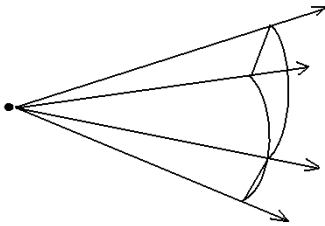


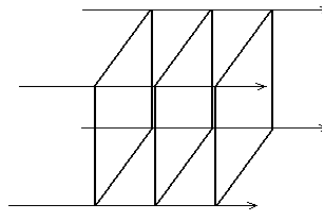
# DIFRAÇÃO

## Frente de onda

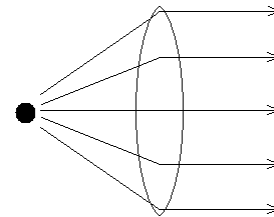
Ondas esféricas



Ondas planas



Consideraremos em todos os casos consideraremos uma frente de onda plana.

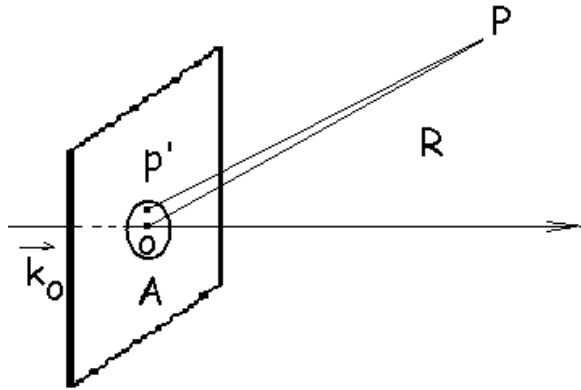


A diagram showing plane waves with wavelength $\lambda$ incident on a slit of width $d$ . The waves diffract and spread out. The distance to the observation screen is labeled $D$ .	<p>São três os comprimentos típicos envolvidos no fenômeno de difração</p> <ul style="list-style-type: none"><li><math>\lambda</math> o comprimento de onda</li><li><math>d</math> a dimensão do objeto que difrata</li><li><math>D</math> a distância de observação</li></ul>
--	--

Quando  $d$  é da ordem de  $\lambda$  ocorre difração.

Difração de Fresnel: Quando  $D$  é pequena (próximo do objeto)

Difração de Fraunhofer: quando  $D \rightarrow \infty$



Consideremos uma frente de onda incidente sobre uma abertura circular de área  $\sigma_A$

Sejam:

$\vec{k}_0$  o vetor de propagação da onda incidente,

$P'$  um ponto na abertura  $A$

Tomamos o ponto central da abertura como origem.

$$\vec{k}_0 = k\hat{u}$$

O ponto  $P'$  é o centro de uma onda esférica secundária (princípio de Huygens).

A amplitude da onda incidente é  $E_0$  na abertura e o CE em  $P'$  é

$$E(P') = E_0 e^{i\vec{k}_0 \cdot \vec{x}'}$$

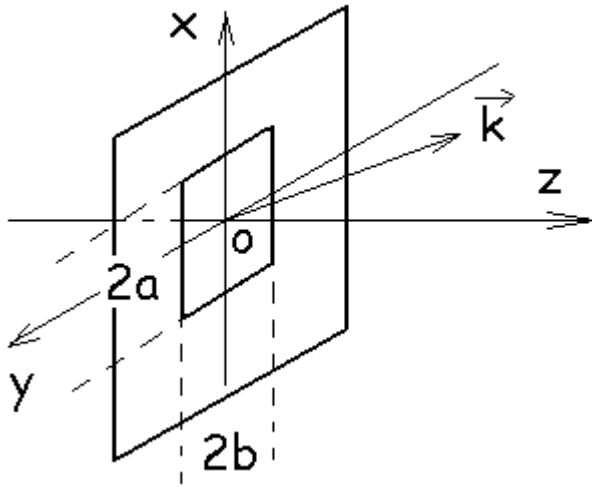
onde  $\vec{x}'$  é o vetor de posição de  $P'$  em relação à origem.

O vetor  $\vec{r}$ , que liga  $P'$  ao ponto  $P$  pode ser escrito como

$$\vec{r} = \vec{R} - \vec{x}'$$

onde  $R = R\hat{u}$ , onde  $\hat{u}$  é o vetor unitário da direção de observação.

## Abertura retangular



$$\sigma_A = 4ab$$

A soma das fases,

$$\int_{\sigma_a} e^{-ik\hat{u}\hat{x}'} dx, \text{ deve ser}$$

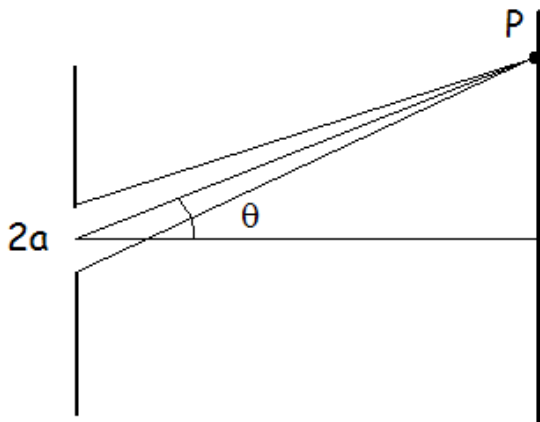
calculada sobre o retangulo

## Difracao por uma fenda

Podemos construir uma fenda atraves da abertura retangular, p.ex. tomando b grande tal que essa dimensao corresponde a optica geometrica. Isso corresponde a somar em b desde  $-B$  ate  $+B$ :

$$\int_{-B}^{+B} \frac{\text{sen}^2 y}{y^2} \text{ cte (fontes incoerentes)}$$

$$\text{Assim } \frac{I(P)}{I(\text{ptocentral})} = \frac{\text{sen}^2 x}{x^2}$$

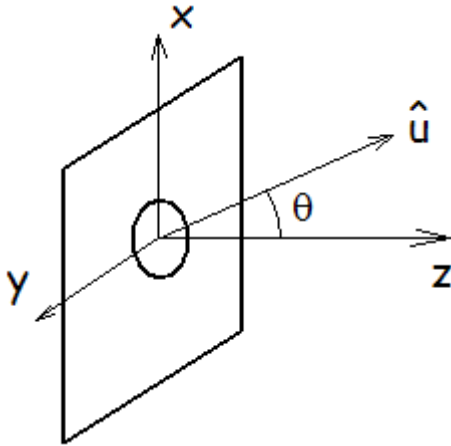


$$k \sin \theta = \pi$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} \sin \theta = \pi$$

$$2a \sin \theta = \lambda$$

$$\text{Primeiro minimo: } \sin \theta = \frac{\lambda}{2a}$$



Abertura circular

$$\frac{I(P)}{I(\text{ptocentral})} = \frac{1}{\sigma_A} \left| \int_{\sigma_A} \exp(-ik\hat{u}\cdot\vec{x}') d^2x' \right|$$

Para difracao de Fraunhofer se a abertura e' um circulo de raio a entao  $\sigma_A = \pi a^2$

O ponto de obserçao P é tal que a reta que liga o centro da abertura a P faz ângulo  $\theta$  com o eixo z. Assim,  $\hat{u} = \cos\theta\hat{z} + \sin\theta\hat{\rho}'$ , sendo  $\hat{\rho}'$  um vetor unitário radial no círculo

$$\vec{x}' = \rho\hat{\rho} = \rho\cos\phi\hat{x} + \rho\sin\phi\hat{y}$$

Podemos sem perda de generalidade, tomar  $\hat{\rho}' = \hat{x}$ , então:

$$\int_{\sigma_A} e^{-ik\hat{u}\cdot\vec{x}'} d^2x' = \int_0^a \rho d\rho \int_0^{2\pi} e^{-ik\rho\sin\theta\cos\phi} d\phi$$

A integral não é uma função elementar. Na verdade existe uma solução por série infinita.