Retomando o diagrama de fasores, temos:

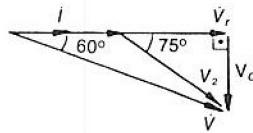


Fig. 5.52 Diagrama de fasores.

onde  $V_r$  é a tensão no resistor de  $10\ \Omega$  e  $V_c$ , a tensão no capacitor; resulta que:

$$V_r = V_2 \cos 75^\circ \text{ ou } V_r = 51,1 \text{ V}$$

fasorialmente,

$$V_r = 51,1 \angle 0^\circ \text{ (V)}$$

sendo

$$I = \frac{V_r}{r} = \frac{51,1 \angle 0^\circ}{10} = 5,1 \angle 0^\circ$$

Assim, temos:

$$V_1 = 59 \angle 0^\circ, V_2 = 197,3 \angle -75^\circ \text{ e } I = 5,1 \angle 0^\circ$$

No domínio do tempo:

$$v_1(t) = 59\sqrt{2} \cos 377t$$

$$v_2(t) = 197,3 \sqrt{2} \cos (377t - 75^\circ)$$

$$i(t) = 5,1 \sqrt{2} \cos (377t)$$

b) Lembrando que:

$$R = \frac{V_1}{I},$$

temos  $R = 11,6\ \Omega$

sendo que:

$$V_c = V_2 \sin 75^\circ \text{ ou } V_c = 191,4 \text{ V}$$

e lembrando que:

$$X_C = \frac{V_c}{I}$$

resulta que  $X_C = 37,5 \Omega$ .

Portanto

$$\frac{1}{\omega C} = 37,5$$

ou, finalmente,

$$C = 70,7 \mu\text{F}$$

5.4 — O gráfico da Fig. 5.53 (fora de escala) representa a admitância de entrada do circuito indicado. O intervalo  $AB$  representa a banda passante deste circuito. Determinar:

- a freqüência de ressonância e o índice de mérito do circuito nessas condições;
- os valores dos parâmetros  $R$ ,  $L$  e  $C$ .

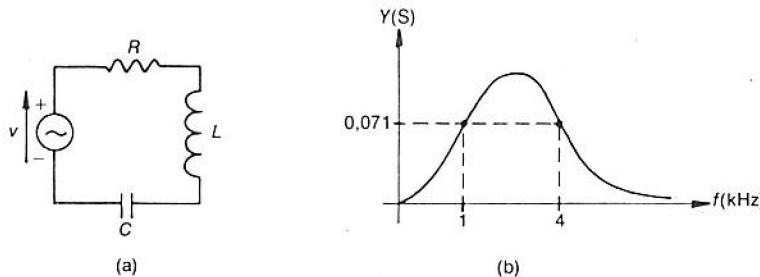


Fig. 5.53 (a) Circuito; (b) gráfico.

### Solução

- A freqüência de ressonância é dada por:

$$f_r = \sqrt{f_1 \cdot f_2} = \sqrt{1 \times 4}$$

$$\text{logo, } f_r = 2 \text{ kHz}$$

e o índice de mérito é:

$$Q_0 = \frac{2}{3}$$

- Do gráfico resulta:

$$\frac{G}{\sqrt{2}} = 0,071$$

que nos fornece

$$R = 10 \Omega$$

A partir da relação

$$Q_0 = \frac{X_{Lr}}{R}$$

resulta:

$$X_{Lr} = \frac{20}{3}$$

Lembrando que na ressonância

$$X_{Lr} = X_{Lc}$$

obtemos:

$$L = 0,53 \text{ mH}$$

$$C = 11,9 \text{ F.}$$

5.5— O circuito da figura que se segue é alimentado com tensão eficaz  $V = 200[0^\circ] \text{ V}$  ( $\omega = 50 \text{ rad/s}$ ), sendo o amperímetro de ferro-móvel ideal. Determinar:

- a indicação do amperímetro;
- os valores eficazes das correntes  $i_1$  e  $i_2$  e suas expressões no domínio do tempo;
- o diagrama de fasores correspondente.

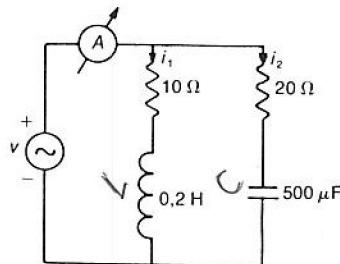


Fig. 5.53a

### Solução

Passando para o domínio da freqüência, temos:

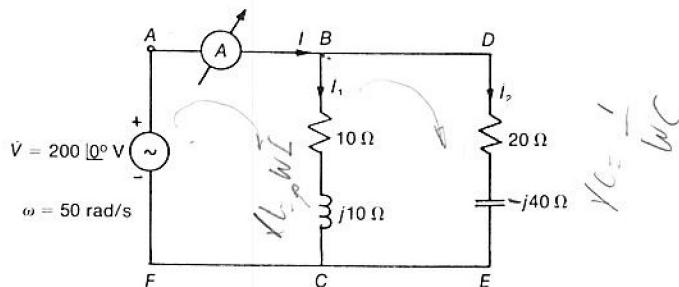


Fig. 5.54 Domínio da freqüência.

$$\dot{I}_1 = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_{BC}} = \frac{200|0^\circ}{10 + j10} = \frac{200|0^\circ}{10\sqrt{2}|45^\circ} = 10\sqrt{2}|_{-45^\circ} = 14,1|_{-45^\circ} \text{ A}$$

$$\dot{I}_2 = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_{DE}} = \frac{200|0^\circ}{20 - j40} = \frac{200|0^\circ}{44,7|_{-63^\circ}} = 4,5|_{63^\circ} \text{ A}$$

a)  $\dot{I} = \dot{I}_1 + \dot{I}_2 = 14,1|_{-45^\circ} + 4,5|_{63^\circ} = 10 - j10 + 2 + j4$   
 $\dot{I} = 12 - j6 = 13,4|_{-27^\circ} \text{ A}$

O amperímetro indicará 13,4 A.

- b) Os valores eficazes das correntes  $i_1$  e  $i_2$  são, respectivamente,  $I_1 = 14,1 \text{ A}$  e  $I_2 = 4,5 \text{ A}$ , e suas expressões no domínio do tempo serão:

$$i_1 = 14,1 \cdot \sqrt{2} \cos(50t - 45^\circ) = 20 \cos(50t - 45^\circ)$$

$$i_2 = 4,5 \cdot \sqrt{2} \cos(50t + 63^\circ) = 6,4 \cos(50t + 63^\circ)$$

- c) O diagrama de fasores correspondente está indicado na Fig. 5.55.

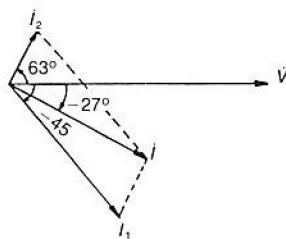


Fig. 5.55 Diagrama de fasores.

5.6 — No circuito da figura que se segue temos  $V = 200|0^\circ$  V ( $\omega = 100$  rad/s) e  $I_1 = 3,5|_{-100^\circ}$  A. Pede-se:

- a) a tensão  $V_1$ ;
- b) as correntes  $I$  e  $I_2$ ;
- c) os valores de  $R$  e  $C$ ;
- d) o diagrama de fasores.

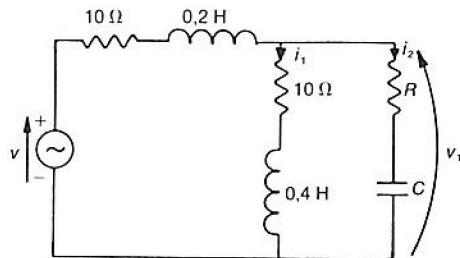


Fig. 5.55a

## Solução

Representando o circuito no domínio da freqüência, obtemos:

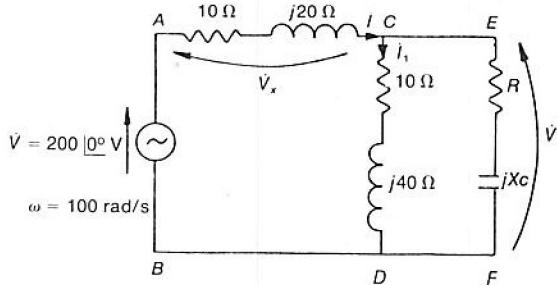


Fig. 5.56 Domínio da freqüência.

a)  $\dot{V}_1 = \dot{Z}_{CD} \cdot \dot{I}_1 = (10 + j40) \cdot 3,5[-100^\circ] = 41,2[76^\circ] \cdot 3,5[-100^\circ]$  que resulta:

$$\dot{V}_1 = 144,2[-24^\circ] \text{ V}$$

b)  $\dot{I} = \frac{\dot{V}_x}{\dot{Z}_{AC}} = \frac{\dot{V} - \dot{V}_1}{\dot{Z}_{AC}} = \frac{200[0^\circ] - 144,2[-24^\circ]}{10 + j20}$

ou

$$\dot{I} = \frac{68,3 + j58,7}{10 + j20} = \frac{90,1[41^\circ]}{22,4[63^\circ]}$$

logo

$$\dot{I} = 4,0[-22^\circ] \text{ A}$$

sendo que

$$\dot{I}_2 = \dot{I} - \dot{I}_1 = 4[-22^\circ] - 3,5[-100^\circ] = 3,7 - j1,5 - (-0,6 - j3,4)$$

$$\dot{I}_2 = 4,3 + j1,9 = 4,7[24^\circ] \text{ A} \text{ ou } \dot{I}_2 = 4,7[24^\circ] \text{ A}$$

c)  $\dot{Z}_{EF} = R + jX_C = \frac{\dot{V}_1}{\dot{I}_2} = \frac{144,2[-24^\circ]}{4,7[24^\circ]} = 30,7[-48^\circ]$

lembrando que

$$R + jX_C = 30,7[-48^\circ] = 20,5 - j22,8$$

concluímos que:

$$R = 20,5 \Omega \quad \text{e} \quad X_C = 22,8 \Omega$$

resultando

$$C = \frac{1}{\omega \cdot X_C} = \frac{1}{100 \times 22,8}, \text{ ou seja, } C = 438,6 \mu\text{F}.$$

d) O diagrama de fasores é dado por:

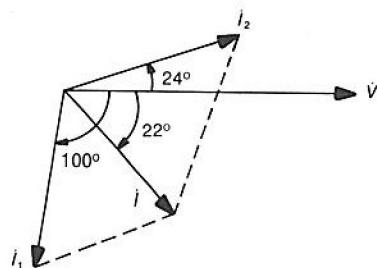


Fig. 5.57 Diagrama de fasores.

5.7 — No circuito da figura que se segue,  $v = 2 \cos(10t + 60^\circ)$  (V). Determine:

- a) a admitância de entrada;
- b) a corrente  $I$ ;
- c) as correntes  $I_1$ ,  $I_2$  e  $I_3$ ;
- d) a freqüência de ressonância e o fator de qualidade nessa freqüência.

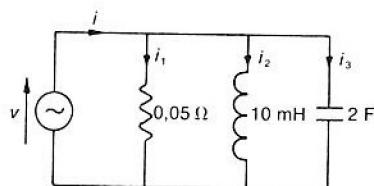


Fig. 5.57a

### Solução

No domínio da freqüência temos:

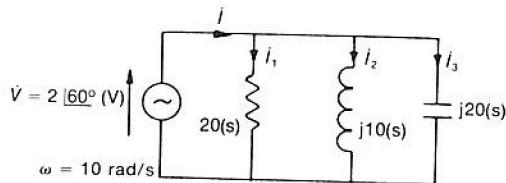


Fig. 5.58 Domínio da freqüência.

a) a admitância de entrada será:

$$\dot{Y} = 20 - j10 + j20 \text{ ou } \dot{Y} = 20 + j10 \text{ S} = 22,4|27^\circ \text{ S}$$

b)  $\dot{I} = \dot{Y} \cdot \dot{V} = 22,4|27^\circ \cdot 2|60^\circ = 44,8|87^\circ \text{ A}$

c)  $\dot{I}_1 = 20 \cdot \dot{V} = 20 \cdot 2|60^\circ = 40|60^\circ \text{ A}$   
 $\dot{I}_2 = -j10 \cdot \dot{V} = 10|-90^\circ \cdot 2|60^\circ = 20|-30^\circ \text{ A}$   
 $\dot{I}_3 = j20 \cdot \dot{V} = 20|90^\circ \cdot 2|60^\circ = 40|150^\circ \text{ A}$

d)  $f_0 = 1,13 \text{ Hz}$

$$Q_0 = \frac{R}{X_{L_r}} = \frac{R}{2\pi \cdot f_0 \cdot L} = \frac{0,05}{2 \times 1,13 \times 0,01} = 0,70$$

5.8 — No circuito da figura que se segue, determinar as tensões e correntes indicadas.

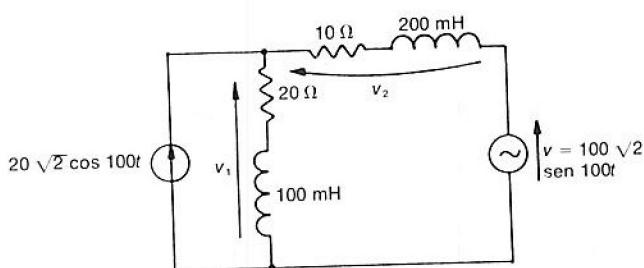


Fig. 5.58a

### Solução

Passando para o domínio da freqüência, obtemos:

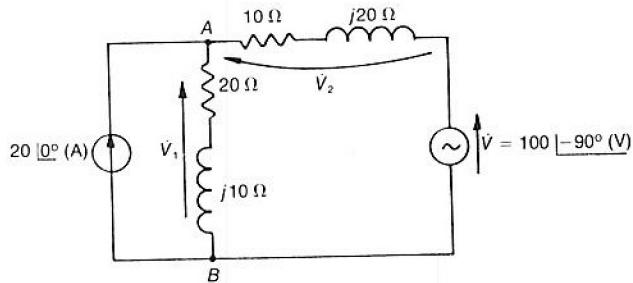


Fig. 5.59 Domínio da freqüência.

Transformando a fonte de corrente em uma fonte de tensão equivalente, obtemos:

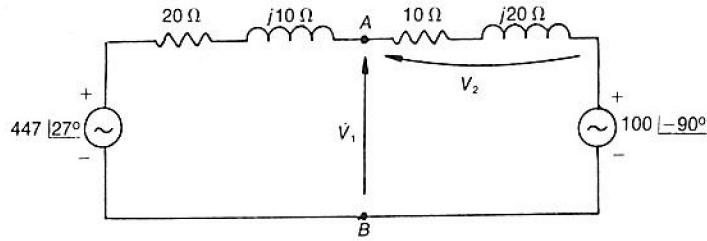


Fig. 5.60 Circuito modificado.

$$I_2 = \frac{447[27^\circ] - 100[-90^\circ]}{30 + j30} = \frac{398,3 + j203 - (-j100)}{30 + j30}$$

ou

$$I_2 = \frac{398,3 + j303}{30 + j30} = \frac{500,5[37^\circ]}{42,4[45^\circ]}$$

que resulta:

$$I_2 = 11,8[8^\circ] \text{ A}$$

$$\dot{V}_1 = 447[27^\circ] - (20 + j10) \cdot I_2 = 447[27^\circ] - 22,4[27^\circ] \cdot 11,8[8^\circ]$$

$$\dot{V}_1 = 447[27^\circ] - 264,3[35^\circ] = 398,3 + j202,9 - (216,5 + j151,6)$$

ou

$$\dot{V}_1 = 181,8 + j51,3 = 188,9[16^\circ] \text{ V}$$

$$I_1 = \frac{\dot{V}_1}{20 + j10} = \frac{188,9[16^\circ]}{22,4[27^\circ]} \therefore I_1 = 8,4[-9^\circ] \text{ A}$$

$$\dot{V}_2 = (10 + j20) \cdot I_2 = 22,4[63^\circ] \cdot 11,8[8^\circ]$$

que resulta:

$$\dot{V}_2 = 264,3[71^\circ] \text{ V}$$

5.9 — Utilizando a análise de malhas, determinar as correntes indicadas no circuito a seguir.

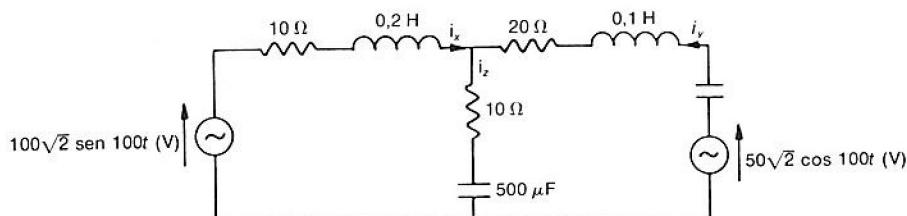


Fig. 5.60a

### Solução

Passando para o domínio da freqüência, temos:

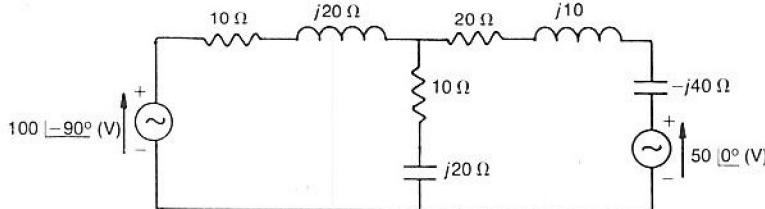


Fig. 5.61 Domínio da freqüência.

Equacionando-se o sistema de equações na forma matricial, de maneira semelhante à que foi feita nos circuitos de corrente contínua, vem:

$$\begin{vmatrix} \dot{Z}_{11} & -\dot{Z}_{12} \\ -\dot{Z}_{21} & \dot{Z}_{22} \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \dot{I}_1 \\ \dot{I}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \dot{E}_1 \\ \dot{E}_2 \end{vmatrix}$$

ou

$$\begin{vmatrix} 20 & -(10-j20) \\ -(10-j20) & 30-j50 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \dot{I}_1 \\ \dot{I}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 100 | -90^\circ \\ -50 | 0^\circ \end{vmatrix}$$

Resolvendo o sistema, obtemos:

$$\Delta = \begin{vmatrix} 20 & -10+j20 \\ -10+j20 & 30-j50 \end{vmatrix} = 600 - j1\,000 - 100 + 400 + 400j$$

ou seja,

$$\Delta = 900 - j600 = 1081,7 | -34^\circ$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 100 | -90^\circ & -10+j20 \\ -50 | 0^\circ & 30-j50 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -j100 & -10+j20 \\ -50 & 30-j50 \end{vmatrix}$$

$$\Delta_1 = -j3\,000 - 5\,000 - 5\,000 + j1\,000 = -10\,000 - j2\,000 =$$

$$\Delta_1 = 10\,198 | -169^\circ$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} 20 & -j100 \\ -10+j20 & -50 \end{vmatrix} = -1\,000 - j1\,000 - 2\,000 = 3\,162,3 | -162^\circ$$

$$\Delta_2 = -3\ 000 - j1\ 000 = 3162,3 \angle -162^\circ$$

$$I_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{10\ 198 \angle -169^\circ}{1\ 081,7 \angle -34^\circ} = 9,4 \angle -135^\circ \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{3\ 162,3 \angle -162^\circ}{1\ 081,7 \angle -34^\circ} = 2,9 \angle -128^\circ \text{ A}$$

Portanto:

$$I_x = I_1 = 9,4 \angle -135^\circ \text{ A}; I_y = I_2 = 2,9 \angle -128^\circ \text{ A}$$

e

$$\begin{aligned} I_z &= I_1 - I_2 = 9,4 \angle -135^\circ - 2,9 \angle -128^\circ \\ I_z &= 6,6 \angle -138^\circ \text{ A} \end{aligned}$$

No domínio do tempo:

$$\begin{aligned} i_x &= 94 \sqrt{2} \cos(100t - 135^\circ) \\ i_y &= 2,9 \sqrt{2} \cos(100t - 128^\circ) \\ i_z &= 6,6 \sqrt{2} \cos(100t - 138^\circ) \end{aligned}$$

- 5.10 — Utilizando a análise nodal, determine as tensões  $\dot{V}_1$  e  $\dot{V}_2$  e a corrente  $\dot{I}$ , do circuito da Fig. dada a seguir. Escrevendo-se o sistema de matrizes correspondentes, vem:

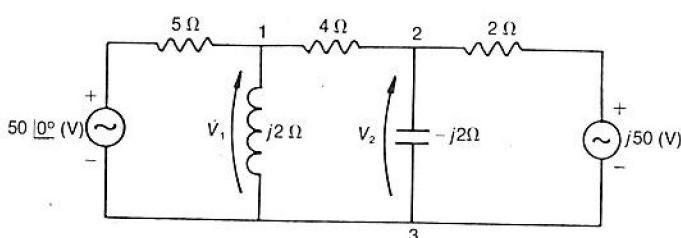


Fig. 5.61a

### Solução

Transformando as fontes de tensão em fontes de correntes e as impedâncias em admitâncias, obtemos:

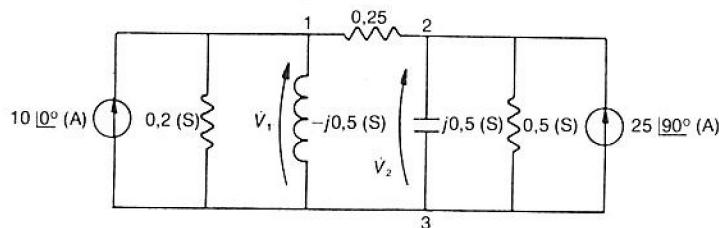


Fig. 5.62 Circuito modificado.

Escrevendo o sistema de matrizes correspondentes, vem:

$$\begin{vmatrix} \dot{Y}_{11} & -\dot{Y}_{12} \\ -\dot{Y}_{21} & \dot{Y}_{22} \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \dot{V}_1 \\ \dot{V}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} j_1 \\ j_2 \end{vmatrix}$$

ou

$$\begin{vmatrix} (0,45 - j0,5) & 0,25 \\ -0,25 & (0,75 + j0,5) \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \dot{V}_1 \\ \dot{V}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 10|0^\circ \\ 25|90^\circ \end{vmatrix}$$

chamando

$$\Delta_y = \begin{vmatrix} 0,45 - j0,5 & 0,25 \\ -0,25 & 0,75 + j0,5 \end{vmatrix} = 0,55 - 16^\circ$$

$$\Delta_1 = \begin{vmatrix} 10|0^\circ & -0,25 \\ 25|90^\circ & 0,75 + j0,5 \end{vmatrix} = 13,5|56^\circ$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} (0,45 - j0,5) & 10|0^\circ \\ -0,25 & 25|90^\circ \end{vmatrix} = 18,4|38^\circ$$

Resulta:

$$\dot{V}_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta_y} = \frac{13,5|56^\circ}{0,55 - 16^\circ} = 24,6|72^\circ \text{ V}$$

$$\dot{V}_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta_y} = \frac{18,4|38^\circ}{0,55 - 16^\circ} = 33,5|54^\circ \text{ V}$$

$$i = 0,25 \cdot (\dot{V}_1 - \dot{V}_2) = 0,25 [7,6 + j23,4 - (19,7 + j27,1)]$$

ou

$$i = 0,25 \cdot (-12,1 - j3,7) = 0,25 \times 12,7|-163^\circ$$

logo

$$i = 3,2|-163^\circ \text{ A}$$

5.11 — No circuito da Fig. 5.62a, determinar o gerador de Thévenin equivalente entre A e B. Que corrente passará por um resistor de resistência  $R = 4 \Omega$ , quando ligados A e B?

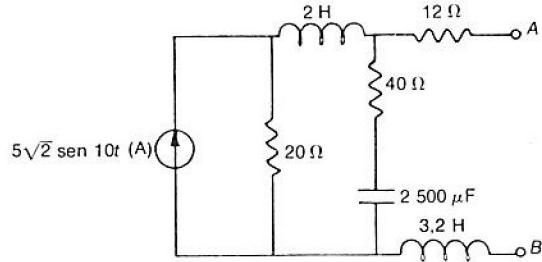


Fig. 5.62a

### Solução

Passando para o domínio da freqüência, vem:

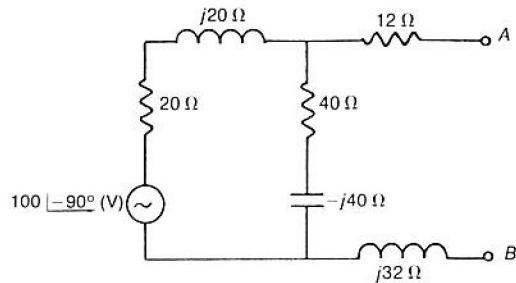


Fig. 5.63 Circuito modificado.

A impedância de Thévenin equivalente será:

$$Z_{th} = 12 + j32 + \frac{(20 + j20)(40 - j40)}{(20 + j20)(40 - j40)} = 36 + j40 \Omega = 13,5 \angle 47^\circ \Omega$$

A tensão no gerador de Thévenin equivalente é:

$$\dot{V}_{th} = \frac{100 \angle -90^\circ}{20 + j20 + 40 - j40} \cdot (40 - j40) = -20(2 + j4) = 40\sqrt{5} \angle -117^\circ$$

ou

$$\dot{V}_{th} = 90 \angle -117^\circ \text{ V}$$

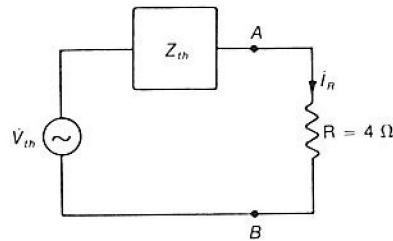


Fig. 5.64 Thévenin equivalente.

$$I = \frac{90 \angle -117^\circ}{36 + j40 + 4} = \frac{90 \angle -117^\circ}{40 + j40} = \frac{90 \angle -117^\circ}{40 \sqrt{2} \angle 45^\circ} = 1,6 \angle -162^\circ \text{ A}$$

logo

$$I = 1,6 \angle -162^\circ \text{ A}$$

5.12 — Determine a tensão  $V_1$  do circuito da figura dada a seguir, utilizando o teorema de Thévenin para a parte situada à esquerda de  $AB$ , de modo que a corrente  $I$  indicada seja nula.

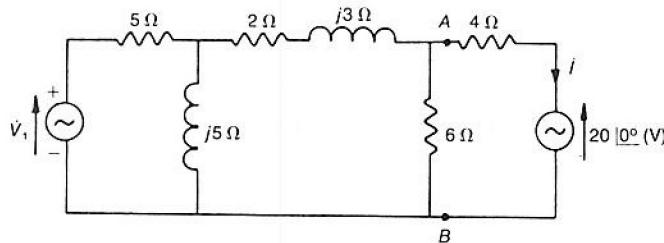


Fig. 5.64a

### Solução

Do circuito obtemos:

$$\dot{Z}_{th} = \frac{\left( \frac{j25}{5+j5} + 2 + j3 \right) \cdot 6}{\frac{j25}{5+j5} + 2 + j3 + 6} = \frac{(4,5 + j5,5) \cdot 6}{10,5 + j5,5}$$

$$\dot{Z}_{th} = \frac{42,6 \angle 51^\circ}{11,9 \angle 28^\circ} = 3,6 \angle 23^\circ$$

Cálculo da tensão  $\dot{V}_{th}$ :

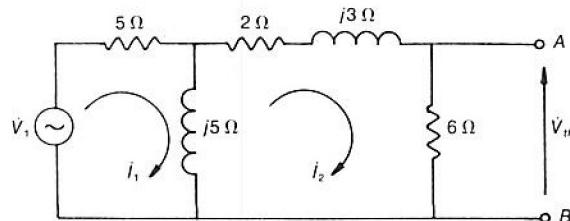


Fig. 5.65 Circuito para determinação do Thévenin equivalente.

Por análise de malhas, obtemos:

$$\begin{vmatrix} 5 + j5 & -j5 \\ -j5 & 8 + j8 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \dot{I}_1 \\ \dot{I}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \dot{V}_1 \\ 0 \end{vmatrix}$$

chamando

$$\Delta = \begin{vmatrix} 5 + j5 & -j5 \\ -j5 & 8 + j8 \end{vmatrix} = 25 + j80$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} -j5 & \dot{V}_1 \\ -j5 & 0 \end{vmatrix} = j5 \cdot \dot{V}_1$$

resulta:

$$\dot{I}_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{j5 \cdot \dot{V}_1}{25 + j80}$$

logo

$$\dot{V}_{th} = 6 \cdot \dot{I}_2 = \frac{30j \cdot \dot{V}_1}{25 + j80}$$

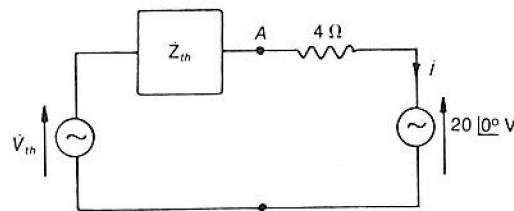


Fig. 5.66 Thévenin equivalente.

Se  $\dot{I} = 0$ , então

$$\dot{V}_{th} = 20|0^\circ,$$

ou seja:

$$\frac{30j \cdot \dot{V}_1}{25 + j80} = 20 \therefore \dot{V}_1 = \frac{20(25 + j80)}{j30} = \frac{20 \cdot 83,8|73^\circ}{30|90^\circ}$$

logo:

$$\dot{V}_1 = 55,9|-17^\circ \text{ V}$$

5.13 — No circuito da figura que se segue, a tensão aplicada pela fonte é dada por  $v = 100 \cos(200t + 60^\circ)$  (V) e a corrente é dada por  $i = 5\sqrt{2} \cos(200t + 15^\circ)$  (A). Determine  $R$  e  $L$ .

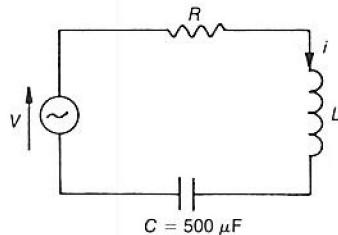


Fig. 5.66a

### Resposta

$$R \approx 10 \Omega \text{ e } L = 0,1 \text{ H}$$

5.14 — Determinar, no circuito da figura a seguir, a impedância de entrada e calcular, no domínio do tempo e no domínio da freqüência, as tensões e correntes indicadas.

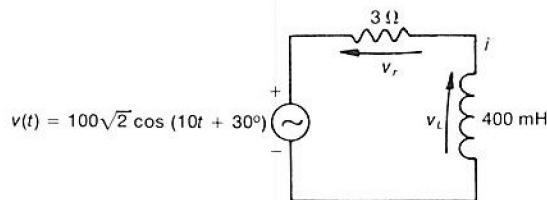


Fig. 5.66b

### Resposta

$$\begin{aligned} Z &= 3 + j4 \text{ } (\Omega); \\ i &= 20 \angle -23^\circ \text{ } (\text{A}); \\ i(t) &= 20\sqrt{2} \cos(10t - 23^\circ); \\ V_R &= 60 \angle -23^\circ \text{ } (\text{V}); \\ v_r(t) &= 60\sqrt{2} \cos(10t - 23^\circ); \\ V_L &= 80 \angle 67^\circ; \\ v_L(t) &= 80\sqrt{2} \cos(10t + 67^\circ). \end{aligned}$$

5.15 — No circuito da Fig. 5.66c determine:

- a impedância de entrada;
- as tensões indicadas no domínio do tempo e no domínio da freqüência;
- a corrente indicada no domínio do tempo e no domínio da freqüência.

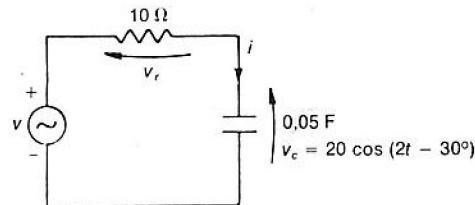


Fig. 5.66c

### Resposta

- $\dot{Z} = 10 - j10 \text{ } (\Omega)$
- $\dot{V}_R = 20|60^\circ \text{ (V)}$   
 $v_r(t) = 20\sqrt{2} \cos(2t + 60) \text{ (V)}$   
 $\dot{V} = 20\sqrt{2}|15^\circ \text{ (V)}$   
 $v(t) = 40 \cos(2t + 15) \text{ (V)}$
- $\dot{I} = 2|60^\circ \text{ (A)}$   
 $i(t) = 2\sqrt{2} \cos(2t + 60) \text{ (A)}$

5.16 — No circuito a seguir, determine:

- a impedância de entrada;
- a corrente no domínio da freqüência;
- as tensões indicadas no domínio de freqüência.

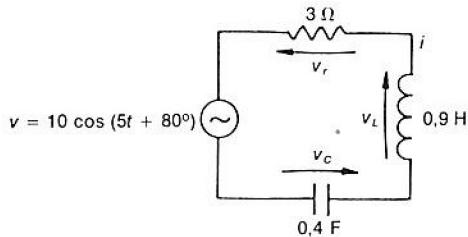


Fig. 5.66d

### Resposta

- $\dot{Z} = 3 + j4 \text{ } (\Omega)$
- $\dot{I} = \sqrt{2}|27^\circ \text{ (A)}$
- $\dot{V}_R = 3\sqrt{2}|27^\circ \text{ (V)}$   
 $\dot{V}_L = 4,5\sqrt{2}|117^\circ \text{ (V)}$   
 $\dot{V}_C = 0,5\sqrt{2}| -63^\circ \text{ (V)}$

5.17 — No circuito da Fig. 5.66e, determine:

- a impedância de entrada;
- a corrente  $\dot{I}$ ;

- c) as tensões  $\dot{V}$ ,  $\dot{V}_R$  e  $\dot{V}_C$ ;  
d) a freqüência de ressonância;  
e) o fator de qualidade na ressonância.

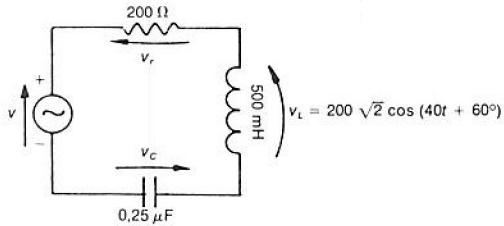


Fig. 5.66c

### Resposta

- a)  $\dot{Z} = 20 - j20 \Omega$   
b)  $\dot{I} = 10 \angle -30^\circ A$   
c)  $\dot{V} = 200 \angle -75^\circ V$   
 $\dot{V}_R = 100\sqrt{2} \angle -30^\circ V$   
 $\dot{V}_C = 200\sqrt{2} \angle -120^\circ V$   
d)  $f_0 = 9 \text{ Hz}$   
e)  $Q_0 = 1,41$

5.18 — No circuito da Fig. 5.67 temos  $\dot{I} = 5 \angle -30^\circ A$  e o diagrama de fasores correspondente está representado ao lado. Sendo  $f = 60 \text{ Hz}$ , determinar:

- a)  $\dot{V}$ ,  $\dot{V}_1$  e  $\dot{V}_2$ ;  
b)  $R$  e  $L$ .

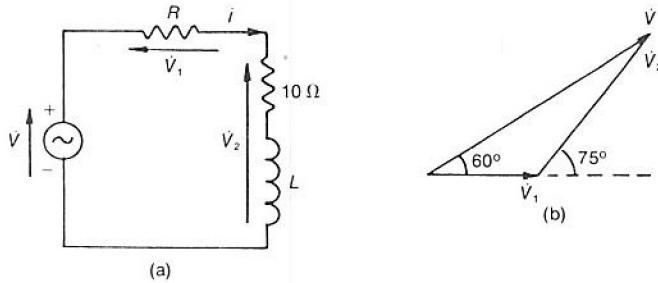


Fig. 5.67 (a) Circuito; (b) diagrama de fasores.

### Resposta

- a)  $\dot{V} = 215,4 \angle 30^\circ V$   
 $\dot{V}_1 = 57,7 \angle -30^\circ V$   
 $\dot{V}_2 = 193,2 \angle 45^\circ V$   
b)  $R = 11,5 \Omega$   
 $L = 100 \text{ mH}$

5.19 — No circuito da Fig. 5.68 sabe-se que  $\dot{I} = I[15^\circ]$  e  $\dot{V} = 40[0^\circ]$ . Seu diagrama de fasores está representado ao lado. Determinar:

- $\dot{V}, \dot{V}_1, \dot{V}_2$  e  $\dot{I}$ ;
- $R$  e  $L$ , sabendo que  $f = 60$  Hz.

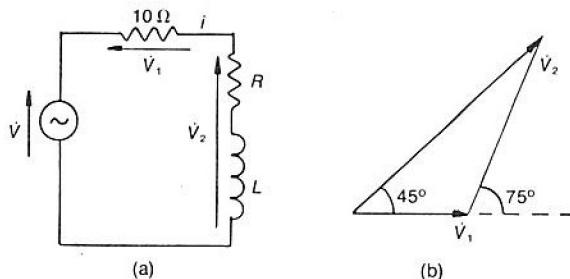


Fig. 5.68 (a) Circuito; (b) diagrama de fasores.

### Resposta

- $\dot{V} = 77,3[60^\circ]$  (V)  
 $\dot{V}_1 = 40[15^\circ]$  (V)  
 $\dot{V}_2 = 56,8[90^\circ]$  (V)  
 $\dot{I} = 4[15^\circ]$  (A)

- $R = 3,7\Omega$   
 $L = 36\text{ mH}$

5.20 — No circuito da Fig. 5.69 tem-se  $\dot{V} = 200[-30^\circ]$ , o diagrama de fasores correspondente está representado ao lado. Determine:

- $\dot{I}, \dot{V}_1$  e  $\dot{V}_2$ ;
- $R$  e  $C$ , sendo  $f = 60$  Hz.

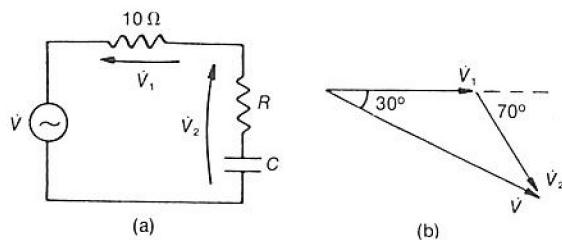


Fig. 5.69 (a) Circuito; (b) diagrama de fasores.

### Resposta

- $\dot{I} = 7,2[20^\circ]$  (A)  
 $\dot{V}_1 = 72,3[20^\circ]$  (V)  
 $\dot{V}_2 = 163,8[-50^\circ]$  (V)
- $R = 7,8\Omega$  e  $C = 124\mu\text{F}$ .

5.21 — No circuito da Fig. 5.70 a admitância de entrada varia com a freqüência conforme o gráfico indicado. Determinar:

- a freqüência ( $f_0$ ) e o fator de qualidade do circuito nessa freqüência.
- os parâmetros  $R$ ,  $L$  e  $C$ ;
- a relação entre as intensidades que assume a corrente  $i$  na freqüência de ressonância e na freqüência de uma oitava abaixo ( $f_0/2$ ).

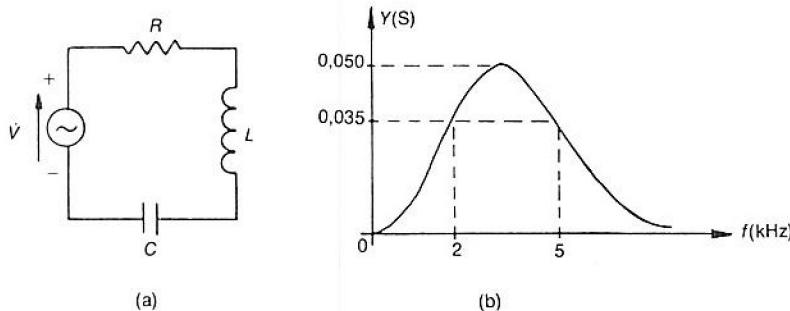


Fig. 5.70 (a) Circuito; (b) gráfico.

### Resposta

- $f_0 = 3,16 \text{ kHz}$
- $R = 20 \Omega$ ;  $L = 1,1 \text{ mH}$  e  $C = 2,4 \mu\text{F}$
- $\frac{I_0}{I'} = 1,8$

5.22 — Nos circuitos dados a seguir, determine as tensões e as correntes indicadas e trace os diagramas de fasores correspondentes.

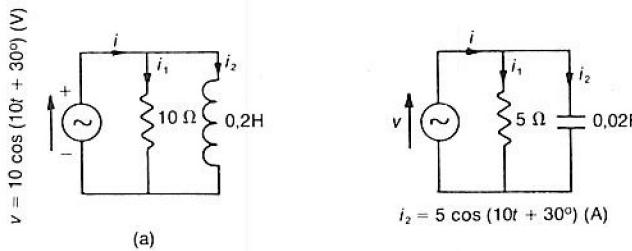


Fig. 5.70a

### Resposta

- $i_1 = 1 \cos(5t + 30^\circ); i_2 = 1 \cos(5t - 60^\circ)$  e  $i = \sqrt{2} \cos(5t - 15^\circ)$ .

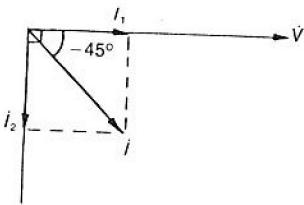


Fig. 5.70b

b)  $v = 25 \cos(10t - 60^\circ)$ ;  $i_1 = 5 \cos(10t - 60^\circ)$  e  $i = 7,1 \cos(10t - 15^\circ)$

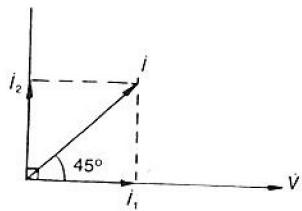


Fig. 5.70c

5.23 — No circuito a seguir, determine as tensões e correntes indicadas e a impedância medida entre  $A$  e  $B$ .

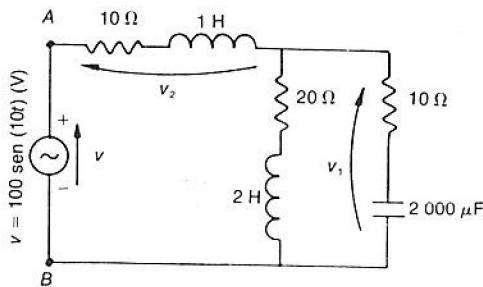


Fig. 5.70d

### Resposta

$$\begin{aligned} Z_{AB} &= 46,4|21^\circ; \\ i &= 2,2 \cos(10t - 111^\circ); \\ i_1 &= 2,7 \cos(10t - 145^\circ); \\ i_2 &= 1,5 \cos(10t - 21^\circ); \\ v_1 &= 77,8 \cos(10t - 100^\circ); \\ v_2 &= 31,1 \cos(10t - 66^\circ). \end{aligned}$$

5.24 — No circuito da Fig. 5.70e são dadas  $\dot{V} = 138|36^\circ$  V e  $\dot{V}_1 = 50|30^\circ$  V. A frequência é  $f = 100$  Hz. Determinar:

- a) a impedância da parte situada à direita de  $AB$ ;

- b) as correntes  $\dot{I}$ ,  $\dot{I}_1$  e  $\dot{I}_2$ ;  
c) os parâmetros  $R$  e  $L$ .

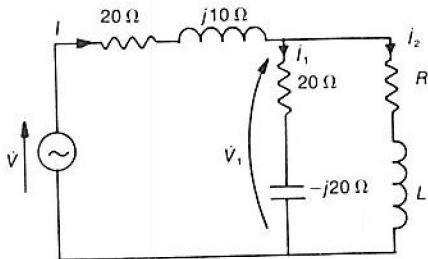


Fig. 5.70e

**Resposta**

- a)  $\dot{Z}_{AB} = 12 + j3,9 \Omega$   
b)  $\dot{I} = 3,4|12^\circ A$   
 $\dot{I}_1 = 1,8|75^\circ A$   
 $\dot{I}_2 = 3,5|-15^\circ A$   
c)  $R = 10 \Omega$  e  $L = 16 \text{ mH}$

5.25 — No circuito a seguir são conhecidos  $\dot{V} = 138|36^\circ V$  e  $\dot{V}_1 = 50|30^\circ V$ . A freqüência é  $f = 60 \text{ Hz}$ . Determinar:

- a) a admitância do trecho situado à direita de  $AB$ ;  
b) as correntes  $\dot{I}$ ,  $\dot{I}_1$  e  $\dot{I}_2$ ;  
c) os parâmetros  $R$  e  $L$ .

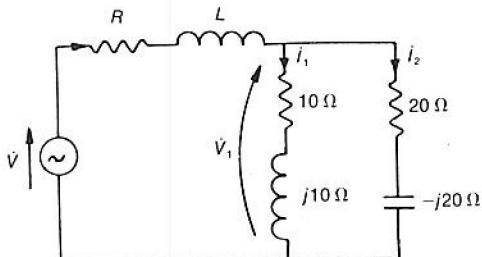


Fig. 5.70f

**Resposta**

- a)  $\dot{Z}_{AB} = 12,7|18^\circ$   
b)  $\dot{I} = 3,9|12^\circ$   
 $\dot{I}_1 = 3,5|-1,5^\circ$   
 $\dot{I}_2 = 1,8|75^\circ$   
c)  $R = 20,1 \Omega$   
 $L = 28 \text{ mH}$

5.26 — No circuito a seguir, determinar a tensão  $V_x$  utilizando a análise de malhas.

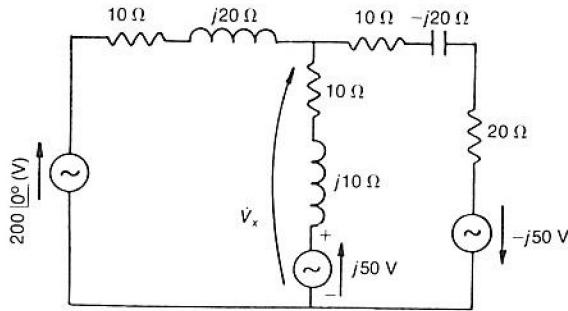


Fig. 5.70g

### Resposta

$$\dot{V}_x = 59,4\angle 2^\circ \text{ (V)}.$$

5.27 — No circuito dado a seguir, determinar as correntes e tensões indicadas.

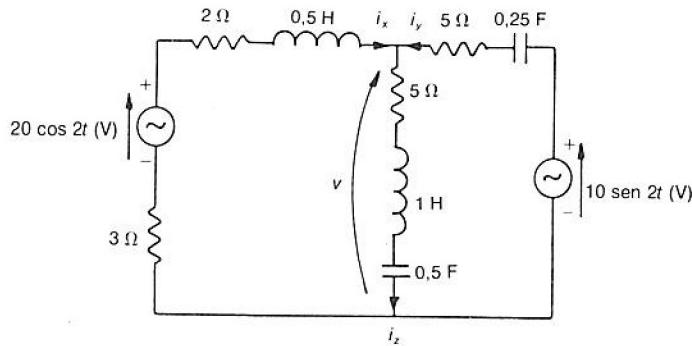


Fig. 5.70h

### Resposta

$$i_x = 2,5 \cos(2t + 90^\circ); i_y = 1,8 \cos(2t + 56^\circ); \\ i_\omega = 1,8 \cos(2t - 39^\circ); v = 9,5 \cos(2t - 28^\circ).$$

5.28 — Para a rede da Fig. a seguir, escrever o sistema de equações, na forma matricial, que resultam da aplicação da análise de malhas.

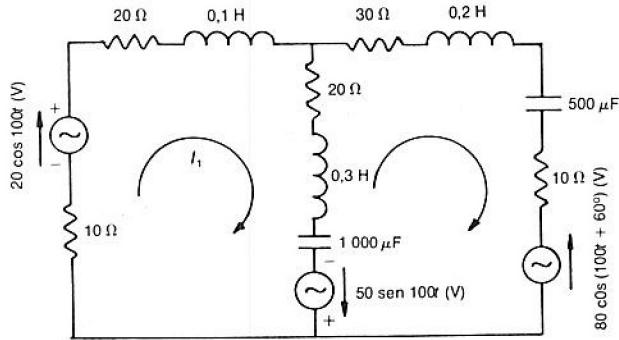


Fig. 5.70i

### Resposta

$$\begin{vmatrix} (50 + j30) & -(20 + j20) \\ -(20 + j20) & (60 + j20) \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} I_1 \\ I_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 20|0^\circ + 50|-90^\circ \\ -80|60^\circ - 50|-90^\circ \end{vmatrix}$$

5.29— Para a rede da figura que se segue, escrever o sistema de equações, na forma matricial, que resultam da aplicação da análise de malhas.

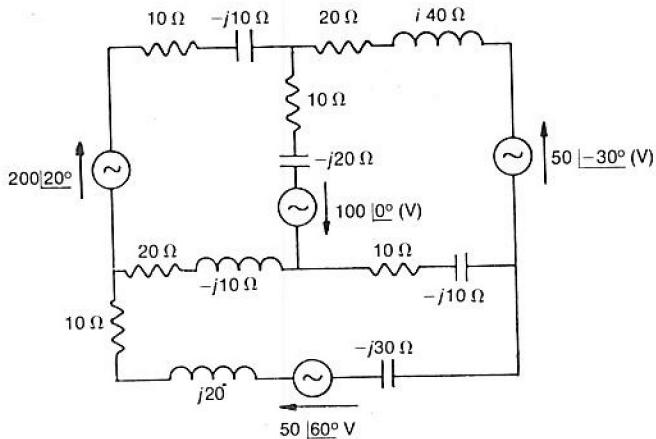


Fig. 5.70j

### Resposta

$$\begin{vmatrix} (40 - j20) & -(10 - j20) & -(20 + j10) \\ -(10 - j20) & (40 + j10) & -(10 + j10) \\ -(20 + j10) & -(10 - j10) & (60 - j10) \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 100|0^\circ + 200|20^\circ \\ -50|30^\circ - 100|0^\circ \\ 50|60^\circ \end{vmatrix}$$

5.30 — Para o circuito dado a seguir escrever o sistema de equações, na forma matricial, que resultam da aplicação da análise nodal.

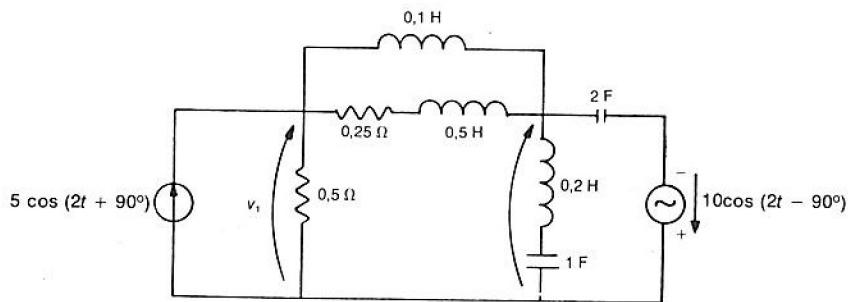


Fig. 5.70k

**Resposta**

$$\begin{vmatrix} 2,2-j6 & -0,2-j6 \\ -0,2+j6 & 0,2+j8 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \dot{V}_1 \\ \dot{V}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} j5 \\ 40 \end{vmatrix}$$

5.31 — Para o circuito dado a seguir, escrever o sistema de equações, na forma matricial, que resultam da aplicação da análise nodal.

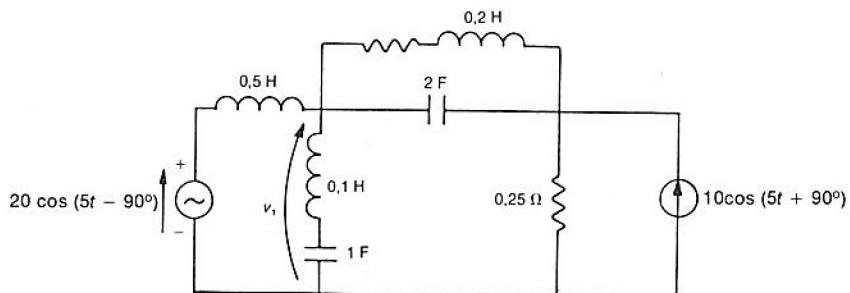


Fig. 5.70l

**Resposta**

$$\begin{vmatrix} 0,2+j4,9 & -0,2-j9 \\ -0,2-j9 & 4,2+j9 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \dot{V}_1 \\ \dot{V}_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -8 \\ j10 \end{vmatrix}$$

5.32 — Representar o circuito da Fig. 5.70m, no domínio da freqüência e escrever o sistema de equações, na forma matricial, que resultam da aplicação da análise de malhas.

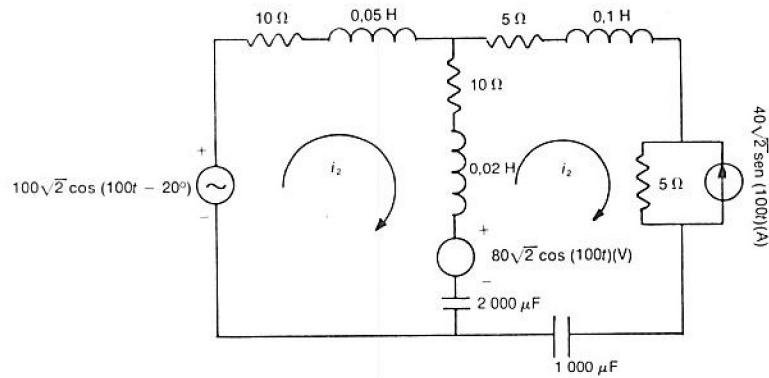


Fig. 5.70m

### Resposta

$$\begin{vmatrix} 20+j2 & -10+j3 \\ -10+j3 & 20-j3 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} I_1 \\ I_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 100 \angle -20^\circ - 80 \angle 0^\circ \\ 80 \angle 0^\circ - 200 \angle 90^\circ \end{vmatrix}$$

5.33 — Utilizando o teorema de Thévenin para a parte situada à esquerda de  $AB$ , determine  $\dot{V}_1$  para que se tenha  $\dot{I} = 10 \angle 0^\circ$  (A).

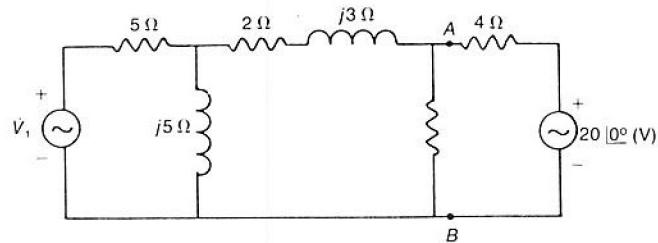


Fig. 5.70n

### Resposta

$$\dot{V}_1 = 263 \angle -8^\circ \text{ (V).}$$

5.34 — Determine o Thévenin equivalente entre os pontos *A* e *B* do circuito da Fig. 5.71a. Qual a corrente  $\dot{I}$  no ramo *AB*, quando entre *A* e *B* é ligada a associação da Fig. 5.71(b)?

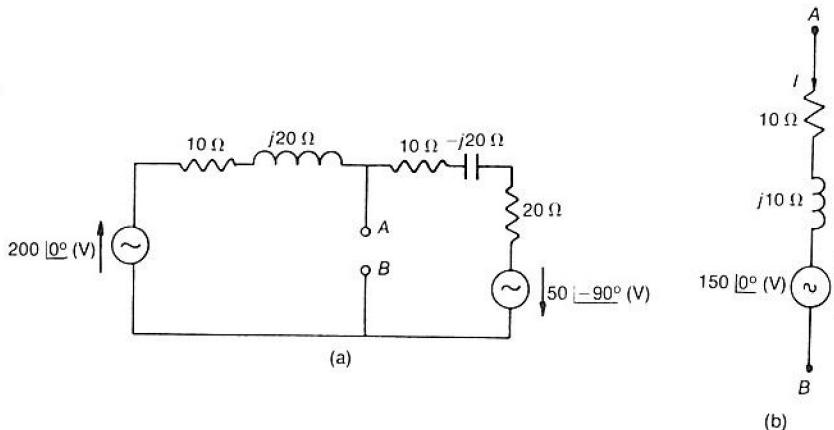


Fig. 5.71 (a) Circuito; (b) associação.

### Resposta

$$\begin{aligned}\dot{V}_{th} &= 152,5 | -35^\circ \text{ (V)} \\ \dot{Z}_{th} &= 20,2 | 30^\circ \text{ (Ω)} \\ \dot{I} &= 5,5 | -84^\circ \text{ (A)}\end{aligned}$$

5.35 — No circuito a seguir, determine:

- a tensão  $\dot{V}_{AB}$ ;
- a corrente  $\dot{I}$  que passará por um resistor de resistência  $R = 10 \Omega$ , quando ligado entre *A* e *B*.

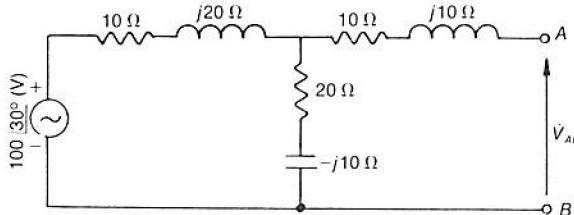


Fig. 5.71a

### Resposta

- $\dot{V}_{AB} = 71,7 | -15^\circ \text{ (V)}$
- $\dot{I} = 1,9 | -38^\circ \text{ (A)}$

5.36 — Determine o gerador de Norton equivalente entre *A* e *B* para o circuito da Fig. 5.71b a seguir.

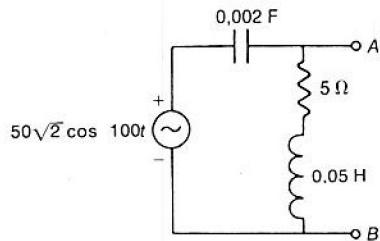


Fig. 5.71b

**Resposta**

$$\dot{I}_N = j10 \text{ (A)}; \\ \dot{Z}_N = 5 - j5 \text{ (\Omega).}$$

5.37 — Determine o Norton equivalente entre os pontos A e B do circuito a seguir.

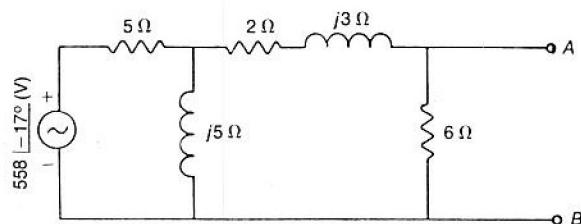


Fig. 5.71c

**Resposta**

$$\dot{I}_N = 5,6 \angle -23^\circ \text{ (A)}; \dot{Z}_N = 3,6 \angle 23^\circ \text{ (\Omega).}$$

5.38 — Determine o Thévenin equivalente entre os pontos XY do circuito.

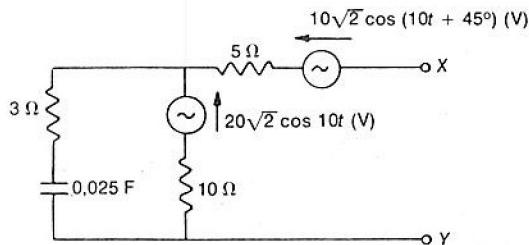


Fig. 5.71d

**Resposta**

$$\dot{V}_{th} = 11,4 \angle 264^\circ \text{ (V)}; \dot{Z}_{th} = 8,3 \angle -15^\circ \text{ (\Omega).}$$