

**UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO  
ESCOLA DE ENGENHARIA DE SÃO CARLOS  
DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA DE PRODUÇÃO**

1 - Para o conjunto de  $n = 10$  tarefas independentes a serem processadas em uma determinada máquina, de acordo com os dados abaixo, resolver os seguintes problemas:

1.1 -  $n/1/\bar{F}$

1.2 -  $n/1/T_{\text{máx}}$

1.3 -  $n/1/\bar{F} \mid \min T_{\text{máx}}$ , utilizando o teorema de HECK and ROBERTS

1.4 -  $n/1/n(T)$ , utilizando:

. O algoritmo de MOORE;

. A versão de HODGSON do algoritmo de MOORE.

$J_i$	$J_1$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$	$J_6$	$J_7$	$J_8$	$J_9$	$J_{10}$
$p_i$	3	6	5	3	7	2	2	4	5	4
$d_i$	15	25	14	7	22	10	12	32	26	18

2 - Problema de seqüenciamento de testes com mínimo custo.

Um certo produto é submetido a uma série de  $n$  testes (por exemplo: dureza, peso, comprimento, etc.). Associadas com o teste  $T_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) existem 2 constantes conhecidas:

- $K_i$  = custo de realização do teste  $T_i$  (por unidade do produto)
- $R_i$  = probabilidade do teste  $T_i$  rejeitar o produto.

Os testes são independentes, de modo que eles podem ser realizados em qualquer ordem (seqüência), sem alterar os valores  $K_i$  e  $R_i$ .

Quando o produto for rejeitado por algum teste, ele não é submetido aos testes remanescentes da seqüência de testes que for adotada.

Determinar a seqüência dos testes que minimiza o custo total esperado de teste do produto.

- 3 - Uma empresa de consultoria deverá executar 7 projetos, todos eles com datas estabelecidas de entrega. A empresa é de pequeno porte, de modo que somente executará um projeto de cada vez, ou seja, os projetos serão executados seqüencialmente, sem interrupção. De acordo com o contrato, a empresa receberá um prêmio de \$ 800 para cada projeto terminado sem atraso e pagará uma multa de \$ 500 para cada projeto que for concluído após a data de entrega estabelecida. As durações dos projetos e as respectivas datas de entrega são dadas abaixo. Como deverão ser seqüenciados os projetos, de forma a maximizar o prêmio líquido?

Projeto	PR <sub>1</sub>	PR <sub>2</sub>	PR <sub>3</sub>	PR <sub>4</sub>	PR <sub>5</sub>	PR <sub>6</sub>	PR <sub>7</sub>
Duração p <sub>i</sub>	2	4	6	8	10	12	14
Data de Entrega d <sub>i</sub>	6	12	30	19	12	18	24

- 4 - Um conjunto de 6 tarefas independentes e que não podem ser interrompidas (nonpreemptive case) deverá ser programado para execução em 2 máquinas idênticas, com o objetivo de minimizar o tempo médio de permanência ( $\bar{F}$ ).

J <sub>i</sub>	J <sub>1</sub>	J <sub>2</sub>	J <sub>3</sub>	J <sub>4</sub>	J <sub>5</sub>	J <sub>6</sub>
p <sub>i</sub>	2	6	4	1	3	5

- 4.1 - Construir todas as soluções ótimas do problema (n/m, ID/ $\bar{F}$ ).

Calcular o valor de  $F_{\text{máx}}$  (ou M) para cada uma delas.

- 4.2 - Resolver o problema n/m, ID/ $\bar{F}$  | min  $F_{\text{máx}}$  utilizando o algoritmo 3.2.4 (das notas de aulas).

Comparar a solução com as soluções obtidas no item (4.1).

- 4.3 - Suponha que uma sétima tarefa J<sub>7</sub> com P<sub>7</sub> = 9 é acrescida ao conjunto de tarefas. Se J<sub>7</sub> for programada em último lugar (em uma das máquinas) para cada programação construída em (4.1), as programações resultantes são equivalentes com relação a  $\bar{F}$ ?

- 4.4 - Quantas soluções (programações) ótimas existem para o conjunto de 7 tarefas?

- 5 - Um conjunto de 10 tarefas parcialmente dependentes e que não podem ser interrompidas, deverá ser programado para execução em 3 máquinas idênticas, com o objetivo de minimizar a duração total da programação (M).

J <sub>i</sub>	J <sub>1</sub>	J <sub>2</sub>	J <sub>3</sub>	J <sub>4</sub>	J <sub>5</sub>	J <sub>6</sub>	J <sub>7</sub>	J <sub>8</sub>	J <sub>9</sub>	J <sub>10</sub>
p <sub>i</sub>	3	5	2	4	2	1	3	4	6	3
S <sub>i</sub>	-	-	J <sub>1</sub> , J <sub>2</sub>	J <sub>3</sub>	-	J <sub>5</sub>	J <sub>4</sub> , J <sub>6</sub>	-	J <sub>8</sub>	J <sub>9</sub>

S<sub>i</sub> : conjunto de tarefas que precedem diretamente J<sub>i</sub>.

5.1 - Resolver o problema utilizando o algoritmo de HU (procedimento heurístico). Calcular o valor de  $\bar{F}$  para a programação obtida.

5.2 - A partir da programação de (5.1), procure obter uma outra programação mantendo o valor de  $M$  e diminuindo (se possível) o valor de  $\bar{F}$ .

6 - Resolver o problema 4/3/F/M, de acordo com os dados que seguem, utilizando o procedimento heurístico de CAMPBELL, DUDEK and SMITH (CDS).

$J_i$	$J_1$	$J_2$	$J_3$	$J_4$
$p_{i1}$	13	7	26	2
$p_{i2}$	3	12	9	6
$p_{i3}$	12	16	7	1

7 - Formular os problemas  $n/m/F/M$ ,  $n/m/\bar{F}/\bar{F}$ ,  $n/m/P/M$  e  $n/m/P/\bar{F}$  em termos de Programação Linear (Inteira Mista).

8 - Um conjunto de 5 tarefas independentes, cujas operações não podem ser interrompidas, deverá ser programado para execução em 3 máquinas distintas, de acordo com os tempos de processamento e as designações de máquinas dados abaixo:

$J_i$	$J_1$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$
$p_{i1}$	2	3	1	4	3
$p_{i2}$	1	2	1	2	3
$p_{i3}$	2	4	2	3	5

- Tempos de processamento

$J_i$	$J_1$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$
$op_{i1}$	M2	M2	M1	M3	M3
$op_{i2}$	M3	M1	M2	M1	M2
$op_{i3}$	M1	M3	M3	M2	M1

- Quadro de precedências (Routing)

8.1 - Programar as tarefas utilizando o algoritmo geral para obtenção de soluções heurísticas, com a regra de prioridade SPT (desempates com MWKR). Calcular os valores de  $\bar{F}$  e  $M$ .

8.2 - Idem, utilizando a regra de prioridade LWKR (desempates com LPT).

8.3 - Idem, utilizando a regra de prioridade MWKR (desempates com SPT).

8.4 - Comparar as programações obtidas em (8.1), (8.2) e (8.3) com relação a  $\bar{F}$  e  $M$ .