

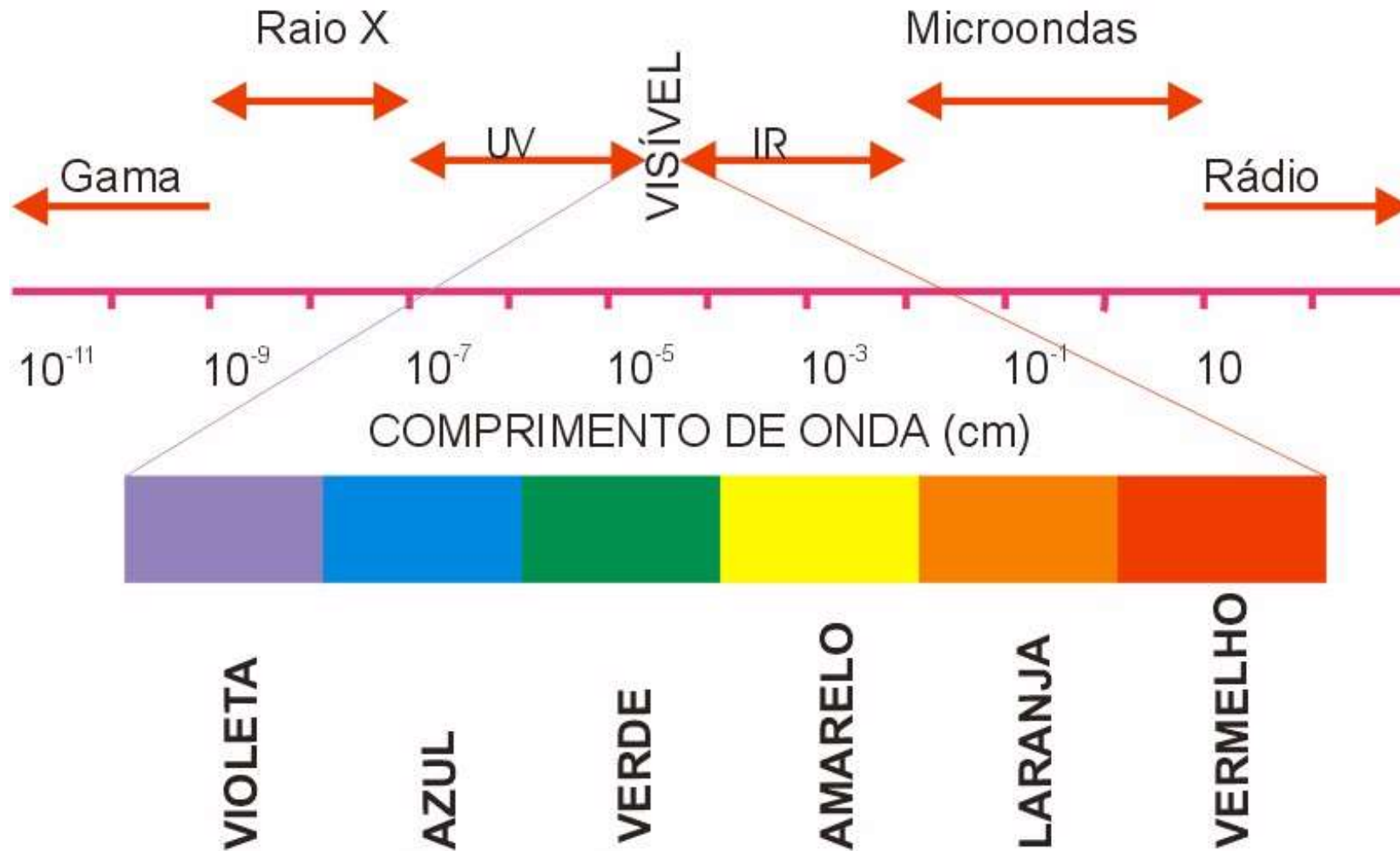
# Aula 2 – As plantas e a radiação solar I

Prof. Fábio Marin

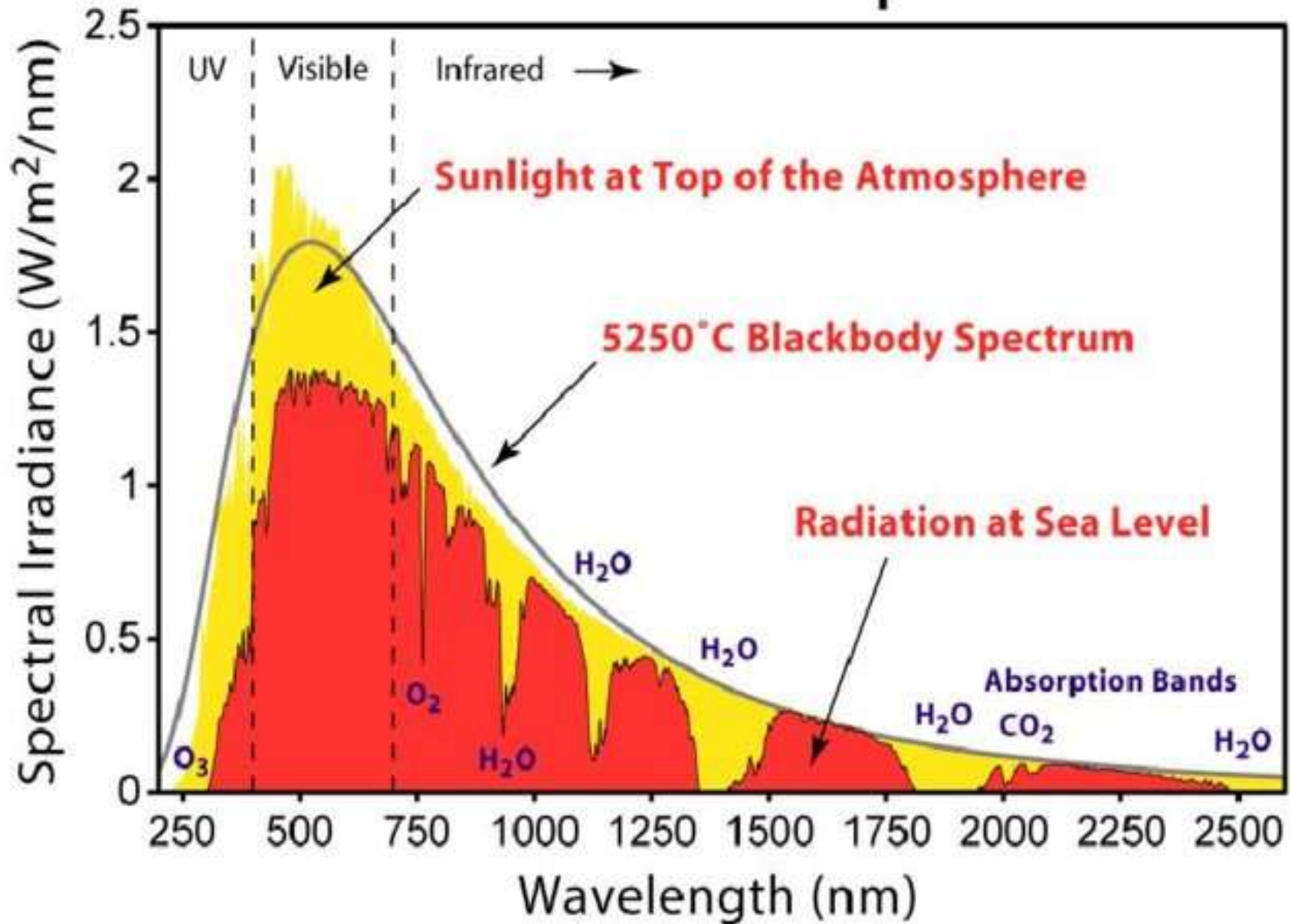
UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO  
ESCOLA SUPERIOR DE AGRICULTURA "LUIZ DE QUEIROZ"  
Departamento de Engenharia de Biossistemas  
LEB 5036 - Clima e Agricultura II: Relações Planta-Atmosfera



# Espectro eletromagnético da radiação solar



# Espectro da Radiação Solar



# Lei de Planck

(3.3)

$$E_b = \frac{2\pi hc^2}{\lambda^5 \left[ e^{\left( \frac{hc}{k\lambda T} \right)} - 1 \right]}$$

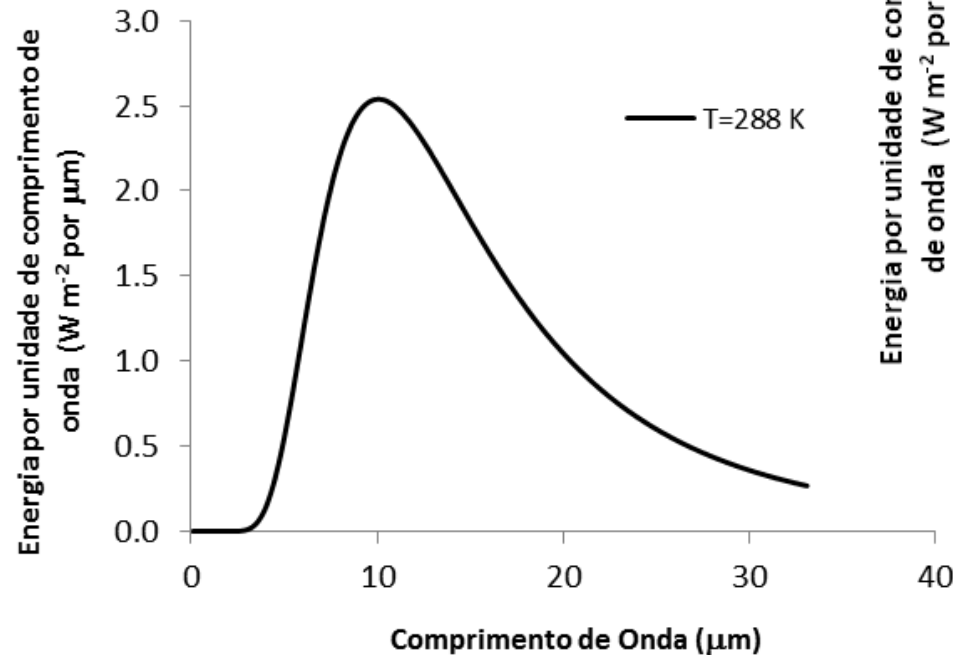
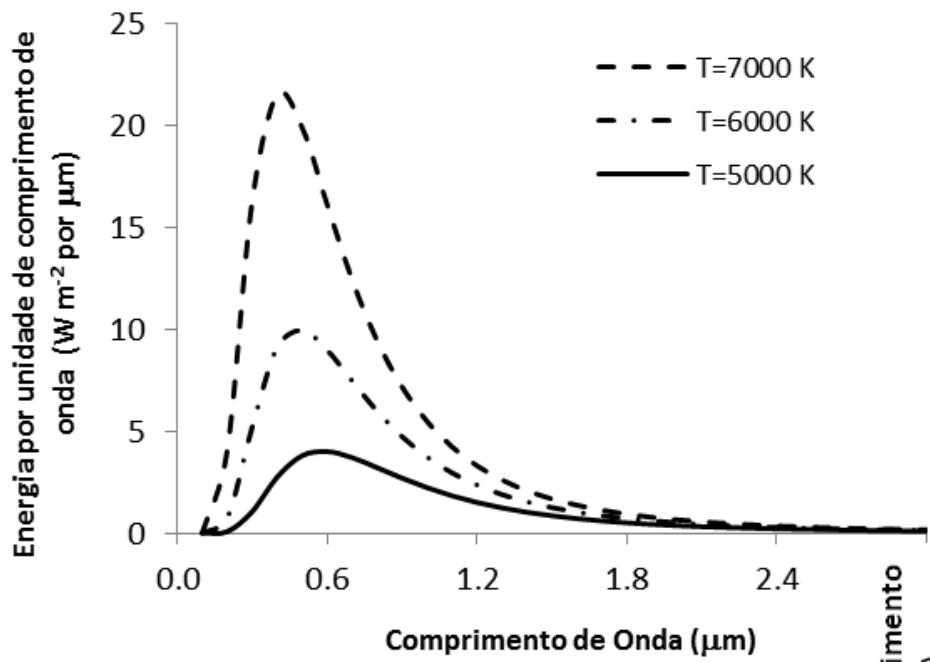
em que  $E_b$  é a emitância espectral ( $\text{W m}^{-3}$ );  $T$  é a temperatura do corpo (K);  $h$  é a constante de Planck ( $\text{J s}^{-1}$ );  $k$  é a constante de Boltzmann ( $1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$ ).



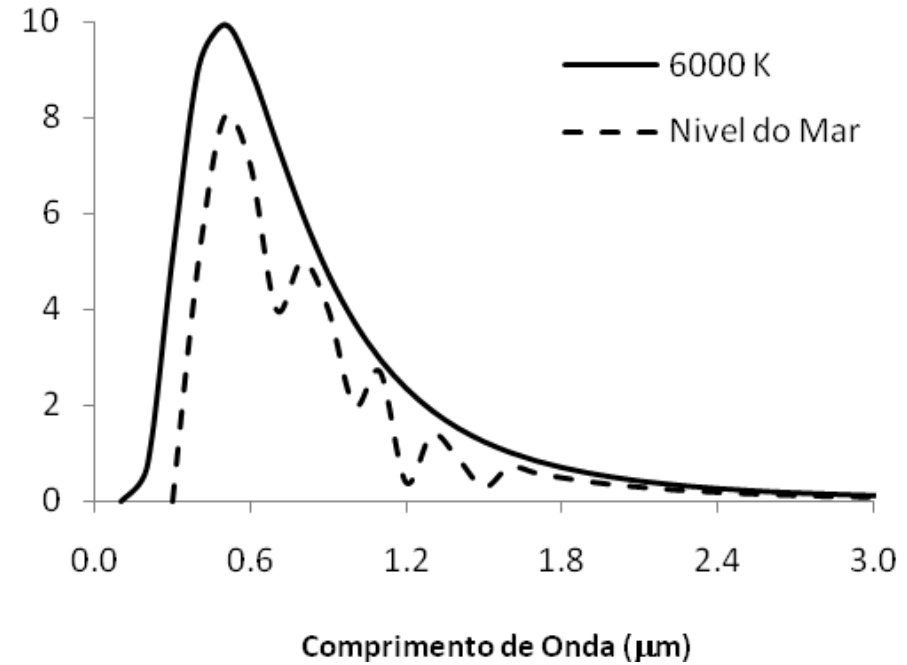
# Nota sobre a aplicação da *Lei de Planck*

- O modelo de Planck permite estimar a emissão espectral de um corpo em função de sua temperatura para cada comprimento de onda. Aplicando-a para um temperatura de 6000K (simulando a emitância do Sol) pode-se comparar com o espectro de radiação observado na superfície terrestre, evidenciando o papel importante da atmosfera na determinação da quantidade e qualidade da radiação que atinge a superfície terrestre. Pode-se notar, por exemplo, o papel do ozônio absorvendo ondas na faixa do ultravioleta ( $\lambda < 400\text{nm}$ ), enquanto o vapor d'água absorve principalmente radiação na faixa do infravermelho ( $\lambda > 700\text{nm}$ ). A diferença entre as duas linhas informa sobre a absorvidade/refletividade de alguns constituintes da atmosfera para diferentes comprimentos de onda, ressaltando as principais faixas espectrais em que atuam o ozônio, vapor d'água e dióxido de carbono.

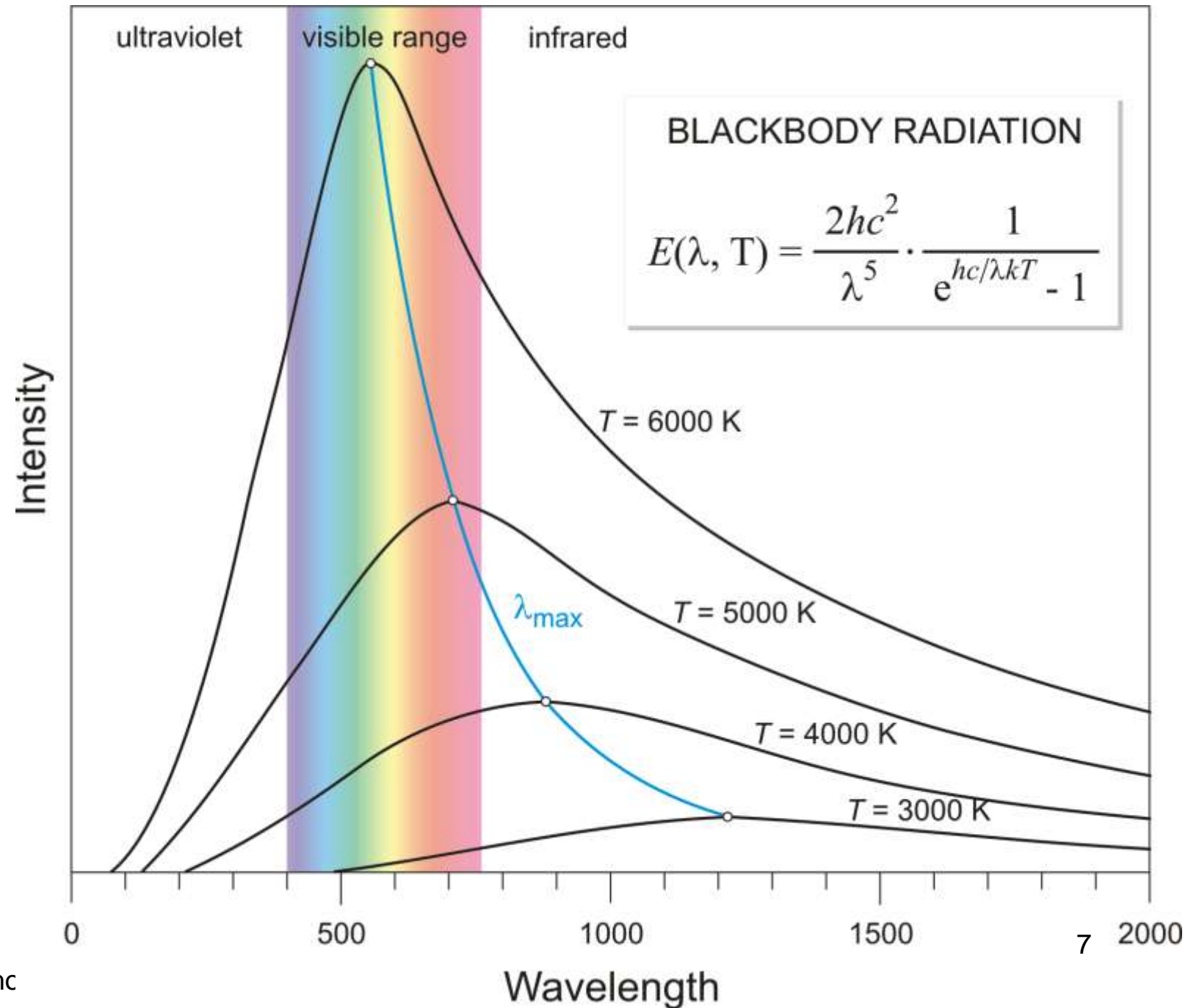




- Observe ao lado a variação da energia emitida em função da temperatura do corpo. A temperatura de  $288K$  corresponde a Terra e a temperatura de  $6000K$  é representativa da temperatura do Sol,
- Abaixo, é possível comparar a quantidade de energia recebida pela Terra. A linha cheia dá ideia da energia incidente acima da atmosfera, e a linha pontilhada corresponde ao espectro de radiação abaixo da atmosfera. A diferença entre elas informa sobre o efeito da atmosfera como atenuante (refletindo e absorvendo energia)



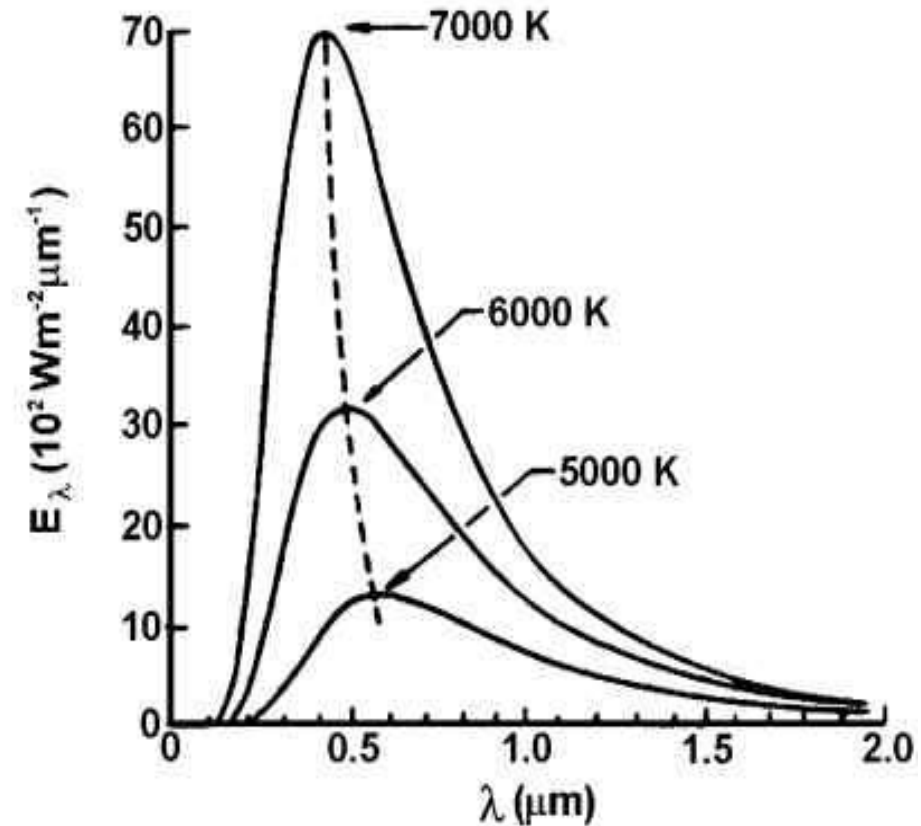
# Lei de Planck



# Lei do Deslocamento de Wien

O comprimento de onda de máxima emissão relaciona-se com a temperatura na forma:

$$\lambda_m = \frac{2897}{T}$$





# Lei de Stefan-Boltzmann

$$E = \varepsilon \sigma T^4$$

A emissão de radiação de um corpo negro é dada pela expressão, onde  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W.m}^{-2}.\text{K}^{-4}$  (constante de Stefan-Boltzmann). Dela se conclui que corpos com maior temperatura emitem mais energia total por unidade de área que aqueles com menor temperatura. O Sol, com  $T \sim 6000 \text{ K}$ , emite centenas de milhares de vezes mais energia que a Terra, com  $T \sim 288 \text{ K}$ .  $\varepsilon$  é a emissividade do corpo; admite-se  $\varepsilon \cong 1$  para superfícies vegetadas.

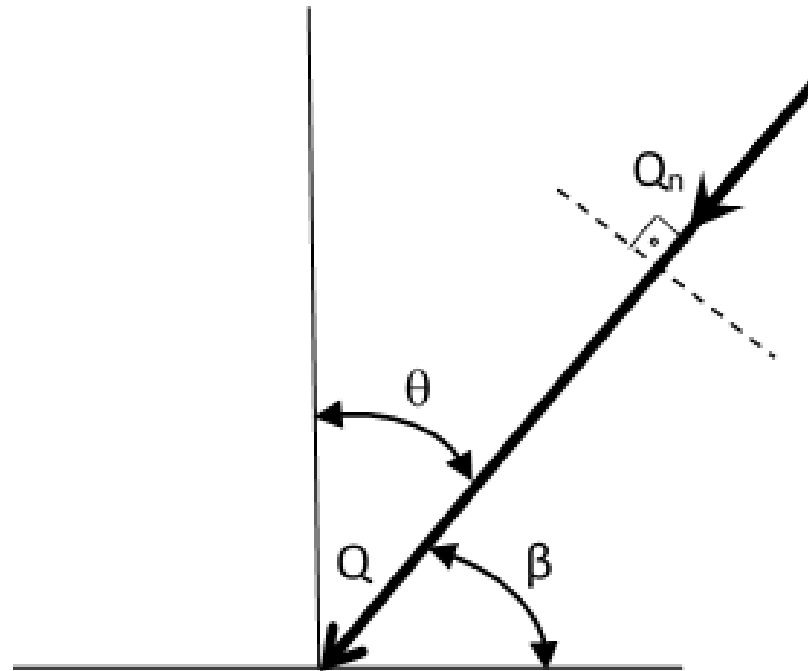


# Lei de Stefan-Boltzmann

Superfícies	$\epsilon$
Água	0,92 a 0,96
Areia molhada	0,95
Areia seca	0,89 a 0,90
Gelo	0,82 a 0,99
Solo molhado	0,95 a 0,98
Folhagem de algodoeiro	0,96
Folhagem de cana-de-açúcar	0,97
Folhagem de feijão	0,94
Folhagem de fumo	0,97
Folhagem de milho	0,94



# Lei dos Cossenos de Lambert

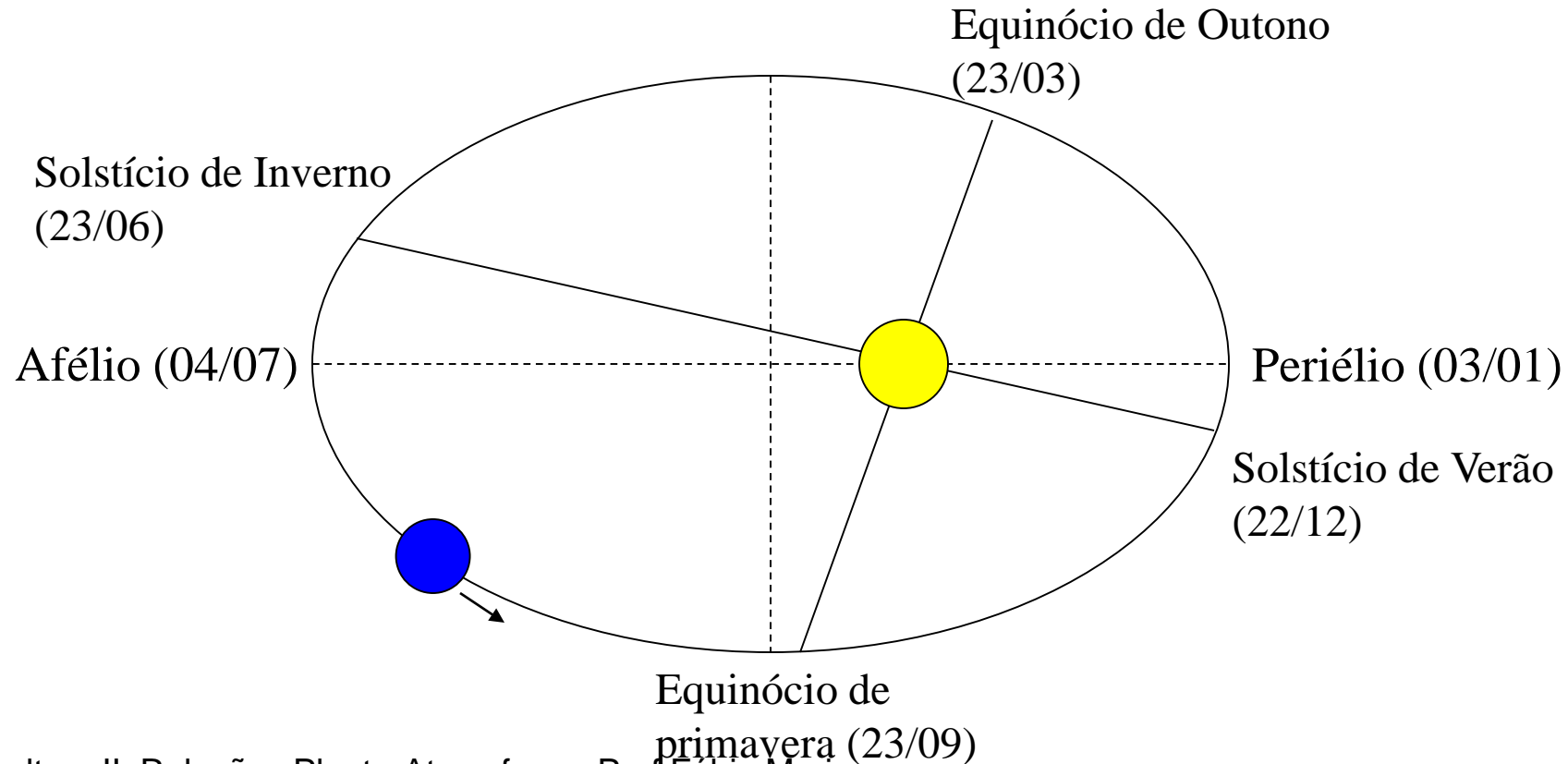


$$Q = Q_n \cdot \cos\theta = Q_n \cdot \text{sen}\beta$$



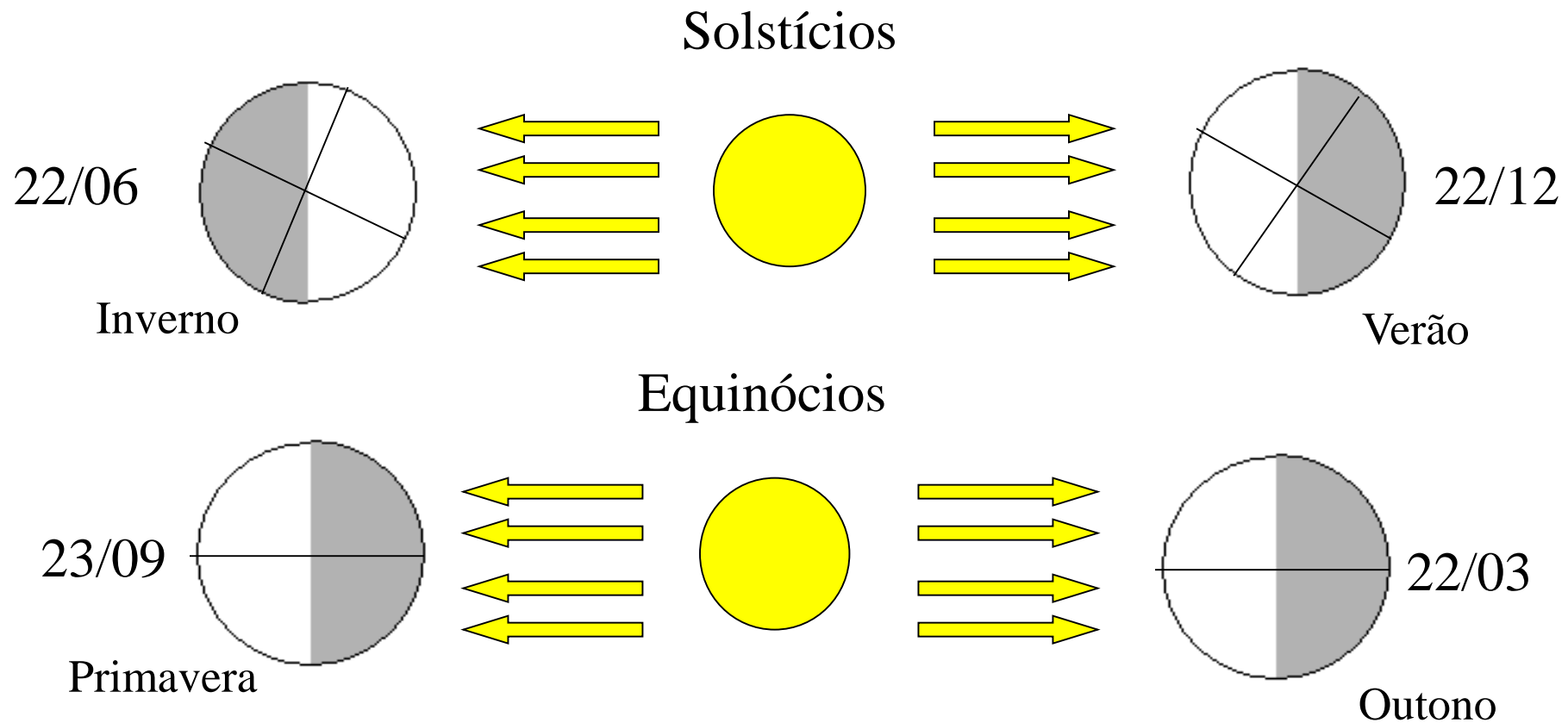
# Movimento de translação

- Posição relativa Terra-Sol:



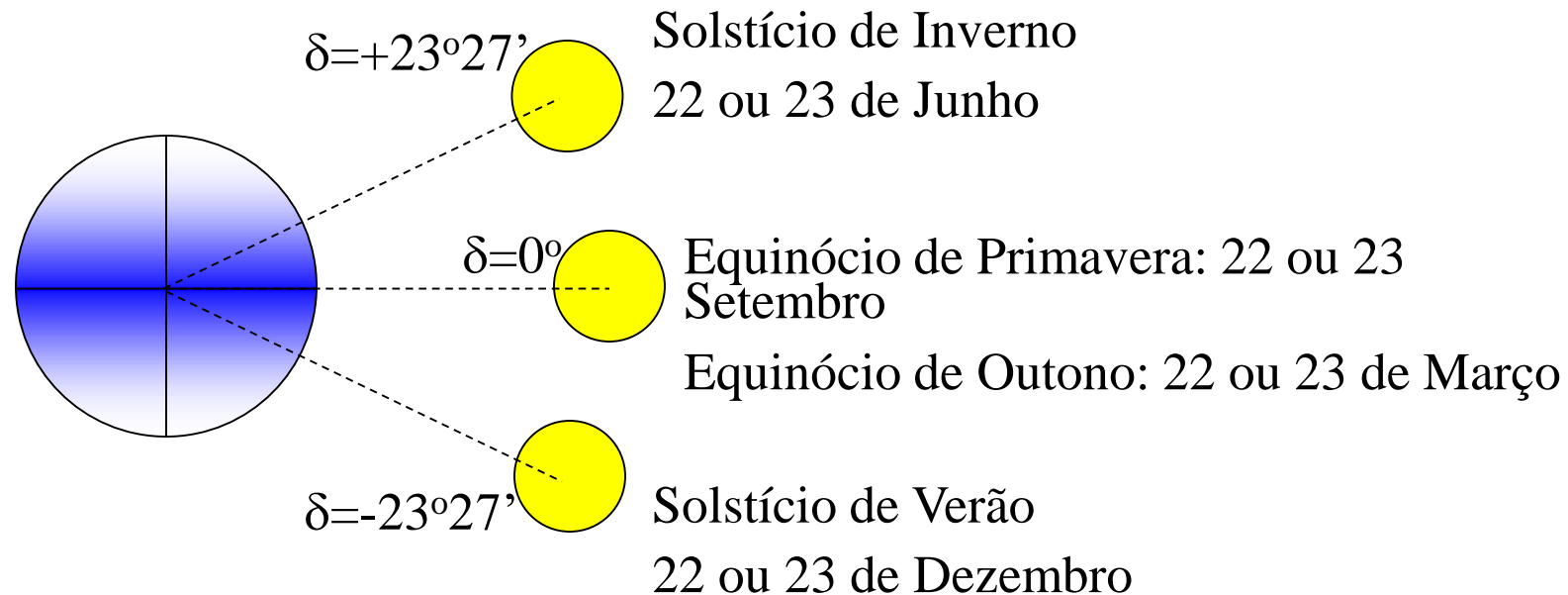
# Estações do ano

- Posição relativa Terra-Sol:



# Declinação Solar

- ângulo formado entre uma linha imaginária ligando o centro da Terra ao centro do sol, com o plano do Equador. Ao longo do ano, a declinação varia entre  $-23^{\circ}27'$  (solstício de verão) e  $+23^{\circ}27'$  (solstício de inverno). (*Do latim: solstitiu = Sol Parado*).



# Cálculo da Declinação

$$\delta = 23,45 \operatorname{sen} \left[ \frac{360(NDA - 80)}{365} \right]$$

NDA é o número do dia do ano



# NDA

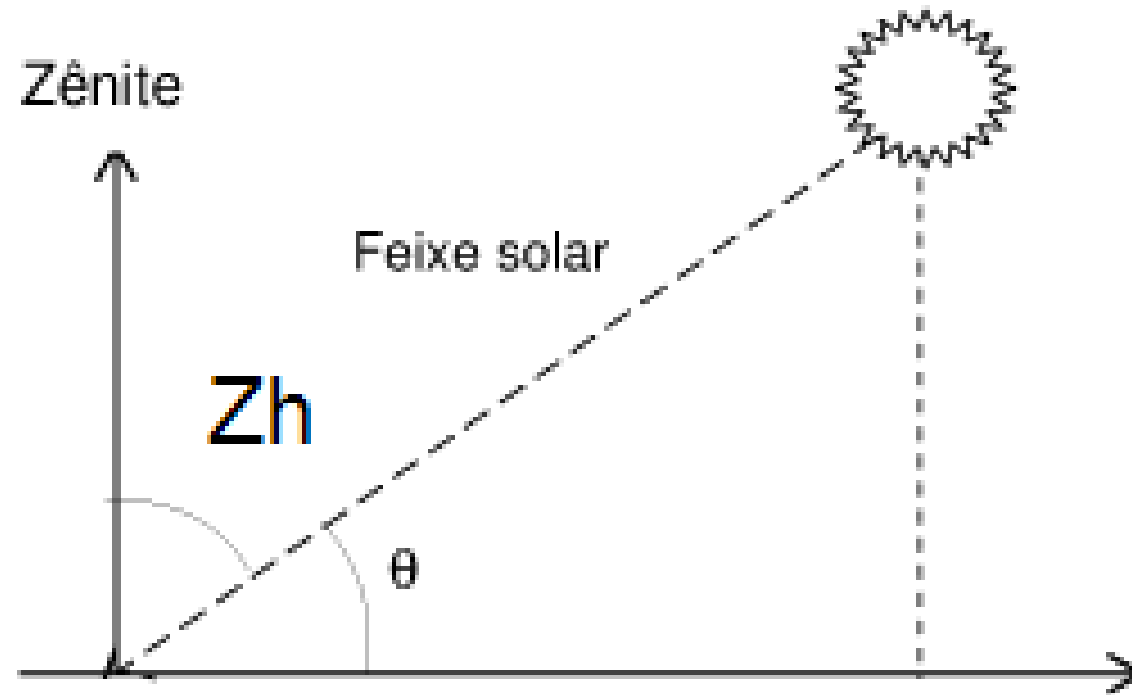
	Jan	Fev	Mar	Abr	Mai	Jun	Jul	Ago	Set	Out	Nov	Dez
1	1	32	60	91	121	152	182	213	244	274	305	335
2	2	33	61	92	122	153	183	214	245	275	306	336
3	3	34	62	93	123	154	184	215	246	276	307	337
4	4	35	63	94	124	155	185	216	247	277	308	338
5	5	36	64	95	125	156	186	217	248	278	309	339
6	6	37	65	96	126	157	187	218	249	279	310	340
7	7	38	66	97	127	158	188	219	250	280	311	341
8	8	39	67	98	128	159	189	220	251	281	312	342
9	9	40	68	99	129	160	190	221	252	282	313	343
10	10	41	69	100	130	161	191	222	253	283	314	344
11	11	42	70	101	131	162	192	223	254	284	315	345
12	12	43	71	102	132	163	193	224	255	285	316	346
13	13	44	72	103	133	164	194	225	256	286	317	347
14	14	45	73	104	134	165	195	226	257	287	318	348
15	15	46	74	105	135	166	196	227	258	288	319	349
16	16	47	75	106	136	167	197	228	259	289	320	350
17	17	48	76	107	137	168	198	229	260	290	321	351
18	18	49	77	108	138	169	199	230	261	291	322	352
19	19	50	78	109	139	170	200	231	262	292	323	353
20	20	51	79	110	140	171	201	232	263	293	324	354
21	21	52	80	111	141	172	202	233	264	294	325	355
22	22	53	81	112	142	173	203	234	265	295	326	356
23	23	54	82	113	143	174	204	235	266	296	327	357
24	24	55	83	114	144	175	205	236	267	297	328	358
25	25	56	84	115	145	176	206	237	268	298	329	359
26	26	57	85	116	146	177	207	238	269	299	330	360
27	27	58	86	117	147	178	208	239	270	300	331	361
28	28	59	87	118	148	179	209	240	271	301	332	362
29	29		88	119	149	180	210	241	272	302	333	363
30	30		89	120	150	181	211	242	273	303	334	364
31	31		90		151		212	243		304		365





# Cálculo do Ângulo Zenital

- $Z_h = f(\text{latitude, ângulo horário, declinação})$



# Cálculo do Ângulo Zenital

$$\cos Zh = \text{sen}\phi.\text{sen}\delta + \cos\phi.\cos\delta.\cos h$$

$\phi$  é a latitude do local (graus e décimos)

$\delta$  é a declinação do sol (graus e décimos)



# Ângulo Zenital ao Meio-Dia

Quando o sol passa pelo meridiano no local (meio-dia):

$h = 0$  e  $\cos 0 = 1$

Assim,

$$\cos Z_{12} = \text{sen}\phi.\text{sen}\delta + \cos\phi.\cos\delta.1$$

$$\cos Z_{12} = \cos(\delta - \phi)$$

$$Z_{12} = \delta - \phi$$

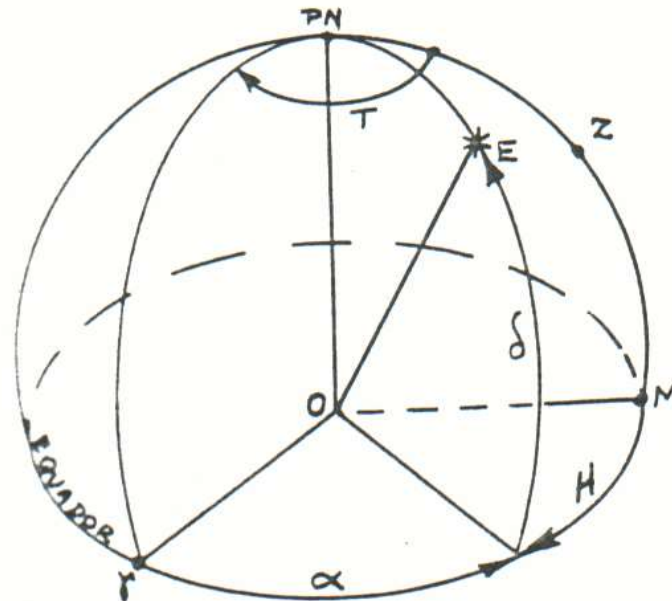
Exercício: Calcule o Ângulo Zenital ao meio-dia, em Piracicaba, para o solstício de verão, equinócios e solstício de inverno.



# Ângulo Horário

$h$  é ângulo horário do sol – ângulo formado pelo plano meridiano do sol e o plano meridiano do local determinado.

$$h = (\text{hora local} - 12) * 15^\circ$$



# Constante Solar

- Constante solar ( $J_0$ ) é um valor que expressa a densidade de fluxo de radiação (energia/área.tempo) em uma superfície perpendicular aos raios solares, acima da atmosfera;
- Distância Terra-Sol:  $1,5 \cdot 10^8$  km
- Potência do Sol:  $3,83 \cdot 10^{26}$  W
- Área da esfera:  $4 \cdot \pi \cdot r^2 = 2,83 \cdot 10^{23}$  m<sup>2</sup>
- $J_0 = 3,83 \cdot 10^{26}$  W /  $2,83 \cdot 10^{23}$  m<sup>2</sup>  $\cong 1354$  W/ m<sup>2</sup>



# Cálculo da Constante Solar

- $J_0 = I/A = 1367 \text{ W/m}^2$  ou  $118,11 \text{ MJ/m}^2.\text{d}$
- Corrigindo  $J_0$  para a variação da distância Terra-Sol ao longo do ano (afélio e periélio), tem-se que

- $J_0' = J_0 (d/D)^2$

$$(d/D)^2 = 1 + 0,033 * \cos(NDA * 360/365)$$



# Cálculo do Fotoperíodo (N)

- $N = \text{hora do pôr-do-sol} - \text{hora do nascer-do-sol}$
- Considerando a trajetória simétrica do solo em relação ao meio-dia, podemos admitir que:
- $N = 2 * hn/15$
- Ao nascer, o ângulo zenital é 90 e  $\cos 90 = 0$ . Assim,

$$0 = \text{sen}\phi.\text{sen}\delta + \cos\phi.\cos\delta.\text{cosh}n$$

$$\text{cosh}n = \frac{(-\text{sen}\phi.\text{sen}\delta)}{(\cos\phi.\cos\delta)} = -\text{tg}\phi.\text{tg}\delta$$

$$hn = \arccos(-\text{tg}\phi.\text{tg}\delta)$$



# Exercício

- Calcule o fotoperíodo e o horário do nascer e pôr-do-sol para Piracicaba para o dia de hoje.





# Cálculo da Radiação Extra-Terrestre ( $Q_o$ )

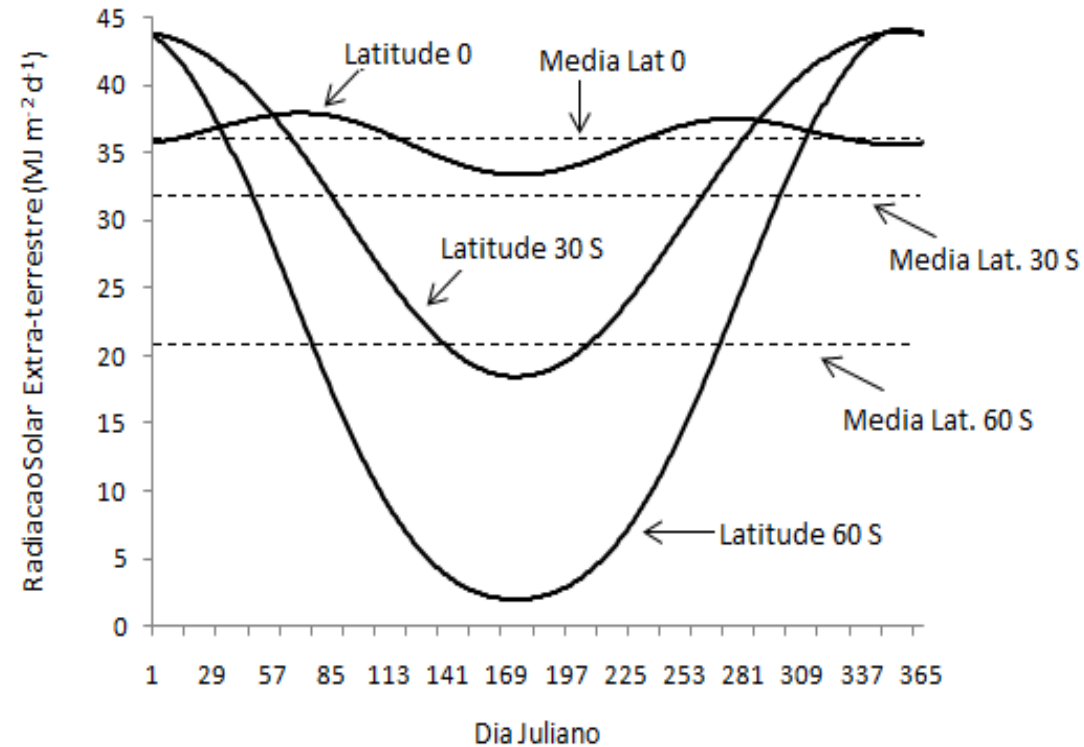
$$Q_o = \frac{J_o}{\pi} \cdot \left(\frac{d}{D}\right)^2 \cdot \left[ \left(\frac{\pi}{180}\right) hn \cdot \text{sen}\phi \cdot \text{sen}\delta + \cos\phi \cdot \cos\delta \cdot \text{sen} hn \right]$$

$$\left(\frac{d}{D}\right)^2 = 1 + 0,033 \cdot \cos\left(\frac{NDA \cdot 360}{365}\right)$$

Exercícios: Calcule  $Q_o$  para hoje em Piracicaba.



Note que quanto maior a latitude, maior a amplitude de variação tanto da radiação solar (e do fotoperíodo) e menor a média anual.



Qual a relação entre a variação temporal da radiação e a estratégia ecológica das espécies?



# Revisando - Qo

**Constante Solar** – máxima densidade de fluxo de radiação em uma superfície perpendicular aos raios solares, fora da atmosfera. Tem valor constante de 1367 W/m<sup>2</sup> ou 118,11 MJ/m<sup>2</sup>.d

**Ângulo horário do nascer do Sol**  
 $hn = \arccos(-tg\phi.tg\delta)$

**Ângulo horário do nascer do Sol**

$$Q_o = \frac{J_o}{\pi} \cdot \left(\frac{d}{D}\right)^2 \cdot \left[\left(\frac{\pi}{180}\right) hn \cdot \text{sen}\phi \cdot \text{sen}\delta + \cos\phi \cdot \cos\delta \cdot \text{sen} hn\right]$$

Razão entre a distância Terra-Sol num determinado dia e a distância média Terra-Sol

$$\left(\frac{d}{D}\right)^2 = 1 + 0,033 \cdot \cos\left(\frac{NDA \cdot 360}{365}\right)$$

**Latitud e**

**Declinação Solar**

**Declinaçã o Solar**

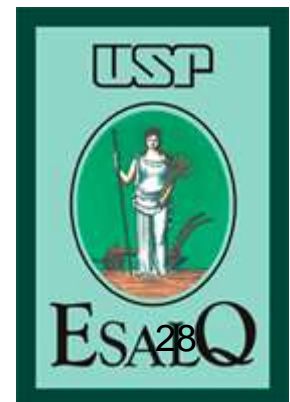
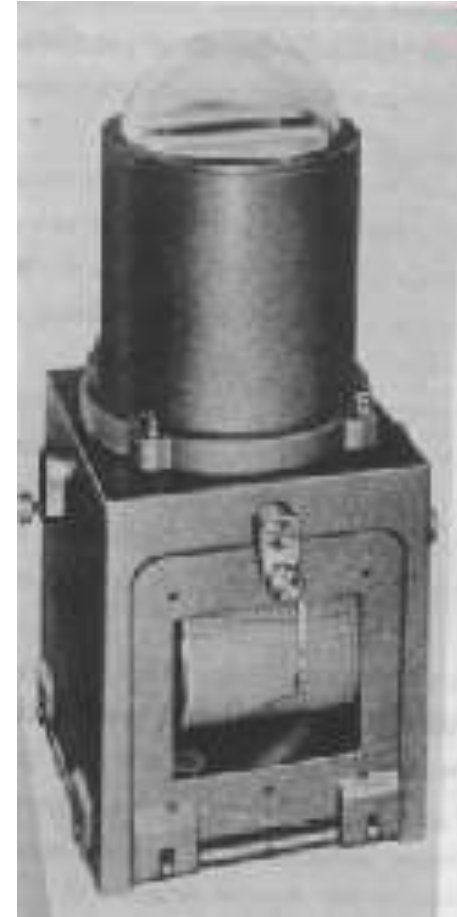
**Número do Dia do Ano**

$$\delta = 23,45 \text{sen}\left[\frac{360(NDA - 80)}{365}\right]$$



# Medida da Radiação Solar Global

- Actinógrafo de Robitzsch
- Equipamento projetado em 1915 e constituído de duas placas metálicas pintadas de branco e preto. O aquecimento diferencial decorrente da absorção de radiação solar promove uma dilatação diferenciada para transferida por um sistema de alavancas para uma pena.



# Medida da Radiação Solar Global

- Piranômetro de Termopar
- O elemento sensor é uma placa com termopares, que geram uma corrente elétrica conforme a superfície se aquece, como consequência da incidência de radiação solar.



# Medida da Radiação Solar Global

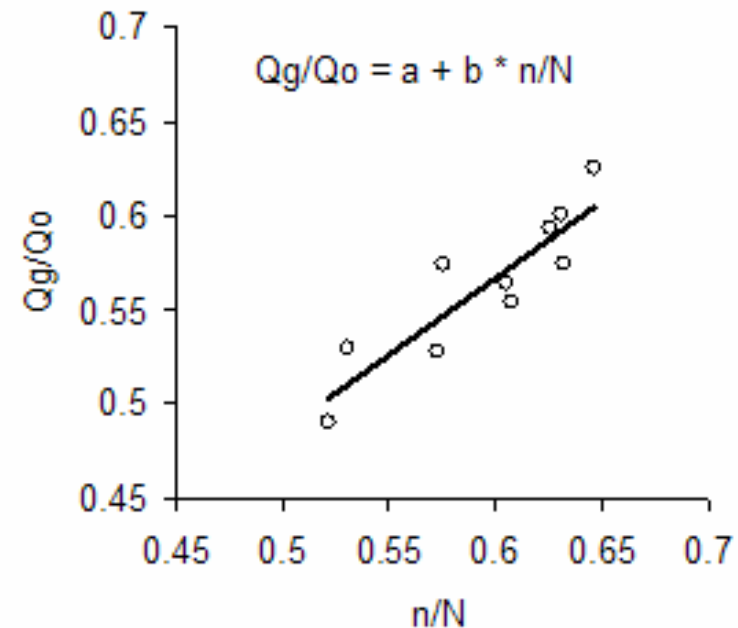
- Piranômetro de Fotodiôdo de Silício
- O sensor deste equipamento responde à absorção de radiação solar gerando uma corrente elétrica proporcional.



# Estimativa da Radiação Solar Global

Equação de Angstron:

$$Q_g = Q_0 * (a + b * n/N)$$



$n$  é a insolação (horas) – valores medidos;

$N$  é o fotoperíodo (horas) – valores estimados;

$a$  e  $b$  são coeficientes dependentes da latitude e das condições atmosféricas do local.



# a e b

Nos locais onde não houver dados disponíveis, pode-se fazer a seguinte aproximação:

$$a = 0,29 * \cos \phi$$

$$b = 0,52$$

TABELA 5.4 Coeficientes a e b da Equação de Angström-Prescott, para algumas localidades brasileiras.

Localidade	Período	a	b
Botucatu - SP	Anual	0,24	0,45
Campinas - SP	Anual	0,23	0,56
Mococa - SP	Anual	0,40	0,41
Monte Alegre do Sul - SP	Anual	0,19	0,61
Piracicaba - SP	Outono-Inverno	0,28	0,51
Piracicaba - SP	Primavera-Verão	0,25	0,50
Pindamonhangaba - SP	Anual	0,28	0,51
Presidente Prudente - SP	Anual	0,19	0,39
Ribeirão Preto - SP	Anual	0,13	0,73
São Luiz - MA	Anual	0,26	0,33
Fortaleza - CE	Anual	0,27	0,36
Teresina - PI	Anual	0,31	0,37
João Pessoa - PB	Anual	0,28	0,36
Recife - PE	Anual	0,30	0,38
Petrolina - PE	Anual	0,32	0,37
Propriá - SE	Anual	0,33	0,41
Paulo Afonso - BA	Anual	0,31	0,33
Irecê - BA	Anual	0,33	0,33
Salvador - BA	Anual	0,29	0,39
Manaus - AM	Anual	0,26	0,49
Viçosa - MG	Anual	0,23	0,38
Alegrete - RS	Anual	0,19	0,49
Cachoeirinha - RS	Anual	0,20	0,56
Cruz Alta - RS	Anual	0,20	0,53
Encruzilhada do Sul - RS	Anual	0,15	0,47
Erechim - RS	Anual	0,19	0,47
Farroupilha - RS	Anual	0,17	0,60
Eldorado do Sul - RS	Anual	0,15	0,47
Ijuí - RS	Anual	0,25	0,46
Júlio de Castilhos - RS	Anual	0,17	0,62
Osório - RS	Anual	0,17	0,50
Pelotas - RS	Anual	0,35	0,46
Quaraí - RS	Anual	0,25	0,38
Rio Grande - RS	Anual	0,27	0,32
Santa Rosa - RS	Anual	0,15	0,55
Santo Augusto - RS	Anual	0,17	0,53
Soledade - RS	Anual	0,23	0,41
São Gabriel - RS	Anual	0,23	0,45
Taquari - RS	Anual	0,24	0,41
Uruguaiana - RS	Anual	0,24	0,41
Vacaria - RS	Anual	0,25	0,46
Veranópolis - RS	Anual	0,21	0,40

Fonte: Vianello & Alves (1991), Cervellini et al. (1966), Ometto (1981), Lunardi & Cataneo (1994) e Ribeiro et al. (1982), Fontana & Oliveira (1996).





# Estimativa da Radiação Solar Global

Método de Hargreaves e Samani (1982):

A amplitude térmica diária tem relação com a incidência de radiação solar, assim:

$$Q_g = k \sqrt{(T_{\max} - T_{\min})} Q_o$$

k é um coeficiente de ajuste variando entre  $0,16 \text{ } ^\circ\text{C}^{-0,5}$ , para localidades situadas no interior, distantes do oceano; e  $0,19 \text{ } ^\circ\text{C}^{-0,5}$  e para localidades litorâneas ou próximas a grandes corpos de água.



# Estimativa da Radiação Solar Global<sup>(3,21)</sup>

Método de Bristol & Campbell (1982):

$$Q_g = Q_o \cdot A \cdot [1 - e^{(-B \cdot (T_{\max} - T_{\min})^C)}]$$

em que A, B e C são coeficientes empíricos, sendo A=0,7812, B=0,00515, e C=2,2



# Método de Bristol & Campbel (1982)

