

### Escola Politécnica da Universidade de São Paulo Departamento de Engenharia de Minas e de Petróleo

## TENSÕES E CÍRCULOS DE MOHR ESTADO PLANO DE TENSÕES PARTE 1

PMI3305 - Mecânica das Rochas Aplicada à Mineração I Prof. Eduardo César Sansone

**TENSÃO** 



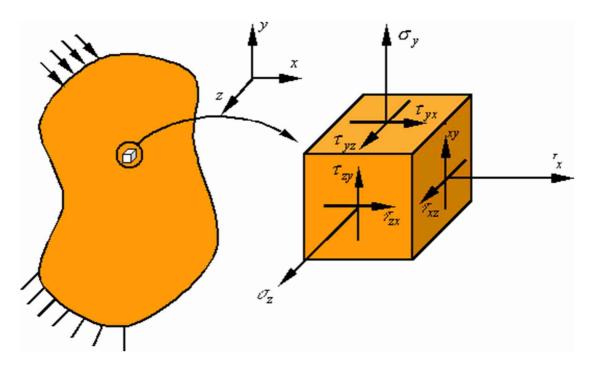
#### O que é Tensão para a Mecânica?

"Tensão pode ser entendida como a resultante dos esforços que atuam sobre um ponto material no interior de um corpo ou de um meio contínuo"

#### **Características importantes:**

- A tensão atuante pode variar de ponto a ponto no interior do corpo.
- A tensão não está associada a uma direção, esta atua em todas as direções.
- A tensão pode ser decomposta em componentes que atuem em direções escolhidas de forma conveniente.
- Força e pressão são grandezas vetoriais, mas a tensão é uma grandeza tensorial.





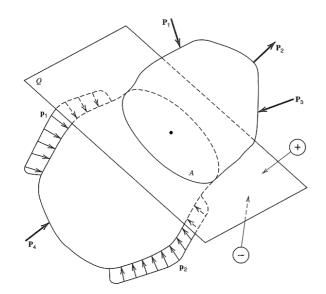
Componentes da tensão atuantes sobre um ponto em relação a um sistema de coordenas x-y-z

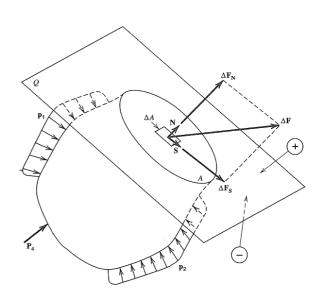
## TENSÃO EM UM PONTO NO INTERIOR DE UM CORPO



O cálculo da intensidade das componentes da tensão deriva do conceito de pressão:

$$\sigma = \lim_{\Delta A \to 0} \frac{\Delta F}{\Delta A}$$



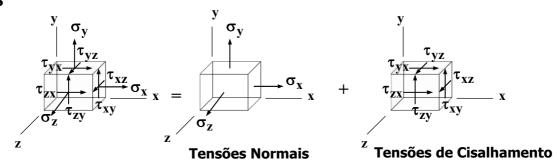


3

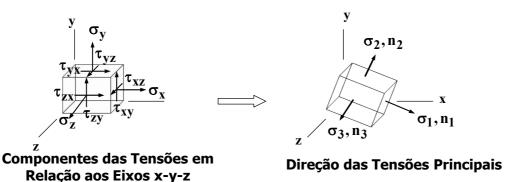
## TRANSFORMAÇÃO DE TENSÕES



#### **TENSÕES**



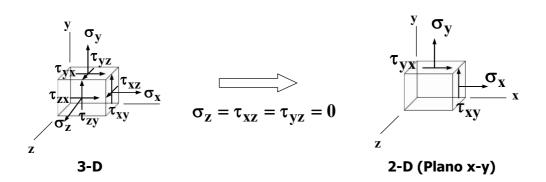
#### **TENSÕES PRINCIPAIS**



### **ESTADO PLANO DE TENSÕES**

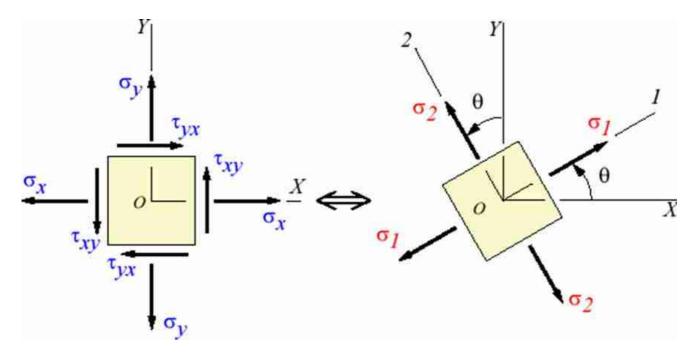


Caso as tensões atuantes fora do plano x-y possam ser consideradas nulas, ou constantes e características de uma seção típica do problema em estudo, a análise poderá ser feita em 2 dimensões, configurando o estado plano de tensões.



# TRANSFORMAÇÃO DE TENSÕES - ESTADO PLANO





Equivalência entre as tensões normais e de cisalhamento em um sistema de coordenadas XY e tensões principais em um sistema de coordenadas inclinado de  $\theta$ 



#### **OBRIGADO!**

Contato: Prof. Eduardo César Sansone esansone@usp.br