

**Universidade de São Paulo
Instituto de Física**

RELATIVIDADE - 4300374

AULA 05

<https://edisciplinas.usp.br/course/view.php?id=101531>

**Profa. Márcia de Almeida Rizzutto
Pelletron – sala 220
rizzutto@if.usp.br**

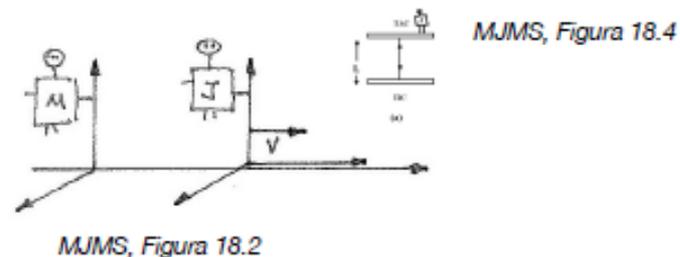
2o. Semestre de 2022

O TEMPO na Teoria da Relatividade

Na aula passada vimos que os cálculos para a unidade de tempo

Mecânica clássica

$$\Delta T_m = \frac{2L}{c} = \Delta T_j$$



Por outro lado na Teoria da relatividade

$$\Delta t_m = \frac{2L}{c} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$\Delta t_m = \gamma \Delta T_j$$

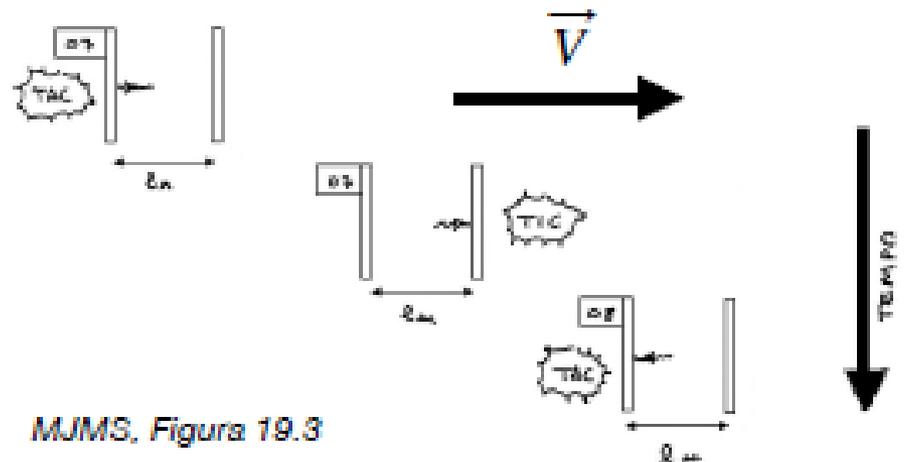
$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

- Note que o tempo realmente transcorre mais lentamente no referencial de João visto por Maria

O espaço na Teoria da Relatividade

Novamente vamos supor um relógio que funciona a partir da reflexão contínua da luz entre dois espelhos

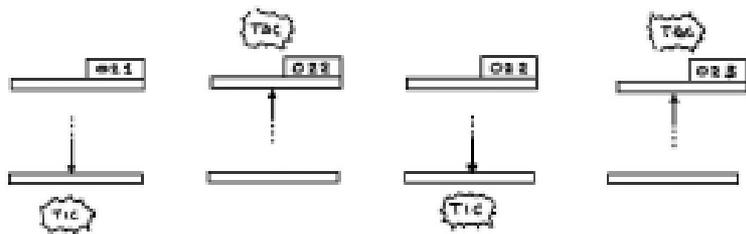
- Cada vez que a luz vai e volta refletindo nos espelhos, conta-se uma unidade de tempo (TIC-TAC)



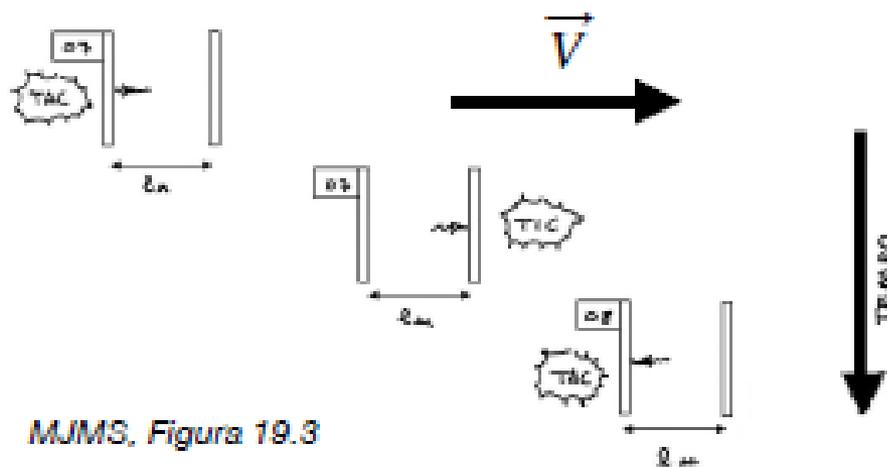
MJMS, Figura 19.3

O espaço na Teoria da Relatividade

- A diferença entre a aula passada (tempo) é que os dois espelhos estão dispostos perpendicularmente a direção do movimento (embaixo)



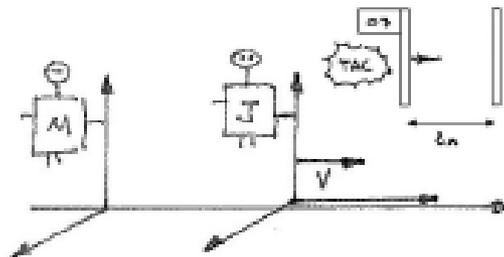
MJMS, Figura 18.3



MJMS, Figura 19.3

O espaço na Teoria da Relatividade

- Vamos considerar novamente que temos dois observadores João e Maria, um se movimento em relação ao outro com velocidade V .

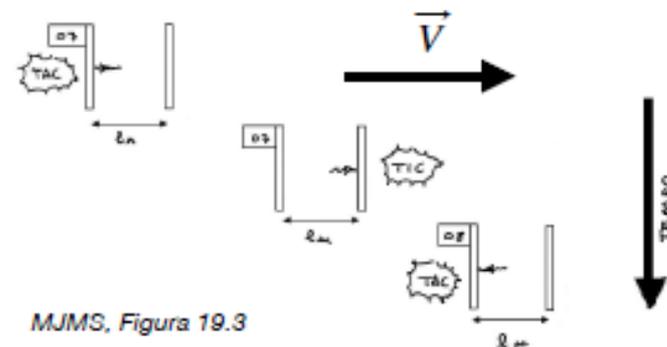


MJMS, Figura 18.2

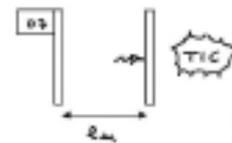
- João tem o relógio de luz e Maria vê João e o relógio passarem por ela
- Novamente queremos saber qual será a relação entre a unidade de tempo nestes dois referências quando visto pela mecânica clássica e pela mecânica quântica

O espaço na Teoria da Relatividade e na Mecânica Clássica

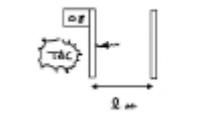
- Vamos considerar mecânica clássica (letras maiúsculas) e Teoria da relatividade letras minúsculas



- Temos o tempo que a luz leva para ir do espelho da esquerda para a direita (ΔT_{M1} e Δt_{M1})



- o tempo que a luz leva para ir do espelho da direita para a esquerda (ΔT_{M2} e Δt_{M2})



O espaço na Mecânica Clássica

- Vamos calcular o tempo da a luz ir para a direita, com a equação:

$$\Delta T_{M1} = \frac{\Delta S_1}{c_M}$$

Onde $\Delta S_1 = L + V \cdot \Delta T_{M1}$ onde L é a distância entre os espelhos e V é o mesmo em ambos os referenciais.

- Segundo a Mecânica clássica:

$$c_M = c_J + V = c + V$$

- Então :

$$\Delta T_{M1} = \frac{\Delta S_1}{c_M} = \frac{L + V \cdot \Delta T_{M1}}{c + V} \quad \text{então } (c + V) \cdot \Delta T_{M1} = L + V \cdot \Delta T_{M1}$$

$$c \cdot \Delta T_{M1} = L \quad \text{Logo: } \Delta T_{M1} = \frac{L}{c} \quad \text{o que era esperado já que no}$$

$$\text{referencial do João } \Delta T_{J1} = \frac{L}{c} \quad \text{isto implica que } \Delta T_{M1} = \Delta T_{J1}$$

O espaço na Mecânica Clássica

- Vamos calcular o tempo para a luz voltar da esquerda:

$$\Delta T_{M2} = \frac{\Delta S_2}{c_M}$$

Onde $\Delta S_2 = L - V \cdot \Delta T_{M2}$ e $c_M = c_J - V = c - V$

- Então :

$$\Delta T_{M2} = \frac{\Delta S_2}{c_M} = \frac{L - V \cdot \Delta T_{M2}}{c - V} \quad \text{então } (c - V) \cdot \Delta T_{M2} = L - V \cdot \Delta T_{M2}$$

$$c \cdot \Delta T_{M2} = L \quad \text{Logo: } \Delta T_{M2} = \frac{L}{c} \quad \text{o que era esperado já que}$$

no referencial do João $\Delta T_{J2} = \frac{L}{c}$

isto implica que na mecânica clássica $\Delta T_{M2} = \Delta T_{J2}$

Então a unidade de tempo do relógio é: $\Delta T = \Delta T_{M1} + \Delta T_{M2} = \frac{2L}{c}$

que é o mesmo intervalo de tempo visto pelo João $\Delta T_J = \frac{2L}{c}$

O espaço na Mecânica Clássica

- Vamos calcular o tempo para a luz voltar da esquerda:

$$\Delta T_{M2} = \frac{\Delta S_2}{c_M}$$

Onde $\Delta S_2 = L - V \cdot \Delta T_{M2}$ e $c_M = c_J - V = c - V$

- Então :

$$\Delta T_{M2} = \frac{\Delta S_2}{c_M} = \frac{L - V \cdot \Delta T_{M2}}{c - V} \quad \text{então } (c - V) \cdot \Delta T_{M2} = L - V \cdot \Delta T_{M2}$$

$$c \cdot \Delta T_{M2} = L \quad \text{Logo: } \Delta T_{M2} = \frac{L}{c} \quad \text{o que era esperado já que}$$

no referencial do João $\Delta T_{J2} = \frac{L}{c}$

isto implica que na mecânica clássica $\Delta T_{M2} = \Delta T_{J2}$

Então a unidade de tempo do relógio é: $\Delta T = \Delta T_{M1} + \Delta T_{M2} = \frac{2L}{c}$

que é o mesmo intervalo de tempo visto pelo João $\Delta T_J = \frac{2L}{c}$

O espaço na Teoria da Relatividade

- A diferença que temos aqui é a condição que:

$$C_M = c$$

No caminho de ida da luz:

$$\Delta t_{M1} = \frac{\Delta s_1}{c} = \frac{l_M + V \cdot \Delta t_{M1}}{c}$$

$$c \cdot \Delta t_{M1} = l_M + V \cdot \Delta t_{M1}$$
$$(c - V) \cdot \Delta t_{M1} = l_M$$

Logo:

$$\Delta t_{M1} = \frac{l_M}{c - V}$$

No caminho de volta da luz :

$$\Delta t_{M2} = \frac{\Delta s_2}{c} = \frac{l_M - V \cdot \Delta t_{M2}}{c}$$

$$c \cdot \Delta t_{M2} = l_M - V \cdot \Delta t_{M2}$$
$$(c + V) \cdot \Delta t_{M2} = l_M$$

Logo:

$$\Delta t_{M2} = \frac{l_M}{c + V}$$

$$\Delta T = \Delta T_{M1} + \Delta T_{M2} = \frac{2L}{c} \text{ que é o}$$

O espaço na Teoria da Relatividade

- Vimos que:

$$\text{No caminho de ida da luz: } \Delta t_{M1} = \frac{l_M}{c-V}$$

$$\text{No caminho de volta da luz: } \Delta t_{M2} = \frac{l_M}{c+V}$$

Então: $\Delta t_M = \Delta t_{M1} + \Delta t_{M2}$

$$\Delta t_M = \frac{l_M}{c-V} + \frac{l_M}{c+V}$$

$$\Delta t_M = \frac{l_M \cdot (c+V) + l_M \cdot (c-V)}{(c-V) \cdot (c+V)}$$

$$\Delta t_M = \frac{2 \cdot c \cdot l_M}{c^2 - V^2} = \frac{2 \cdot c \cdot l_M}{c^2 \left(1 - \frac{V^2}{c^2}\right)} = \frac{2 \cdot l_M}{c \left(1 - \frac{V^2}{c^2}\right)}$$

O espaço na Teoria da Relatividade

- Vimos que:

No caminho de ida e volta da luz aqui calculada no

nosso sistema vertical:

$$\Delta t_M = \frac{2.l_M}{c(1-\frac{v^2}{c^2})}$$

A diferença entre a aula passada (tempo) é que os anteriormente os dois espelhos estão dispostos na horizontal em relação à direção do movimento.

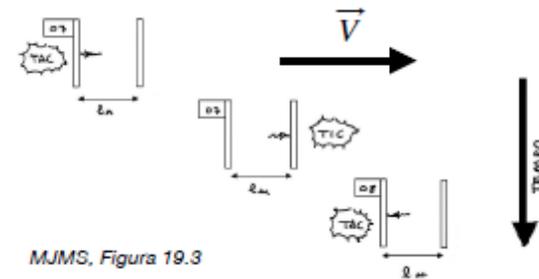
e o tempo foi escrito como:

$$\Delta t_M = \frac{2.L}{c\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}}$$

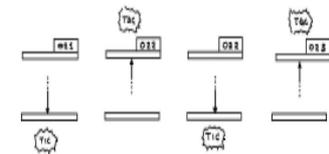
E como essa unidade de tempo não pode depender de orientação (horizontal ou vertical) temos que igualar estas equações

$$\frac{2.l_M}{c(1-\frac{v^2}{c^2})} = \frac{2.L}{c\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}}$$

$$l_M = \frac{L(1-\frac{v^2}{c^2})}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} = L \cdot \sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}$$



MJMS, Figura 19.3



MJMS, Figura 18.3

O espaço na Teoria da Relatividade

- Temos que :

$$l_M = L \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

O fato da raiz ser menor que 1 para $v \neq 0$ significa que a distância entre os dois espelhos vista por Maria, é menor do que a distância própria (L) vista por João.

Este resultado indica que a distância entre os espelhos se contraiu para o observador que vê o relógio em movimento.

Então o que temos:

- Um observador em repouso em relação a uma régua não pode perceber a sua contração,
- Mas alguém que observa a régua em movimento pode!!!!!!!!!!

O espaço na Teoria da Relatividade

- Vimos que :

$$l_M = L \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

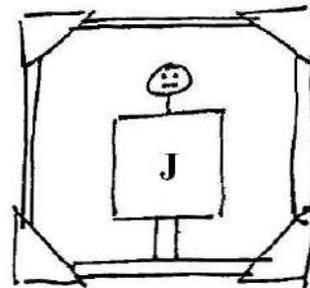
- Como exemplo para documentar a contração do espaço, poderíamos pensar em fotografias
- Tirar uma foto de um objeto que se move com velocidade muito alta não é trivial, ocorrem distorções devido ao tempo de propagação da luz até a câmara.
- Mas vamos supor que podemos minimizar estas distorções por meio de sistemas eletrônicos de reconstrução de imagem, e usando $v=3c/5$

Neste caso as duas fotos

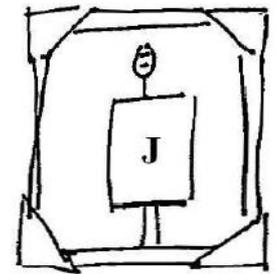
a) do João tirada por ele mesmo

b) tirada por Maria

seriam:



(a)



(b)

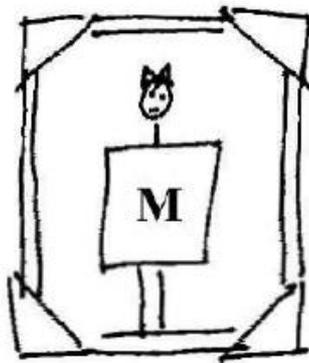
MJMS, figura 19.4

O espaço na Teoria da Relatividade

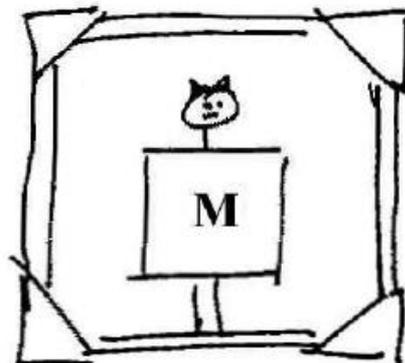
- Vimos que :

$$l_M = L \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

- Novamente se agora por outro lado, fosse João quem tirasse a foto de Maria (com as correções devida) e com $v=3c/5$
- Ela apareceria contraída na direção do movimento. O efeito da contração do espaço também é simétrico. (a) foto tirada por João e (b) foto tirada por ela mesma



(a)



(b)