

Introdução às Medidas em Física

4300152

5^a Aula

Experiência III:

Distância Focal de uma Lente

Objetivos:

Medidas indiretas

Medida da distância focal de uma lente

Noções de Estatística:

Propagação de Incertezas

Média Ponderada

Compatibilidade

Incertezas estatísticas

Flutuação no resultado das medidas

medida = média de todas as medidas efetuadas

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N}$$

incerteza estatística = desvio padrão da média

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N d_i^2}{N-1}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}{N-1}} \quad s_m = \frac{s}{\sqrt{N}}$$

Qual é a incerteza de uma medida?

Várias medidas do tamanho de uma mesa com uma régua

$$\sigma_{L_{instr}} = 0,5 \text{ mm}$$

$$\sigma_{L_{estat}}$$

$$\sigma_{L_{final}} = \sqrt{\sigma_{L_{instr}}^2 + \sigma_{L_{estat}}^2}$$

Caso um tipo de incerteza seja dominante (3 ou 4 x maior já é o bastante), pode-se desprezar a outra.

Regra geral

Para uma função $f(x, y, z, t, \dots)$

$$x \pm s_x$$

$$y \pm s_y$$

$$z \pm s_z$$

$$t \pm s_t$$

$$\sigma_f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x} \sigma_x\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y} \sigma_y\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial z} \sigma_z\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial t} \sigma_t\right)^2}$$

Calculando

$$V = \frac{\pi D^2 h}{4} \quad s_V = \sqrt{\left(\frac{\partial V}{\partial D} s_D\right)^2 + \left(\frac{\partial V}{\partial h} s_h\right)^2} \quad \frac{s_V}{V} = \sqrt{\left(2 \frac{s_D}{D}\right)^2 + \left(\frac{s_h}{h}\right)^2}$$

$$d = \frac{m}{V} \quad s_d = \sqrt{\left(\frac{\partial d}{\partial m} s_m\right)^2 + \left(\frac{\partial d}{\partial V} s_V\right)^2} \quad \frac{s_d}{d} = \sqrt{\left(\frac{s_m}{m}\right)^2 + \left(\frac{s_V}{V}\right)^2}$$

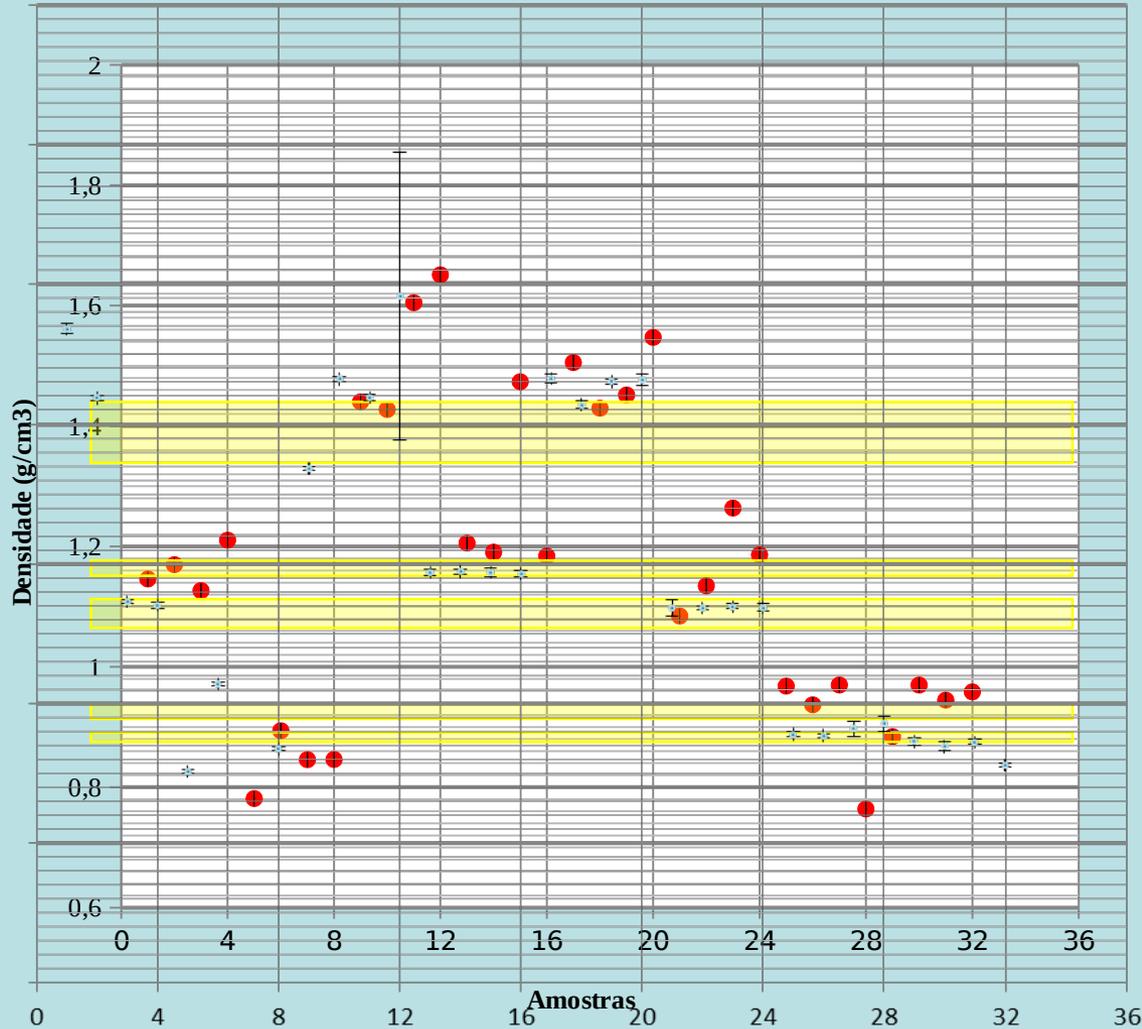
$$d = \frac{m}{V} = \frac{4m}{\pi D^2 h} \quad s_d = \sqrt{\left(\frac{\partial d}{\partial m} s_m\right)^2 + \left(\frac{\partial d}{\partial D} s_D\right)^2 + \left(\frac{\partial d}{\partial h} s_h\right)^2}$$
$$\frac{s_d}{d} = \sqrt{\left(\frac{s_m}{m}\right)^2 + \left(2 \frac{s_D}{D}\right)^2 + \left(\frac{s_h}{h}\right)^2}$$

Formulário

Tabela 1. Exemplos de fórmulas de propagação de erros.

$w = w(x, y, \dots)$	Expressões para σ_w
$w = x \pm y \pm \dots$	$\sigma_w^2 = \sigma_x^2 + \sigma_y^2 + \dots$
$w = x^m$	$\sigma_w = m x^{m-1} \sigma_x$ ou $ \frac{\sigma_w}{w} = m \frac{\sigma_x}{x} $
$w = a x$	$\sigma_w = a \sigma_x$ ou $ \frac{\sigma_w}{w} = \frac{\sigma_x}{x} $
$w = a x + b$	$\sigma_w = a \sigma_x$
$w = a x y$	$\sigma_w^2 = (a y)^2 \sigma_x^2 + (a x)^2 \sigma_y^2$ ou $(\frac{\sigma_w}{w})^2 = (\frac{\sigma_x}{x})^2 + (\frac{\sigma_y}{y})^2$
$w = a \frac{x}{y}$	$\sigma_w^2 = (\frac{a}{y})^2 \sigma_x^2 + (\frac{a x}{y^2})^2 \sigma_y^2$ ou $(\frac{\sigma_w}{w})^2 = (\frac{\sigma_x}{x})^2 + (\frac{\sigma_y}{y})^2$
$w = a x^p y^q$	$\sigma_w^2 = (a p x^{p-1} y^q)^2 \sigma_x^2 + (a x^p q y^{q-1})^2 \sigma_y^2$ ou $(\frac{\sigma_w}{w})^2 = p^2 (\frac{\sigma_x}{x})^2 + q^2 (\frac{\sigma_y}{y})^2$

Dados experimento anterior (210)



material	d(g/cm ³)
PVC	1,35 a 1,45
Acrílico	1,17 a 1,20
Nylon	1,09 a 1,14
Polietileno	0,941 a 0,965
Polipropilen	0,900 a 0,915

Média ponderada

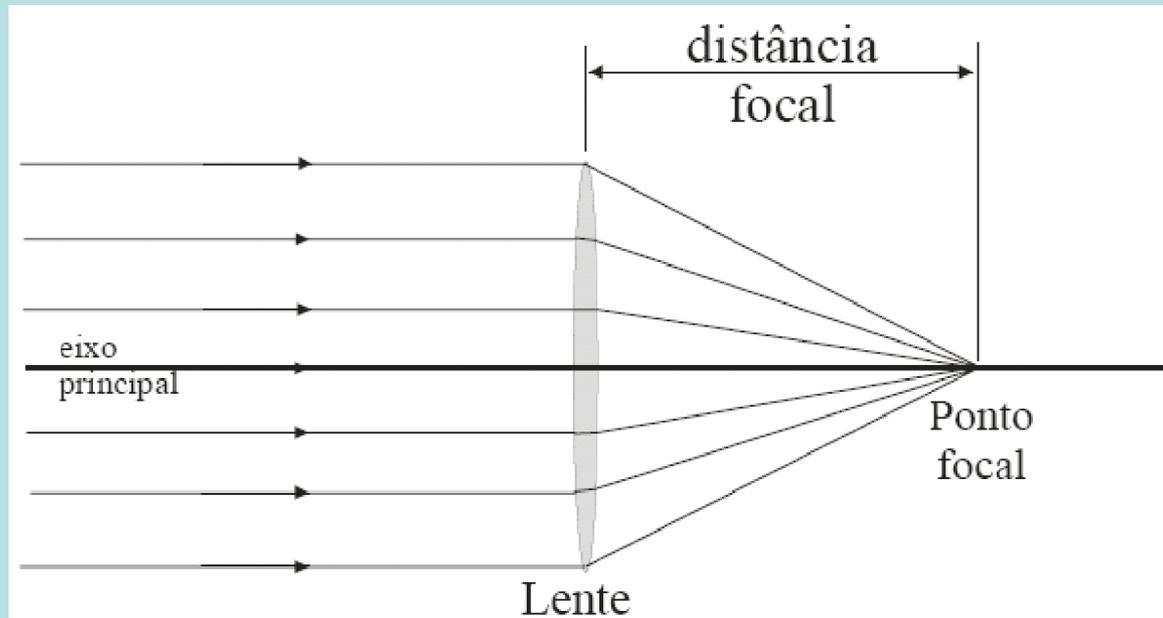
Como cada medida tem incerteza diferente (varia com os parâmetros experimentais durante a aquisição dos dados), podemos fazer uma média ponderada (ponderada pela incerteza de cada medida):

$$d = \frac{\sum_{i=1}^N p_i \cdot d_i}{\sum_{i=1}^N p_i} \quad \text{onde:} \quad p_i = \frac{1}{\sigma_{d_i}^2}$$

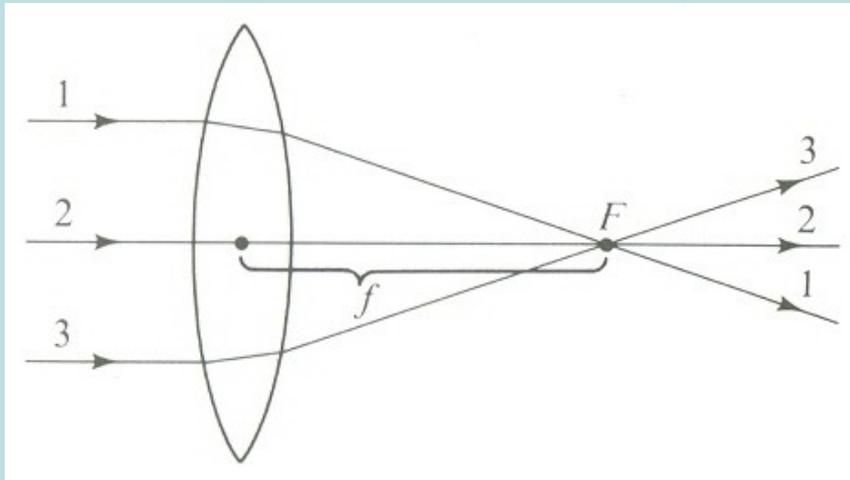
e a incerteza de d é:
$$\sigma_d = \sqrt{\frac{1}{\sum_{i=1}^N p_i}}$$

Distância Focal de uma Lente

É a distância entre o ponto de foco de uma imagem e a lente caso o objeto que gera a imagem esteja a uma distância infinita da lente

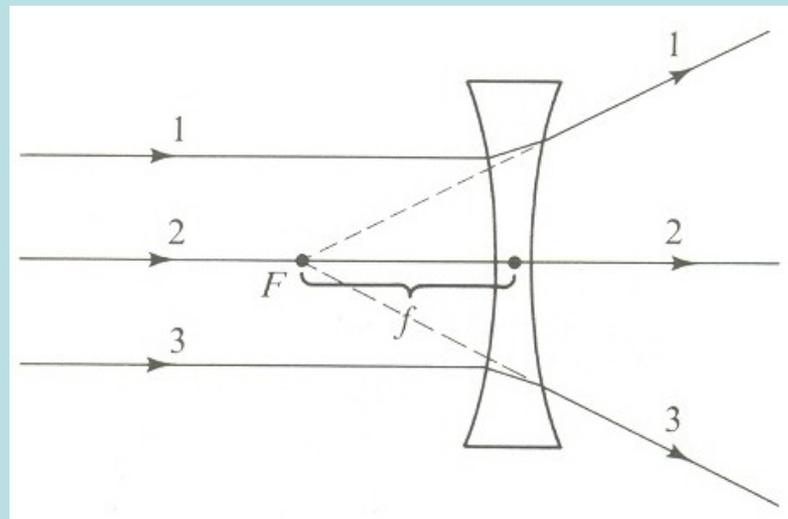


Lentes convergentes e divergentes

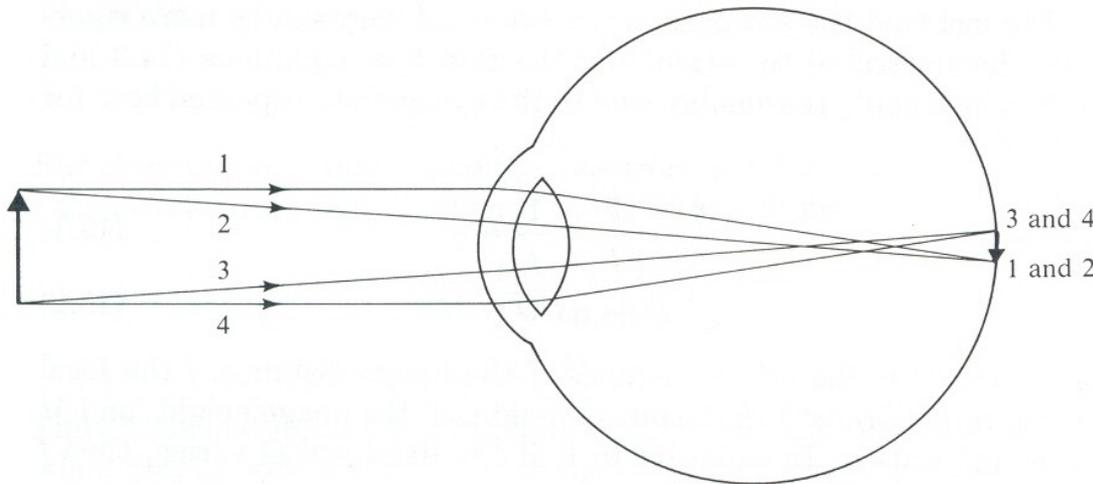
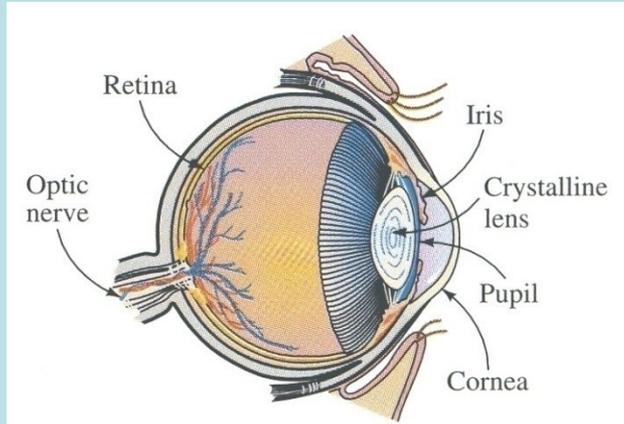


Convergente

Divergente

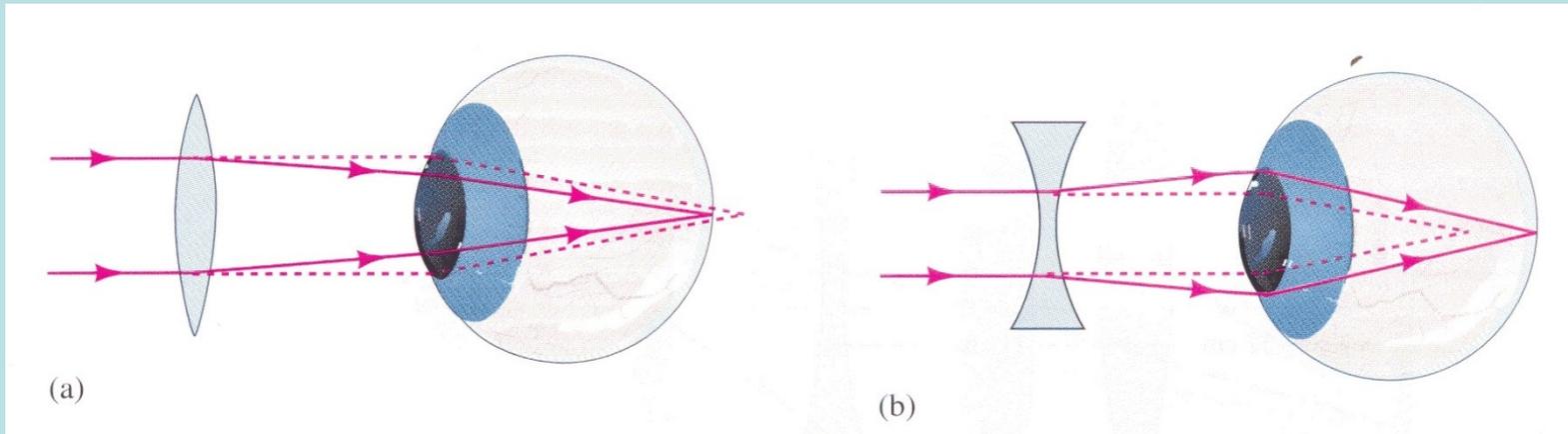


Curiosidade: olho humano e visão



A imagem formada sobre a retina é real e invertida. Problemas de visão ocorrem quando a imagem não se forma sobre a retina

Curiosidade: correção dos problemas de visão



(a) hipermetropia:
a imagem se forma após a retina; a correção é feita utilizando lentes convergentes

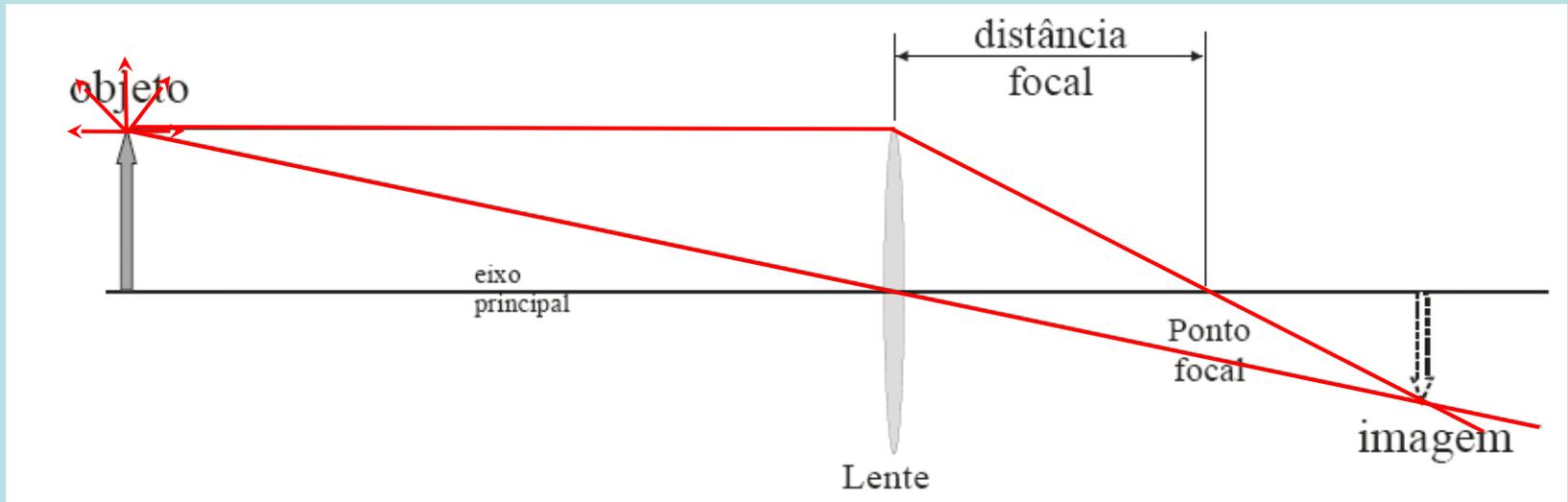
(b) miopia:
a imagem se forma antes da retina; a correção é feita utilizando lentes divergentes

Formação da imagem

Raios luminosos saem de todos os pontos do objeto em todas as direções

Qualquer raio luminoso paralelo ao eixo principal da lente é desviado de tal forma a passar pelo ponto focal da lente;

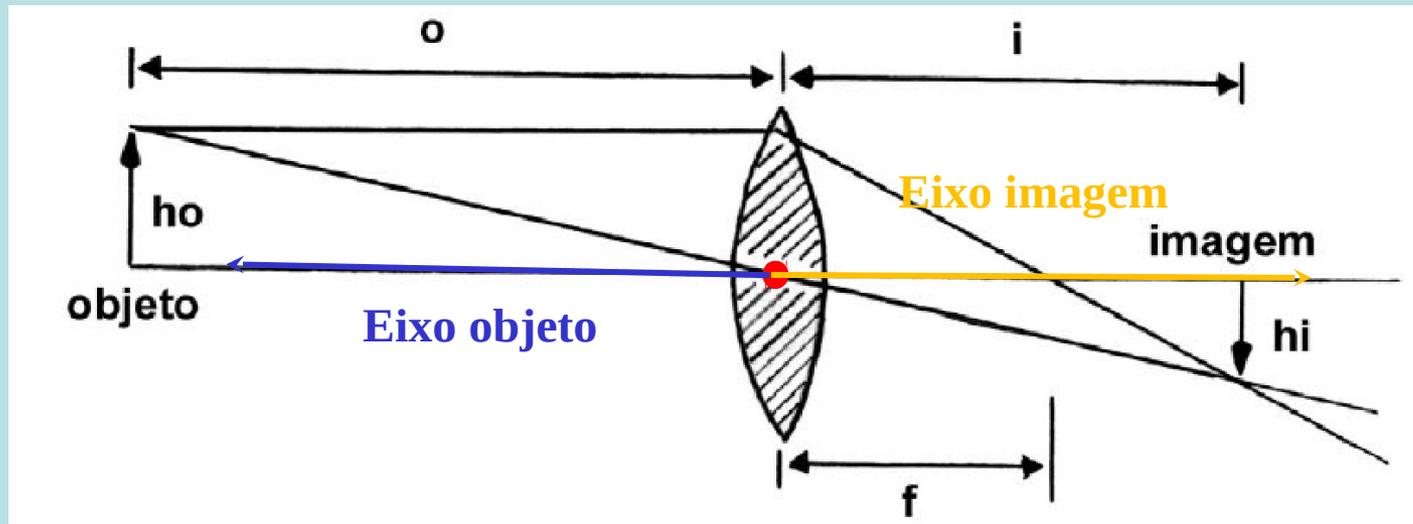
Qualquer raio luminoso incidente sobre o centro da lente não sofre desvio



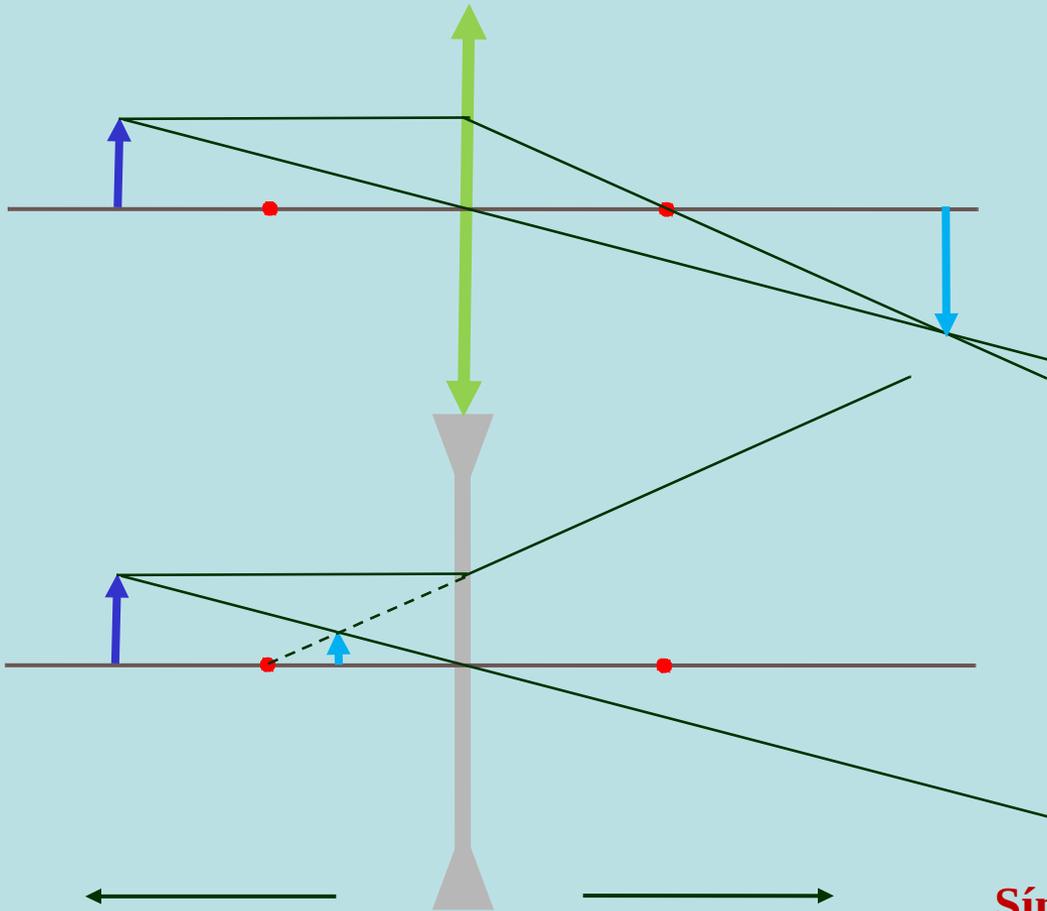
Distância Focal de uma Lente

Ela pode ser calculada pela expressão:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{i} + \frac{1}{o} \Rightarrow f = \frac{i \cdot o}{i + o}$$



Dist objeto > distância focal



Convergente $f > 0$

Imagem real $i > 0$

Raios se encontram

Divergente $f < 0$

Imagem virtual $i < 0$

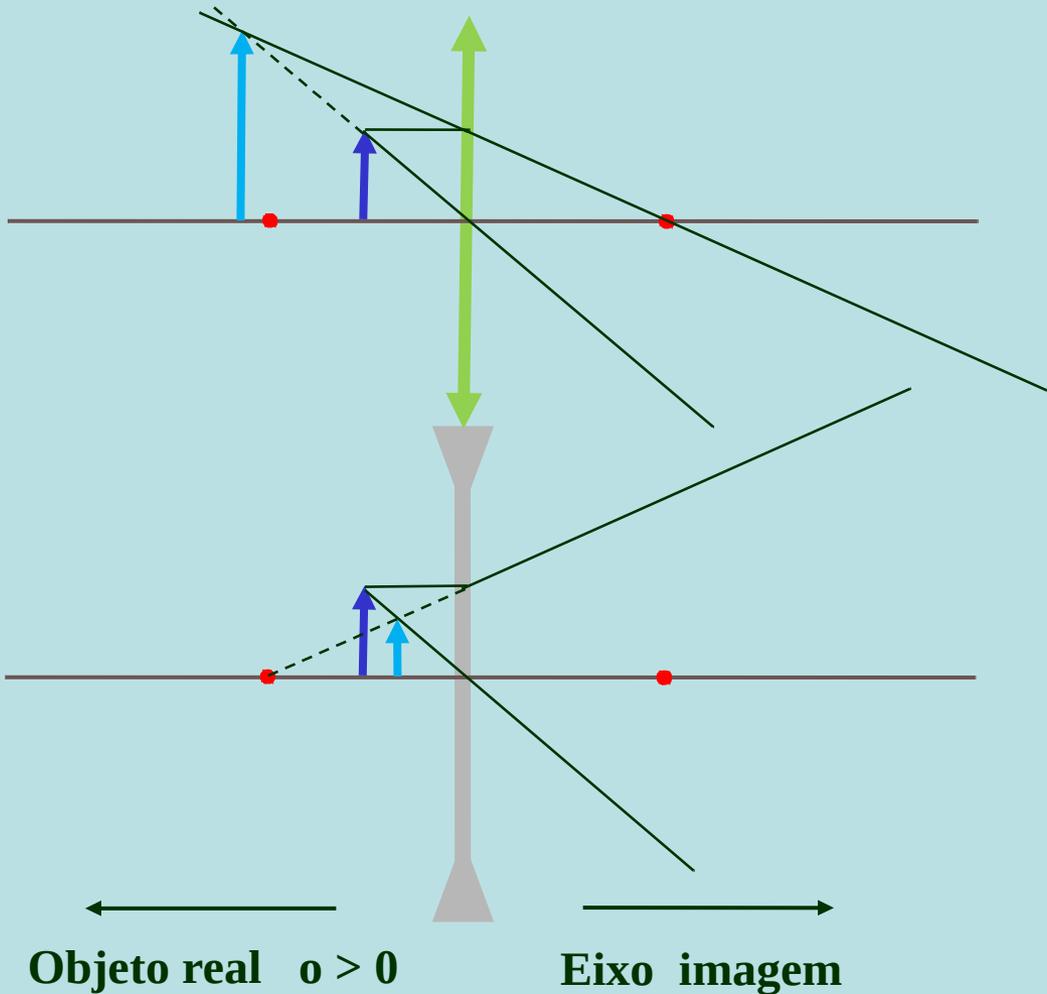
Raios parecem vir do mesmo ponto

Objeto real $o > 0$

Eixo imagem

Símbolo da Lente
Divergente está
correto????

Dist objeto < distância focal



Convergente $f > 0$

Imagem virtual $i < 0$

Raios parecem vir do mesmo ponto

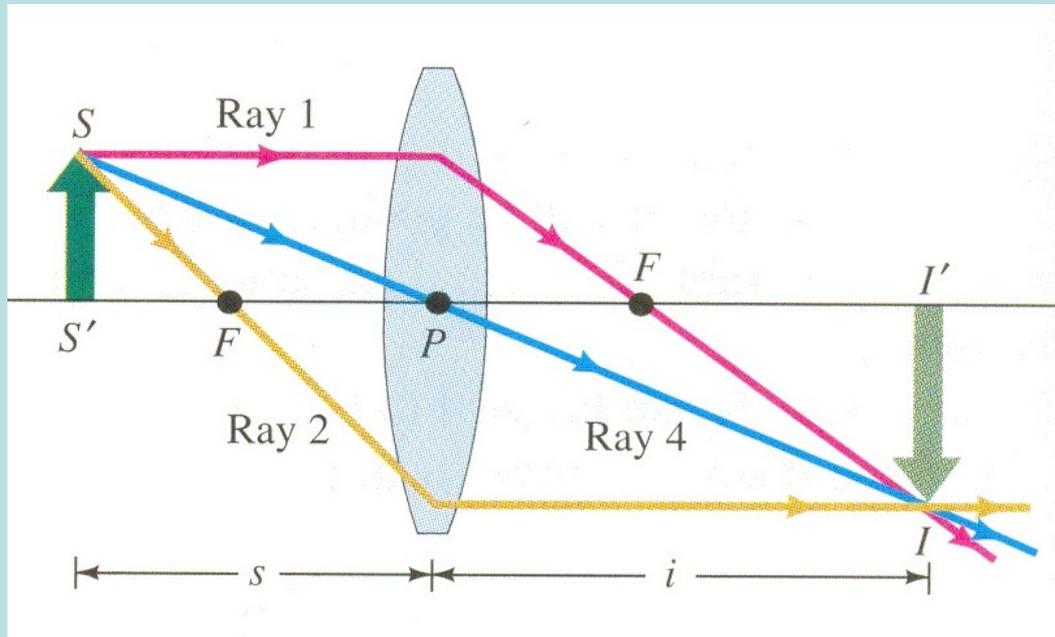
Divergente $f < 0$

Imagem virtual $i < 0$

Raios parecem vir do mesmo ponto

Imagem em lente convergente:

$$o > f$$



Conforme S (objeto) afasta, I (imagem) diminui e se aproxima de F

Imagem é **real** (cruzamento de raios reais)

Imagem é **invertida**

Imagem em lente convergente:

$$o < f$$

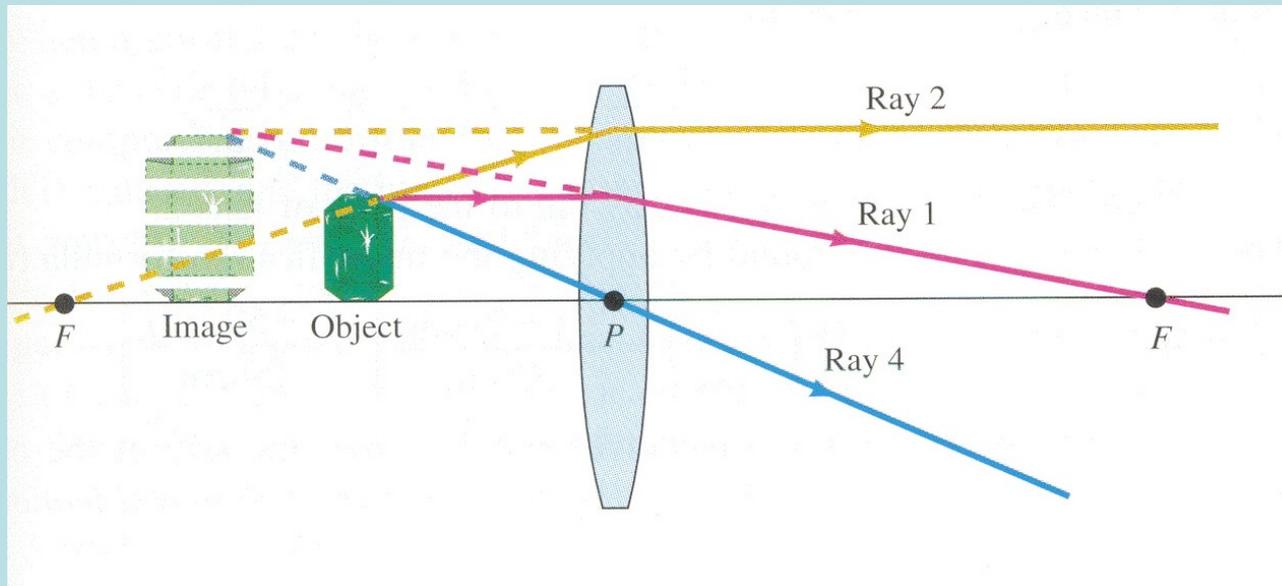


Imagem é:

virtual (cruzamento de prolongamentos dos raios)

direita e maior que o objeto

mais afastada da lente que objeto ($i > o$)

Procedimento Experimental

Bancada óptica:

Trilho metálico

Fonte luminosa

2 lentes a serem estudadas por bancada

Anteparo para projeção da imagem

Identificar a lente convergente e a lente divergente

Estimar a distância focal destas lentes convergentes (com incertezas)

Convergente

Pode ser usado imagem real ou virtual

Divergente

Imagem virtual

Procedimento Experimental

Para a lente convergente, cada aluno do grupo fará 10 medidas, com diferentes valores de o

Organizar os dados em uma tabela

Refletir sobre as incertezas nas medidas, tanto de o como de i

Como você pode estimá-las?

A incerteza é somente devido ao equipamento de leitura (trena), ou seja, instrumental?

Qual o valor atribuído a elas? Por quê?

Estimativa da Incerteza

Avaliar a **incerteza instrumental** para os diversos pontos.
Não deve ser o mesmo.

Avaliar a **incerteza estatística** para os diversos pontos medidos (valores de i). Analise a influência para diferentes valores de o .

$$\sigma_{L_{final}} = \sqrt{\sigma_{L_{instr}}^2 + \sigma_{L_{estat}}^2}$$

Análise dos dados

Calcular a distância focal da lente convergente utilizada, não esquecendo de fazer a propagação de incertezas

Calcule a média ponderada e compare os valores da distância focal obtidos em cada medida. Eles são compatíveis? Você observa alguma tendência nos dados com o aumento ou diminuição de o ?