

1. Dadas as funções lógicas f e g abaixo, manipule-as algebricamente e determine suas expressões equivalentes na forma soma de produtos simplificada. Indique os passos utilizados. Não utilize mapas de Karnaugh ou tabelas da verdade:

a) $f(a,b,c,d) = a + \bar{b} \cdot (c + \bar{d})$
 b) $g(a,b,c,d) = (a \cdot c \cdot \bar{d} + \bar{b} \oplus d + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + a \cdot b)$

2. Dada a função lógica $h(a, b, c, d)$ definida pela tabela mostrada na figura 2, determine a expressão lógica dessa função na forma soma de produtos simplificada usando mapa de Karnaugh.

3. A figura 3a mostra o símbolo de um decodificador 2:4 com entrada de *enable* E ativa em 1, onde $A[1:0]$ são os bits de endereço e $Y[3:0]$ são as saídas. O símbolo da figura 3b é representa um multiplexador 4:1, onde $S[1:0]$ são os bits de seleção, $I[3:0]$ são as entradas de dados, E é a entrada de *enable* ativa em 1 e Y é a saída.

- a) Faça o diagrama lógico do decodificador e do multiplexador usando portas lógicas AND, OR e NOT genéricas.
 b) Mostre como construir o multiplexador usando o decodificar e portas lógicas AND, OR e NOT genéricas.

$a b c d$	h	$a b c d$	h	$a b c d$	h	$a b c d$	h
0 0 0 0	1	0 1 0 0	1	1 0 0 0	1	1 1 0 0	0
0 0 0 1	1	0 1 0 1	0	1 0 0 1	1	1 1 0 1	1
0 0 1 0	1	0 1 1 0	1	1 0 1 0	1	1 1 1 0	0
0 0 1 1	1	0 1 1 1	0	1 0 1 1	1	1 1 1 1	1

Figura 2

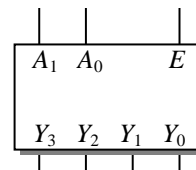


Figura 3a

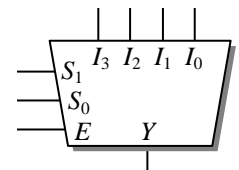


Figura 3b

4. Determine a forma de onda das saídas Q_0 e Q_1 dos flip-flops da figura 4a, considerando os sinais de entrada mostrados na figura 4b. As entradas CLR zeram os flip-flops de forma **assíncrona**.

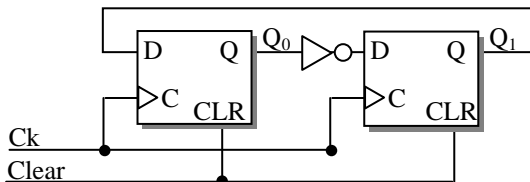


Figura 4a

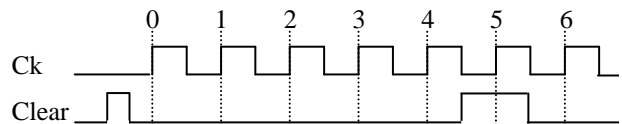


Figura 4b

5. A tabela da figura 5 mostra algumas instruções de uma CPU de 8 bits, onde: R_0 e R_1 são registradores; kk representa uma constante de 8 bits; PC é *Program Counter*; e Z é um *flag* tal que $Z=1$ indica que a última operação executada pela CPU resultou em zero. Operações aritméticas são efetuadas na notação Complemento de 2 (C2). $Mem[kk]$ indica a posição de memória de endereço kk . A coluna *Flags* mostra quais *flags* são afetados pela instrução. A coluna *Bytes* mostra o número de bytes usados para codificar a instrução.

A figura 5 mostra também um trecho de programa em *assembly*, onde todas as constantes são dadas em hexadecimal.

- a) Suponha que o programa seja transcrito em código de máquina para ser carregado na memória a partir do endereço 0. Liste o conteúdo de cada posição de memória ocupada pelo programa, indicando endereços e conteúdos em hexadecimal.
 b) Determine o valor final dos registradores R_0 e R_1 e da posição de memória FFh após a execução do programa. Justifique.

Mneum.	Opcode	Descrição	Flags	Bytes
ADD R_0, R_1	41	$R_0 \leftarrow R_0 + R_1$ (em C2)	Z	1
CLR R_0	30	$R_0 \leftarrow 0$	-	1
DEC R_1	F1	$R_1 \leftarrow R_1 - 1$ (em C2)	Z	1
JNZ kk	04	se $Z = 0, PC \leftarrow kk$	-	2
LDI R_1, kk	E1	$R_1 \leftarrow kk$	-	2
STS kk, R_0	A0	$Mem[kk] \leftarrow R_0$	-	2

```

CLR R0
LDI R1, 3
LABEL: ADD R0, R1
DEC R1
JNZ LABEL
STS FF, R0
    
```

Figura 5

Algumas respostas

1.a) $a^3 \cdot b + a^2 \cdot c^3 \cdot d$. 1.b) $b + d^3$.

2) $b^3 + a \cdot d + a^2 \cdot d^3$

3.a) Decoder: $Y_0 = E \cdot A_1 \cdot \bar{A}_0$, $Y_1 = E \cdot A_1 \cdot A_0$, $Y_2 = E \cdot \bar{A}_1 \cdot \bar{A}_0$, $Y_3 = E \cdot \bar{A}_1 \cdot A_0$. Mux: $Y = E \cdot (I_0 \cdot S_1 \cdot \bar{S}_0 + I_1 \cdot S_1 \cdot S_0 + I_2 \cdot \bar{S}_1 \cdot \bar{S}_0 + I_3 \cdot \bar{S}_1 \cdot S_0)$. 3.b) Entradas do decoder: $E \leftarrow E$ externo, $A_1 \leftarrow S_1$, $A_0 \leftarrow S_0$. Usar as saídas do decoder para fazer a saída do mux $Y = Y_0 \cdot I_0 + Y_1 \cdot I_1 + Y_2 \cdot I_2 + Y_3 \cdot I_3$

4) Q_0 indefinido até o primeiro $Clear=1$; $Q_0 \leftarrow 0$ após $Clear=1$ até $Ck 1$; $Q_0 \leftarrow 1$ entre $Ck 1$ e $Ck 3$.

Q_1 indefinido até o primeiro $Clear=1$; $Q_1 \leftarrow 0$ após $Clear=1$ até $Ck 0$, entre $Ck 2$ e $Ck 4$, e assincronamente após o segundo $Clear=1$ até $Ck 6$; $Q_1 \leftarrow 1$ entre $Ck 0$ e $Ck 2$, após $Ck 4$ até o segundo $Clear=1$, e após $Ck 6$.

5.a) (Endereço: byte) 0: 30; 1: E1; 2: 03; 3: 41; 4: F1; 5: 04; 6: 03; 7: A0; 8: FF. 5.b) $R_0=6$; $R_1=0$; $Mem[FF]=6$. Soma em R_0 os números decrescentes de 3 a 1.