

# Aula 6

March 22, 2020

# Aula de 23 de Março

Vamos continuar explorando as possibilidades da recursão. Para isso, a ideia é resolver um problema clássico, a da série de fibonacci.

A ideia é bem simples, a base da série,  $F_1$  e  $F_2$  valem ambos 1. Para seguir em frente e encontrar  $F_3$ , basta somar  $F_1$  e  $F_2$ . Só que isso é válido para qualquer  $F_n$ , ou seja  $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ .

Mas, antes de pensar em resolver o problema, vamos a boa prática de hoje. Será que dá para imaginar qual seria o resultado esperado, possibilitando a criação de testes automatizados, mesmo antes de começar?

A resposta é simples e é positiva, mas para isso é bem importante conhecer a assinatura da função que vamos usar. Pensando nisso, se queremos que uma função devolva o  $n$ -ésimo número de Fibonacci, precisamos de uma função que receba um parâmetro inteiro  $n$ . Que tal?

**function fibo(n)**

Conhecendo a função podemos pensar em testes para ela como?

**fibo(1) == 1**

**fibo(3) == 2**

**fibo(10) == 55**

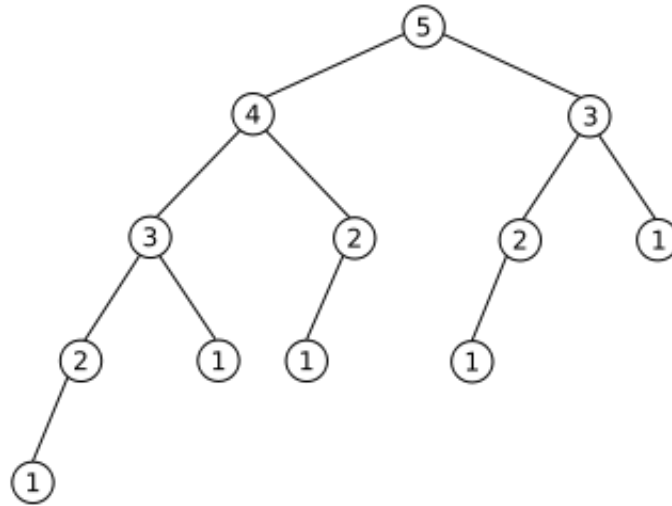
Conhecendo alguns resultados podemos escrever testes automatizados:

```
In [ ]: function testafibo()
    if fibo(1) == 1
        println("Deu certo para 1")
    end
    if fibo(3) == 2
        println("Deu certo para 2")
    end
    if fibo(10) == 55
        println("Deu certo para 10")
    end
    println("Final dos testes")
end
```

A função de testes acima verifica se a função **fibo()** devolve o resultado correto para três casos. Mas, ela tem um defeito, ela imprime mensagens demais, o que pode ser ruim. Considerando isso, vamos ver o primeiro fundamento importante com relação a testes automatizados.

## 0.1 Se o teste passou, ele deve indicar apenas isso

Levando em conta o que foi escrito acima, podemos mudar o nosso teste para:



fibos.png

```

In [ ]: funtion testafibo()
        if fibo(1) != 1
            println("Não deu certo para 1")
        end
        if fibo(3) != 2
            println("Não deu certo para 2")
        end
        if fibo(10) != 55
            println("Não eu certo para 10")
        end
        println("Final dos testes")
    end

```

Agora de posse da nossa função de testes, podemos escrever a nossa função de Fibonacci

```

In [ ]: function fibo(n)

```

É interessante notar que apesar de ser um dos exemplos clássicos de uso de recursão, o algoritmo acima é extremamente ineficiente. A razão é simples, cada vez que é feita a chamada, todos os valores de Fibonacci são recalculados para os valores de  $n$  e  $n - 1$ . Veja o exemplo para 5 abaixo.

Vamos ver agora um outro problema, o cálculo do maior divisor comum entre dois números através do algoritmo de Euclides. Basicamente ele diz que o MDC de dois números  $a$  e  $b$ , é igual ao MDC de  $b$  e  $r$ , onde  $r = a \% b$ . Quando esse resto for zero, chegamos a solução, que é  $b$ .

Vamos a um exemplo abaixo:

```

In [26]: a = 348
         b = 156
         r = a % b
         println("Os números são: ", a, " ", b, " e o resto é: ", r)
         a = b

```

```

b = r
r = a % b
println("Os números são: ", a, " ", b, " e o resto é: ", r)
a = b
b = r
r = a % b
println("Os números são: ", a, " ", b, " e o resto é: ", r)

```

Os números são: 348 156 e o resto é: 36  
Os números são: 156 36 e o resto é: 12  
Os números são: 36 12 e o resto é: 0

Inspirado no exemplo acima, podemos começar escrevendo uns testes para a nossa função, lembrando sempre que so devemos apontar os casos de erro ou o final dos testes.

Vamos usar o seguinte cabeçalho: **function MDC(a, b)**

```
In [ ]: # Aqui vamos escrever os testes da função MDC(a, b)
```

```
In [ ]: # Aqui vamos escrever a função MDC(a, b)
```

Para acabar a aula, vamos ver que recursão apesar de ser simples, não é tão simples, pois exige um bom esforço mental. Qual é o resultado da função abaixo se ela é chamada com 4?

```
In [ ]: function misterio(n)
    if n <= 2
        return n
    else
        return misterio(n - 1) + n * misterio(n -2)
    end
end
```