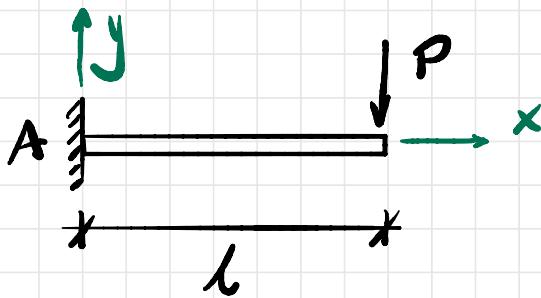


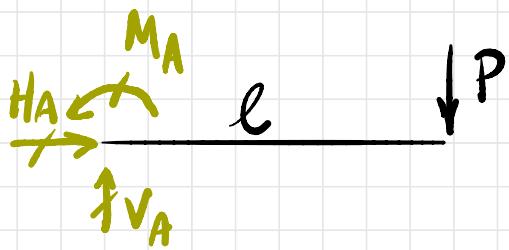
Diagrama de Esforços Solicitantes

Como obter a distribuição de esforços solicitantes em uma estrutura? Através da construção de um diagrama de esforços solicitantes. Para tal, efectuar um corte em uma posição **arbitrária** na estrutura e, em seguida, **equilibrar**-se um dos trechos (à esquerda ou à direita do corte).

Exemplo 1: viga em balanço (cantilever beam)



O primeiro passo é o cálculo das reações do apoio em A :

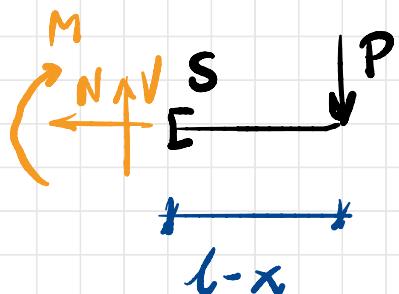
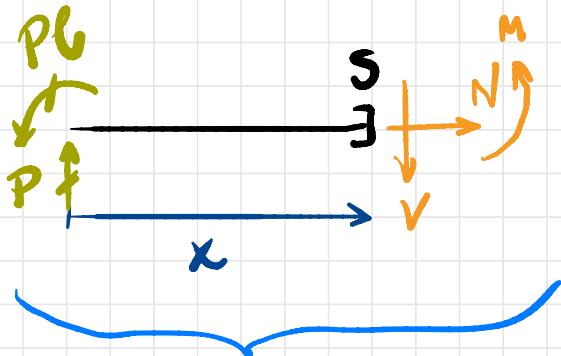


$$\sum F_x = 0: \boxed{H_A = 0}$$

$$\sum F_y = 0: V_A - P = 0 \Rightarrow \boxed{V_A = P}$$

$$\text{e} \quad \sum M_A = 0: M_A - Pl = 0 \Rightarrow \boxed{M_A = Pl}$$

Para o diagrama, corte-se a estrutura em uma posição x da barra e equilibre-se:



equilibrando
esse corte:

$$\sum F_x = 0 : \quad N = 0$$

$$\sum F_y = 0 : \quad P - V = 0 \Rightarrow V = P$$

$$\nwarrow \sum M_s = 0 : \quad M + Pl - Px = 0 \Rightarrow M = P(x - l)$$

Agora traga - su os diagramas:



N diagrama de forças normais



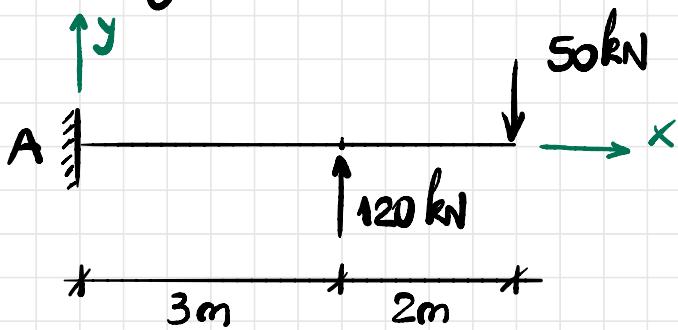
V diagrama de forças cortantes



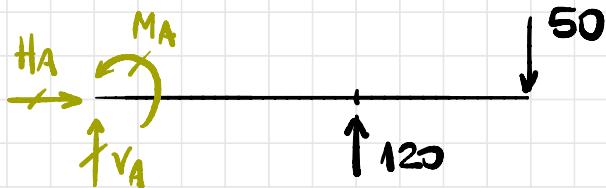
M diagrama de momentos fletores

* desenha - su sempre do lado tracionado!

Exemplo 2: Qual o efeito de uma força concentrada no meio da viga?



DCL:



$$\sum F_H = 0: \quad H_A = 0$$

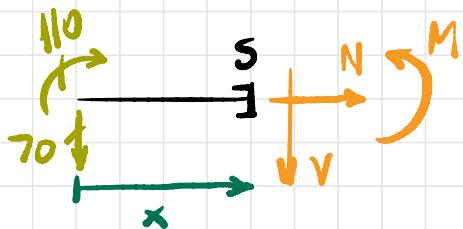
$$\sum F_V = 0: \quad V_A + 120 - 50 = 0 \Rightarrow V_A = -70 \text{ kN}$$

$$\hookrightarrow \sum M_A = 0: \quad M_A + 120 \cdot 3 - 50 \cdot 5 = 0$$

$$M_A + 360 - 250 = 0 \Rightarrow M_A = -110 \text{ kNm}$$

Como o efeito da força de 120kN nos diagramas não é conhecida, cortes antes e depois da força são feitos.

1º Corte ($0 < x < 3m$):

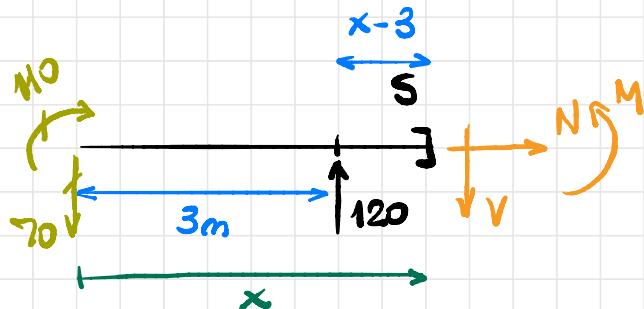


$$\sum F_H = 0: \boxed{N = 0}$$

$$\sum F_V = 0: -70 - V = 0 \Rightarrow \boxed{V = -70 \text{ kN}}$$

$$\uparrow \sum M_S = 0: M - 110 + 70 \cdot x = 0 \Rightarrow \boxed{M = 110 - 70x}$$

Σ^3 Cork ($3 < x < 5m$):



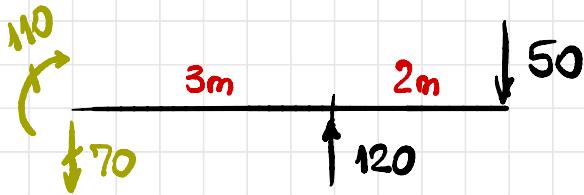
$$\sum F_H = 0: \boxed{N = 0}$$

$$\sum F_V = 0: -70 + 120 - V = 0 \Rightarrow \boxed{V = 50 \text{ kN}}$$

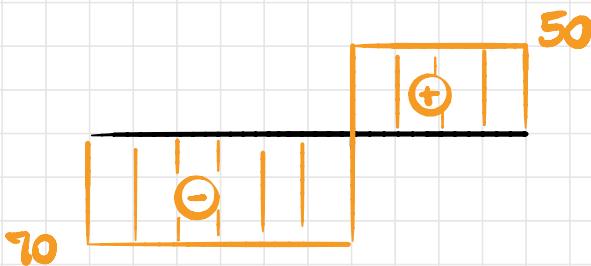
$$r) \sum M_S = 0: M - 110 + 70 \cdot x - 120 \cdot (x - 3) = 0$$

$$M - 110 + 70x - 120x + 360 = 0 \Rightarrow \boxed{M = 50x - 250}$$

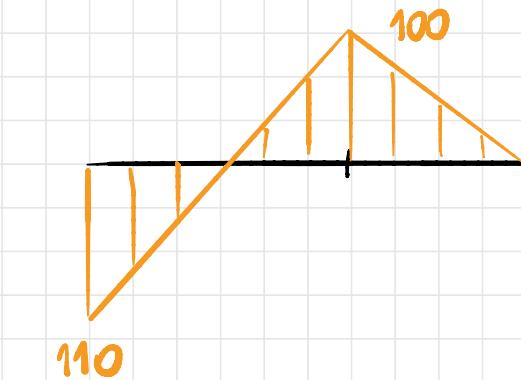
Agora os diagramas podem ser traçados.
A estrutura original com vínculos substituídos por reações vinculantes está desenhada para facilitar comparações.



$N[\text{kN}]$



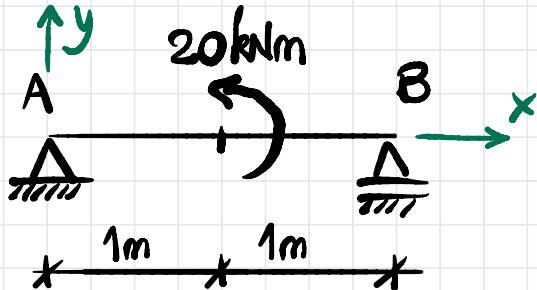
$V[\text{kN}]$



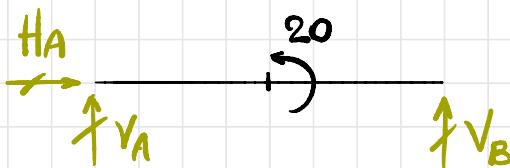
$M[\text{kNm}]$

efeto da força concentrada: sólo no diagrama de força constante!

Exemplo 3: momentos no meio da viga.



DCL:



$$\sum F_H = 0 : H_A = 0$$

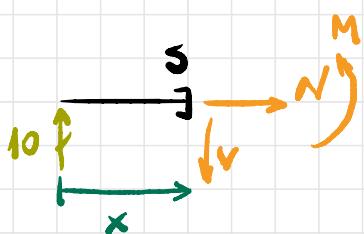
$$\sum F_V = 0 : V_A + V_B = 0$$

$$\textcircled{1} \quad \sum M_A = 0 : 20 + V_B \cdot 2 = 0 \Rightarrow V_B = -10 \text{ kN}$$

$$V_A = -V_B \Rightarrow V_A = 10 \text{ kN}$$

Como no exemplo anterior, cortes serão feitos antes e depois do momento de 20 kNm :

1º corte ($0 < x < 1\text{m}$):

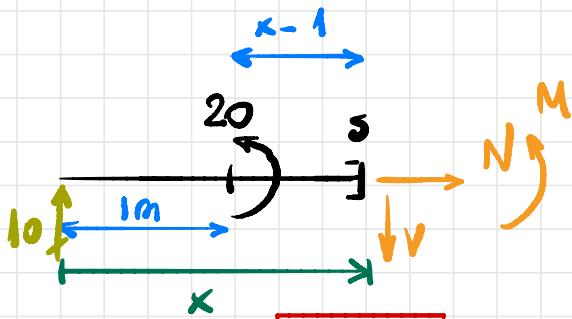


$$\sum F_H = 0 : N = 0$$

$$\sum F_V = 0 : V = 10 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow \sum M_S = 0 : M - 10x = 0 \Rightarrow M = 10x$$

2º corte ($1 < x < 2\text{m}$):

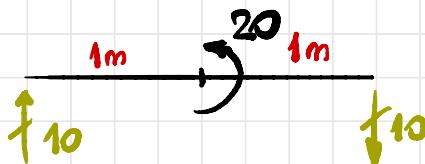


$$\sum F_H = 0 : N = 0$$

$$\sum F_V = 0 : V = 10 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow \sum M_S = 0 : M + 20 - 10x = 0 \Rightarrow M = 10x - 20$$

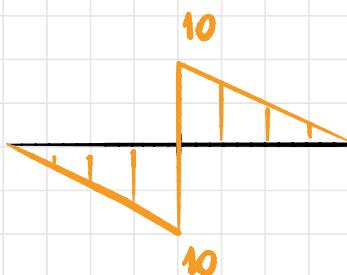
Traçando os diagramas:



$N [kN]$



$V [kN]$



$M [kNm]$

O momento concentrado causa um salto no diagrama do momento fletor!

Forças/momentos concentrados \Rightarrow saltos nos respectivos diagramas!