

MAE 224 - PROBABILIDADE II

LISTA 10 - EXTRA CLASSE

Prof. Vanderlei da Costa Bueno

1) Seja $(X_n)_{n \geq 1}$ uma sequência de variáveis aleatórias independentes tais que, para cada j , $P(X_j = \pm j^\alpha) = \frac{1}{6j^{2(\alpha-1)}}$ e $P(X_j = 0) = 1 - \frac{1}{3j^{2(\alpha-1)}}$. Para que valores de α , $\alpha > 1$ a condição de Liapunov é válida?

2) 4) Seja $(X_n)_{n \geq 1}$ uma sequência de variáveis aleatórias independentes uniformemente distribuídas no intervalo $(-a_n, a_n)$. Encontre condições para que

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{s_n^2} \sum_{k=1}^n \int_{\{|y - E[X_k]| > \varepsilon n\}} (y - E[X_k])^2 dF_k(y) = 0.$$

3) Arredonda-se vinte números para o inteiro mais próximo e soma-se os números resultantes. Suponha que os erros individuais de arredondamento são independentes e se distribuem uniformemente no intervalo $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$. Determine a probabilidade de que a soma obtida difira da soma dos vinte números originais por mais de 3.

4) Seja $(X_n)_{n \geq 1}$ uma sequência de variáveis aleatórias independentes e identicamente distribuídas com média μ e variância $\sigma^2 < \infty$. Determine o tamanho da amostra para que

$$P(|\bar{X}_n - \mu| \leq \frac{\sigma}{10}) \simeq 0,95.$$