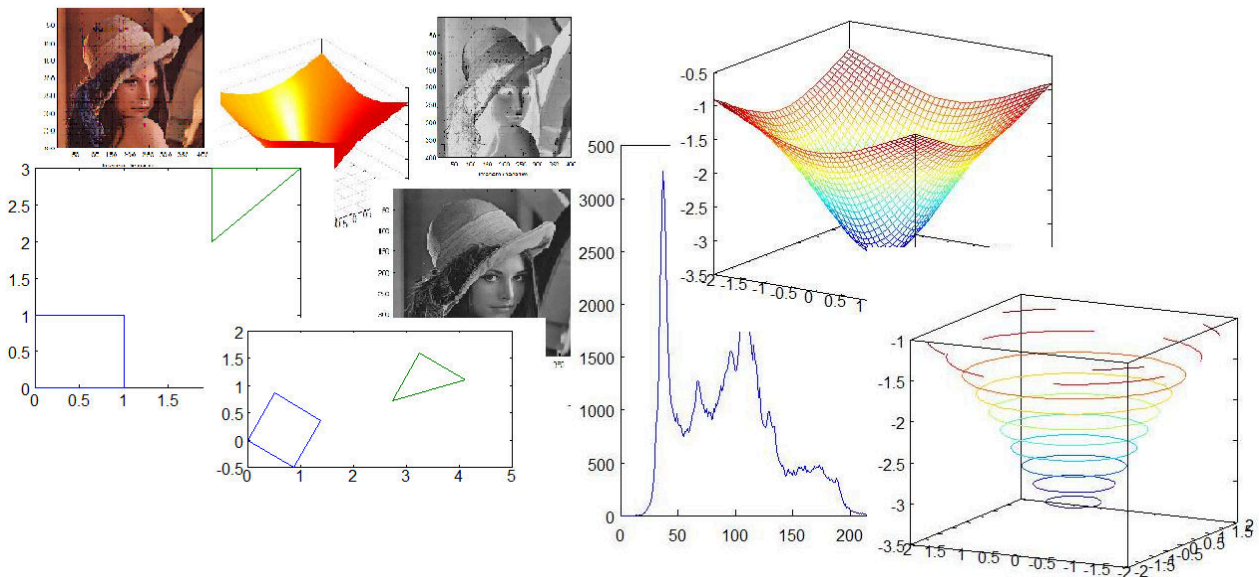


Tutorial do GNU Octave / GNU Octave Tutorial

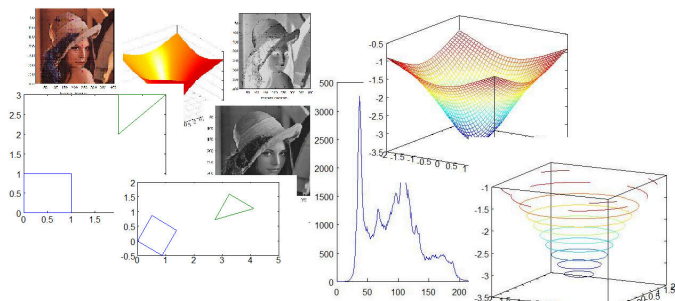


Autores:

Mauricio Galo

Paulo de Oliveira Camargo

Tutorial do GNU Octave / GNU Octave Tutorial



Autores:
Maurício Galo
Paulo de Oliveira Camargo
Departamento de Cartografia / FCT - UNESP

2021

Tutorial do GNU Octave / GNU Octave Tutorial

1. INTRODUÇÃO
2. INICIANDO O GNU Octave
3. OPERAÇÕES COM MATRIZES E VETORES
4. GRÁFICOS
5. ARQUIVOS SCRIPT
6. CONTROLE DE FLUXO
7. ABERTURA E VISUALIZAÇÃO DE IMAGENS
8. IMPORTAÇÃO / EXPORTAÇÃO DE DADOS
9. CRIAÇÃO E USO DE FUNÇÕES

Este material foi preparado a partir das seguintes referências (em ordem alfabética):

- CORAL, A. M.; SANTOS, M. P.; BASTOS, T. D. A.; BORBA, M. *Curso de Matlab*. Universidade Federal de Santa Catarina, Dep. de Eng. de Produção, Programa Especial de Treinamento – PET. Florianópolis – SC, 1999. 29p.
- EATON, J. W.; BATEMAN, D.; HAUBERG, S. *GNU Octave – Edition 3 for Octave version 3.2.3*, July, 2007. 672p.
- EATON, J. W.; BATEMAN, D.; HAUBERG, S.; WEHBRING, R. *GNU Octave – Edition 4 for Octave version 4.0.0 – Free Your Numbers*, March, 2015. 966p.
- HANSELMAN, D.; LITTLEFIELD, B. *Matlab - Versão do Estudante: guia do usuário (Tradução)*. São Paulo: Makron Books, 1997. 305p.
- M^cANDREW, A. *Introduction to Digital Image Processing with MATLAB®*. Thomson Course Technology, 2004. 509p. ISBN: 0-534-40011-6
- PAGAMISSE, A.; SOUZA, L. H. G. *Introdução ao Software Octave*. Semana de Cursos de Matemática, Estatística e Computação, 25-29 de agosto de 2003, FCT/UNESP, Presidente Prudente, 2003. 54p.
- SIGMON, K. *MATLAB Primer – Third Edition*. Department of Mathematics, University of Florida, Gainesville, 1993. 35p. Disponível em <http://www.math.toronto.edu/mpugh/primer.pdf>. Acesso em Março/2021.
- ZERI, L. M. M. *Apostila de Matlab*. Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais – INPE, 2001. 19p.

1. INTRODUÇÃO

1.1. O que é GNU Octave



O GNU Octave é um aplicativo que foi originalmente desenvolvido com o propósito didático, mais especificamente para o projeto de reatores químicos e surgiu a partir da intenção de criar um aplicativo no qual a programação fosse mais rápida do que nas demais linguagens.

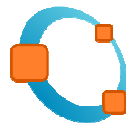
Segundo os autores, os alunos poderiam dedicar mais tempo na análise e solução dos problemas de química, do que especificamente na implementação.

O seu desenvolvimento começou por volta de 1988 e um de seus idealizadores foi **John W. Eaton**, além de **James B. Rawlings** da Universidade de Wisconsin-Madison e **John G. Ekerdt** da Universidade do Texas. Atualmente o desenvolvimento é feito por vários profissionais, de diferentes países, sendo a sua distribuição feita de acordo com a licença GPL (*GNU General Public License*).

Onde encontrar (**páginas oficiais**):

<http://www.gnu.org/software/octave/>

<http://octave.sourceforge.io/>



Características básicas:

- Domínio público;
- Possui vários comandos que são semelhantes ao MATLAB® e SciLab®;
- É um software multiplataforma uma vez são disponíveis versões para diferentes sistemas operacionais: Linux, Unix, Windows, Mac, etc.

Últimas versões (**estáveis**):

4.4.0 (Lançada em 30/Abril/2018)

4.4.1 (Lançada em 9/Agosto/2018)

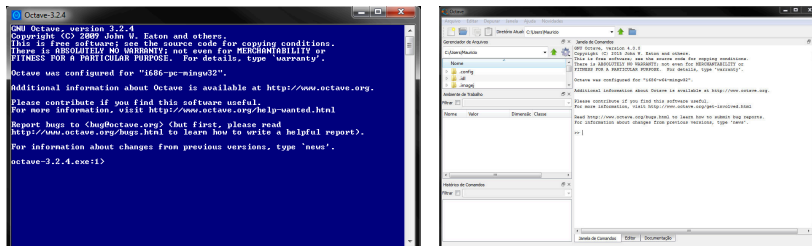
5.1.0 (Lançada em 1/Março/2019)

5.2.0 (Lançada em 31/Janeiro/2020)

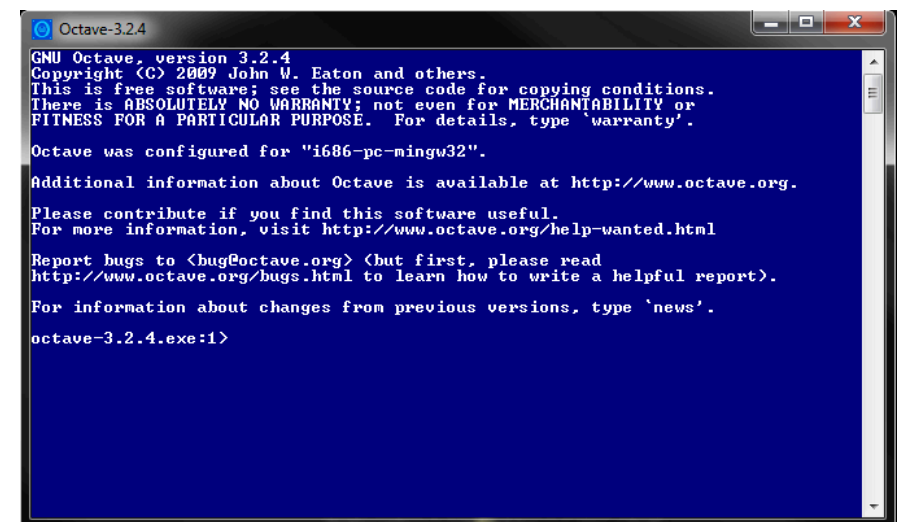
6.2.0 (Lançada em 20/Fevereiro/2021)

1.2. Ambiente de trabalho e comandos básicos do sistema

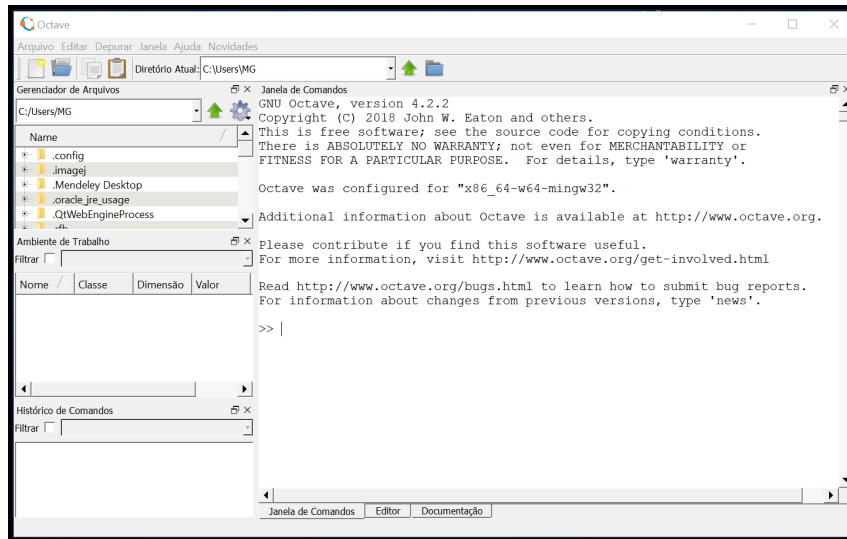
Desde o início do desenvolvimento do *GNU Octave*, em 1988, foram lançadas inúmeras versões, para as diferentes plataformas¹. Na maior parte das versões a única possibilidade de trabalho era via uma interface não gráfica. Há poucos anos a opção de utilização de uma interface gráfica foi possível, tornando mais prática e amigável sua atualização. Na figura abaixo são mostradas duas interfaces (versões 3.2.4 e 4.0.0, resp.).



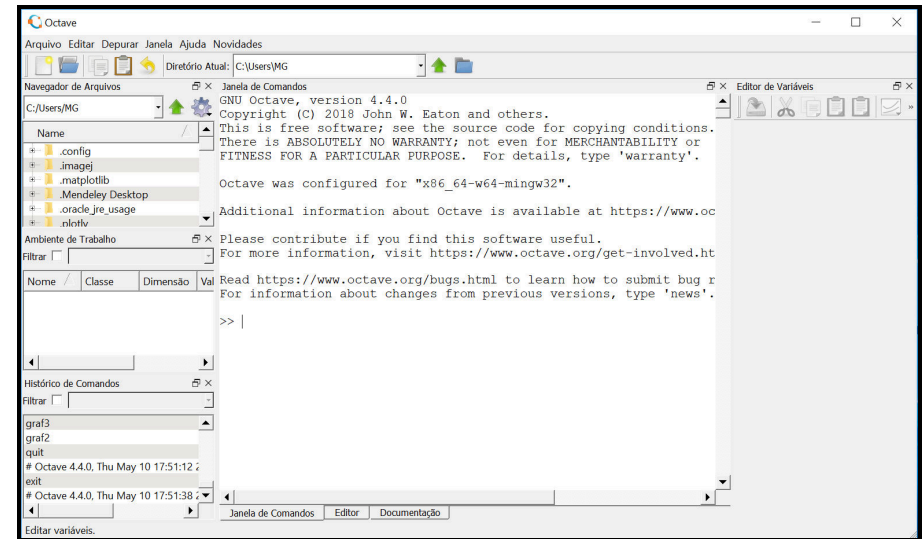
¹ Consulte a página "[ftp://ftp.gnu.org/gnu/octave/](http://ftp.gnu.org/gnu/octave/)" para ver algumas destas versões.



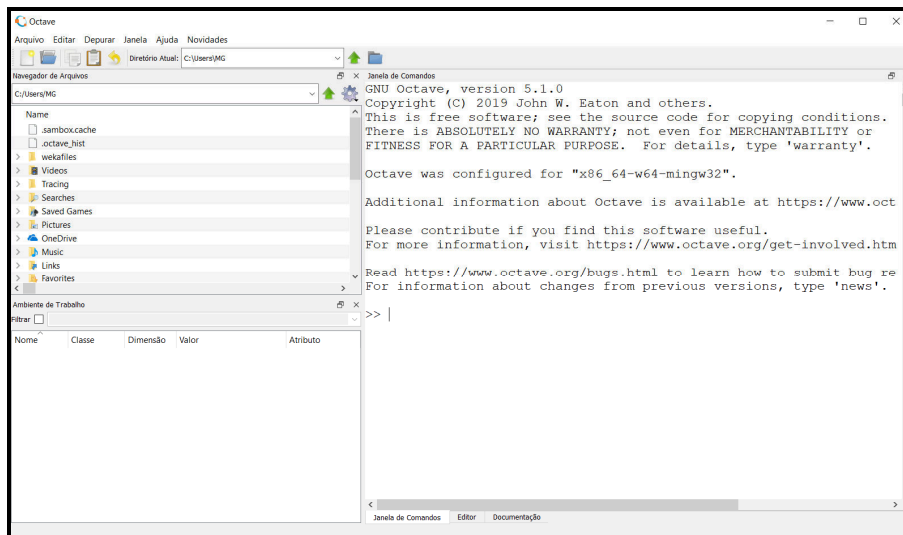
Interface não gráfica – *GNU Octave* versão 3.2.4.



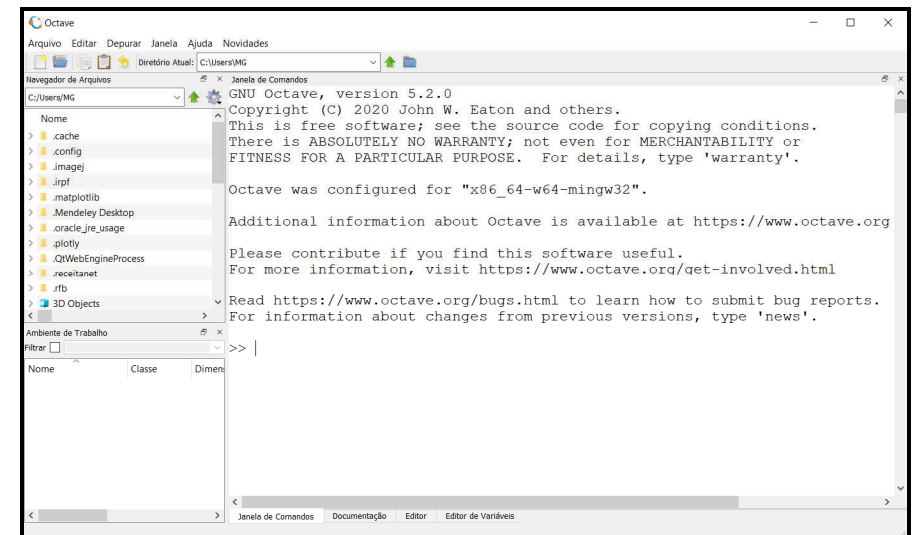
Interface gráfica do GNU Octave versão 4.2.2, lançada em março de 2018.



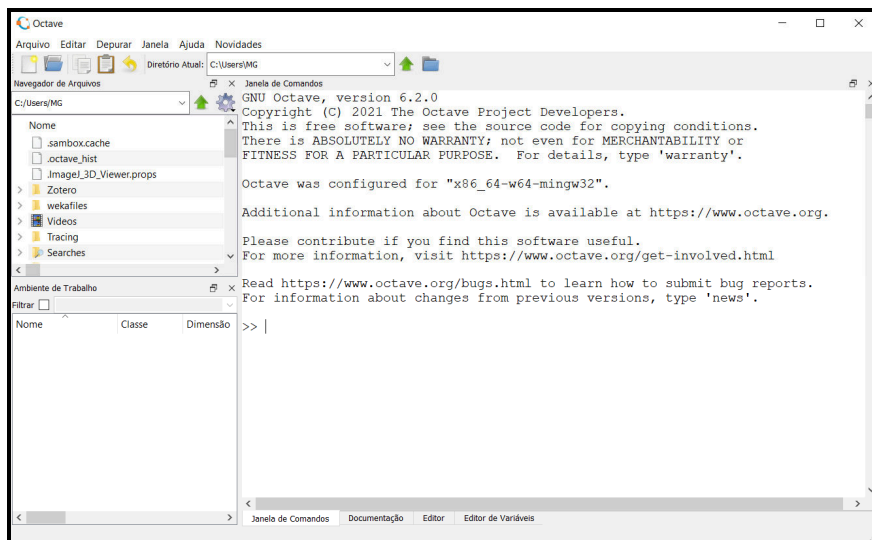
Interface gráfica do GNU Octave versão 4.4.0, lançada em abril de 2018.



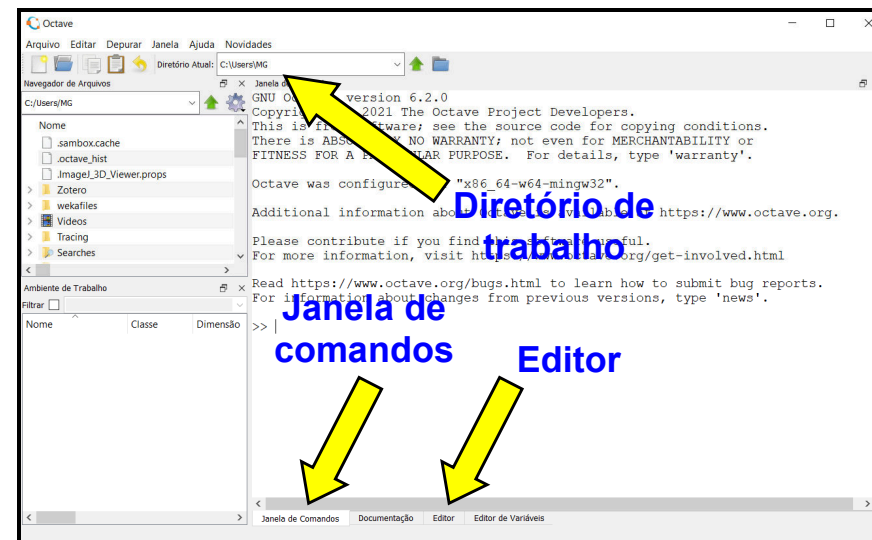
Interface gráfica do GNU Octave versão 5.1.0, lançada em março de 2019.



Interface gráfica do GNU Octave versão 5.2.0, lançada em janeiro de 2020.

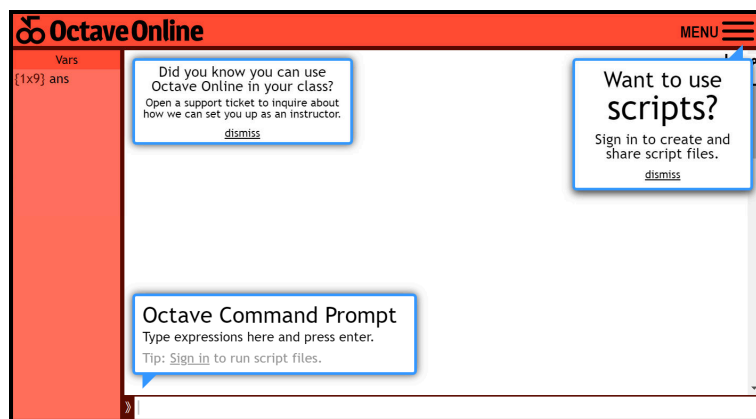


Interface gráfica do GNU Octave versão 6.2.0, lançada em fevereiro de 2021.



Interface gráfica do GNU Octave versão 6.2.0.

Além dessas versões, que podem ser instaladas e executadas no modo *off-line*, também é possível executar o GNU Octave de modo *online* (ver link abaixo).



Interface gráfica do GNU Octave executado no modo *online*.

Fonte: <https://octave-online.net>

Alguns comandos do GNU Octave são básicos e semelhantes a outros usados em sistemas operacionais como DOS, Unix, Linux, dentre outros. A tabela seguinte mostra alguns destes comandos, que podem se acionados a partir do *prompt* do GNU Octave.

<code>cd</code>	Troca o diretório de trabalho atual
<code>dir</code>	Lista o conteúdo do diretório atual
<code>pwd</code>	Mostra o <i>path</i> do diretório atual de trabalho
<code>delete</code>	Exclui arquivo Exemplo de uso: <code>delete arquivo.ext</code>
<code>type</code>	Mostra o conteúdo de arquivos texto Exemplo de uso: <code>type arquivo.ext</code>
<code>what</code>	Lista arquivos específicos do GNU Octave no diretório corrente
<code>help</code>	Ajuda do GNU Octave Exemplo de uso: <code>help comando</code>
<code>quit</code> ou <code>exit</code>	Fechar o aplicativo e sair do sistema

Alguns outros comandos: `mkdir`, `rmdir`, etc.

1.3. Pacotes / Bibliotecas adicionais do GNU Octave

O *GNU Octave* é um software em constante desenvolvimento e após a instalação do aplicativo, outros pacotes adicionais podem ser instalados. Para ter uma lista dos pacotes disponíveis para o *GNU Octave* sugere-se a consulta à seguinte página <http://octave.sourceforge.net/>.

Antes de instalar qualquer pacote adicional, sugere-se ativar o comando “`pkg list`” no *prompt* do *GNU Octave* para ver todos os pacotes que são pré-instalados junto com a instalação do aplicativo.

Lista de pacotes/bibliotecas disponíveis para o usuário ao instalar o aplicativo *GNU Octave* versão 6.2.0.

audio	instrument-control	queueing
communications	interval	signal
control	io	sockets
data-smoothing	linear-algebra	sparsersb
database	lssa	specfun
dataframe	ltfat	splines
dicom	mapping	statistics
financial	miscellaneous	stk
fits	nan	strings
fuzzy-logic-toolkit	netcdf	struct
ga	nurbs	symbolic
general	ocs	tisean
generate_html	odepkg	tsa
geometry	optim	video
gsl	optiminterp	windows
image	quaternion	zeromq

Para a instalação de algum pacote adicional, de nome *package_file_name.tar.gz*, basta ativar o seguinte comando no *prompt* do *GNU Octave*:

```
pkg install package_file_name.tar.gz
```

2. INICIANDO O GNU Octave

2.1. Variáveis

O *GNU Octave* trabalha essencialmente com um tipo de variável: *matriz*, que pode conter números (complexos ou não) e textos. Em alguns casos, um tratamento especial é dado a uma matriz 1×1 (*escalar*) ou a matrizes $1 \times n$ ou $n \times 1$ (*vetores*).

2.1.1. Entrando com valores

No *GNU Octave* não é necessário declarar as variáveis e os respectivos tipos (inteiro, char, double, etc.) para iniciá-las, como é feito em outras linguagens de programação (C/C++, dentre outras). Ao atribuir valores numéricos (ou alfanuméricos) a uma variável, o programa aloca a memória automaticamente.

A maneira mais fácil de entrar com uma pequena quantidade de valores é digitando diretamente os dados:

- envolva os elementos com colchetes, []; (Para matrizes e vetor)
- separe cada elemento com espaços ou vírgulas;
- use ponto-e-vírgula (;) para indicar fim da linha.

Por exemplo, para entrar com a matriz abaixo na memória do computador, e guardá-la na variável A:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

Basta digitar:

```
» A=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
```

ou

```
» A=[1, 2, 3; 4, 5, 6; 7, 8, 9]
```

Resultado: A =

```
1 2 3
4 5 6
7 8 9
```

OBS: Para que o computador realize a operação e não mostre a saída, basta terminar a expressão com ponto-e-vírgula (;). Isto é muito útil para evitar que o computador mostre resultados de cálculos intermediários desnecessários, e para acelerar as operações.

2.1.2. Variáveis reservadas

Existem algumas variáveis que são intrínsecas ao *GNU Octave*, como por exemplo:

help	Ajuda do <i>GNU Octave</i>
ans	Nome de variável padrão usado para resultados
eps	Precisão do número real (ponto flutuante)
nan	<i>Not a Number</i> (indeterminação: 0/0)
realmax	Maior número real positivo utilizável
realmin	Menor real positivo utilizável
inf	Infinito: 1/0
computer	Tipo de computador
pi	3,14159265358979
i, j	Unidade imaginária ($i^2=-1$)
version	Versão do <i>GNU Octave</i>

2.2. Expressões e comandos básicos

O *GNU Octave*, assim como o MATLAB, são linguagens de alto nível e interpretadas. Nestas linguagens o sistema avalia as expressões digitadas, que são geralmente na forma:

$$\text{variável} = \text{expressão}$$

Os números reais são escritos em notação decimal e para criar números complexos basta escrever *i* (ou *j*) depois da parte imaginária. Alguns exemplos de números permitidos são mostrados abaixo:

```
1/3          -99          .0001
9.63973     1.602E-20     6.025E23
3 + 2i      -3.1459i     3E5j
```

Todo cálculo é realizado com todas as casas decimais (*eps*), embora os números mostrados ocultem algumas dessas casas. Para mudar o formato de saída dos números, pode-se usar o comando `format`.

O formato “*default*”, chamado de formato `short`, mostra aproximadamente 5 dígitos significativos ou usam notação científica. Exemplo:

```
>> x = [4/3 1.2345e-6]
```

é mostrada, para cada formato usado, da seguinte maneira:

<code>format short</code>	1.3333e+000 1.2345e-006
<code>format long</code>	1.3333333333333333e+000 1.2345000000000000e-006
<code>format hex</code>	3ff5555555555555 3eb4b6231abfd271
<code>format rat</code>	4/3 9/7290401 (Aproximação racional)
<code>format bank</code>	1.33 0.00
<code>format +</code>	++

O formato `+` é uma maneira compacta de mostrar matrizes de grandes dimensões. Os símbolos “+”, “-”, e “espaço em branco” são mostrados, respectivamente para elementos positivos, elementos negativos e zeros.

Podem-se construir expressões com os operadores aritméticos usuais:

<code>+</code>	adição	<code>/e \</code>	Divisão
<code>-</code>	subtração	<code>^</code>	Potenciação
<code>*</code>	multiplicação	<code>'</code>	matriz transposta

O *GNU Octave* possui um conjunto de funções matemáticas elementares, com seno (`sin`), tangente (`tan`), logaritmo (`log10`), etc. Por exemplo, para calcular o seno de 30 e guardar na variável `x` pode-se escrever:

```
>> x=sin(30)
```

```
x=-0.98803
```

(para `format short`)

Funções Elementares (colocadas em ordem alfabética)

<code>abs(x)</code>	Valor absoluto ou módulo de um número
<code>acos(x)</code>	Arco co-seno
<code>angle(x)</code>	Calcula o ângulo de fase (em radianos) para números complexos
<code>asin(x)</code>	Arco seno
<code>atan(x)</code>	Arco tangente
<code>cos(x)</code>	Cosseno
<code>cross(a,b)</code>	Produto vetorial dos vetores a e b
<code>exp(x)</code>	Exponencial (e^x)
<code>inv(x)</code>	Matriz inversa da matriz x
<code>log(x)</code>	Logaritmo natural ($\log_e x$)
<code>log10(x)</code>	Logaritmo na base 10
<code>max(x)</code>	Maior elemento em x

Funções Elementares (continuação)

<code>mean(x)</code>	Média de x
<code>min(x)</code>	Menor elemento em x
<code>sin(x)</code>	Função seno
<code>sqrt(x)</code>	Raiz quadrada
<code>std(x)</code>	Desvio padrão
<code>sum(x)</code>	Soma dos elementos de x
<code>tan(x)</code>	Tangente

Algumas dessas operações podem ser aplicadas a vetores ou matrizes. Para a função `std(x)`, por exemplo, se o argumento `x` for um vetor o resultado será o desvio padrão desse vetor. Se `x` for uma matriz, será calculado o desvio padrão para **cada coluna** dessa matriz. O mesmo ocorre com as funções `sum`, `max` e `mean`, entre outras.

Usando os comandos vistos, determinar a média, desvio padrão, a soma dos elementos, o valor máximo e mínimo do vetor V abaixo:

```
» V=[1 2 3 4 5 6 7 8 9]
```

2.2.1. Comandos

Ao sair do *GNU Octave* (através do comando `quit` ou `exit`) todas as variáveis do *workspace* são perdidas, a menos que sejam salvas usando o comando `save`.

Como usar o comando `save`, bem como outros relacionados:

```
save nome_de_arquivo nome_da(s)_variável(is)
```

Salva somente as variáveis especificadas.

```
load nome_de_arquivo
```

Carrega as informações salvas.

```
clear nome_da_variável
```

Apaga a variável especificada do *workspace*.

O `clear` (sem variável) apaga todas as variáveis.

Um dos comandos mais úteis no *GNU Octave*, bem como em diversos aplicativos, é o `help`, que fornece ajuda *on-line* sobre qualquer outro comando. Por exemplo, para obter ajuda sobre o comando `who`:

```
» help who
```

WHO – Lista as variáveis no *workspace* atual.

WHOS – Lista as variáveis e informações adicionais sobre elas.

Outro comando útil: `lookfor`. Este comando procura e lista todas as funções do *GNU Octave* que contém a palavra-chave especificada.

```
» lookfor mean
```

Resultado: `mean`, `meansq` e `mean2`.

2.2.2. Exercícios

1) Armazene no *workspace* os seguintes valores:

```
a = 3
```

```
b = -2.123
```

```
c = 4*3
```

```
d = [1 2 3 4]
```

```
e = [1; 2; 3; 4]
```

Utilize os comandos `who` e `whos` e observe as diferenças.

Ative o comando `clear`, e digite novamente o comando `whos`.

2) Armazene no *workspace* os seguintes valores:

$$a = 3.452$$

$$b = -25.123$$

$$c = 4 * \pi$$

3) Verifique o resultado das seguintes das seguintes operações:

$$a) (a + b) * c$$

$$c) \tan(c) - \sin(b)$$

$$b) (c - b) * a / b$$

$$d) \sin(\cos(\tan(c)))$$

Efetuar os cálculos (formato padrão), depois mudar para o formato [long](#)

Comandos: [save](#), [quit](#) (ou [exit](#)), [load](#), [clear](#), [whos](#).

4) Atribua as seguintes expressões às variáveis:

$$a) 4.12 * a - \pi / c \quad \text{para } x$$

$$b) \log(a + 40.1353) \quad \text{para } y$$

$$c) \log(a) \quad \text{para } z$$

5) Salve as variáveis x , y , z em um arquivo chamado [exemplo.mat](#).

6) Saia do *GNU Octave*, entre novamente e carregue as variáveis salvas anteriormente.

7) Apague a variável z e verifique se ela foi realmente apagada.

3. OPERAÇÕES COM MATRIZES E VETORES

O *GNU Octave* permite a manipulação de linhas, colunas, elementos individuais e partes de matrizes.

3.1. Geração de vetores

A geração de uma seqüência de números pode ser feita utilizando:

$$> x = 1:5 \quad \text{ou} \quad > x = 1:1:5$$

gera um vetor linha contendo os números de 1 a 5 com incremento unitário.

Outros exemplos com incrementos diferentes de um:

$$> y = 0:\pi/4:\pi$$

que resulta em:

$$y =$$

0.0000	0.7854	1.5708	2.3562	3.1416
--------	--------	--------	--------	--------

Incrementos negativos também são possíveis.

$$> z = 6 : -1 : 1$$

$$z =$$

6	5	4	3	2	1
---	---	---	---	---	---

Pode-se também gerar vetores usando a função `linspace`.

Sintaxe: `linspace` (*inicio, fim, número de elementos*)

Exemplo de uso:

```
> k = linspace (0, 1, 6)
```

k =

```
0 0.2000 0.4000 0.6000 0.8000 1.0000
```

3.2. Elementos das matrizes

Um elemento específico da matriz pode ser acessado especificando a linha e a coluna do elemento desejado, fazendo $A(\text{linha}, \text{coluna})$. Por exemplo, dada a matriz A:

```
A =
    1  2  3
    4  5  6
    7  8  9
```

Qual o resultado da seguinte operação?

```
>> A(3,3) = A(1,3) + A(3,1)
```

Resulta em:

```
A =
    1  2  3
    4  5  6
    7  8 10
```

“Extração” de submatrizes de uma dada matriz

```
A =
    92  99  11  18
    98  80  17  14
    14  81  88  20
```

```
>> B = A(2:3,4)   Armazena em B os elementos das linhas 2 e 3 da coluna 4.
```

```
B =
    14
    20
```

```
>> C = A(2:3,2:4)
C =
    80    17    14
    81    88    20
```

C é uma submatriz 2x4, formada pelas linhas 2 e 3 e colunas 2 a 4 da matriz A.

```
>> D = triu(A)          << Extrai a triangular superior.
D =
    92    99    11    18
    00    88    17    14
    00    00    88    20
```

Geração de algumas matrizes especiais:

Exemplo 1: B uma matriz 10x10 unitária.

```
>> B = ones (10)
```

Exemplo 2: C uma matriz de dimensão 8x8 com elementos nulos.

```
>> C = zeros (8)
```

Matriz identidade: `eye`

Matriz diagonal: `diag`

Matriz de números randômicos: `rand`

<< Extrai a diagonal de uma dada matriz.

3.3. Operações com matrizes

Operações matemáticas simples (adição, subtração, divisão e multiplicação) envolvendo matrizes são semelhantes às operações com escalares.

```
» m=[8 1 6; 3 5 7; 4 9 2];
```

```
» 3*m
```

```
ans =
    24     3    18
     9    15    21
    12    27     6
```

```
» m+100
ans =
    108    101    106
    103    105    107
    104    109    102
```

Nas operações entre matrizes devem ser respeitadas as regras usuais da matemática quanto ao número de linhas e colunas que duas matrizes devem ter para serem somadas, multiplicadas, etc. No entanto existem operações especiais. Sendo $A=[a_1 \ a_2 \ \dots \ a_n]$ e $B=[b_1 \ b_2 \ \dots \ b_n]$ duas matrizes, então:

- $A./B = [a_1/b_1 \ a_2/b_2 \ \dots \ a_n/b_n]$;
- $A.*B = [a_1 \cdot b_1 \ a_2 \cdot b_2 \ \dots \ a_n \cdot b_n]$;
- $A.^B = [a_1^b_1 \ a_2^b_2 \ \dots \ a_n^b_n]$;

Alguns comandos adicionais para a operação com matrizes:

<code>inv</code>	Matriz inversa de uma dada matriz Sintaxe: <code>inv(matriz)</code>
<code>det</code>	Calcula o determinante (D) de uma matriz bem como o recíproco do número de condição (RCOND) Sintaxe: <code>[D, RCOND]=det(matriz)</code>
<code>trace</code>	Traço de uma matriz Sintaxe: <code>trace(matriz)</code>
<code>cond</code>	Número de condição de uma matriz. Sintaxe: <code>cond(matriz)</code>
<code>rank</code>	Rank de uma matriz Sintaxe: <code>rank(matriz)</code>

3.4. Exercícios

- 1) Dadas as seguintes matrizes e vetores:
- » $A = [1 \ 2 \ 3; 4 \ 10 \ 6; 7 \ 8 \ 19]$
 - » $B = [4 \ 5 \ 6; 1 \ 2 \ 3; 8 \ 7 \ 6]$
 - » $C = [4 \ 5 \ 6]$
 - » $L = [4; 5; 6]$
- 2) Calcule:
- a) $D = A+B$
 - b) $E = A*B$
 - c) $F = A-B$
 - d) $G = B^T-A$
 - e) $H = A^T A$
 - f) $I = A C^T$
 - g) Determinar a inversa de A e salvar em D
 - h) Produto D vezes A
 - i) Autovalor e Autovetor de A
 - j) Calcule o traço e o determinante de A
 - k) Resolver o sistema $AX = L$

4. GRÁFICOS

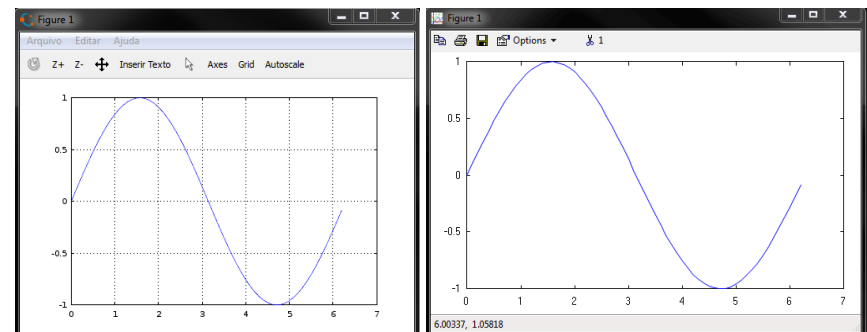
A construção de gráficos no *GNU Octave* é bem simples e a maior parte dos comandos é muito parecida com os usados pelo MATLAB, sendo possível a geração de gráficos bidimensionais ou tridimensionais.

Existe no *GNU Octave* um grande conjunto de comandos que permite a construção de gráficos.

Na versão atual a saída gráfica é, por *default*, criada usando o OpenGL e Qt. Caso as bibliotecas do OpenGL não estejam disponíveis o GnuPlot é utilizado.

Caso o usuário queira saber qual a interface em uso basta digitar `graphics_toolkit` no *prompt* do *GNU Octave*. Para modificar a interface de saída o comando `graphics_toolkit` (*opção*) pode ser usado.

As imagens abaixo mostram o mesmo gráfico gerado com as opções “`fltk`” e “`gnuplot`”, respectivamente.



4.1. Comandos gráficos básicos

Na tabela seguinte são mostrados alguns comandos básicos que permitem a geração de gráficos bidimensionais no *GNU Octave*.

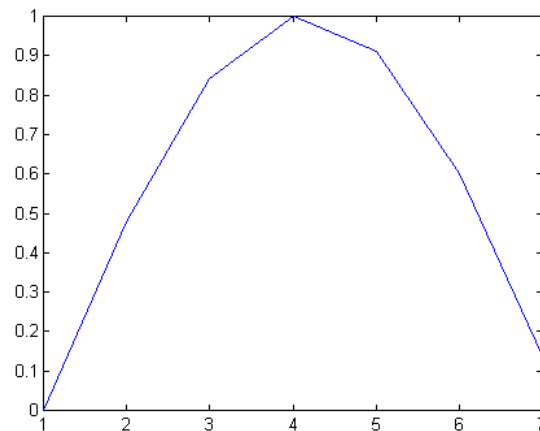
<code>plot</code>	Visualização de gráficos lineares no plano
<code>bar</code>	Gráfico de barras
<code>stem</code>	Sequência discreta
<code>stairs</code>	Plotar em degraus
<code>errorbar</code>	Plotar barra de erros
<code>hist</code>	Plotar histograma
<code>comet</code>	Plotar com trajetória de cometa

Se y é um vetor, `plot(y)` produz um gráfico linear com o índice dos elementos de y na abscissa e os elementos de y na ordenada.

Por exemplo, para plotar os números [0.0, 0.48, 0.84, 1.0, 0.91, 0.6, 0.14], entre com o vetor y e execute o comando `plot`, como mostrado:

```
>> y = [0.0 0.48 0.84 1.0 0.91 0.6 0.14];
>> plot(y)
```

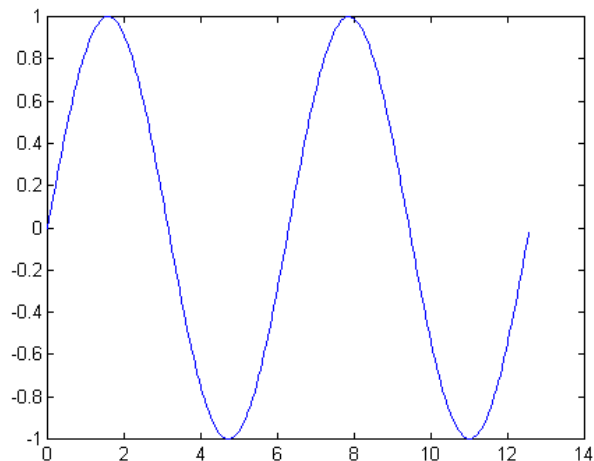
Resultado:



Se t e y são vetores com dimensões iguais, o comando `plot(t,y)` produz um gráfico bidimensional dos elementos de t versos os elementos de y , por exemplo

```
>> t = 0:0.05:4*pi;
>> y = sin(t);
>> plot(t,y)
```

Resultado:



O GNU Octave pode também plotar múltiplas linhas em apenas um gráfico.

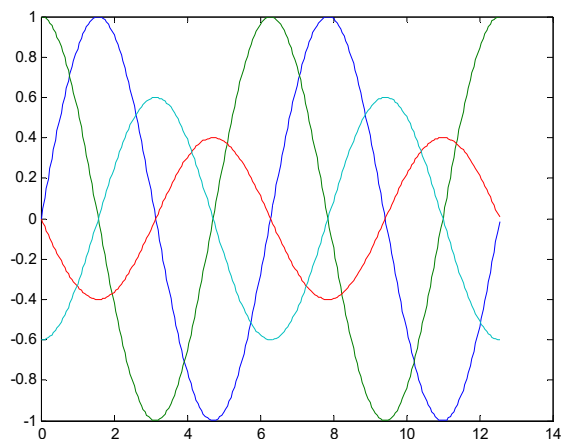
Exemplo de uso do comando `plot` com múltiplos argumentos.

Exemplo:

```
>> plot(t, sin(t), t, cos(t), t, 0.4*sin(t+pi), t, 0.6*cos(t+pi))
```

Obs : Observe que as informações são fornecidas aos pares, sendo um deslres o que será representado na abscissa e o seguinte na ordenada, e assim sucessivamente.

Resultado:



4.2. Estilos de Linha e Símbolo

Os tipos de linhas, símbolos e cores usadas para mostrar os gráficos podem ser controlados. Seguem alguns exemplos, seguidos dos respectivos resultados (próxima página):

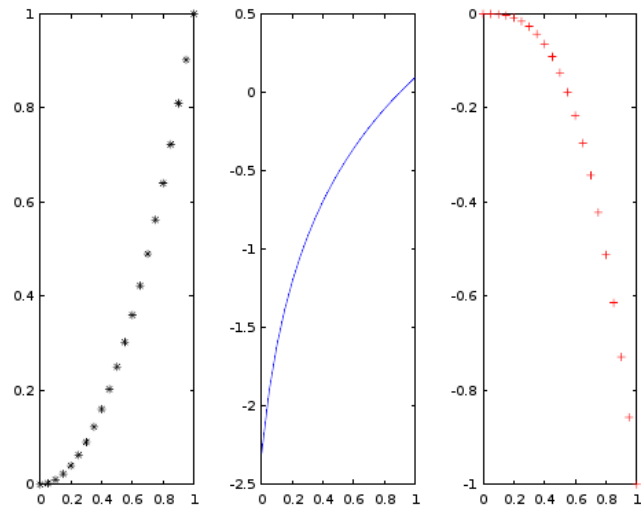
```
>> x = 0:0.05:1;
>> subplot(1,3,1);
>> plot(x,x.^2,'*k')
>> subplot(1,3,2);
>> plot(x,log(x+0.1),'-b')
>> subplot(1,3,3);
>> plot(x,-x.^3,'+r')
```

Símbolo: *
Cor: Preto

Símbolo: -
Cor: Azul

Símbolo: +
Cor: Vermelha

Resultado:



Outros tipos de linhas, pontos e cores também podem ser usados:

TIPO DE LINHA		TIPO DE PONTO		CORES	
-	_____	y	amarelo
		*	*****	m	magenta
		o	oooooooooooo	c	cian
		+	+++++++	r	vermelho
		X	XXXXXX	g	verde
		^	^^ ^^ ^^ ^^	b	azul
				w	branco
				k	preto

Mais opções: '--', ':', '-.'

Mais opções: 's', 'd', 'p', 'h'.

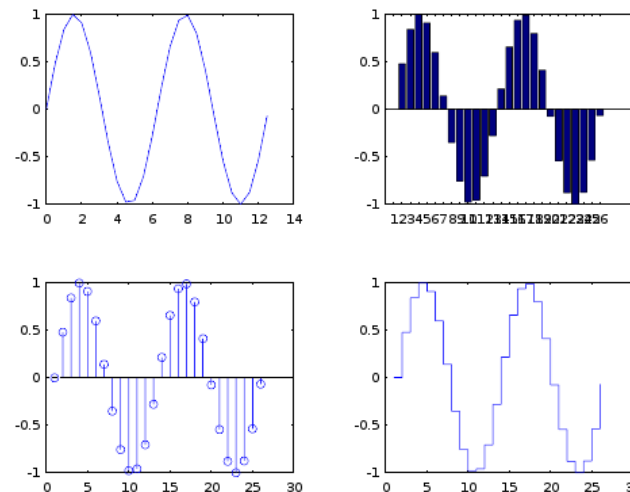
4.3. Exercícios

```
>> t = 0:0.5:4*pi;
>> y = sin(t);
```

Criar os seguintes gráficos:

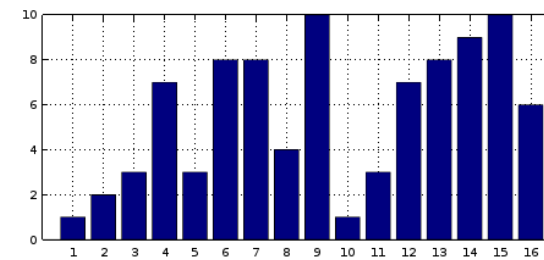
- Gráfico simples (`plot`)
- Gráfico de barras (`bar`)
- Sequência discreta (`stem`)
- Escada (`stairs`)

Resultado:

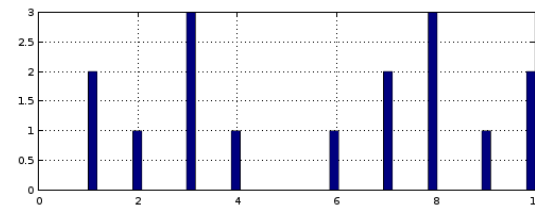


Dado o vetor: $y = [1\ 2\ 3\ 7\ 3\ 8\ 8\ 4\ 10\ 1\ 3\ 7\ 8\ 9\ 10\ 6]$ construa o gráfico de barras bem como o histograma (`hist`) de frequências.

Resultados: Gráfico de barras e histograma de frequências, respectivamente.



```
>> bar(y);
>> grid('on');
```

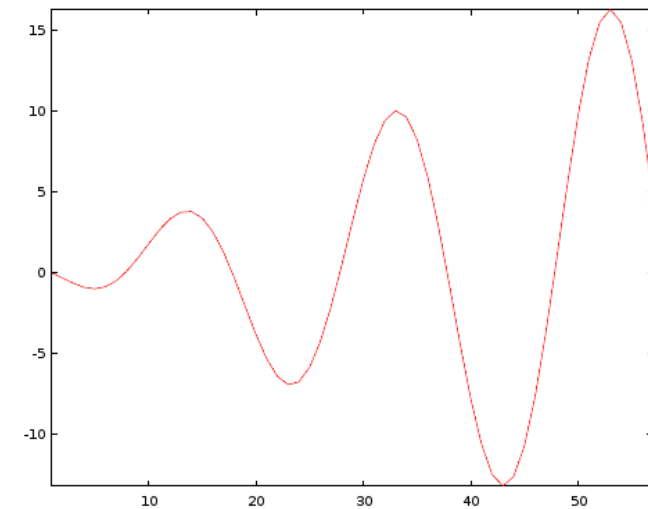


```
>> hist(y,50);
>> grid('on');
```

Verificar o resultado do uso dos seguintes comandos:

```
>> t=1:pi/10:6*pi;
>> y=(1-t).*sin(t);
>> comet(y)
```

Resultado final:



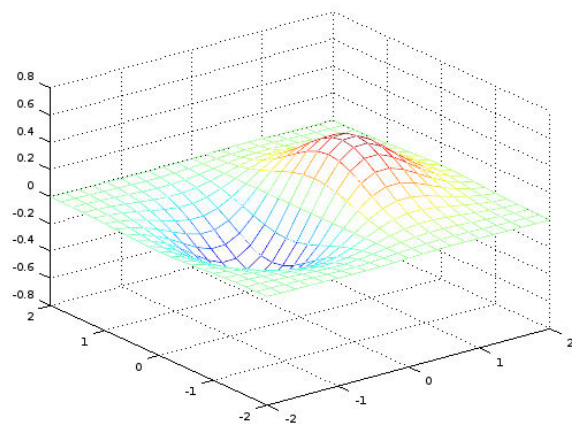
4.4. Geração de Gráficos Tridimensionais e Isolinhas

Estes são alguns comandos para gerar gráficos tridimensionais e contornos.

<code>plot3</code>	Mostrar gráfico no espaço 3D
<code>contour</code>	Permite visualizar curvas de nível no plano
<code>contour3</code>	Permite visualizar curvas de nível no espaço 3D
<code>meshgrid</code>	Permite a criação de estruturas (2D e 3D) para representação 3D
<code>mesh</code>	Permite plotar malhas 3D
<code>meshc</code>	Combinação mesh/contour
<code>surf</code>	Plotar superfície 3D
<code>surfc</code>	Combinação surf/contour
<code>slice</code>	Plot visualização volumétrica
<code>cylinder</code>	Gerar cilindro
<code>sphere</code>	Gerar esfera

O comando `mesh(x,y,z)` cria uma perspectiva tridimensional plotando os elementos da matriz `z` em relação ao plano definindo pelas matrizes `x` e `y`. Exemplo de uso:

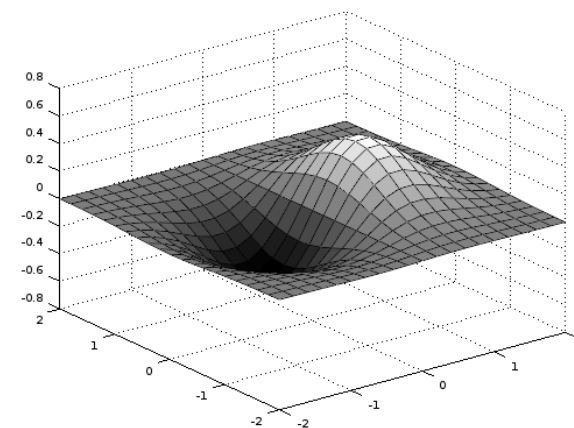
```
>> t = -2:0.2:2;
>> [x, y] = meshgrid(t, t);
>> z = x.* exp(-x.^2 - y.^2);
>> mesh(x, y, z)
```



Verifique as seguintes opções:

```
>> surf(x, y, z)
>> colormap(gray);
```

Resultado:



Alguns outros paletes: `autumn`, `bone`, `cool`, `copper`, `cubehelix`, `flag`, `gray`, `hot`, `hsv`, `jet`, `lines`, `ocean`, `pink`, `prism`, `rainbow`, `spring`, `summer`, `white`, `winter`, ...

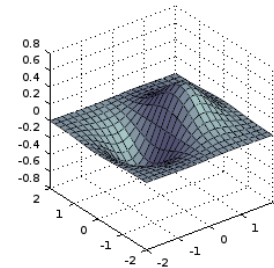
Outros exemplos de superfícies (ainda usando a mesma função) no qual se considera que a superfície é iluminada por uma fonte de luz, dando o efeito de "sombreamento". Seguem algumas das alternativas:

```
>> colormap(bone)
>> surf(x, y, z), shading faceted

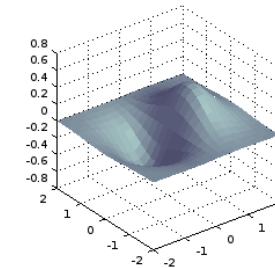
>> colormap(bone)
>> surf(x, y, z), shading flat

>> colormap(bone)
>> surf(x, y, z), shading interp
```

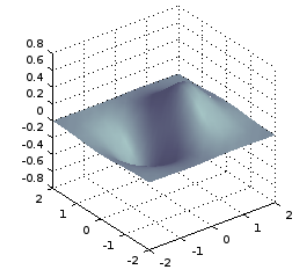
Resultados:



(a)...



..(b)

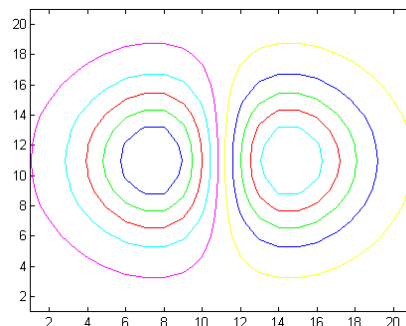


(c)

- (a) Sombreamento interpolado, com as linhas de transição visíveis (**shading faceted**)
- (b) Sombreamento interpolado mostrando as faces planas (**shading flat**)
- (c) Sombreamento interpolado (**shading interp**)

Curvas de nível

O comando `contour(z,10)` mostra a projeção da superfície definida (pela função z), no plano cartesiano xy , com 10 iso-linhas. A figura seguinte mostra o resultado para a superfície anterior.



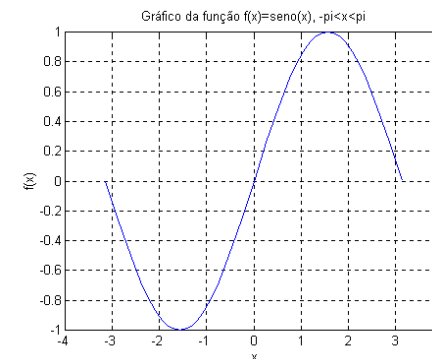
4.5. Anotações no Gráfico

O *GNU Octave* possui alguns comandos que permitem adicionar informações em um gráfico, como por exemplo:

<code>title</code>	Título do gráfico
<code>xlabel</code>	Título do eixo X
<code>ylabel</code>	Título do eixo Y
<code>zlabel</code>	Título do eixo Z
<code>text</code>	Inserir anotação no gráfico
<code>gtext</code>	Inserir anotação com o "mouse", de modo interativo
<code>grid</code>	Linhas de grade

Exemplos:

```
>> fplot('sin', [-pi pi]);
>> title 'Gráfico da função f(x)=seno(x), -pi<x<pi';
>> xlabel 'x';
>> ylabel 'f(x)';
>> grid ('on');
>> text(1,.2,'Curva sin(x)');
>> gtext 'Sin(x)';
```

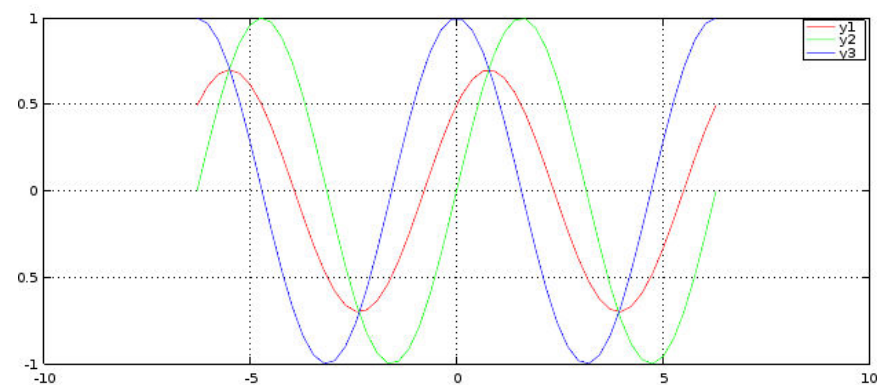
Exemplo do comando `fplot` para múltiplas funções

```
fplot(' [tan(x), sin(x), cos(x)] ', 2*pi*[-1 1 -1 1])
```

Uma outra possibilidade para a visualização de múltiplas funções:

```
>> figure(2)
>> t=linspace(-2*pi,2*pi,50);
>> y1=tan(t);
>> y2=sin(t);
>> y3=cos(t);
>>
>> plot(t,y1,"r");
>> hold on
>> plot(t,y2,"g");
>> plot(t,y3,"b");
>> legend('y1','y2','y3');
```

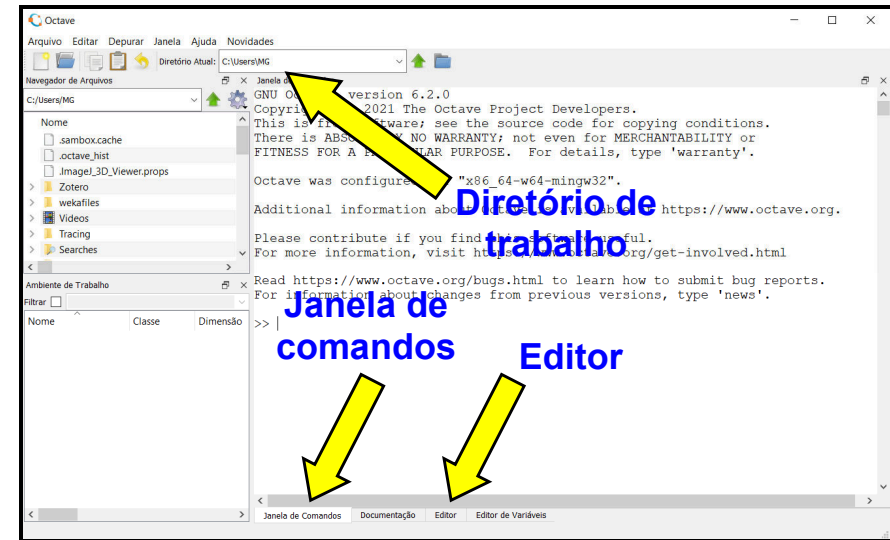
Resultado:



5. ARQUIVOS SCRIPT (.m)

Os comandos do *GNU Octave* são normalmente digitados na área de trabalho, onde cada linha de comando é introduzida e imediatamente processada. O *GNU Octave* é também capaz de executar seqüências de comandos armazenadas em arquivos ASCII com extensão m. Estes arquivos podem ser criados por alguns aplicativos como *Notepad++*, *Notepad*, *Textpad*, *Sublime Text*, etc.

Uma outra possibilidade para criar e editar estes arquivos é por meio do editor do próprio ambiente de trabalho do *GNU Octave*. Como pode-se notar na próxima figura, tem-se na parte inferior da tela a aba Editor. É sugerido que antes de criar o arquivo, com extensão “.m”, que seja escolhido e definido o diretório de trabalho, como indicado na próxima figura.



GUI do *GNU Octave* versão 6.2.0, onde são destacados alguns elementos.

Na seqüência são apresentados alguns comandos e declarações especiais para serem usados nos arquivos *script*, por exemplo:

Comando	Função
<code>% ou #</code>	Inserir um comentário no arquivo “.m”
<code>clear</code>	Apagar todos os dados da memória
<code>input</code>	Usado para a entrada de dados a partir da janela de comando
<code>pause</code>	Provoca uma pausa na execução do arquivo até que qualquer tecla seja digitada
<code>clc</code>	Limpar a janela de comando
<code>figure(n)</code>	Abrir e mostrar a janela gráfica de número <i>n</i>
<code>disp('...')</code>	Mostrar no ambiente de trabalho o texto colocado entre ‘...’
<code>close</code>	Fechar todas as janelas gráficas

Exemplo de arquivo *script*

```
#Mostrar a funcao y=ax^2 + bx + c no intervalo -5<x<5
clear;
aux='s';
while aux=='s',
    clc
    disp(' ');
    disp(' Dada a equação y=ax^2 + bx + c ...'); disp(' ');
    a=input('Digite o valor de a = ');
    b=input('Digite o valor de b = ');
    c=input('Digite o valor de c = ');
    x=-5:0.1:5;
    y=a*x.^2+b*x+c;
    figure(1)
    plot(x,y)
    grid on
    clc
    disp(' ');
    aux=input(' Deseja ver outra curva ? (s/n) ==> ', 's');
endwhile
disp('Programa finalizado. ');
close;
```

6. CONTROLE DE FLUXO

Os comandos que controlam o fluxo especificam a ordem em que as operações são realizadas. No *GNU Octave* estes comandos são semelhantes aos usados na linguagem C bem como em outras linguagens.

6.1. Laço *for*

O laço *for* é o controlador de fluxo mais simples e usado na programação *GNU Octave*. Exemplo de uso do comando *for*:

```
>> for i = 1:n;
>>     for j = 1:n;
>>         ...
>>     endfor
>> endfor
```

É muito comum construções em que conjuntos de laços *for* são usados, principalmente em operações envolvendo vetores e matrizes:

```
for i=1:10;
    for j=1:10;
        A(i,j)=i+j;
        B(i,j)=i-j;
    endfor
endfor
A
B
C=A+B
```

6.2. Comando *while*

No exemplo abaixo o laço *while* é executado se a condição testada for verdadeira.

```
a = 1; b = 15;
while a<b
    a = a+1
    b = b-1
endwhile
disp('fim do loop')
```

- Inicialmente são atribuídos valores para **a** e **b**.
- A condição **a<b** é testada.
- Se ela for verdadeira o corpo do laço será executado e o procedimento é repetido.
- Quando o teste se tornar falso o laço terminará, e a execução continuará no comando que segue o laço, após o **endwhile**.

Operadores relacionais:

< Menor do que
> Maior do que
<= Menor ou igual a
>= Maior ou igual a
== Igual
~= Diferente

Operadores lógicos

& e
| ou
~ não

6.3. Declarações if, else

A seguir, é apresentado um exemplo do uso da declaração `if` no *GNU Octave*.

```
for i = 1:5;
  for j = 1:5;
    if i == j
      A(i,j) = 2;
    else
      if abs(i-j) == 1
        A(i,j) = 1;
      else
        A(i,j) = 0;
      endif
    endif
  endfor
endfor
A
```

7. ABERTURA E VISUALIZAÇÃO DE IMAGENS

São vários os comandos destinados à visualização e processamento de imagens. Boa parte destes comandos é incorporada em bibliotecas (ou pacotes) específicas como a denominada “`image`”, disponível na página <http://octave.sourceforge.net/>.

O propósito central desta seção é apresentar apenas alguns comandos básicos, em função das diversas possibilidades de processamento. Dada a diversidade de comandos um, ou mais cursos poderiam ser ministrados com este propósito.

Pode-se notar que boa parte dos comandos são similares ao da biblioteca MATLAB. Para detalhes adicionais sobre os diversos comandos sugere-se M^o ANDREW (2004) e EATON et al (2015).

A tabela seguinte mostra alguns comandos básicos, que permitem a operação com imagens no *GNU Octave*:

<code>imread</code>	Faz a leitura de imagens
<code>image</code>	Permite a visualização de uma matriz como uma imagem
<code>hist</code>	Calcula o histograma de um conjunto de dados
<code>rgb2gray</code>	Converte imagem colorida (RGB) para tons de cinza
<code>axis</code>	Controla a aparência e a escala dos eixos
<code>disp</code>	Visualização de um vetor no modo texto
<code>figure</code>	Abre uma nova janela gráfica
<code>colormap</code>	Permite definir um mapa de cores Exemplo: <code>colormap(gray(256))</code>
<code>imfinfo</code>	Função que retorna uma estrutura que contem diversas informações sobre determinada imagem Exemplo de uso: <code>imfinfo("arquivo imagem")</code>

Abertura de imagem / Visualização / Conversão RGB para Tom de Cinza

Crie um arquivo (.m), digite, salve e execute os comandos abaixo:

```
warning('off');
pkg load image;
nome='lenna.jpg';
DATA=imread(nome);

figure(1);
image(DATA);
xlabel(['Imagem: ' nome]);
disp(['Imagem entrada: ' nome]);

figure(2);
DATAg=rgb2gray(DATA);
image(DATAg);
colormap(gray(256));
xlabel(['Imagem (tom de cinza) ']);
disp(['Imagem (tom de cinza) : ok']);
```

Abertura de imagem / Visualização / Conversão RBG para Tom de Cinza (Cont.)

No mesmo arquivo criado antes, escreva um código que permita criar a imagem negativa em tom de cinza. Mostre esta imagem:

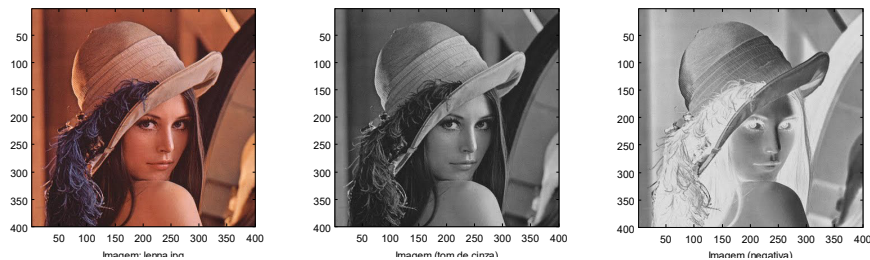
```
...
figure(3);
```

Abertura de imagem / Visualização / Conversão RBG para Tom de Cinza (Cont.)

No mesmo arquivo criado antes, escreva um código que permita criar a imagem negativa em tom de cinza. Mostre esta imagem:

```
...
figure(3);
DATAn=255.-DATAg;
image(DATAn);
colormap(gray(256));
xlabel(['Imagem (negativa)']);
disp(['Imagem (negativa)      : ok']);
```

Resultado do processamento anterior, onde é mostrada a imagem original (colorida), a convertida para tons de cinza e a negativa.

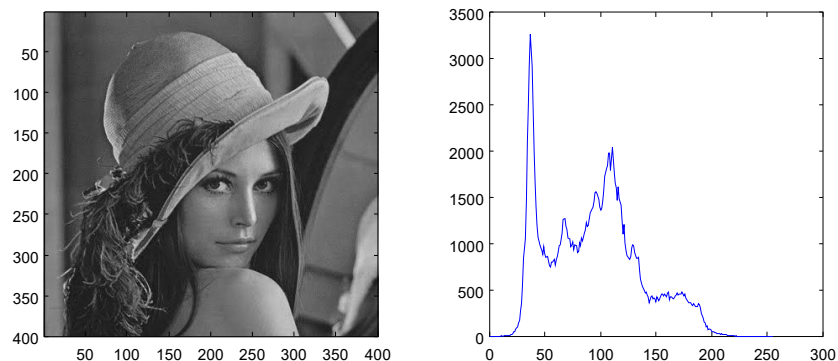
**Leitura / Cálculo do Histograma de Frequência / Visualização do Histograma**

```
warning('off');
pkg load image;
nome='lenna.jpg';
DATA=imread(nome);
DATAg=rgb2gray(DATA);

figure(1);
image(DATAg);
colormap(gray(256));
xlabel(['Imagem: ' nome]);
disp(['Imagem (original): ' nome]);

[freq,tom]=hist(DATAg(:,0:255));
figure(2);
plot(tom,freq);
title(['Histograma']);
```


Resultado do processamento anterior, onde é mostrada a imagem lida e respectivo histograma.



Alguns comandos adicionais relacionado ao processamento de imagens:

<code>imshow</code>	Permite a visualização de uma imagem
<code>imagesc</code>	Permite a visualização de uma imagem após a aplicação de uma escala, de modo que todo o mapa de cores seja utilizado
<code>imwrite</code>	Permite salvar uma imagem em arquivo (<code>imwrite(imagem, "nome.ext")</code>) Formatos aceitos: <code>jpg</code> , <code>tif</code> , <code>gif</code> , <code>pgm</code> , <code>bmp</code> , <code>png</code> , etc
<code>filter2(B,X)</code>	Realiza a correlação do dado em X usando o filtro 2D armazenado em B
<code>conv2 (A,B)</code>	Realiza a convolução da matriz A sobre a matriz B
<code>uint8</code>	Converte os elementos para inteiros sem sinal (8 bits)
<code>int8</code>	Converte os elementos para inteiros de 8 bits

Leitura / Aplicação de um filtro a uma imagem / Visualização

```
pkg load image;
nome='lenna.jpg';
DATA=imread(nome);
DATA=rgb2gray(DATA);

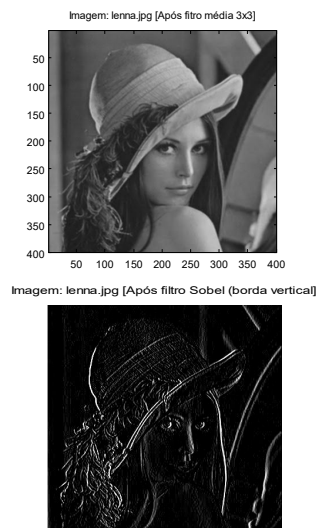
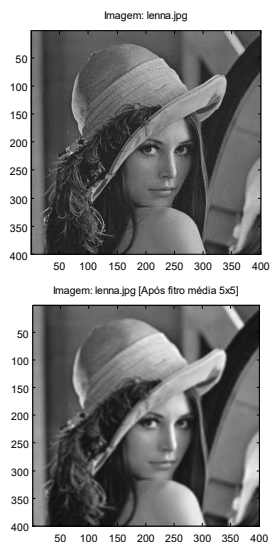
figure(1);
image(DATA);
colormap(gray(256));
title(['Imagem: ' nome]);

f33=(1/9).*[ 1 1 1;
            1 1 1;
            1 1 1];
PARCIALa=filter2(f33,DATA,'same');
figure(2);
image(PARCIALa);
colormap(gray(256));
title(['Imagem: ' nome ' [Após fitro media 3x3]']);
```

Leitura / Aplicação de um filtro a uma imagem / Visualização (Continuação)

```
...
f55=(1/25).*[ 1 1 1 1 1;           1 1 1 1 1;
              1 1 1 1 1;           1 1 1 1 1;
              1 1 1 1 1];
PARCIALb=conv2(DATA,f55,'same');
figure(3);
imagesc(PARCIALb);
colormap(gray(256));
title(['Imagem: ' nome ' [Após fitro média 5x5]']);

f2da=[ -1 0 1; -2 0 2; -1 0 1];
PARCIAL=filter2(f2da,DATA);
figure(4);
imshow(uint8(PARCIAL));
title(['Imagem: ' nome ' [Apos filtro Sobel (borda
vertical]']);
```



Abertura de imagem / Armazenamento em outros formatos

No mesmo arquivo *script* anteriormente escrito, incorpore no código o armazenamento das imagens após aplicação dos filtros de suavização 3x3 e 5x5, em arquivos com diferentes formatos:

...

Abertura de imagem / Armazenamento em outros formatos

No mesmo arquivo *script* anteriormente escrito, incorpore no código o armazenamento das imagens após aplicação dos filtros de suavização 3x3 e 5x5, em arquivos com diferentes formatos:

...

```
imwrite(uint8(PARCIALa),"filtro3x3.jpg");
imwrite(uint8(PARCIALb),"filtro5x5.png");
disp(['Imagens filtro3x3.jpg e filtro5x5.png salvas.']);
```

8. IMPORTAÇÃO / EXPORTAÇÃO DE DADOS

Neste tópico são apresentados alguns comandos adicionais relacionados à manipulação de arquivos e ao uso de funções criadas pelo usuário.

8.1. Importação e Exportação de Dados

Os dados (matrizes, vetores, escalares, cadeia de caracteres, etc) disponíveis no Ambiente de Trabalho do *GNU Octave*, como foi visto, podem ser armazenados em arquivos no modo texto, binário (e outros formatos), utilizando o comando **save**.

Existem diversas maneiras de utilizar este comando, como pode-se ver nos exemplos mostrados na sequência:

<code>save arq1.sai X Y Z -binary</code>	salva as variáveis X, Y e Z no arquivo binário “arq1.sai”
<code>save arq2.sai X Y Z -ascii</code>	salva as variáveis X., Y e Z no arquivo texto “arq2.sai” com 8 casas decimais
<code>save arq3.sai X Y Z -ascii -double</code>	salva as matrizes X., Y e Z no arquivo texto “arq3.sai” com 16 casas decimais

Os dados obtidos por outros programas podem ser importados pelo *GNU Octave*, desde que estes dados sejam gravados em formato apropriado. Se os dados são armazenados no formato ASCII, e no caso de matrizes, com colunas separadas por espaços e cada linha da matriz em uma linha do texto, o comando `load` pode ser usado.

Por exemplo suponha que um programa qualquer criou arquivo “polig1.dat” que contém a seguinte matriz.

```

1 1
3 1
3 3
1 3
1 1

```

Ao executar o comando:

```
>> load polig1.dat
```

o *GNU Octave* importa a matriz, que é armazenada com o nome `polig1`.

```

>> polig1
polig1 =
    1    1
    3    1
    3    3
    1    3
    1    1

```

O *GNU Octave* pode também importar (através do comando `load`) os dados que foram anteriormente exportados por ele. Por exemplo, para importar as variáveis X, Y e Z, anteriormente exportadas usando o comando `save`, pode-se fazer:

```

load arq1
load arq2.sai
load arq3.sai
save arq1 X Y Z
save arq2.sai X Y Z -ascii
save arq3.sai X Y Z -ascii -double

```

Deve-se ressaltar que o comando `save`, quando usado para exportar os dados do *GNU Octave* em formato texto, exporta apenas um bloco contendo todas as variáveis. Quando os dados são importados através do comando `load`, apenas uma variável com nome do arquivo é criada.

Exemplo:

```
>> x = rand(3,3)
x =
    0.2190  0.6793  0.5194
    0.0470  0.9347  0.8310
    0.6789  0.3835  0.0346

>> y = rand(3,3)
y =
    0.0535  0.0077  0.4175
    0.5297  0.3835  0.6868
    0.6711  0.0668  0.5890
```

```
>> save arq2.sai X Y -ascii
>> clear
>> whos
>> load arq2.sai
>> arq2
arq2 =

    0.2190    0.6793    0.5194
    0.0470    0.9347    0.8310
    0.6789    0.3835    0.0346
    0.0535    0.0077    0.4175
    0.5297    0.3834    0.6868
    0.6711    0.0668    0.5890
```

9. CRIAÇÃO DE FUNÇÕES

9.1. Criação de funções

O uso de funções é muito útil tanto na execução de algumas tarefas repetitivas quanto no aproveitamento do código em diferentes aplicações. Pode-se, deste modo, fazer a criação bibliotecas de funções destinadas a solução de alguns problemas específicos.

A estrutura geral de uma função do *GNU Octave* é a seguinte:

```
function [ retorno ] = teste (variáveis)
...
endfunction
```

Na sequência são mostrados dois exemplos de funções. Uma delas foi criada com o objetivo de, dado um ângulo (alfa) em radianos, montar a matriz de rotação M:

$$M(\alpha) = \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & \sin(\alpha) \\ -\sin(\alpha) & \cos(\alpha) \end{bmatrix}.$$

A segunda função tem o propósito de, dada uma matriz de rotação M e um ponto de coordenadas (x,y), aplicar a matriz de rotação de modo que se tenha:

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = M(\alpha) \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

Função “`f_matriz_rotacao`” armazenada no arquivo `f_matriz_rotacao.m`

```
function Mrot=f_matriz_rotacao(alfa)

# F_MATRIZ_ROTACAO Calcula a matriz de rotação no plano
#                               Entrada: Ângulo em graus
#                               Retorno: Matriz de rotação 2x2
#
# Autores: Mauricio Galo e Paulo Camargo
# UNESP, 2015

    alfa=alfa*pi/180;
    Mrot=[  cos(alfa)  sin(alfa);
          -sin(alfa)  cos(alfa)];

endfunction
```

Função “`f_aplica_rotacao`” armazenada no arquivo `f_aplica_rotacao.m`

```
function [xrot,yrot]=f_aplica_rotacao(M,x,y)

# F_APLICAR_ROTACAO Faz a rotação de um ponto (x,y) usando
#                               a matriz de rotação M
#                               Retorno: Coordenadas rotacionadas do
#                               ponto (x,y)
#
# Autores: Mauricio Galo e Paulo Camargo
# UNESP, 2015

    xrot=x*M(1,1) + y*M(1,2);
    yrot=x*M(2,1) + y*M(2,2);

endfunction
```

Como exemplo de aplicação das funções criadas para o *GNU Octave*, inicialmente escreva um *script* que permite ler nas variáveis `polig1.dat` e `polig2.dat`, bem como permita a visualização destes vetores, usando o comando `plot`:

Conteúdo do arquivo <code>polig1.dat</code>	Conteúdo do arquivo <code>polig2.dat</code>
0 0	2 2
1 0	3 3
1 1	2 3
0 1	2 2
0 0	

Leitura dos dados / Visualização dos polígonos

```
load 'polig1.dat'
load 'polig2.dat'

[lin1,col1]=size(polig1);
[lin2,col2]=size(polig2);

x1=polig1(1:lin1,1);
y1=polig1(1:lin1,2);
x2=polig2(1:lin2,1);
y2=polig2(1:lin2,2);

figure(1);
plot(x1,y1,x2,y2);
```

Cálculo da Matriz de Rotação / Rotação / Visualização dos polígonos após rotação

No mesmo *script* anterior, calcule e matriz de rotação, aplique-a a todos os pontos dos dois polígonos e faça a visualização.

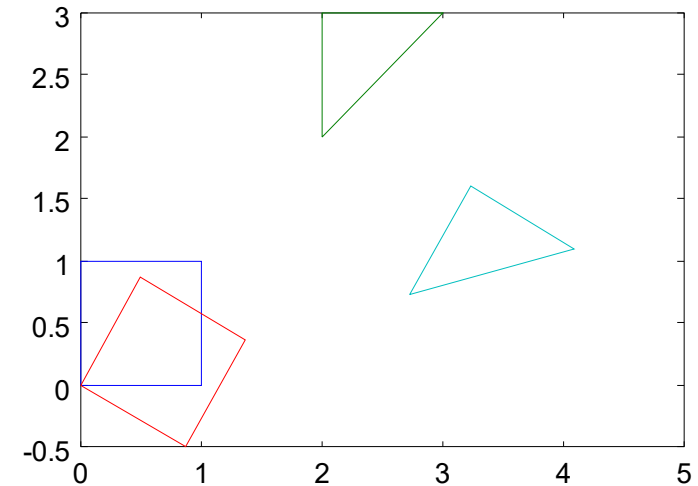
```
...
ROT = f_matriz_rotacao(30);

[x1r,y1r]=f_aplica_rotacao(ROT,x1,y1);
[x2r,y2r]=f_aplica_rotacao(ROT,x2,y2);

figure(2);
plot(x1r,y1r,x2r,y2r);

figure(3);
plot(x1,y1,x2,y2,x1r,y1r,x2r,y2r);
```

Visualização dos polígonos antes e após rotação



REFERÊNCIAS

CORAL, A. M.; SANTOS, M. P.; BASTOS, T. D. A.; BORBA, M. *Curso de Matlab*. Universidade Federal de Santa Catarina, Dep. de Eng. de Produção, Programa Especial de Treinamento – PET. Florianópolis – SC, 1999. 29p.

EATON, J. W.; BATEMAN, D.; HAUBERG, S. *GNU Octave – Edition 3 for Octave version 3.2.3*, July, 2007. 672p.

EATON, J. W.; BATEMAN, D.; HAUBERG, S.; WEHBRING, R. *GNU Octave – Edition 4 for Octave version 4.0.0 – Free Your Numbers*, March, 2015. 966p.

HANSELMAN, D.; LITTLEFIELD, B. *Matlab - Versão do Estudante: guia do usuário* (Tradução). São Paulo: Makron Books, 1997. 305p.

M^cANDREW, A. *Introduction to Digital Image Processing with MATLAB[®]*. Thomson Course Technology, 2004. 509p. ISBN: 0-534-40011-6

QUARTERONI, A.; SALERI, F.; GERVASIO, P. *Scientific Computing with MATLAB and Octave*. Fourth Edition. Text in Computational Science and Engineering. BARTH, T. J.; GRIEBEL, M.; KEYES, D. E.; NIEMINEN, R. M.; ROOSE, D.; SCHLICK, T. (Eds.). Lausanne: Springer, 2014.

PAGAMISSE, A.; SOUZA, L. H. G. *Introdução ao Software Octave*. Semana de Cursos de Matemática, Estatística e Computação, 25-29 de agosto de 2003, FCT/UNESP, Presidente Prudente, 2003. 54p.

SIGMON, K. *Matlab Primer – Third Edition*. Department of Mathematics, University of Florida, Gainesville, 1993. 35p. Disponível em <http://www.math.toronto.edu/mpugh/primer.pdf>. Acesso em Março/2021.

SIQUEIRA, A. F. *Octave – Seus primeiros passos na programação científica*. São Paulo: Casa do Código, 2015. 202p.

ZERI, L. M. M. *Apostila de Matlab*. Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais – INPE, 2001. 19p.

ANEXOS

Nesta seção serão apresentados alguns exemplos adicionais de comandos e respectivos resultados, que podem ser úteis em algumas aplicações na visualização de dados em algumas áreas das ciências exatas e engenharias, usando o aplicativo *GNU Octave*.

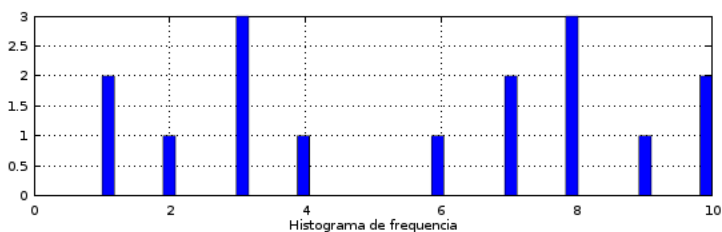
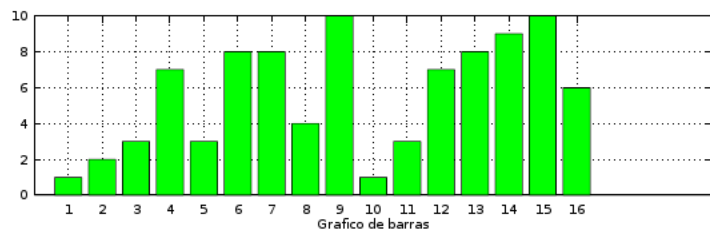
Anexo I

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): subplot, bar, hist.
```

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019

```
%}

clear
y = [1 2 3 7 3 8 8 4 10 1 3 7 8 9 10 6];
figure;
subplot(2,1,1);
bar(y, 'g');
xlabel('Grafico de barras');
grid
subplot(2,1,2);
hist(y,50, 'b')
xlabel('Histograma de frequencia');
grid
```



Resultado gráfico do *script* anterior.

Anexo II

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): bar, legend.
```

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019

```
%}

clear
figure;
periodo = 2012:1:2016;
dados = [ 19.1 23.5 23.7 24.7 24.4;
          23.5 21.5 23.5 23.7 23.3;
          18.5 20.8 23.0 21.3 21.3;
          17.0 19.8 19.7 21.9 27.5;
          14.0 17.1 12.5 15.2 0;
          14.3 14.3 14.5 13.9 0;
```

(continua)

```

12.9 7.0 14.1 15.1 0;
18.8 9.0 15.5 16.2 0;
15.1 12.0 18.4 17.4 0;
18.0 19.2 20.4 19.3 0;
22.8 21.5 22.1 22.2 0;
21.1 25.0 22.9 22.0 0 ];

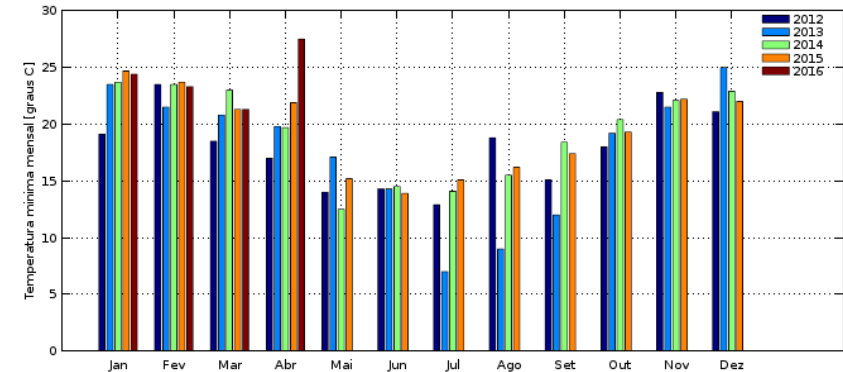
```

```

B=bar(dados);
legend(B, '2012', '2013', '2014', '2015', '2016');
legend('Boxoff');
meses=({'Jan', 'Fev', 'Mar', 'Abr', 'Mai', 'Jun', 'Jul', 'Ago', 'Set',
'Out', 'Nov', 'Dez'});
set(gca, 'XTickLabel', meses);
ylabel('Temperatura minima mensal [graus C]');

```

Obs.: Fonte dos dados: www.ciiagro.sp.gov.br. Os dados referentes ao mês de abril/2016 correspondem à coleta de dados dos primeiros 15 dias de abril, uma vez que os dados foram obtidos neste site em 16/Abril/2016.



Resultado gráfico do *script* anterior.

Fonte dos dados: CIIAGRO – Centro Integrado de Informações Agrometeorológicas (site: www.ciiagro.sp.gov.br)

Anexo III

```

%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): pie.

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

PAIS = {'CHINA 49%' 'JAPAO 12%' 'ALEMANHA 6,7%' 'COREIA DO
SUL 3,8%' 'FRANCA 2,6%' 'HOLANDA 2,2%' 'ITALIA 2,6%' 'OUTROS
21,1%'};
DATA = [ 49 12 6.7 3.8 2.6 2.2 2.6 21.1 ];
figure;
pie(DATA, PAIS);
S=['PRINCIPAIS COMPRADORES DE MINERIO DE FERRO BRASILEIRO EM
2010. Fonte: IBRAM'];
title(S, 'fontsize', 11);

```

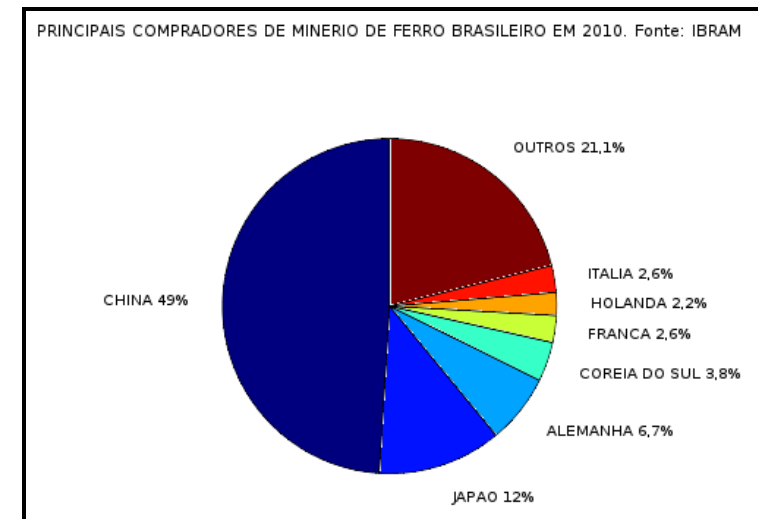


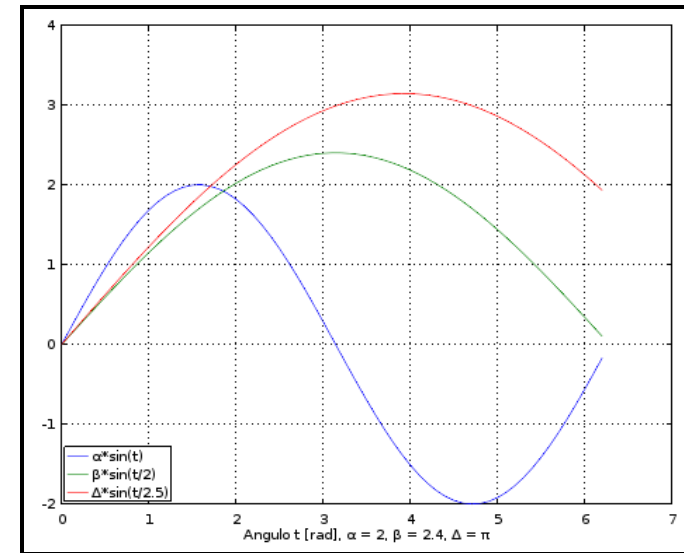
Gráfico resultante do *script* anterior.

Anexo IV

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): plot, legend, uso de letras gregas.

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

alpha = 2;
beta = 2.4;
Delta = pi;
t=0:0.1:2*pi;
plot(t,alpha*sin(t),t,beta*sin(t/2),t,Delta*sin(t/2.5));
xlabel('Angulo t [rad], \alpha = 2, \beta = 2.4, \Delta = \pi');
legend({'\alpha*sin(t)', '\beta*sin(t/2)', '\Delta*sin(t/2.5)'}
,'location','southwest');
grid
```

Gráfico resultante do *script* anterior.

Anexo V

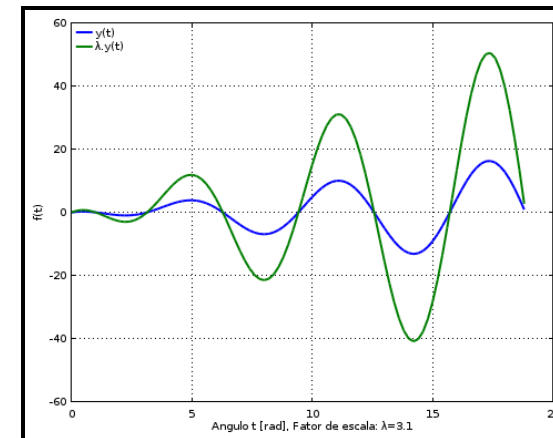
```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): num2str, linewidth.

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

lambda=input('Entre com o fator de escala: ');
figure(1)
t=0:0.2:6*pi;
y=(1-t).*sin(t);
y1=lambda*(1-t).*sin(t);
plot(t,y,'linewidth',2,t,y1,'linewidth',2);
ylabel('f(t)');
legend('y(t)', '\lambda.y(t)', 'location','northwest');
legend('boxoff');
```

(continua)

```
S = [ 'Angulo t [rad], Fator de escala: \lambda='
num2str(lambda) ];
xlabel(S);
```

Gráfico resultante do *script* anterior.

Anexo VI

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): size, delaunay, triplot, axis.

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

close all;
clear;
clc;

xy = [
6.9 4.9 1.1 1.2 7.9 5.7 2.4 4.6 3.1 3.4 5.5 9.1 7.1 8.5 2.3;
7.1 5.7 7.7 2.6 1.2 0.8 0.6 3.0 4.7 7.3 8.7 6.1 4.6 2.4
5.5];
xy=xy';
```

(continua)

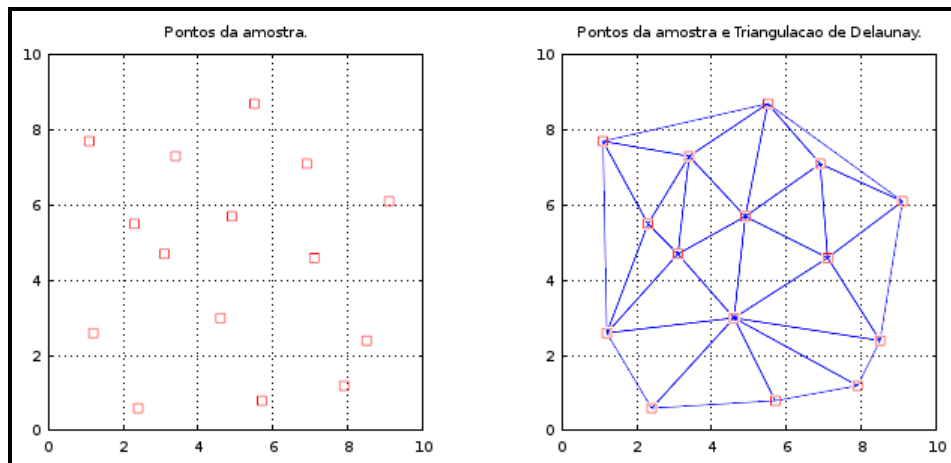
```
[lin,col]=size(xy);
x=xy(1:lin,1);
y=xy(1:lin,2);
figure

subplot(1,2,1)
plot(x,y,'sr');
title('Pontos da amostra.');
```

```
axis('square');
grid;

subplot(1,2,2)
plot(x,y,'sr');
tri=delaunay(x',y');
hold on;
triplot(tri,x,y);
title('Pontos da amostra e Triangulacao de Delaunay.');
```

```
axis('square');
grid;
```



Gráficos resultantes do script anterior.

Anexo VII

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): subplot, bar, hist.
```

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019

```
%}

clear
load terreno.txt
[lin,col]=size(terreno);
x=terreno(1:lin,1);
y=terreno(1:lin,2);
z=terreno(1:lin,3);
xn = x - min(x);
yn = y - min(y);
zn = z;
```

(continua)

```
figure;
plot(xn, yn, 'r');
xlabel('X(m)');
ylabel('Y(m)');

figure;
plot3(xn, yn, zn, 'r');
xlabel('X(m)');
ylabel('Y(m)');
zlabel('Z(m)');

limX = min(xn):1:max(xn);
limY = min(yn):1:max(yn);
[xf,yf] = meshgrid(limX, limY);
zf = griddata(xn, yn, zn, xf, yf);

figure;
plot(xn, yn, 'r');
hold on
```

(continua)

```
contour(zf, 50, '-b');

xlabel('X(m)');
ylabel('Y(m)');

figure;
surfc(xf, yf, zf);
title('Superfície topografica');
xlabel('X(m)');
ylabel('Y(m)');
zlabel('Z(m)');
```

Na sequência são mostrados o arquivo *terreno.txt*, usado no *script* anterior, bem como os quatro gráficos resultantes da execução deste *script*.

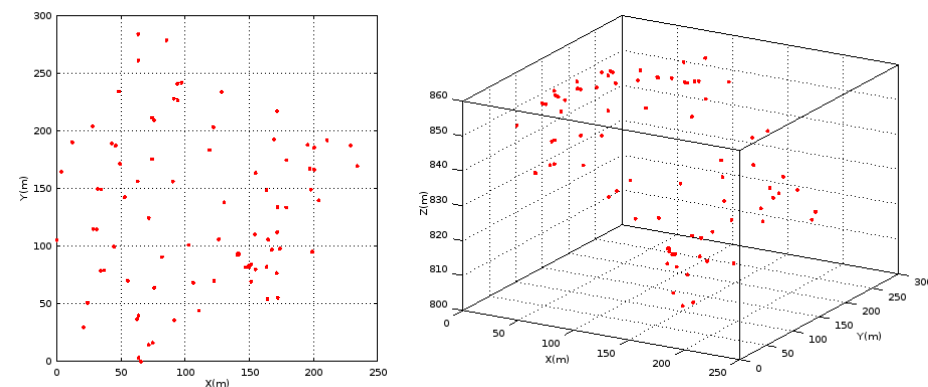
Conteúdo do arquivo *terreno.txt*.

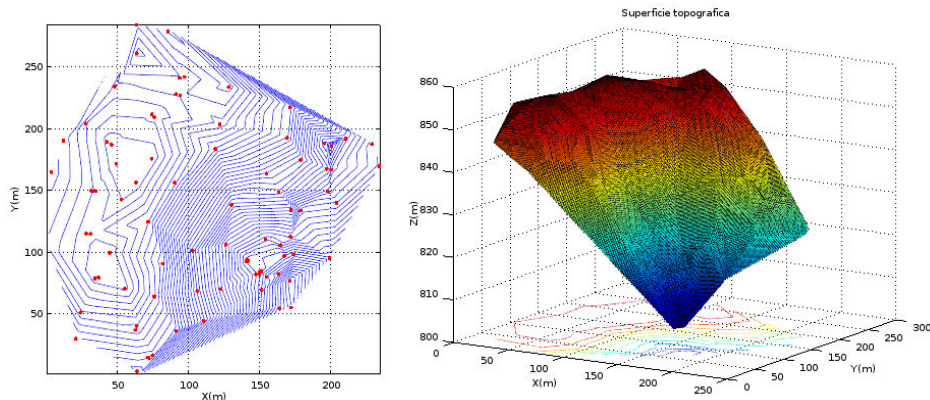
10605.777	14253.405	847.374	10654.248	14300.966	832.379	10645.834	14366.175	850.873
10599.733	14226.811	849.188	10677.961	14273.010	821.125	10569.665	14349.903	855.487
10615.293	14198.717	843.856	10695.797	14296.792	830.147	10566.565	14352.056	855.569
10634.561	14206.868	835.203	10687.212	14311.491	835.304	10551.639	14366.817	853.152
10630.045	14231.201	834.698	10702.598	14296.371	825.103	10598.039	14338.327	855.792
10626.659	14263.897	834.841	10727.848	14302.539	825.620	10586.884	14319.117	855.908
10646.331	14232.702	827.488	10722.865	14257.941	816.945	10573.056	14334.192	856.122
10650.098	14268.751	824.985	10757.893	14332.396	825.310	10555.576	14312.625	853.111
10665.250	14256.447	818.154	10724.310	14329.433	829.970	10558.450	14312.015	853.120
10664.420	14255.853	818.118	10720.952	14330.090	832.536	10535.919	14352.970	850.769
10664.845	14255.081	818.081	10702.665	14337.463	837.446	10527.406	14327.464	849.723
10665.840	14255.707	818.115	10721.728	14311.994	828.226	10555.024	14277.472	853.647
10673.666	14244.882	817.800	10752.754	14350.186	825.874	10552.173	14277.784	853.858
10673.593	14246.394	817.840	10719.296	14350.783	829.237	10557.990	14241.363	854.902
10675.106	14247.072	817.834	10724.365	14348.249	834.469	10560.678	14241.972	854.754
10671.091	14244.626	818.551	10693.065	14355.301	843.320	10568.406	14262.295	854.681
10678.698	14242.686	814.706	10734.297	14354.692	830.744	10576.697	14305.307	855.266
10688.459	14268.374	821.455	10695.266	14380.014	843.335	10523.849	14268.045	851.384
10691.294	14259.813	816.981	10617.750	14403.847	851.262	10587.444	14202.788	849.155
10695.599	14275.018	823.062	10621.073	14404.658	851.418	10586.427	14199.660	848.979
10697.511	14260.744	815.977	10609.384	14441.500	854.433	10579.011	14232.853	854.422
10687.189	14244.902	812.722	10587.327	14446.788	851.514	10547.881	14213.814	850.228
10695.143	14239.535	805.741	10598.051	14374.378	853.819	10595.544	14177.230	844.544
10675.229	14232.082	816.265	10599.717	14372.089	853.823	10598.582	14179.058	844.836
10687.963	14217.071	809.833	10618.061	14389.550	852.020	10544.620	14192.465	846.335
10595.478	14287.307	851.135	10615.075	14390.768	851.944	10589.274	14162.826	842.976
10614.218	14318.957	850.357	10587.427	14423.912	848.785	10587.550	14166.114	842.864
10642.839	14346.278	847.213	10572.092	14397.026	852.387	10695.918	14217.893	806.531
10678.690	14326.350	838.391	10652.161	14396.553	853.625			

(continua)

(continua)

Fim do arquivo

Gráficos 1 e 2 resultantes do *script* anterior.

Gráficos 3 e 4 resultantes do *script* anterior.

Anexo VIII

```
%{
Exemplo de uso de alguns comandos do GNU Octave
Comandos (principais): meshgrid, surf, interp2.
```

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019

```
%}

clear
Lmin = -2*pi;
Lmax = 2*pi;
[x,y] = meshgrid(Lmin:Lmax);
z = (1/3)*x.*cos(y/2);
```

```
figure;
surf(x,y,z);
```

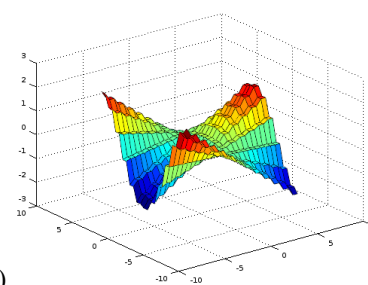
(continua)

```
[xi,yi] = meshgrid(Lmin:0.5:Lmax);
zi = interp2(x, y, z, xi, yi);
figure;
surf(xi,yi,zi);

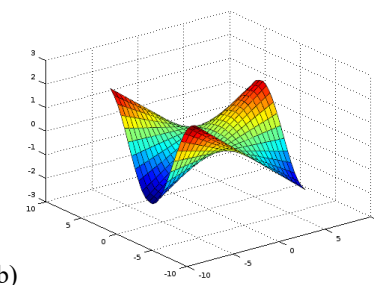
zi1 = interp2(x, y, z, xi, yi,'nearest');
figure;
surf(xi,yi,zi1);

zi2 = interp2(x, y, z, xi, yi,'cubic');
figure;
surf(xi,yi,zi2);

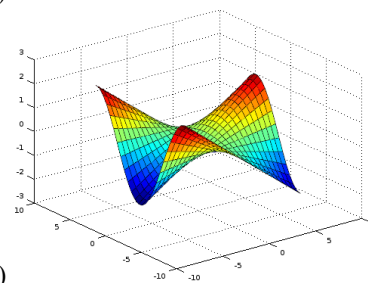
zi3 = interp2(x, y, z, xi, yi,'spline');
figure;
surf(xi,yi,zi3);
%
% Fim do script
%
```



a)



b)



c)

Superfícies 3 a 5 resultantes do *script* anterior, onde os interpoladores “nearest” (a), “cubic” (b) e “spline” (c) foram utilizados.

Anexo IX

```
%{
  Visualização da curva normal
  Comando (principal): normpdf

  Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
  Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

clear all;
clc
pkg load statistics

disp(' ')
disp(' ##### ');
disp('  Visualizacao da curva normal no GNU Octave ');
disp(' ##### ');
disp(' ')

                                     (continua)
```

```
% Média e desvio da amostra 1
am1_med = 0;
am1_des = 1;

% Média e desvio da amostra 2
am2_med = -1.3;
am2_des = 2.5;

% Posição correspondente ao desvio-padrão dado
L1 = [ am1_med-am1_des; am1_med+am1_des ];
L2 = [ am2_med-am2_des; am2_med+am2_des ];

figure(1);
x = -9:0.1:9;

% Visualização da curva 1
```

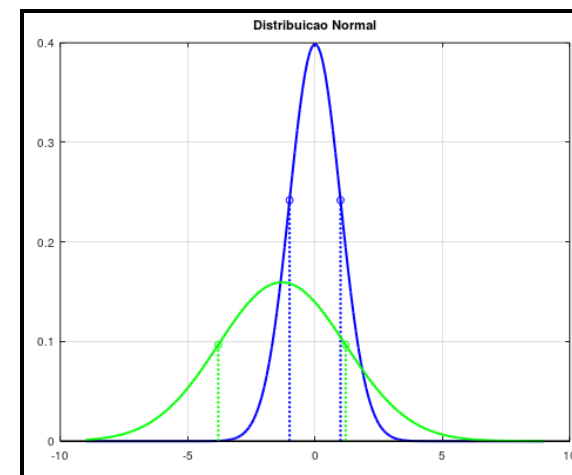
(continua)

```
plot(x,normpdf(x,am1_med,am1_des),'-b','linewidth',2);
hold on
stem(L1,normpdf(L1,am1_med,am1_des),':b','linewidth',2);
hold on

% Visualização da curva 2

plot(x,normpdf(x,am2_med,am2_des),'-g','linewidth',2);
hold on
stem(L2,normpdf(L2,am2_med,am2_des),':g','linewidth',2);
grid
title('Distribuicao Normal');
hold off

%
% Fim do script "Curvas_normais.m"
%
```

Resultado do *script* mostrando as duas curvas normais.

Anexo X

```
%{
Exemplo de uso de comandos do GNU Octave,
que permitem o cálculo de distribuições
estatísticas (Normal, t e Qui-quadrado)
Comandos: norminv, tinv, chi2pdf.

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2019
%}

clear all; clc;
pkg load statistics

% NS - Nivel de Significância (%)
% GL - Graus de Liberdade
NS = 0.1;
GL = 25;
```

(continua)

```
% Distribuição Normal Padronizada (z)
dist_z = norminv(1-NS);

% Distribuição t
dist_t = tinv(1-NS, GL);

% Distribuição Qui-Quadrado
dist_QQ = chi2inv(1-NS, GL);

disp(' ')
disp(' ##### ');
disp('      Exemplo de uso de algumas* ');
disp('      funcoes estatisticas no GNU Octave ');
disp(' ##### ');
disp(' ')
S=sprintf(' Nivel de significancia [%%]: %5.3f',NS);
disp(S)
S=sprintf(' Graus de liberdade      : %d',GL);
disp(S)
```

(continua)

```
S=sprintf(' z teorico           : %8.3f',dist_z);
disp(S)
S=sprintf(' t teorico           : %8.3f',dist_t);
disp(S)
S=sprintf(' QQ teorico          : %8.3f',dist_QQ);
disp(S)
disp(' ')
disp(' * Compare os valores determinados com os');
disp(' obtidos por uma tabela estatistica. ');
disp(' ')

%
% Fim do script 'Distribuicoes_exemplo.m'
%
```

Resultado do *script* anterior.

```
#####
      Exemplo de uso de algumas*
      funcoes estatisticas no GNU Octave
#####

Nivel de significancia [%]: 0.100
Graus de liberdade      : 25
z teorico                : 1.282
t teorico                : 1.316
QQ teorico              : 34.382

* Compare os valores determinados com os
obtidos por uma tabela estatistica.
```

Anexo XI

```
%{
Exemplo de uso de comandos do GNU Octave
Comando (principal): fill

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2020
%}

clear all;
close all;
clc;

load poligonoAt1.dat
load poligonoAt2.dat

[linhas1,colunas]=size(poligonoAt1);
```

(continua)

```
for i=1:linhas1
    x1(i)=poligonoAt1(i,1);
    y1(i)=poligonoAt1(i,2);
endfor

[linhas2,colunas]=size(poligonoAt2);
for i=1:linhas2
    x2(i)=poligonoAt2(i,1);
    y2(i)=poligonoAt2(i,2);
endfor

figure(1)
plot(x1,y1,'r',x2,y2,'g');
axis('square');
title('Polígonos - Sem preenchimento');

figure;
h=fill(x1,y1,'r',x2,y2,'g');
```

(continua)

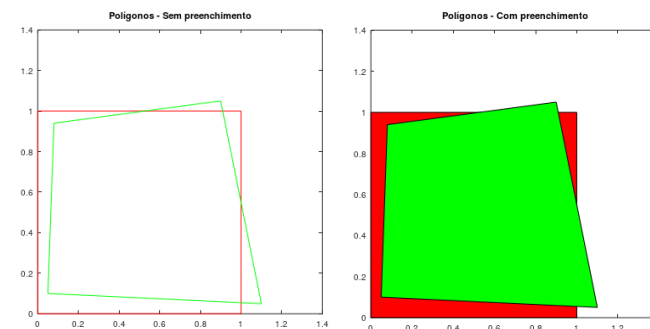
```
axis('square');
title('Polígonos - Com preenchimento');
```

```
%
% Fim do script 'Preenchimento.m'
%
```

Conteúdo dos arquivos *poligonoAt1.dat* e *poligonoAt2.dat*.

poligonoAt1.dat	poligonoAt2.dat
0.0 0.0	0.05 0.10
1.0 0.0	1.10 0.05
1.0 1.0	0.90 1.05
0.0 1.0	0.08 0.94
0.0 0.0	0.05 0.10

Resultados do script *preenchimento.m*.



Anexo XII

```
%{
Exemplo de uso de comandos do GNU Octave
Comandos (principais): fill, facealpha

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2020
%}

clear all;
close all;
clc;

load poligonoAt1.dat
load poligonoAt2.dat

[linhas1,colunas]=size(poligonoAt1);
```

(continua)

```
for i=1:linhas1
    x1(i)=poligonoAt1(i,1);
    y1(i)=poligonoAt1(i,2);
endfor

[linhas2,colunas]=size(poligonoAt2);
for i=1:linhas2
    x2(i)=poligonoAt2(i,1);
    y2(i)=poligonoAt2(i,2);
endfor

figure(1);
h=fill(x1,y1,'r',x2,y2,'g');
set(h,'facealpha',0.9);
axis('square');
title('Polígonos (Opacidade=0.9)');

figure;
```

(continua)

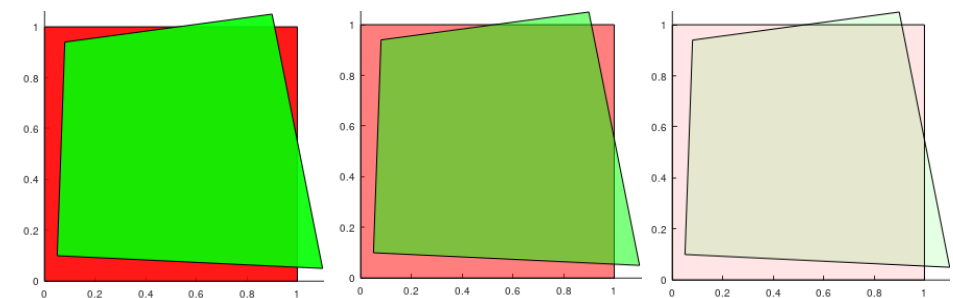
```
h=fill(x1,y1,'r',x2,y2,'g');
set(h,'facealpha',0.5);
axis('square');
title('Polígonos (Opacidade=0.5)');

figure;
h=fill(x1,y1,'r',x2,y2,'g');
set(h,'facealpha',0.1);
axis('square');
title('Polígonos (Opacidade=0.1)');

%
% Fim do script 'transparencia.m'
%
```

Resultados do *script* *transparencia.m* para diferentes valores do parâmetro *facealpha*.

facealpha = 0 (Transparência máxima / Opacidade mínima)
facealpha = 1 (Transparência mínima / Opacidade máxima)



Resultados para *facealpha*=0.9, *facealpha*= 0.5 e *facealpha* = 0.1, respectivamente.

Anexo XIII

```
%{
Exemplo de uso de comandos do GNU Octave
Comandos: quiver

Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
Unesp, Pres. Prudente, 2020
%}

clear all;
close all;
clc;

% Leitura dos dados em arquivo
load residuos_calibracao.dat

% Fator de escala a ser aplicado nos vetores dos resíduos
esc = 1;
```

(continua)

```
% Determinação da dimensão do arquivo
[pontos, colunas]=size(residuos_calibracao);

% Colunas 1 e 2 - Coordenadas x e y
% Colunas 3 e 4 - Distorção em x e y, respectivamente
for i=1:pontos
    x(i) = residuos_calibracao(i,1);
    y(i) = residuos_calibracao(i,2);
    dx(i) = residuos_calibracao(i,3);
    dy(i) = residuos_calibracao(i,4);
end

figure(1);
plot(x,y, '+b');
title('Distribuição dos pontos');
axis([-17 17 -13 13 ]);
axis('equal');
```

(continua)

```
figure;
quiver(x,y,dx,dy,esc,'b');
title('Vetores de distorção');
axis([-17 17 -13 13 ]);
axis('equal');

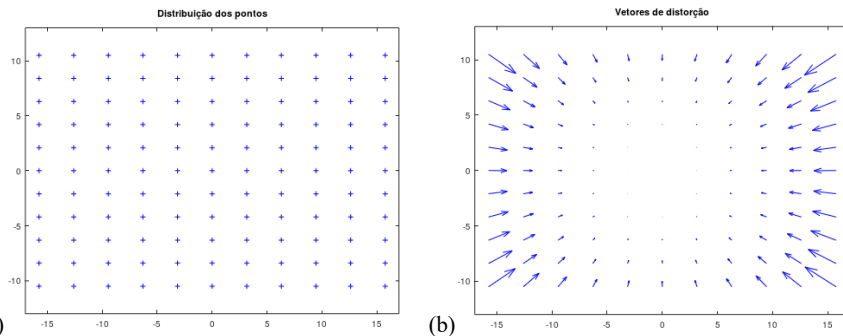
%
% Fim do script 'Vetores_no_Plano.m'
%
```

Na sequência é mostrado trecho do arquivo de dados usado no *script Vetores_no_Plano.m*.

Trecho do arquivo *residuos_calibracao.dat*.

% Coordenadas (x,y) e distorção*	...
% #1 #2 - Coordenadas x e y (mm)	...
% #3 #4 - Distorções em x e y (mm)	3.150 8.400 -0.019 -0.045
%	6.300 8.400 -0.049 -0.062
% *Distorção Radial Simétrica	9.450 8.400 -0.104 -0.089
-15.750 -10.500 0.313 0.212	12.600 8.400 -0.194 -0.127
-12.600 -10.500 0.185 0.158	15.750 8.400 -0.331 -0.175
-9.450 -10.500 0.101 0.117	-15.750 10.500 0.320 -0.224
-6.300 -10.500 0.049 0.088	-12.600 10.500 0.191 -0.168
-3.150 -10.500 0.018 0.071	-9.450 10.500 0.105 -0.125
0.000 -10.500 -0.003 0.067	-6.300 10.500 0.052 -0.095
3.150 -10.500 -0.026 0.075	-3.150 10.500 0.019 -0.078
6.300 -10.500 -0.063 0.095	0.000 10.500 -0.003 -0.074
9.450 -10.500 -0.123 0.128	3.150 10.500 -0.028 -0.082
12.600 -10.500 -0.220 0.174	6.300 10.500 -0.066 -0.103
15.750 -10.500 -0.364 0.231	9.450 10.500 -0.128 -0.137
-15.750 -8.400 0.277 0.149	12.600 10.500 -0.226 -0.184
-12.600 -8.400 0.157 0.107	15.750 10.500 -0.371 -0.244
-9.450 -8.400 0.080 0.074	
-6.300 -8.400 0.036 0.050	% Fim do arquivo
...	
...	

As imagens, na sequência, mostram a distribuição dos pontos (a) e os vetores das distorções para cada pontos (b), a partir dos dados lidos no arquivo *residuos_calibracao.dat*, resultantes do script *Vetores_no_Plano.m*.



(a) Distribuição dos pontos em uma imagem (a) e vetores das distorções em cada pontos (b).

Anexo XIV

```
%{
  Raios de Curvatura

  Autores: M. Galo e Paulo de O. Camargo
  Unesp, Pres. Prudente, 2021
%}

clear all; close all; clc;
Parametros_do_Elipsoide;

dFonte_Numeros = 15;
dFonte_Texto   = 18;
fTexto         = 'arial';

% Determinacao das constantes do elipsoide
a = a/1000.;    % Conversão para [km]
b = a*(1. - f);
```

(continua)

```
E2 = f*(2. - f);
```

```
ind=0;
for lat=0:1:90
  ind=ind+1;
  t(ind)=lat;
  faux = sqrt(1. - E2*(sin(lat*pi/180)**2));
  fN(ind) = a / faux;
  fM(ind) = a*(1. - E2) / ( faux**3 );
  fMN(ind) = a*((1. - E2)**0.5)/(faux**2);
endfor
```

```
figure(1);
h=plot(t,fN,t,fM,t,fMN);
set(h,"linewidth",1);
set(gca, 'fontsize', dFonte_Numeros);
set(gca, 'fontname', fTexto, 'xtick',0:15:90);
legend('N','M','Raio Medio');
legend('location','southeast');
```

(continua)

```
%legend('boxoff');
title('Raios de curvatura - Elipsoide', 'fontsize',
dFonte_Texto, 'fontname', fTexto);
xlabel('Latitude [graus]', 'fontsize', dFonte_Texto,
'fontname', fTexto);
ylabel('Raios de curvatura [km]', 'fontsize', dFonte_Texto,
'fontname', fTexto);
grid;

%
% Fim do script 'Raios_de_Curvatura.m'
%
```

Na sequência é mostrado o arquivo “Parametros_do_Elipsoide.m”, que contém os parâmetros do elipsoide utilizado. Pode-se observar que o conteúdo desse arquivo é lido pelo *script* a partir da seguinte linha de comandos:

```
Parametros_do_Elipsoide;
```

Conteúdo do arquivo *Parametros_do_Elisoide.m*.

```
%{  
  Arquivo: Parametros_do_Elisoide.m  
%}  
  
0;  
  
% Elipsoide SAD 69  
% a: semi-eixo [m]  
% f: achatamento  
  
a = 6378160;  
f = 1./298.25;  
  
% Fim do arquivo
```

O resultado do *script* anterior é mostrado na figura abaixo.

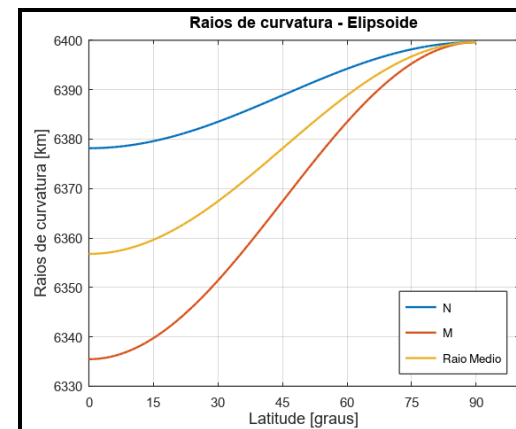


Gráfico mostrando os raios de curvatura do elipsoide de revolução.

Fim do arquivo