



Engenharia da Qualidade II

Prof. Dr. Fabrício Maciel Gomes





Os estudos de capacidade do processo, ou capabilidade do processo, tem por objetivo verificar se um processo estatisticamente estável atende às especificações de engenharia do produto ou se há geração de itens não conformes.

Esta análise costuma ser efetuada mediante cálculo e interpretação de índices específicos para essa finalidade.





Índice de Capacidade (C_p)

Este índice compara a variabilidade total permissível para as peças (ou tolerância de especificação) com a variabilidade do processo de fabricação (tolerância natural).

Para o processo ser capaz o valor deste índice não pode ser inferior a 1,33.

$$C_{P} = \frac{Toler\hat{a}ncia}{6\cdot\hat{\sigma}} = \frac{LSE - LIE}{6\cdot\hat{\sigma}}$$

$$\hat{\sigma} = \frac{\overline{R}}{d_2}$$





Nível do Processo	Ср	Proporção de Não Conformidade	Histograma Típico
Capaz	Cp ≥ 1,33	p ≤ 64 ppm	
Razoável	1 ≤ Cp < 1,33	64ppm< p≤ 0,27%	
Incapaz	Cp < 1	P > 0,27%	











Processos diferentes com o mesmo C_P







Índice de Capacidade Específica (C_{pk})

É recomendado o seu uso quando se estiver trabalhando com especificações unilaterais, ou quando a média do processo não puder ser deslocada (impossibilidade física ou custo excessivo).

Com este índice, além de se avaliar a variabilidade total permissível para as peças com a tolerância natural de fabricação, verifica- se também a centralização do processo com relação aos limites (superior e inferior) da especificação.

O valor deste índice deve ser igual ou superior a 1, 33 para que o processo seja considerado capaz.







Interpretações da Capacidade Específica







Interpretações da Capacidade Específica

$$C_{PI} = \frac{\overline{\overline{X}} - LIE}{3 \cdot \sigma}$$

$$C_{PS} = \frac{LSE - \overline{X}}{3 \cdot \sigma}$$

$$C_{PK} = \min\left\{C_{P}; C_{PS}; C_{PI}\right\}$$











Exemplo 1: Quebra de Sapato

Proposta

Avaliar a capacidade do processo, usando Capability Sixpack (Normal) e Capability Analysis (Normal).

Problema

Uma importante característica da qualidade que influencia a quebra dos sapatos é a sua dureza (escala Rockwell). O limite inferior de especificação (LSL) é 39 e o limite superior de especificação (USL) é 43, ou seja o valor médio especificado pelo cliente é de 41.

Um analista foi solicitado para avaliar a capacidade do processo, certificando que a produção é capaz de atender as metas exigidas pelo cliente agora e no futuro. O Cpk de 1,5 é requerido para atender as exigências do cliente





Dados Coletados

Os operadores selecionaram aleatoriamente cinco sapatos da linha de produção em intervalos regulares. Estas amostra representam adequadamente a variação inerente ao processo ao longo do tempo. Durante as mensurações os operadores gravaram a dureza de cada sapato quebrado.

Ferramentas

- Capability Sixpack Normal
- Capability Analysis Normal.

Arquivo de Dados: BRAKECAP.MPJ

Variável	Descrição
Hardness	Dureza do sapato quebrado
Subgroup	Identificação do subgrupo





Verificando as suposições associadas à Análise de Capacidade

Para obter uma estimativa real da capacidade, as seguintes suposições devem ser satisfeitas:

- •O processo está sob controle;
- •Os dados provém de uma distribuição normal.

Use o **Capability Sixpack** para verificar estas suposições.

Com base nas determinações do guia AIAG (Automotive Industry Action Group), o Minitab determina qual o gráfico de controle deve ser traçado, baseado no tamanho do subgrupo.

Se o tamanho do Subgrupo é	Minitab mostra
1	Gráfico I-MR
2-8	Gráfico Xbar-R
9 ou mais	Gráfico Xbar-S





Capability Sixpack Normal

- 1. Abra **BRAKECAP.MPJ**;
- Selectione Stat>Quality Tools>Capability Sixpack>Normal;
- 3. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 4. Clique em **Teste**, selecione **Perform All eight tests.**Clique em **OK**;
- 5. Clique em Options;
- 6. Em Target (add Com to table), digite 41.
- 7. Clique em OK em todas as caixas de diálogo

	Data are arranged as			Transform
	Single column: Hardnes	s		Tests
	Subgroup size: Subgrou	p		Estimate
	(use a constant or an ID co	lumn)		Estimatern
	C Subgroups across rows of:			Options
		*	Í.	
		-		
	1			
	Lower spec:	39		
	Upper spec:	43		
	Historical mean:		(optional)	l.
Select			(
	 Historical standard deviation; 	L	(optional)	
				OK











Gráfico Xbar-R

Os Gráficos de Controle mostram que os pontos estão dentro dos limites de controle, sugerindo que o processo se encontra estável. Sendo assim, a média do processo e o desvio-padrão podem ser usados para calcular o índice de capacidade.







Dodplot para os últimos 25 subgrupos

O Dotplot dos 25 últimos subgrupos indica que os valores observados são aleatórios e simetricamente distribuídos em torno da média do processo.







Histograma de Capacidade

Podemos usar o histograma com a curva de distribuição sobreposta sobre as barras para acessar visualmente se os dados provém ou não de uma distribuição Normal. Para acessar as distribuições de normalidade mais objetivamente, usaremos o gráfico de probabilidade e o resultado do teste de normalidade.

Também pode ser observado neste gráfico uma prévia da capacidade do processo, identificando onde ocorre a perda de capacidade.







Teste de Normalidade

Os dados encontram-se dispersos aproximadamente ao longo de uma linha, indicando que a suposição de normalidade é razoável.

As hipóteses para o teste de normalidade de Anderson-Darling são:

H₀: Dados provém de uma distribuição normal; H₁: Dados não provém de uma distribuição normal.

Como Valor-P observado (0,310) é maior que 0,05, não rejeitaremos a hipótese nula que os dados provém de uma distribuição Normal, ao nível de 5% de significância.







Capability Analysis Normal

- 1. Selecione Stat>Quality Tools>Capability Analysis>Normal;
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em Options;
- 4. Em Target (adds Com to table) digite 41;
- 5. Marque Include confidence intervals ;
- 6. Selecione Two-Sides;
- 7. Clique em Ok em todas as caixas de diálogo.

Capability Analysis (No	ormal Distribution)		x
	Data are arranged as Single column: Hardness Subgroup size: Subgroup (use a constant or an ID colu Subgroups across rows of:	s p imn)	Transform Estimate Options Storage
Select	Lower spec: Upper spec: Historical mean: Historical standard deviation:	39 43	Boundary Boundary (optional) OK
			Cancel











Capacidade (dentro do Subgrupo) Potencial

Os índices de Capacidade são calculados usando a estimativa da média e desvio-padrão do processo nos subgrupos.

Ср

Este índice de capacidade compara a variação tolerada para o processo especificado pelo cliente (tolerância) com a região total ocupada pelo processo sob controle estatístico. A equação de cálculo é:

$$Cp = \frac{USL - LSL}{6 \cdot \sigma_{within}}$$

Se somente o limite superior de especificação for avaliado, o Minitab não processa o Cp.

Devido ao fato do Cp não avaliar se o processo se encontra centrado no valor alvo, ele representa teoricamente a capacidade potencial do processo.





Cpu e Cpl

Ambas estatísticas Cpl e Cpu avaliam não somente a variabilidade, mas também se o processo se encontra centrado no valor alvo especificado pelo cliente. As equações de cálculo são:



СрК

O CpK é igual ao menor valor entre CpI e Cpu. Se CpK e Cp forem idênticos significa que o processo está centrado nos limites de especificação. Quanto mais distante o processo estiver do centro da especificação do cliente, menor será o valor de CpK em relação ao Cp.





Capacidade Total

Ambas as variações entre os subgrupos e dentro de cada subgrupo contribuem com a variação total do processo. Quando o processo está sob controle estatístico, a cada variação entre os subgrupos é atribuído um peso marcado nos subgrupos, então podemos dizer grosseiramente que o desvio-padrão total é igual ao desvio-padrão nos subgrupos.

As equações de cálculo da Capacidade Total são similares as da Capacidade Potencial com exceção do desvio padrão:

$$Pp = \frac{USL - LSL}{6 \cdot \sigma_{everall}} , PPL = \frac{\overline{x} - LSL}{3 \cdot \sigma_{everall}} , PPU = \frac{USL - \overline{x}}{3 \cdot \sigma_{overall}}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} \left(X_i - \overline{X}\right)^2}{n-1}}$$





Срт

Ocasionalmente, alguns analistas gostam de operar em torno de um valor alvo que não é necessariamente centrado nos limites de especificação do cliente. Neste caso, o CpK não é uma estatística útil e, ao invés disso, utilizaremos o Cpm.

O Cpm será calculado através da equação:

$$Cpm = \frac{USL - LSL}{6 \cdot \sqrt{\frac{\sum (X_i - Alvo)^2}{n - 1}}}$$





Exemplo 2: Isolamento Cerâmico

Proposta

Avaliar a capacidade do processo, para dados não normais, usando a transformação de Box-Cox e Johnson

Problema

Para a Companhia que produz isolamentos cerâmicos, o estudo avalia a capacidade da Companhia em atingir as especificações do cliente. O isolamento cerâmico é um cilindro com um orifício no centro. As especificações exigem que o orifício seja concêntrico, com diâmetro máximo de 30 microns.





Dados Coletados

Isolamentos Cerâmicos são assados em grandes fornos formando lotes em cada três horas. Por motivos de monitoramento de processo, os técnicos selecionaram aleatoriamente 10 isolamentos cerâmicos de cada lote e mediram sua concentricidade.

Ferramentas

Capability Sixpack Normal

Individual Distribution Identification;

➤Johnson Transformation;

Capability Analysis NonNormal.

Arquivo de Dados: CERAMIC.MPJ

Variável	Descrição
Concentricity	Diâmetro do orifício
Date/Times	Data e hora que o isolador foi fabricado





Capability Sixpack Normal

- 1. Abra CERAMIC.MPJ;
- Selectione Stat>Quality Tools>Capability Sixpack>Normal;
- 3. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 4. Clique em Test, selecione Perform All eight tests;
- 5. Clique em OK em todas as caixas de diálogo

Capability Sixpack (No	rmal Distribution)			×
	Data are arranged as	ricity ne' lumn)	Trans Tes Estim Optic	form ts ate ons
Select	Lower spec: Upper spec: Historical mean: Historical standard deviation:	30	(optional) (optional) Car)K ncel

EEL-USY









Individual Distribution Identification

- 1. Selecione Stat>Quality Individual Distribution Identification;
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em Ok .

	Data are arranged as		1	Box-Cox
	Single column:	Concentricity	-	Johnson
	Subgroup size:		-	Options
	(use a constant or	an ID column)	-	Results
	C Subgroups across r	rows of:	-	
			~	
			Ŧ	
	 Use all distributions Specify 	and transformations		
	 Use all distributions Specify Distribution 1: 	and transformations	-	
Select	 C Use all distributions C Specify I Distribution 1: I Distribution 2: 	and transformations	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: 	and transformations Normal Exponential Weibull	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: Distribution 4: 	and transformations Normal Exponential Weibull Gamma	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: Distribution 4: 	and transformations Normal Exponential Weibull Gamma	•	ОК





Individual Distribution Identification

- 1. Selecione Stat>Quality Individual Distribution Identification;
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em Ok .

	Data are arranged as		1	Box-Cox
	Single column:	Concentricity	-	Johnson
	Subgroup size:		-	Options
	(use a constant or	an ID column)	-	Results
	C Subgroups across r	rows of:	-	
			~	
			Ŧ	
	 Use all distributions Specify 	and transformations		
	 Use all distributions Specify Distribution 1: 	and transformations	-	
Select	 C Use all distributions C Specify I Distribution 1: I Distribution 2: 	and transformations	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: 	and transformations Normal Exponential Weibull	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: Distribution 4: 	and transformations Normal Exponential Weibull Gamma	•	
Select	 Use all distributions Specify Distribution 1: Distribution 2: Distribution 3: Distribution 4: 	and transformations Normal Exponential Weibull Gamma	•	ОК





















Capability Analisys (Normal) Box-Cox Transformation

- 1. Abra **CERAMIC.MPJ**;
- Selectione Stat>Quality Tools>Capability>Normal;
- 3. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- Clique em Transform, marque Box-Cox power transformation (W = Y ** Lambda), e marque a opção Use optimal lambda.
- 5. Clique em **Options**, então marque **Include confidence intervals**;
- 6. Clique em OK em todas as caixas de diálogo.

Capability Analysis (N	ormal Distribution)		×
	 Data are arranged as Single column: Concen Subgroup size: 'Date/Ti (use a constant or an ID col Subgroups across rows of: 	tricity ime' lumn)	Transform Estimate Options Storage
	Lower spec: Upper spec:	30	Boundary Boundary
Select	Historical mean: Historical standard deviation:		(optional) (optional) OK
Help			Cancel











Capability Analisys (Normal) Johnson Transformation

- 1. Selecione Stat>Quality Tools>Capability Analysis>Normal;
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em Transform;
- 4. Selecione Johnson Transformation (for overall analysis only);
- 5. Clique em OK;
- 6. Clique em Options;
- 7. Marque Include confidence intervals.
- 8. Clique em OK em todas as caixas de diálogo.

ormal Distribution)		
 Data are arranged as Single column: Concent Subgroup size: (use a constant or an ID concent Subgroups across rows of: (Use a constant or an ID concent) 	tricity umn)	Transform Estimate Options Storage
Lower spec: Upper spec:	30	 Boundary Boundary (aptional)
Historical mean: Historical standard deviation:		(optional) (optional) OK Cancel
	ormal Distribution) Data are arranged as Single column: Concen Subgroup size: (use a constant or an ID col Subgroups across rows of: Lower spec: Upper spec: Historical mean: Historical standard deviation:	ormal Distribution) Data are arranged as Single column: Concentricity Subgroup size: (use a constant or an ID column) Subgroups across rows of: Lower spec: 30 Historical mean:











Exemplo 3: Comprimento do Pino

Proposta

Avaliar a capacidade do processo, para dados normais multivariados.

Problema

Um fabricante usa duas máquinas para produzir pinos de conectores. Um engenheiro de qualidade quer comparar a capacidade de processo de cada máquina. O engenheiro seleciona aleatoriamente amostras de cinco pinos por caixa de cada máquina. O intervalo de especificação do comprimento do pino é 13 mm a 25 mm.

Arquivo de Dados: comprimentodopino.MPJ





 \times

Capability Sixpack Normal

- 1. Abra comprimentodopino.MPJ;
- Selectione Stat>Quality Tools>Capability Sixpack>Normal;
- 3. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 4. Clique em **Teste**, selecione **Perform All eight tests.**Clique em **OK**;
- 5. Clique em **Options**;
- 6. Em Target (add Com to table), digite 19.
- 7. Clique em OK em todas as caixas de diálogo

Capability Sixpack (Normal Distribution)

C1	Comprimento	Data are arranged as			Transform
C2	Maquina	Single column: Comprime	nto		Tests
		Subgroup size: 5			Estimate
L		(use a constant or an ID colu	imn)		Options
L		O Subgroups across rows of:			Options
L			~		
L			~		
L		,			
		Lower spec:	13		
		Upper spec:	25		
	Coloria (Historical mean:		(optional)	
	Select	Historical standard deviation:		(optional)	
					OK
	Help				Cancel











Capability Analysis Normal

- 1. Selecione Stat>Quality Tools>Capability Analysis>Normal;
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em **Options**;
- Em Target (adds Com to table) digite 19; 4.
- Marque Include confidence intervals; 5.
- Selecione **Two-sides**; 6.
- Clique em Ok em todas as caixas de diálogo.

Capability Analysis (Normal Distribution) X							
	Data are arranged as Single column: Comprim Subgroup size: 5 (use a constant or an ID col Subgroups across rows of:	umn)	Transform Estimate Options Storage				
	Lower spec:	13	Boundary				
	Upper spec:	25	Boundary				
Select	Historical mean:		(optional)				
	Historical standard deviation:		(optional)				
		,	ОК				
Help			Cancel				







The actual process spread is represented by 6 sigma.





Capability Analysis Multiple Variables (Normal)

- 1. Selecione Stat>Quality Tools>Capability Analysis>Muliple Variables (Normal);
- 2. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 3. Clique em Options;
- 4. Em Target (adds Com to table) digite 19;
- 5. Marque Include confidence intervals;
- 6. Selecione Two-sides;
- 7. Clique em Ok em todas as caixas de diálogo.

Capability Analysis for Multiple Variables (Normal Distribution)

1	٩	u	ŕ	٢	
	i	۰	١	١	
٠	۰			1	٩

C1	Comprimento	Variables:	Historical
C2	C2 Maquina	Comprimento	Transform
		Subgroup sizes:	Estimate
		5	Graphs
		×	Options
		By variables: Máquina	Storage
		Lower spec: 13	
		Boundary:	
		Upper spec: 25	
		Boundary:	
	Select	Variation: Within subgroups Between/Within subgroups 	
			ОК
	Help		Cancel





Process Data

Máquina	LSL	Target	USL	Sample Mean	Sample N	StDev(Within)	StDev(Overall)
1	13	19	25	19,5137	50	2,00763	2,01197
2	13	19	25	19,0136	50	2,30763	2,28038

Overall Capability

Máquina	Рр	95% CI	PPL	PPU	Ppk	95% CI	Cpm	95% CI
1	0,994	(0,798; 1,190)	1,079	0,909	0,909	(0,707; 1,111)	0,972	(0,783; 1,162)
2	0,877	(0,704; 1,050)	0,879	0,875	0,875	(0,679; 1,071)	0,886	(0,713; 1,059)

Potential (Within) Capability

Máquina	Ср	95% CI	CPL	CPU	Cpk	95% CI
1	0,996	(0,779; 1,213)	1,081	0,911	0,911	(0,691; 1,131)
2	0,867	(0,677; 1,056)	0,869	0,865	0,865	(0,654; 1,076)





Observed Performance

Máquina	PPM < LSL PPM	> USL PF	PM Total
1	0,00	0,00	0,00
2	0,00	0,00	0,00

Exp. Within Performance

Máquina	PPM < LSL	95% CI	PPM > USL	95% CI	PPM Total	95% CI
1	588,35	(30,68; 6543,62)	3140,68	(346, 19; 19092, 72)	3729,02	(500,80; 27200,63)
2	4580,74	(596, 12; 24350, 20)	4740,82	(626,30; 24896,32)	9321,56	(1757,75; 47872,36)

Exp. Overall Performance

Máquina	PPM < LSL	95% CI	PPM > USL	95% CI	PPM Total	95% CI
1	602,97	(41,46; 5556,42)	3197,36	(428,50; 17005,01)	3800,33	(614, 15; 23133, 71)
2	4180,85	(622,80; 20379,18)	4330,20	(654,00; 20868,31)	8511,05	(1825,95; 38721,84)















Exemplo 4: Defeitos do Fio

Proposta

Avaliar a capacidade do processo, para dados não normais

Problema

Uma engenheira de qualidade quer avaliar o processo de isolamento de fio. O engenheiro seleciona aleatoriamente os comprimentos de fios elétricos e testa esses fios quanto a pontos fracos no isolamento submetendo-os a uma tensão de teste. Ele registra o número de pontos fracos (defeitos) e o comprimento de cada fio em metros.

Arquivo de Dados: defeitosfio.MPJ



Capability Analysis (Poisson Distribution)



 \times

1. Abra defeitosdefio.MPJ;

- Selectione Stat>Quality Tools>Capability>Poisson;
- 3. Complete a caixa de diálogo, como mostra a figura a seguir:
- 4. Clique em Tests, então marque Perform all four tests;
- 5. Clique em **OK** em todas as caixas de diálogo.

	Defects:	'Pontos Fracos'	Tests
	Sample size		Options
	Constant size:	1	Storage
	• Use sizes in:	Comprimento	
	Historical µ:	(optional)	
	Enter a target DPU Target:	for this process (optional)	
	,		
Select			
			ОК
Help			Cancel





