



Na instalação mostrada na figura:

$Q=6,1 \text{ L/s}$, $P_3= 120 \times 10^3 \text{ Pa}$, $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$, $\gamma_{Hg} = 133.000 \text{ N/m}^3$, $g = 10 \text{ m/s}^2$, $D= 5\text{cm}$, $h = 20 \text{ cm}$

Para a instalação mostrada na figura, responda as seguintes questões:

- a) Mostre, por meio de cálculos, qual o sentido do escoamento. (0,5)
- b) Calcule a perda de carga entre as seções 3 e 4. (0,5)
- c) Calcule a carga e o tipo da máquina. (1,0)
- d) Calcule a potência hidráulica trocada pela máquina com o fluido, em watts. (0,5)
- e) Calcule a cota z_1 , do primeiro reservatório. (1,0)

a) Deve-se determinar a variação de energia para determinar o sentido. Por exemplo, entre as seções 3 e 4

$$\text{Carga em } (4) = H_4 = \frac{\alpha_4 V_4^2}{2g} + \frac{P_4}{\rho g} + z_4 = 9 \text{ mca}$$

$$\text{Carga em } (3) = H_3 = \frac{\alpha_3 V_3^2}{2g} + \frac{P_3}{\rho g} + z_3 = \frac{1 \cdot 3,1^2}{20} + \frac{1,2 \times 10^5}{10^4} = 12,5 \text{ mca.}$$

Como a energia em (3) é maior que em (4), o escoamento tem o sentido de (3) para (4)

b) - Calcular a perda de carga entre (3) e (4):

$$H_3 - H_4 = \frac{\dot{w}_a}{\rho Q} - \frac{\dot{w}_m}{\rho Q} \therefore 12,5 - 9 = \frac{\dot{w}_a}{\rho Q}$$

Portanto a perda de carga de (3) para (4) = 3,5 mca

(2)

c) Carga e tipo da máquina

Deve-se aplicar a 1ª Lei da Termodinâmica entre (2) e (3)

$$H_2 - H_3 = \frac{\dot{W}_a}{\gamma Q} - \frac{\dot{W}_m}{\gamma Q}$$

$$H_2 = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma} + z_2 \quad \text{Para determinar } P_2 \text{ deve-se aplicar}$$

a Lei de STEVIN $\Rightarrow P_2 = \gamma_{Hg} \cdot h - \gamma_{H_2O} \cdot 0,8 = 26.600 - 8.000 = 18.600 \text{ Pa}$

$$\therefore H_2 = \frac{3,1^2}{20} + \frac{18.600}{10^4} = 2,34 \text{ mca.}$$

$$\therefore \frac{\dot{W}_m}{\gamma Q} = H_3 - H_2 = 12,5 - 2,34 = \underline{10,16 \text{ mca.}} \quad \text{e é uma bomba,}$$

com sinal positivo.

d) Potência hidráulica

$$\dot{W}_m = \gamma Q H_m = 10^4 \times 6,1 \times 10^{-3} \times 10,16 = \underline{620 \text{ Watts}}$$

e) cota z_1

$$H_1 - H_2 = \frac{\dot{W}_a}{\gamma Q} - \frac{\dot{W}_m}{\gamma Q}$$

$$H_2 = 2,34 \text{ mca.}$$

Porém $\frac{\dot{W}_a}{\gamma Q}_{1-2} = \frac{1}{2} \left(\frac{\dot{W}_m}{\gamma Q} \right)_{3-4}$ Pois a tubulação tem a metade do comprimento.

$$\frac{\dot{W}_a}{\gamma Q} = \frac{3,5}{2} = 1,75 \text{ mca.}$$

e, como $H_1 = 3,1$ resulta $\Rightarrow z_1 - H_2 = 1,75$

$$\therefore \underline{z_1 = 4,09 \text{ m}}$$