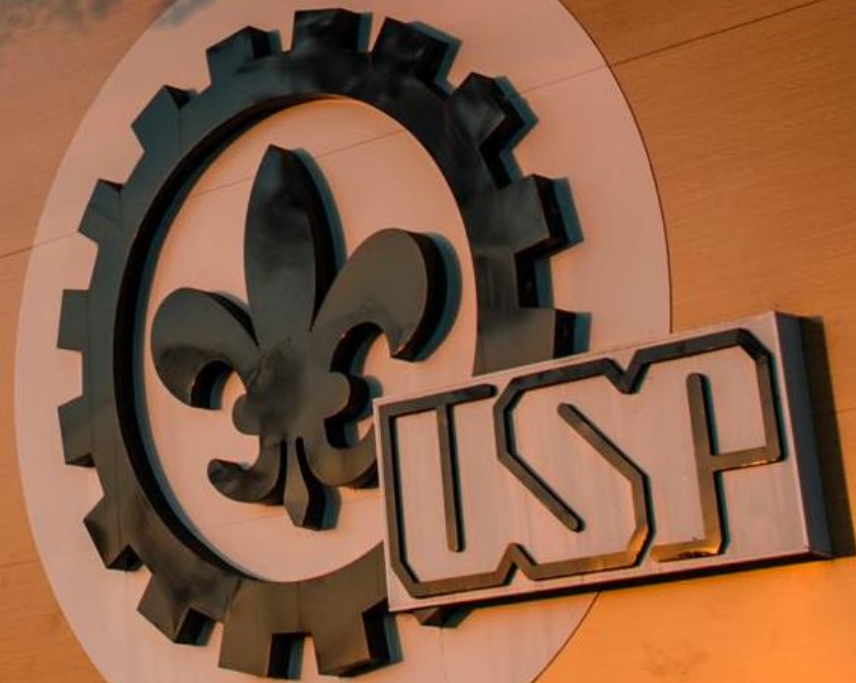


# Engenharia da Qualidade 3

Prof. Dr. Fabrício Maciel Gomes



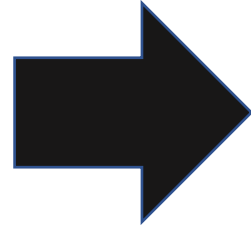
SISTEMA



Conjunto de componentes,  
equipamentos e/ou itens  
interconectados.



O que interfere no desempenho e confiabilidade de um sistema?



O tipo e a qualidade dos componentes

Forma como estão arranjados

Se conheço a confiabilidade dos componentes consigo determinar a confiabilidade do sistema!

O que precisamos definir antes de representar um sistema?

Quais componentes serão incluídos na análise

Nível de detalhamento dos componentes

Como representamos estruturalmente a função de um sistema? **DIAGRAMA DE BLOCOS**

Não há redundância entre componentes

Possuem um menor custo



$$R_S(t) = P(x_1(t) \cap x_2(t) \cap \dots \cap x_n(t))$$

Se considerarmos que os modos de falha de cada componente são independentes entre si, então:

$$R_S = P(x_1(t)) \times P(x_2(t)) \dots \times P(x_n(t))$$

$$R_S(t) = \prod_{i=1}^n R_i(t) \quad (\text{Regra do produto})$$



# Engenharia da Qualidade III



## Exemplo:

Em um sistema em série constituído por 30 componentes idênticos, qual deveria ser a confiabilidade mínima necessária em cada um desses componentes para que se obtenha uma confiabilidade total de 92%?

## Resolução:

Aplicando a equação  $R_s(t) = \prod_{i=1}^n R_i(t)$ , temos:

$$0,92 = R_i(t)^{30} \rightarrow R_i(t) = 0,92^{1/30}$$

Ou seja,0

$$R_i(t) = 99,72\%$$



# Engenharia da Qualidade III



## Exemplo:

Um sistema é composto por 11 componentes cuja confiabilidade é de 0,95 e por quatro componentes cuja confiabilidade é de 0,99. Sabendo que esse sistema está em série, determine a confiabilidade total do sistema.

## Resolução:

$$R_a(t) = 0,95 \text{ e } R_b(t) = 0,99$$

Aplicando a equação  $R_s(t) = \prod_{i=1}^n R_i(t)$ , temos:

$$R_s(t) = R_a(t)^{11} \times R_b(t)^4 = 0,95^{11} \times 0,99^4$$

Ou seja,0

$$R_s(t) = 0,5464 \text{ ou } 54,64\%$$

O limite superior da confiabilidade do sistema é ditado pelo componente menos confiável

$$R_s(t) \leq \min_i R_i(t)$$

Quando a confiabilidade dos componentes for muito alta e, conseqüentemente, a probabilidade de falha for muito pequena, podemos considerar as seguintes aproximações:

$$R_s(t) = 1 - n \cdot F(t) \quad (\text{Componentes iguais})$$

$$R_s(t) = 1 - \sum_{i=1}^n F_i(t) \quad (\text{Componentes diferentes})$$





# Engenharia da Qualidade III



## Exemplo:

Em um sistema em série constituído por 30 componentes idênticos, qual deveria ser a confiabilidade mínima necessária em cada um desses componentes para que se obtenha uma confiabilidade total de 92%?

## Resolução:

Aplicando a equação  $R_s(t) = 1 - n \cdot F(t)$ , temos:

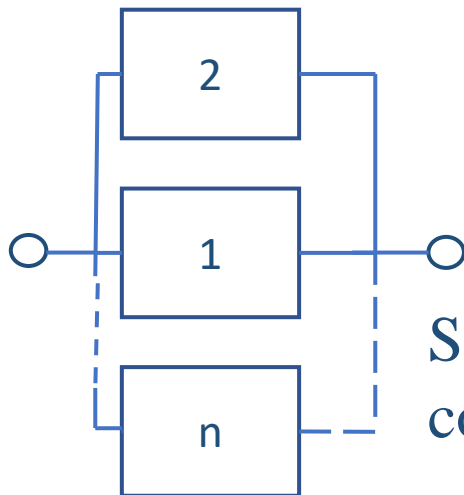
$$0,92 = 1 - 30 \cdot F(t) \rightarrow F(t) = 0,002667$$

Ou seja,

$$R_i(t) = 1 - F(t) \rightarrow R_i(t) = 0,9973 \text{ ou } 99,73\%$$

Há redundância entre componentes

Possuem um maior custo



$$R_S = P(\bar{x}_1(t) \cap \bar{x}_2(t) \cap \dots \cap \bar{x}_n(t))$$

Se considerarmos que os modos de falha de cada componente são independentes entre si, então:

$$R_S = P(\bar{x}_1(t)) \times P(\bar{x}_2(t)) \dots \times P(\bar{x}_n(t))$$

$$R_S(t) = 1 - \prod_{i=1}^n (1 - R_i(t))$$



# Engenharia da Qualidade III



## Exemplo:

Calcule a confiabilidade de um sistema constituído por cinco componentes arranjados em paralelo cuja confiabilidade é 50%

## Resolução:

Aplicando a equação  $R_s(t) = 1 - \prod_{i=1}^n (1 - R_i(t))$ , temos:

$$R_s(t) = 1 - (1 - 0,5)^5$$

Ou seja,0

$$R_i(t) = 0,9688 \text{ ou } 96,88\%$$

Sistema em paralelo com carga compartilhada



(Exemplo) Turbinas de uma avião

Sistema em paralelo com redundância em *standby* (sistemas dinâmicos)



(Exemplo) Geração de energia em um hospital

Saibam que existe! Não  
aprofundaremos nesses casos!

## Sistemas Paralelo-Série

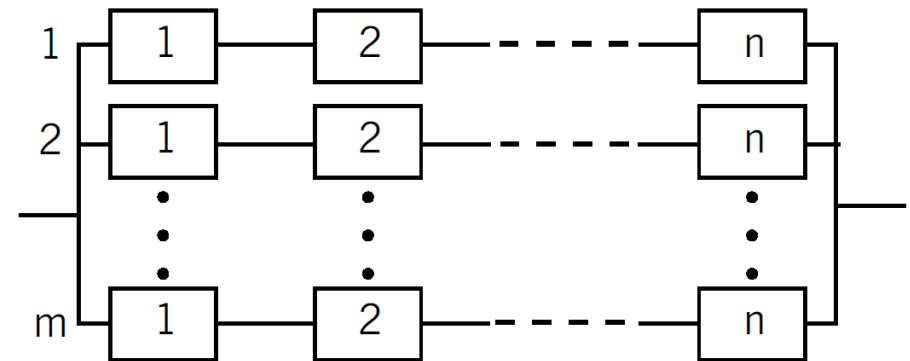
Apresentam redundância de alto nível, ou seja, ao nível do sistema.

São sistemas constituídos por  $m$  subsistemas em paralelo. Cada um com  $n$  componentes em série.

$$R_s(t) = 1 - \prod_{i=1}^m \left[ 1 - \prod_{j=1}^n R_{ij}(t) \right]$$

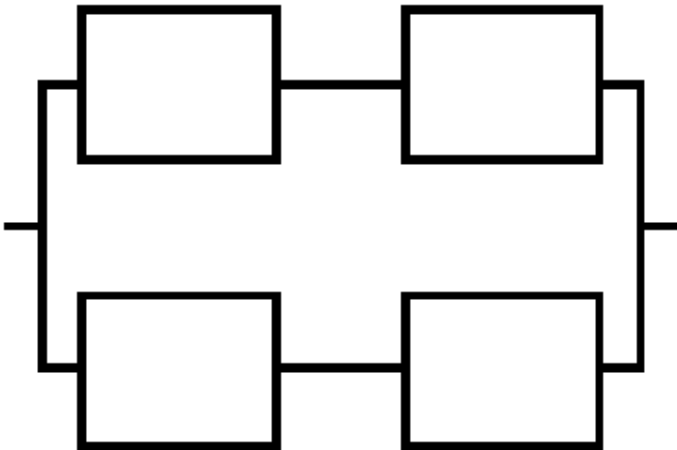
Se todos os componentes foram idênticos, então:

$$R_s(t) = 1 - (1 - R(t)^n)^m$$



## Exemplo:

Determine a confiabilidade do sistema abaixo. Cada componente tem confiabilidade igual a 75%



## Resolução:

Aplicando a equação

$R_S(t) = 1 - (1 - R(t)^n)^m$ , temos:

$$R_S(t) = 1 - (1 - 0,75^2)^2$$

$$R_S(t) = 80,86\%$$

## Sistemas Série-Paralelo

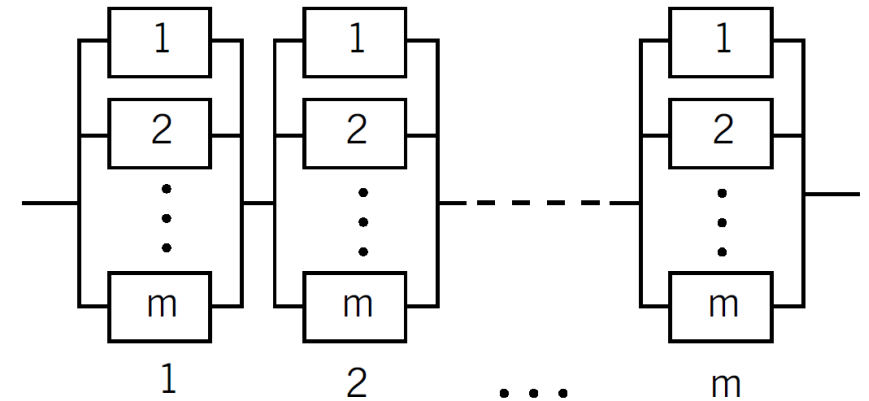
Apresentam redundância de baixo nível, ou seja, ao nível dos sub-sistemas.

São sistemas constituídos por  $n$  subsistemas em série. Cada um com  $m$  componentes em paralelo.

$$R_S(t) = \prod_{i=1}^n \left[ 1 - \prod_{j=1}^m (1 - R_{ij}(t)) \right]$$

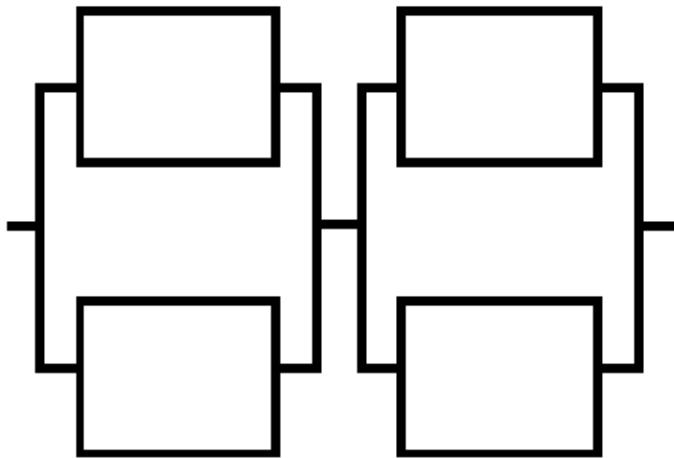
Se todos os componentes foram idênticos, então:

$$R_S(t) = [1 - (1 - R(t))^m]^n$$



## Exemplo:

Determine a confiabilidade do sistema abaixo. Cada componente tem confiabilidade igual a 75%



## Resolução:

Aplicando a equação

$R_s(t) = [1 - (1 - R(t))^m]^n$ , temos:

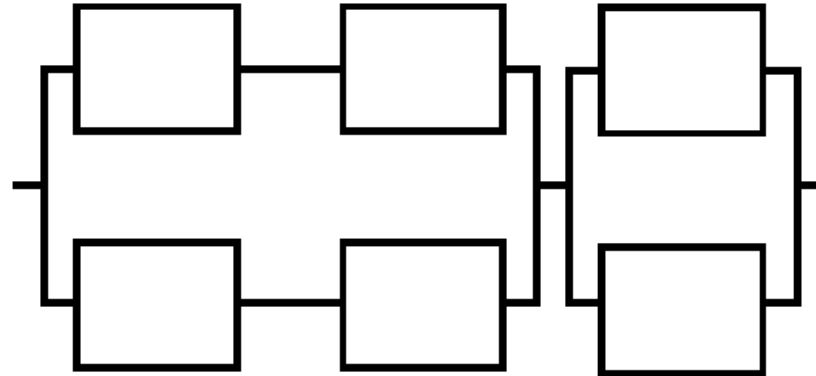
$$R_s(t) = [1 - (1 - 0,75)^2]^2$$

$$R_s(t) = 87,89\%$$



## Exemplo:

Determine a confiabilidade do sistema abaixo. Cada componente tem confiabilidade igual a 75%



## Resolução:

Combinando as equações anteriores

$R_s(t) = \{1 - (1 - R(t)^n)^m\} [1 - (1 - R(t))^m]^n$ , temos:

$$R_s(t) = [1 - (1 - 0,75^2)^2][1 - (1 - 0,75)^2] = 75,81\%$$

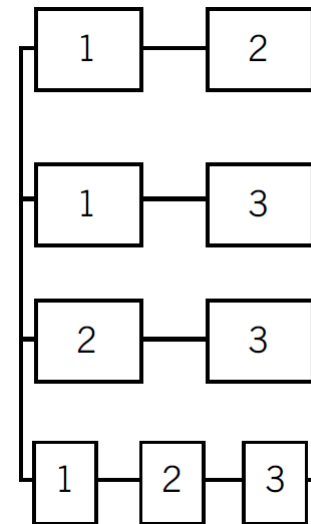
## Sistemas k-em-n

São sistemas onde k componentes, de um total de n, precisam estar operantes para que o sistema funcione.

Um sistema em série é do tipo n-em-n.

Um sistema em paralelo é do tipo 1-em-n.

$$R_s(t) = \sum_{i=k}^n \binom{n}{i} R^i(t) (1 - R(t))^{n-i}$$



Sistema 2-em-3



# Engenharia da Qualidade III



## Exemplo:

Um avião com 4 turbinas precisa de pelo menos 3 para continuar operando. Sabendo que cada turbina tem confiabilidade de 99% em período de tempo  $t$ , qual a confiabilidade do sistema?

## Resolução:

Pela equação k-em-n, temos:  $R_S(t) = \sum_{i=k}^n \binom{n}{i} R(t)^i (1 - R(t))^{n-i}$ ,

$$\text{então: } R_S(t) = \left(\frac{4!}{4!1!}\right) 0,99^4 (1 - 0,99)^0 + \left(\frac{4!}{3!1!}\right) 0,99^3 (1 - 0,99)^1$$

Que resulta em:  $R_S(t) = 0,9606 + 4 \times 0,9703(0,01)$

$$R_S(t) = 0,9994 \text{ ou } 99,94\%$$