

# Avaliação de Políticas Públicas II: Métodos não experimentais

Paula Pereda (USP)

October 23, 2020

# Aula 2

# Resumo da Aula 1

1. Abordagem clássica vs Abordagem Reduzida (MCR)
2. MCR: separa resultados potenciais do mecanismo de seleção
3. Modelo de Resultados Potenciais:  $W_i$ ,  $Y_{i0}$  e  $Y_{i1}$
4. Efeito Causal:  $\tau_i = Y_{i1} - Y_{i0}$
5. Problema Fundamental:  $Y_i$  observado diferente  $Y_{i0}$ ,  $Y_{i1}$
6.  $Y_i$  observado ligado ao MS
7. Mecanismo de Seleção Regular e Irregular
8. Tipos de Efeitos: Momentos da distribuição do efeito causal

# Causalidade com Dados Observacionais

Métodos para identificação do efeito causal com seleção nas observáveis:

$$W|X \perp Y(0), Y(1) \quad (1)$$

1. Análise de Regressão
2. Modelo de Seleção de Heckman
3. Métodos usando *propensity score*

# Análise de Regressão

# Análise de Regressão

- ▶ Do modelo de regressão:

$$Y_i = \beta_0 + \tau w_i + \varepsilon_i$$

- ▶ Temos que (Lousa)

$$E(Y_i | w_i = 1) - E(Y_i | w_i = 0) = \tau + [E(\varepsilon_i | w_i = 1) - E(\varepsilon_i | w_i = 0)]$$

- ▶ Viés de seleção para o tratamento:

$$[E(\varepsilon_i | w_i = 1) - E(\varepsilon_i | w_i = 0)]$$

- ▶ Hipótese de exogeneidade:

$$[E(\varepsilon_i | w_i = 1) = E(\varepsilon_i | w_i = 0)]$$

ou

$$Y_{0i}, Y_{1i} \perp W_i$$

# Análise de Regressão

- ▶ A inclusão do vetor de covariadas ( $X_i$ ) pode eliminar o viés de seleção

$$Y_i = \beta_0 + \tau w_i + X_i\theta + \varepsilon_i$$

$$E(Y_i|X_i, w_i = 1) - E(Y_i|X_i, w_i = 0) = \tau + [E(\varepsilon_i|X_i, w_i = 1) - E(\varepsilon_i|X_i, w_i = 0)]$$

- ▶ Presença de  $X$  seria o motivo para que  $\varepsilon$  e  $w$  sejam não correlacionados ( $X$  prevê o mecanismo).
- ▶ Hipótese de exogeneidade:

$$[E(\varepsilon_i|w_i = 1, X_i) = E(\varepsilon_i|w_i = 0, X_i)]$$

ou

$$Y_{0i}, Y_{1i} \perp W_i | X_i$$

# Análise de Regressão

Vantagens:

- ▶ Análise simples
- ▶ Possibilidade de incluir heterogeneidades no efeito (#obs do grupo):  $Y_i = \beta_0 + \sum_s \tau_s w_{is} + X_i\theta + \varepsilon_i$
- ▶ Efeito médio

Críticas:

1. Dependência da forma funcional (especificação)
2. Falta de suporte comum: Aproximação local, problema de extrapolação dos resultados. Imbens e Rubin 2012: Para relevantes  $X$ , se  $|\bar{X}_1 - \bar{X}_0| > \frac{1}{2}\hat{\sigma}_X$ : regressão não remove viés associado a diferenças das covariadas.

# Alternativas à Análise de Regressão

## Alternativas:

- ▶ Para 1 e 2 -> Métodos baseados em *propensity score*: não exige forma funcional (em geral) e compara observações (não distribuições)
- ▶ Outro uso de análise de regressão -> Modelo de Seleção de Heckman: modela equação de seleção

# Modelo de Seleção de Heckman

# Modelo de Seleção de Heckman

Equação estrutural (mec. variável de resposta):

$$y_i = X_i\beta + w_i\tau + \varepsilon_i$$

Equação de seleção (mec. seleção):

$$w_i^* = Z_i\gamma + u_i$$

$w_i^*$  é uma variável latente endógena  $w_i = I(w_i^* > 0)$

$$\varepsilon_i^*, u_i \sim \mathcal{N} \begin{bmatrix} 0, & \sigma & \rho \\ 0 & \rho & 1 \end{bmatrix}$$

2 Regimes, tratamento e controle, portanto estimação em 2 estágios ou máxima verossimilhança. [Lousa](#)

# Modelo de Seleção de Heckman

Função de Máxima Verossimilhança:

Para  $w_i = 1$ :

$$\ln L_i = \ln \Phi \left( \frac{(z_i \gamma + (y_i - X_i \beta - \tau)) \rho / \sigma}{\sqrt{1 - \rho^2}} \right) - 1/2 \frac{(y_i - X_i \beta - \tau)^2}{\sigma^2} - \ln \sqrt{2\pi\sigma^2}$$

Para  $w_i = 0$ :

$$\ln L_i = \ln \Phi \left( \frac{(-z_i \gamma - (y_i - X_i \beta - \tau)) \rho / \sigma}{\sqrt{1 - \rho^2}} \right) - 1/2 \frac{(y_i - X_i \beta)^2}{\sigma^2} - \ln \sqrt{2\pi\sigma^2}$$

É possível estimar  $\tau$  com boas propriedades

# Modelo de Seleção de Heckman

- ▶ ao propor equação de seleção, Heckman também propõe como estimar o propensity score (Stata: `treatreg`)
- ▶ lida com problema de seleção de forma indireta (VI)
- ▶ veremos usos mais flexíveis do propensity score
- ▶ vantagens: quando existe correlação entre  $\epsilon$  e  $u$
- ▶ sensível a erros de especificação

# Análise usando *Propensity Score*

# Análise usando *propensity score*

- ▶ Propensity-score (PS): probabilidade de seleção ao tratamento condicional a um vetor de covariadas,  $P(w = 1|X)$  ou  $e(X)$ .
  - ▶ Após cond.  $X$ , não há nada sistemático na seleção (sobram aleatoriedades)
  - ▶ Ideia: Buscar covariadas que causam a maior diferença (**desbalanceamento**) entre os grupos
- ▶ Tipos de análises usando  $e(X)$ :
  - ▶ **Propensity score matching**: Comparar  $Y$  de tratados e não tratados com mesmo  $e(X)$  (vários tipos de pareamento)
  - ▶ **Propensity score subclassification/estratificado/grupo**: Agrega unidades num  $S$  de  $e(X)$  (retem mais obs.)
  - ▶ **Propensity score weighting**: Uso do  $e(X)$  como peso (vem sendo o mais utilizado)
  - ▶ **Estimadores duplo robustos**: Regressão +  $e(X)$  (combinação de métodos)
  - ▶ **Propensity score e métodos não paramétricos**

# Análise usando *propensity score*

- ▶ Rosenbaum e Rubin (1983) mostraram que se há seleção nas observáveis:

$$Y_i(1), Y_i(0) \perp w_i | X_i \quad (2)$$

Temos

$$Y_i(1), Y_i(0) \perp w_i | e(X_i) \quad (3)$$

# Problema da dimensionalidade e o PS

- ▶ O vetor de  $K$  covariadas  $X$  pertence a  $\mathbb{R}^K$
- ▶ Veja que  $e(X)$  que pertence a  $\mathbb{R}$ .
- ▶ Redução de  $K$  dimensões a 1: vantagem do PS.
- ▶  $e(X)$  é uma medida de balanceamento que resume a informação do vetor  $X$  (indivíduos com mesmo  $e(X)$  tem a mesma distribuição de covariadas).
- ▶ Se vale seleção nas observáveis, elimina o viés de seleção condicional a  $e(X)$ .

# Propriedades do $e(X)$

1.  $e(X)$  balanceia diferenças entre tratados e não tratados (indivíduos com mesmo  $e(X)$  tem mesma distribuição de  $X$ )
2. seleção para o tratamento e as covariadas são condicionalmente independentes (condicional a  $e(x)$ )
3. se há seleção nas observáveis,  $e(x)$  é o escore de balanceamento e  $ATE|_{e(X)} = ATT|_{e(X)}$

Prop. 1 a 3 são a fundação das análises usando P.S.

Prop. 2: Balanceamento entre  $X$ 's de tratados e controles

# Teste de Balanceamento

- ▶ Teste Bivariado
- ▶ Teste de Distribuição (Kolmogorov-Smirnov)
- ▶ Teste Ranksum (Wilcoxon-Mann-Whitney)

Lousa