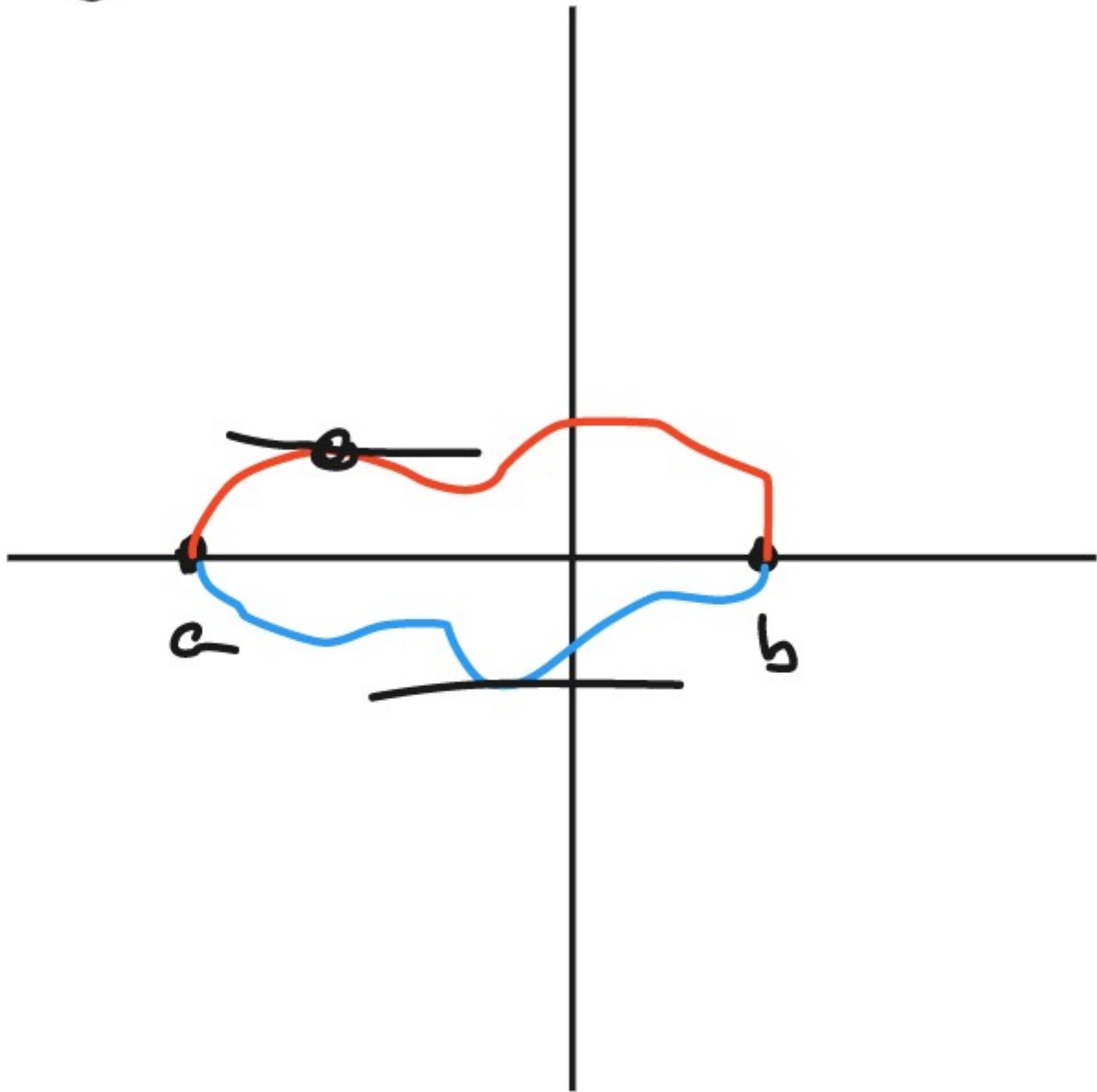


a)



$$a \neq b \quad c$$

$$f(a) = 0 = f(b)$$

f c

- $f(x) = 0 \quad \forall x \in [a, b]$

então $f'(x) = 0 \quad \forall x \in]a, b[$

∴ x nesse caso é raiz

de f' .

- $\exists x \in]a, b[\quad f(x) > 0$

Como f é derivável

existe $y \in]a, x[\quad + \neq$

$$f'(y) > 0 \quad (\text{c.c.})$$

f é decrescente \downarrow)

Agora, como $f(b) = 0$

$$\text{e } f(x) > 0$$

existe $z \in]x, b[$

$$\text{e } f'(z) < 0$$

f' é contínua, logo, pelo TVI

existe $c \in]y, z[$

$$\forall f \quad f'(c) = 0$$

$c \in]a, \Delta]z.$

b)

H } Se f' tem apenas
 \perp raiz

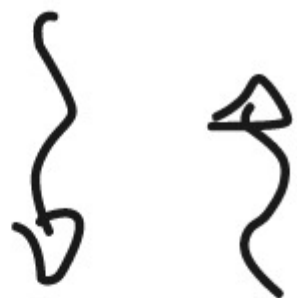
Quero provar

que f tem

0 ou 1 ou 2

raizes

$H \rightarrow T$



$\neg T + H \rightarrow \text{Absurdo}$



Sugestão da física

Supor que f

tem 3 raízes

x, y, z distintas

$$x < y < z$$

por a)

existe $c \in]x, y[$


$$\text{tal que } f'(c) = 0$$

e $d \in]y, z[$ tal que

$$f'(d) = 0$$

$c \neq d$ e ambas

são raízes de f'

O furo é um
absurdo. 

$$e^x > x \quad \forall x \in \mathbb{R}$$



$$\underbrace{e^x - x}_{f} > 0 \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\left(\underbrace{e^x - x}_{f} \right)' = e^x - 1$$

$$f'(0) = 0$$

$$f'(x) < 0 \quad \text{Se } x < 0$$

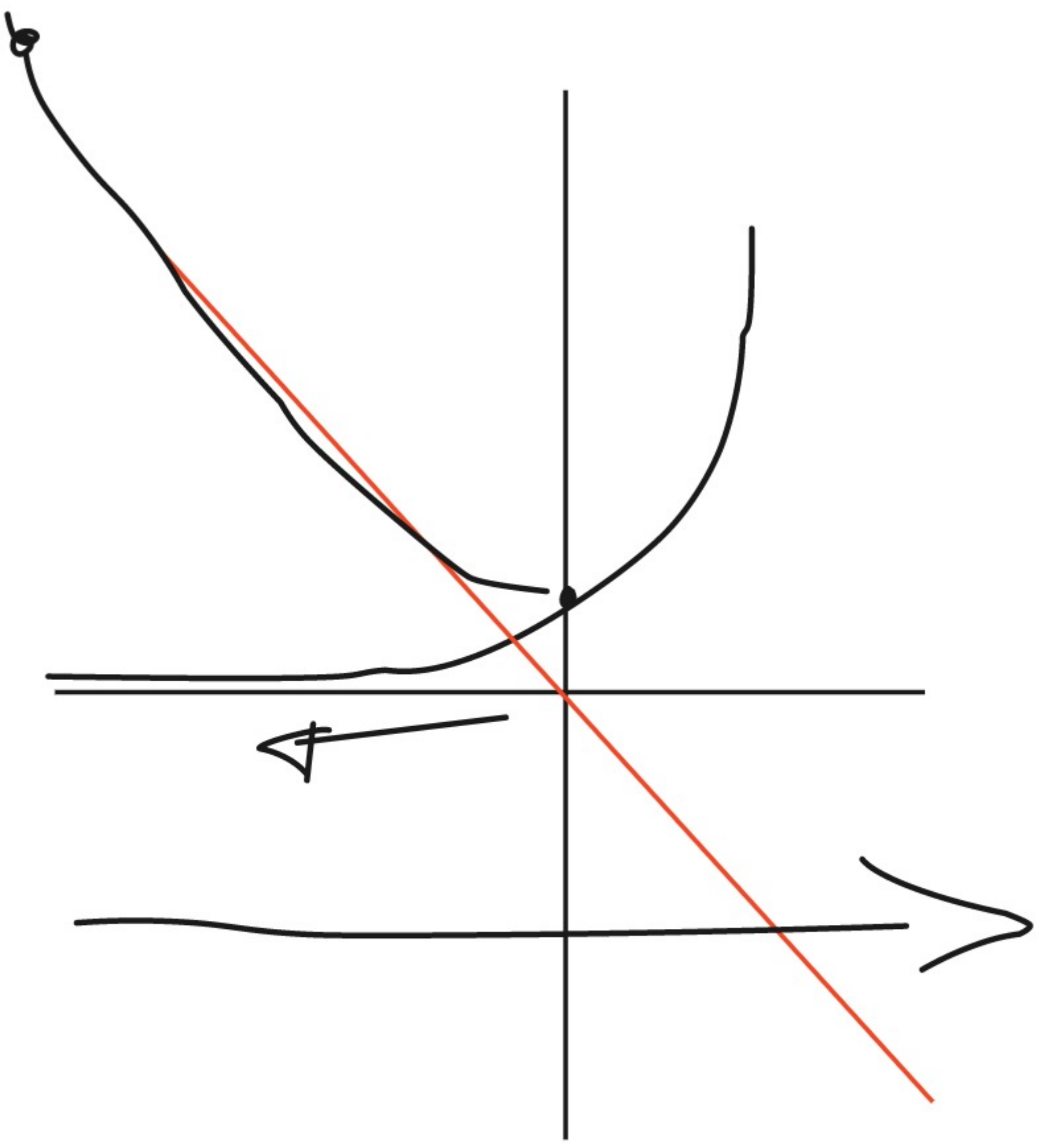
$f'(x) > 0$ Se $x > 0$

$$|f'(0)| = \underline{1}$$

• Como f é cresc.

em $x \geq 0$ e $f(0) = 1$

$$f(x) \geq 1 \quad \forall x \geq 0$$



• Como f é
decrecente. em

$$x < 0 \quad e$$

$$f(0) = 1$$

$$\text{então } \underline{f(x) > 1}$$

$$\forall x < 0$$

logo

