

METALURGIA EXTRATIVA DOS NÃO FERROSOS

PMT 3409

Flávio Beneduce

CORRELAÇÕES ADMENSIONAIS EMPÍRICAS

Convecção forçada no interior de tubos
($Re > 10.000$)

$$Nu_f = 0,026 \cdot Re_f^{0,8} \cdot Pr_f^{1/3} \cdot \left(\frac{\eta_f}{\eta_s}\right)^{0,14}$$

CORRELAÇÕES ADMENSIONAIS EMPÍRICAS

Convecção natural

$$Nu_m = c \cdot (Gr \cdot Pr)_m^n$$

m: média de temperatura entre o fluido e o sólido
c e **n**: tabelados

$(Gr \cdot Pr)_m$	c	n
$1 \times 10^{-3} - 5 \times 10^2$	1,18	1/8
$5 \times 10^2 - 2 \times 10^7$	0,54	1/4
$2 \times 10^7 - 1 \times 10^{13}$	0,135	1/3

$$\phi_{eq} = 2 \cdot \sqrt[3]{\frac{3 \cdot V_{peça}}{4 \cdot \pi}}$$

CORRELAÇÕES ADMENSIONAIS EMPÍRICAS

•Água flui através de uma tubulação de 50 mm de diâmetro e 3 m de comprimento a uma velocidade de 0,8 m/s. Determine o coeficiente de transferência de calor \bar{h} se a temperatura média da água é de 50°C e a temperatura da parede é de 70°C.

$$Re_f = \frac{0,8 \times 0,05 \times 988,1}{0,569 \times 10^{-4} \times 9,80665} = 7,08 \times 10^4 > 10.000$$

$$Pr_f = 3,63 \quad \eta_f = 0,569 \times 10^{-4}$$

$$\eta_s = 0,416 \times 10^{-4}$$

$$Nu_f = 0,026 \cdot (7,08 \times 10^4)^{0,8} \cdot 3,63^{1/3} \cdot \left(\frac{0,569}{0,416}\right)^{0,14}$$

CORRELAÇÕES ADMENSIONAIS EMPÍRICAS

$$Nu_f = 0,026 \cdot (7,08 \times 10^4)^{0,8} \cdot 3,63^{1/3} \cdot \left(\frac{0,569}{0,416}\right)^{0,14}$$

$$Nu_f = 316,78 = \frac{\bar{h} \cdot 0,05}{0,552}$$

$$\bar{h} = 3497,2 \frac{kcal}{h \cdot m^2 \cdot ^\circ C} \equiv 4060,64 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

Severidade de têmpera

O parâmetro *severidade de têmpera* (H)   um parâmetro tecnológico que relaciona as propriedades térmicas do meio e do corpo. Ela é definida pela equa o:

$$H = \frac{\bar{h}}{\lambda_s} [L^{-1}]$$

Valores t picos de H (supondo $\lambda_{a\grave{c}o} = 35\text{W/m.K}$).

Meio de t�mpera		H(m⁻¹)
�leo	Sem agita�o	7,9
	Agita�o moderada	13,8
	Boa agita�o	19,7
	Agita�o vigorosa	27,6
�gua	Sem agita�o	39,4
	Agita�o vigorosa	59,0
Salmoura	Sem agita�o	78,7
	Agita�o vigorosa	196

CORRELAÇÕES ADMENSIONAIS EMPÍRICAS

• Uma esfera de aço de 10 cm de diâmetro é austenitizada a 800°C e resfriada em 4 meios diferentes: ar, óleo e água a 30°C e agitados a 1 m/s além de ar parado na mesma temperatura. Determinar as severidades de têmpera e as curvas de resfriamento nos 4 casos.

($\beta_{\text{ar}}=1/273 \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$; $\lambda_{\text{aço}}=39 \text{ kcal/h.m.}^\circ\text{C}$)

a) Ar agitado a 1 m/s

$$Re_f = \frac{1,0 \times 0,10 \times 1,1614}{184,6 \times 10^{-7}} = 6,29 \times 10^3 > 1.000$$

$$Pr_f = 0,707 \quad Pr_s = 0,727$$

$$\bar{h} = 11,4 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

$$Nu_f = 43,2 = \frac{\bar{h} \cdot 0,1}{26,3 \times 10^{-3}}$$

$$H = 0,252 \text{ m}^{-1}$$

$$Bi = \frac{11,4 \times 0,05 \times 3600}{39 \times 1000 \times 4,18} = 1,26 \times 10^{-2} < 0,1$$

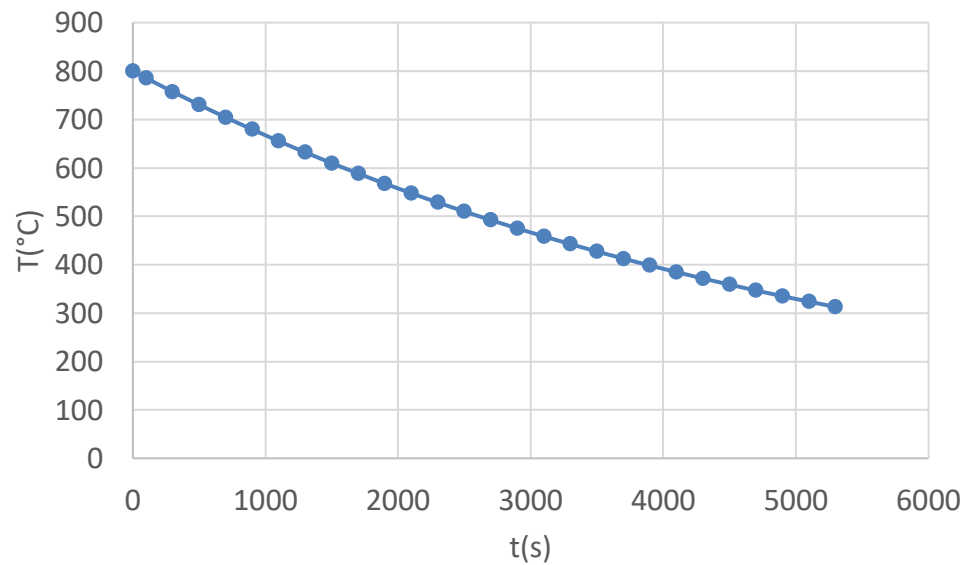
∴ regime newtoniano

$$\frac{T - 30}{800 - 30} = \exp\left(-\frac{11,4 \times (4 \times \pi \times 0,05^2)}{7849 \times 460 \times \left(\frac{4 \times \pi \times 0,05^3}{3}\right)} \cdot t\right)$$

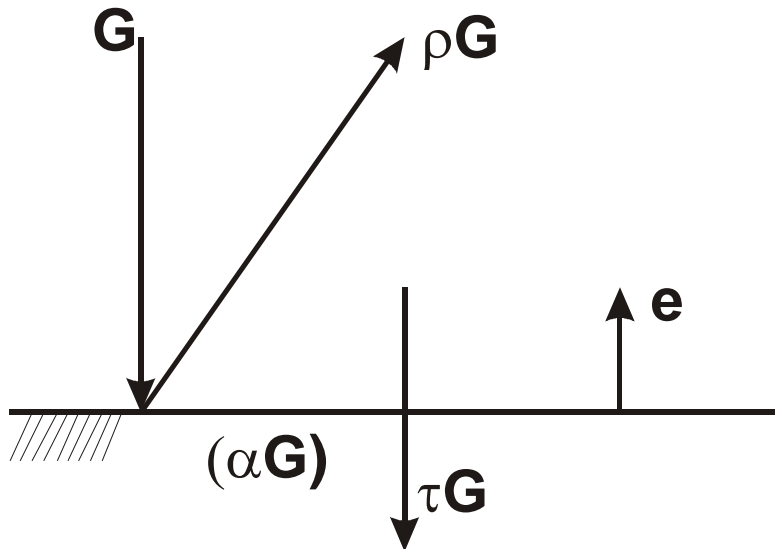
$$\frac{T - 30}{770} = \exp(-1,89 \times 10^{-4} \times t)$$

$$T = 770 \times \exp(-1,89 \times 10^{-4} \times t) + 30$$

ar 1m/s



TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO



$$G = \rho G + \alpha G + \tau G$$
$$e$$
$$\alpha + \rho + \tau = 1$$

G=Fluxo total incidente
 α = absorvidade
 ρ = refletividade
 τ = transmitividade
e = emitância ou poder emissor

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

• **Corpo opaco:** $\tau = 0 \Rightarrow \alpha + \rho = 1$ – condição para muitos sólidos e líquidos com exceção dos vidros e silicatos líquidos

• **Corpo transparente:** $\tau \neq 0$

• **Radiosidade:** fluxo que sai do corpo - $q_{irr}'' = e + \rho G$

• **Corpo negro:** absorve toda energia além de emitir o máximo

$$\rho = \tau = 0 \therefore \alpha = 1$$

$$q_{irr}'' = e_b$$

poder emissor

• **Corpo real:** tem um poder emissor que é uma fração de um corpo negro. Dessa forma:

$$e = \varepsilon \cdot e_b$$

ε = emissividade

• **Corpo cinza:** absorvidade não depende da temperatura do corpo

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

Para um corpo negro:

$$e_b = \sigma \cdot T^4$$

σ =constante de Stefan-Boltzman

$$4,93 \times 10^{-8} \text{ kcal/h.m}^2.\text{K}^4$$

$$5,6697 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2.\text{K}^4$$

$$0,1713 \times 10^{-8} \text{ BTU/h.ft}^2.\text{R}^4$$

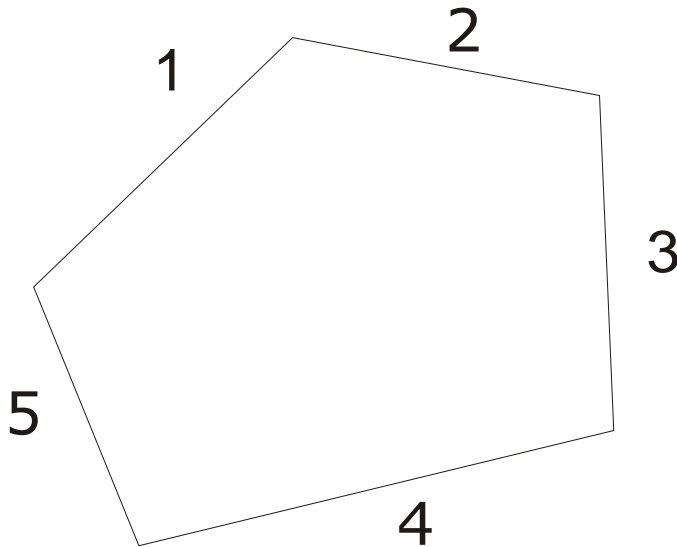
T = temperatura absoluta

Para um corpo real:

$$e = \varepsilon \cdot \sigma \cdot T^4$$

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

FATOR DE VISTA: representa a fração de radiação de (1) que atinge (2) – F_{12}



$$F_{12} + F_{13} + F_{14} + \dots = 1$$

$$S_1 \cdot F_{12} = S_2 \cdot F_{21}$$

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

Portanto:

- A energia emitida pela superfície (1) que atinge a superfície (2) será:

$$E_{12} = e_{b1} \cdot S_1 \cdot F_{12} = q'_{1 \rightarrow 2}$$

- O caso contrário será:

$$E_{21} = e_{b2} \cdot S_2 \cdot F_{21} = q'_{2 \rightarrow 1}$$

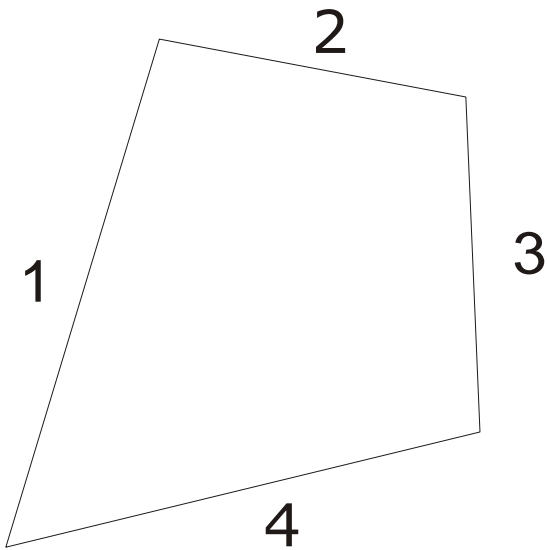
- A troca líquida de energia de (1) para (2) será:

$$q'_{1,l} = q'_{1 \rightarrow 2} - q'_{2 \rightarrow 1}$$

$$\begin{aligned} q_{1,l} &= S_1 \cdot F_{12} \cdot (e_{b1} - e_{b2}) = \\ &= S_1 \cdot F_{12} \cdot \sigma \cdot (T_1^4 - T_2^4) \end{aligned}$$

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

Para superfícies múltiplas:



$$q'_{1,l} = \frac{(e_{b1} - e_{b2})}{\frac{1}{S_1 \cdot F_{12}}} + \frac{(e_{b1} - e_{b3})}{\frac{1}{S_1 \cdot F_{13}}} + \frac{(e_{b1} - e_{b4})}{\frac{1}{S_1 \cdot F_{14}}}$$

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

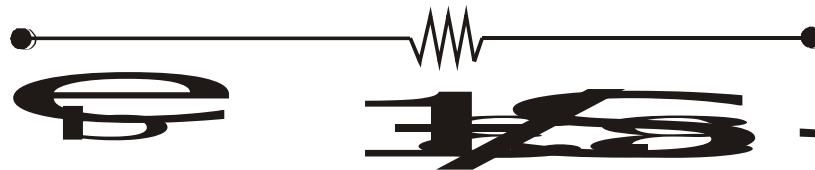
$$q_{1,l} = S_1 \cdot F_{12} \cdot (e_{b1} - e_{b2})$$

• $(1/S_1 \cdot F_{12})$ = resistência à radiação entre dois potenciais de mesma natureza

$$1/S_2 \cdot F_{12}$$

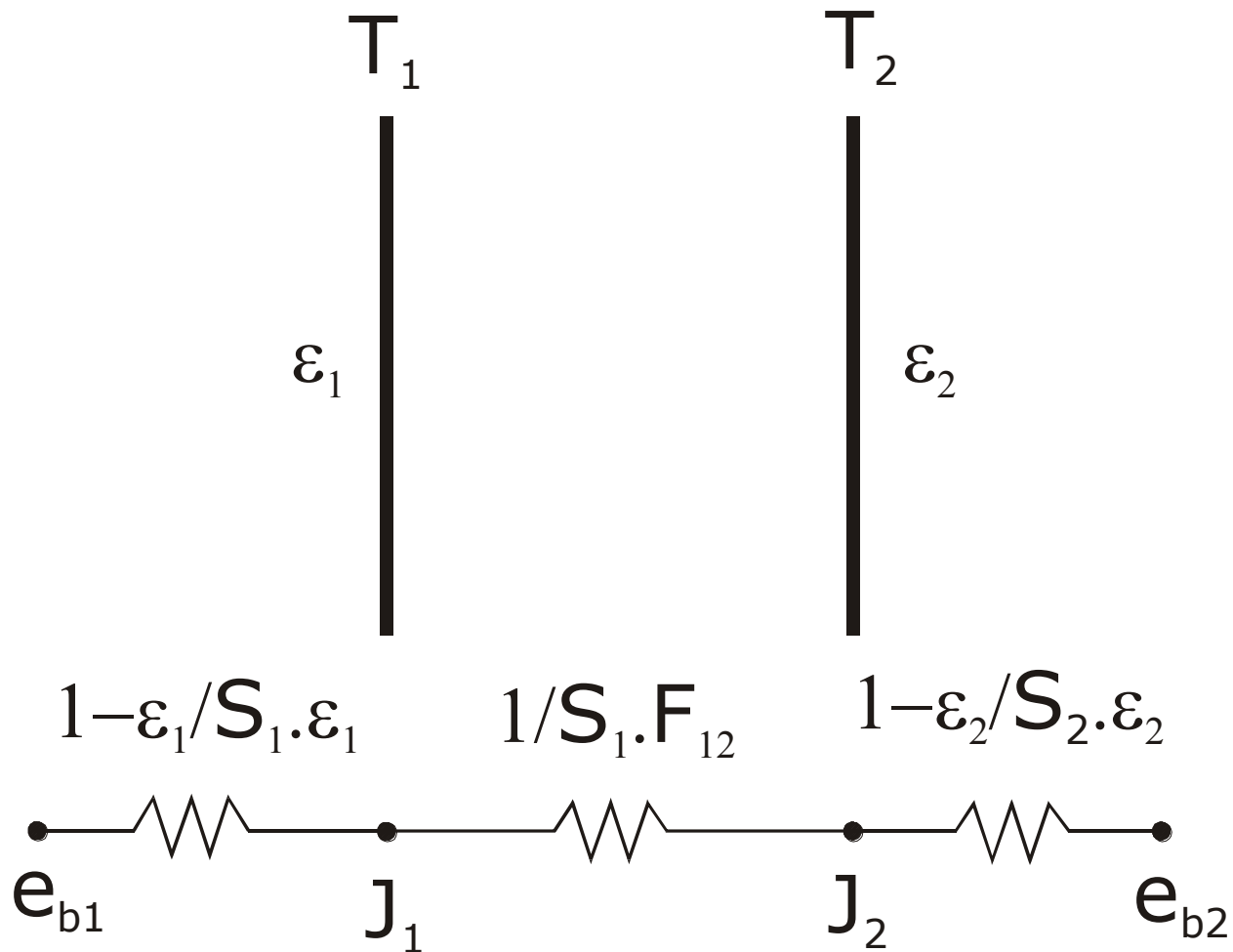


O potencial de um corpo cinza (J) pode ser transformado em um corpo negro (e_b) pela resistência $(1-\epsilon)/(S \cdot \epsilon)$.



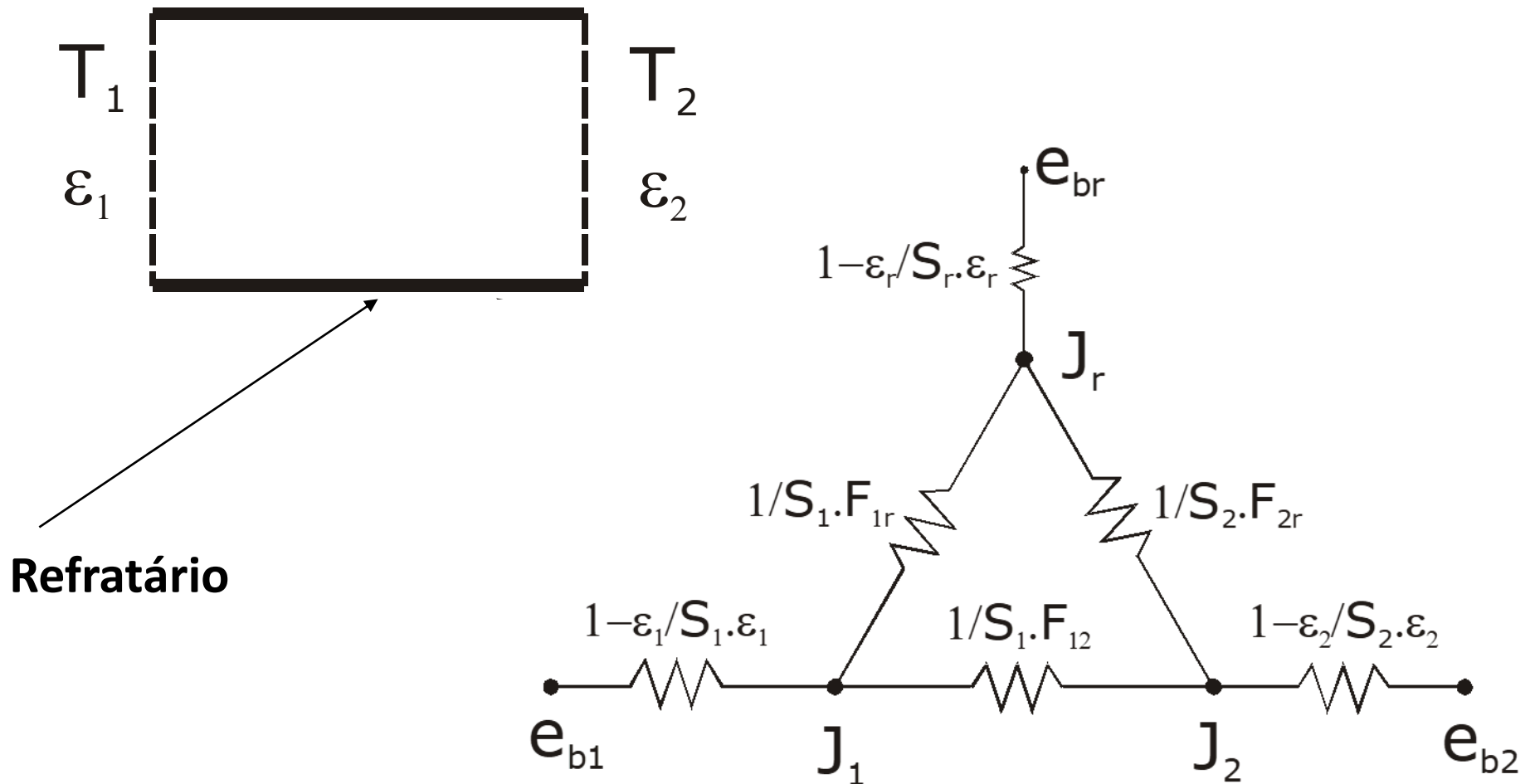
TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

Para duas superfícies paralelas:

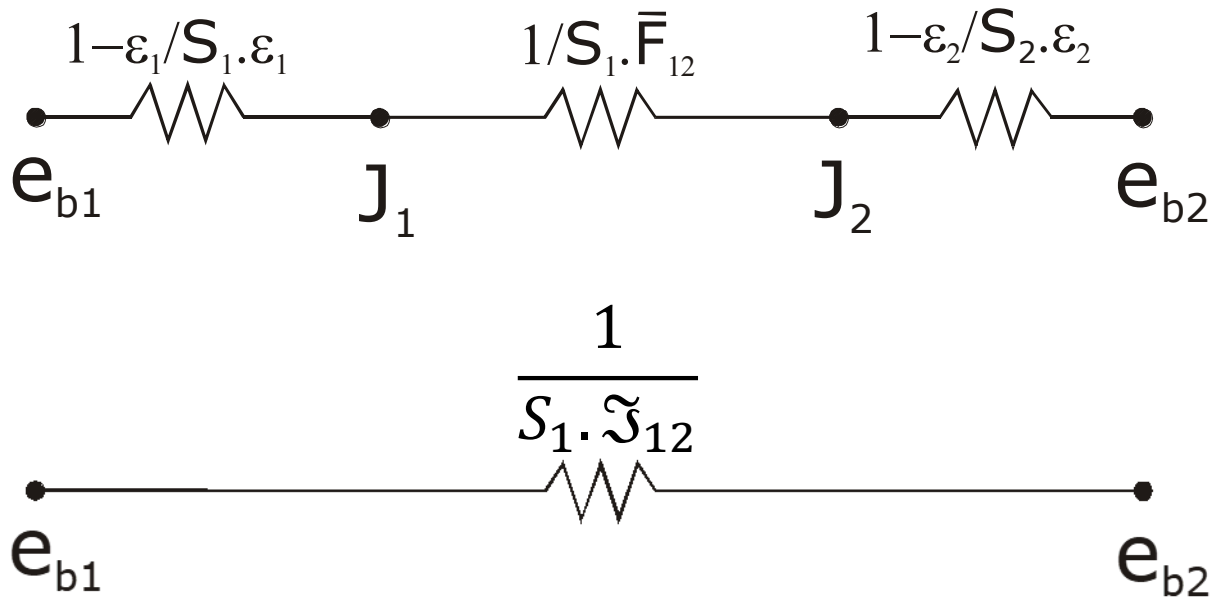


TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO

Para sistemas “fechados”:



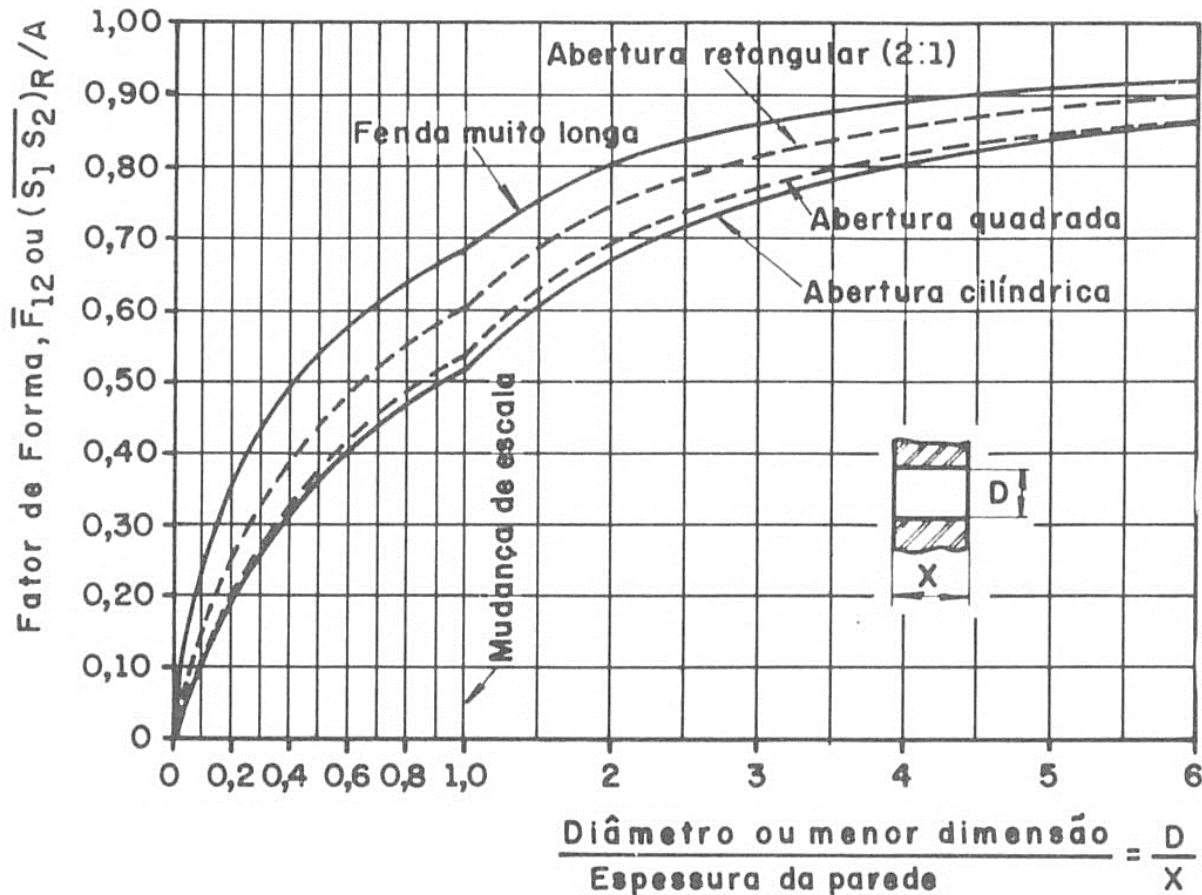
TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO



$$\frac{1}{S_1 \cdot \tilde{\mathcal{F}}_{12}} = \frac{1 - \epsilon_1}{S_1 \cdot \epsilon_1} + \frac{1}{S_1 \cdot \bar{F}_{12}} + \frac{1 - \epsilon_2}{S_2 \cdot \epsilon_2}$$

$$q'_{1,l} = S_1 \cdot \tilde{\mathcal{F}}_{12} \cdot (e_{b1} - e_{b2}) = S_1 \cdot \tilde{\mathcal{F}}_{12} \cdot \sigma \cdot (T_1^4 - T_2^4)$$

TRANSPORTE DE CALOR POR IRRADIAÇÃO



- Fator de forma global entre duas superfícies paralelas conectadas por paredes refratárias não-condutoras¹