

1- $r \geq -1 \in \mathbb{R}$ e $n \in \mathbb{N}$ vale $(1+r)^n \geq 1+nr$

Para $n=1$ temos

$$(1+r)^1 \geq 1+1r \Rightarrow 1+r \geq 1+r \Rightarrow 1=1 \text{ Verdade}$$

Hipótese Se para $n=1$ é verdadeiro então para $n=k+1$ também é assim

$$(1+r)^k \geq 1+kr$$

Tese

Para $n=k+1$ temos:

$$(1+r)^{k+1} \geq 1+(k+1)r$$

$$\underbrace{(1+r)^k}_{\text{hip.}} (1+r) \geq 1+kr+r$$

$$(1+kr)(1+r) \geq 1+kr+r$$

$$\cancel{1+r+kr+kr^2} \geq \cancel{1+kr+r}$$

$$kr^2 \geq 0$$

como kr^2 sempre sera maior que zero é verdadeiro

spiral