

# Aula 2

# Evolução em Populações finitas:

# Deriva genética

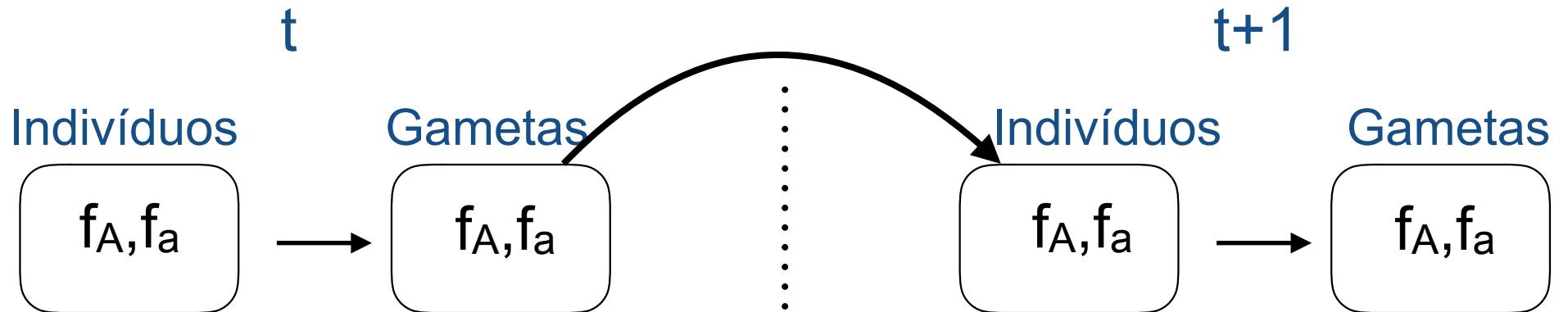
Bio 0208 - 2019

Diogo Meyer

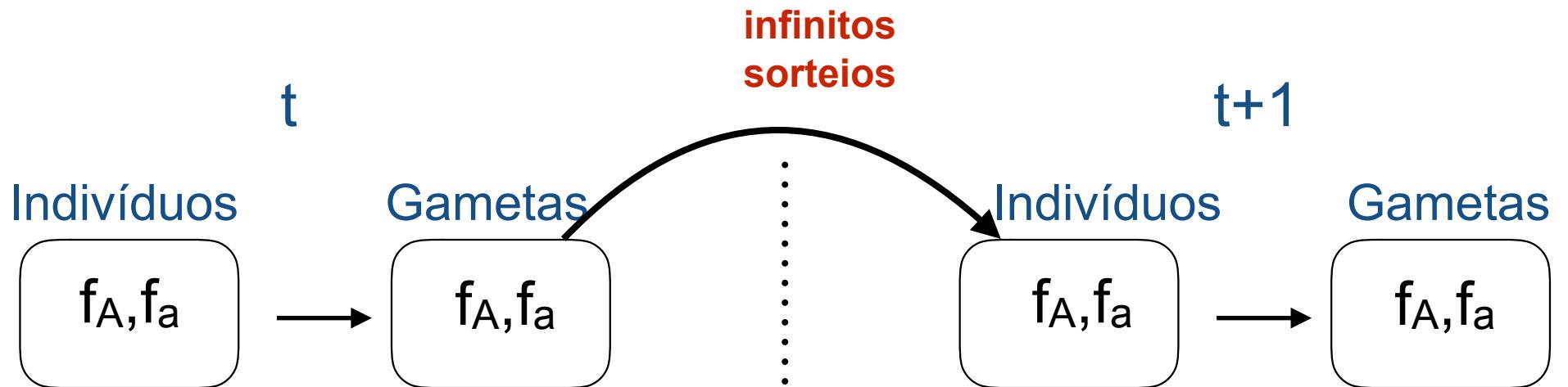
Departamento de Genética e Biologia Evolutiva  
Universidade de São Paulo

Ridley 6.1-6.4

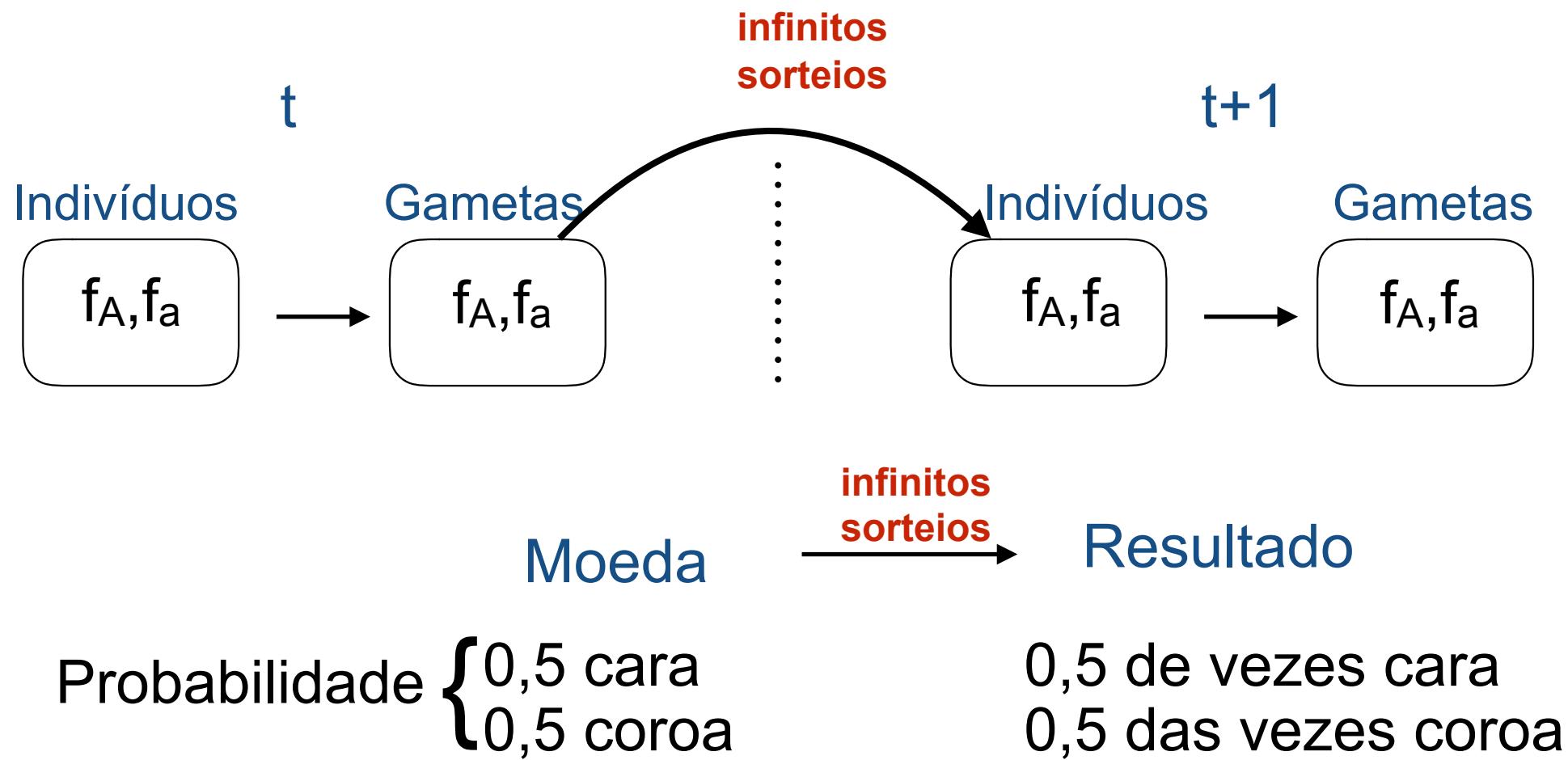
# O modelo HW



# O modelo HW



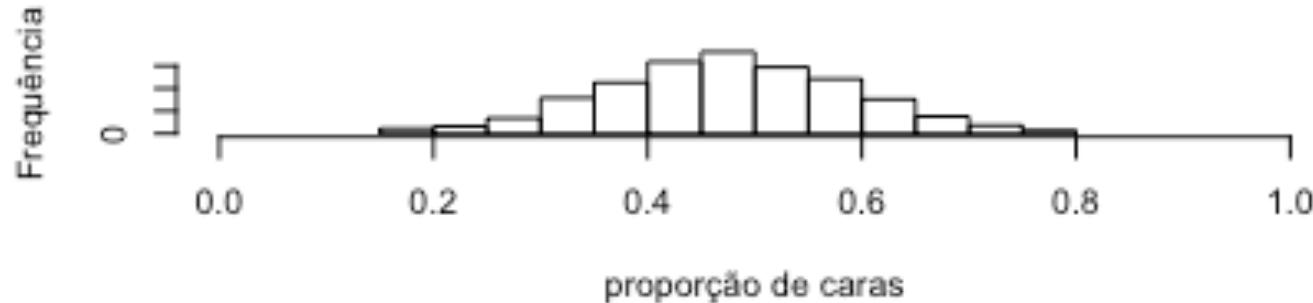
# O modelo HW



**Modelo determinístico:** população infinita, prevemos exatamente o que acontecerá

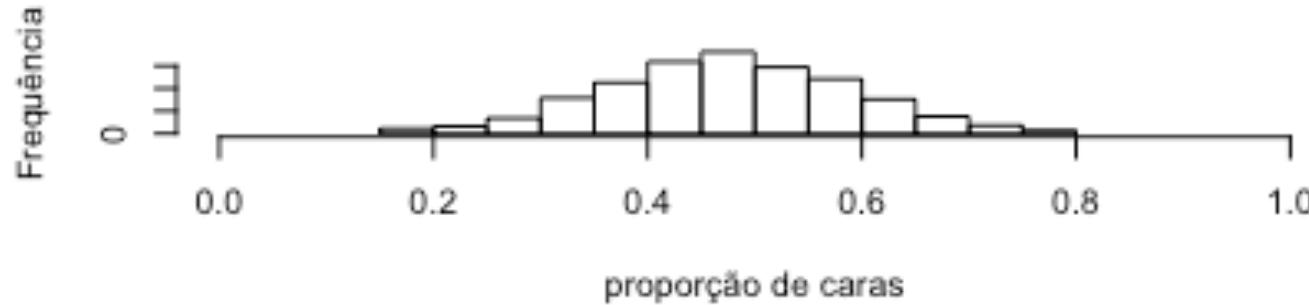
# Um exemplo com moedas

Ensaio: jogar moeda 20 vezes

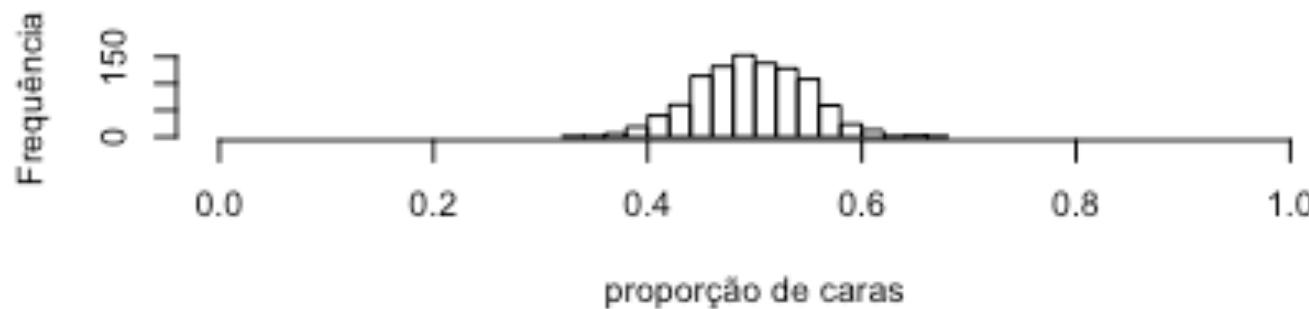


# Um exemplo com moedas

**Ensaio: jogar moeda 20 vezes**

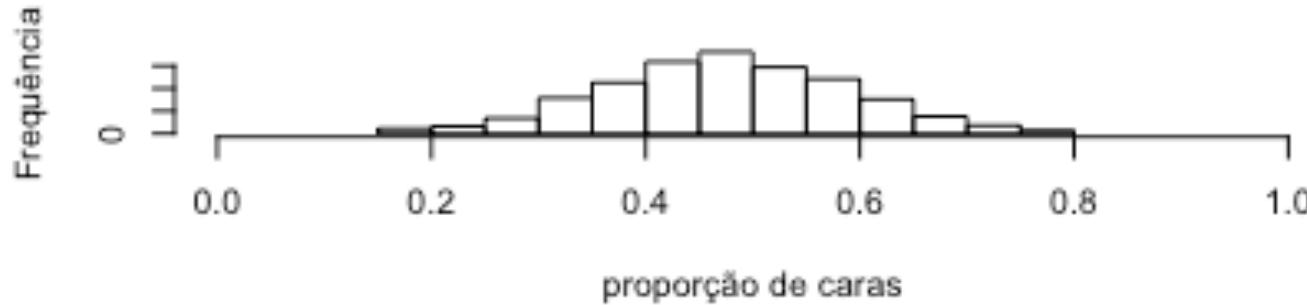


**Ensaio: jogar moeda 100 vezes**

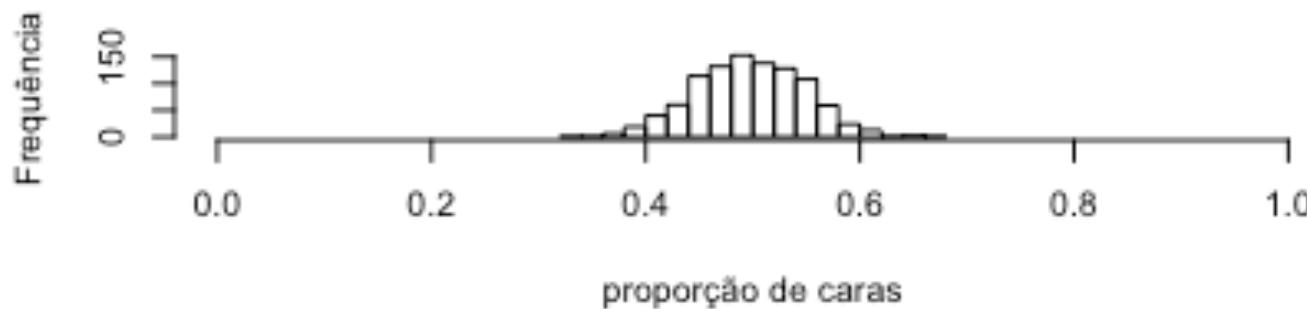


# Um exemplo com moedas

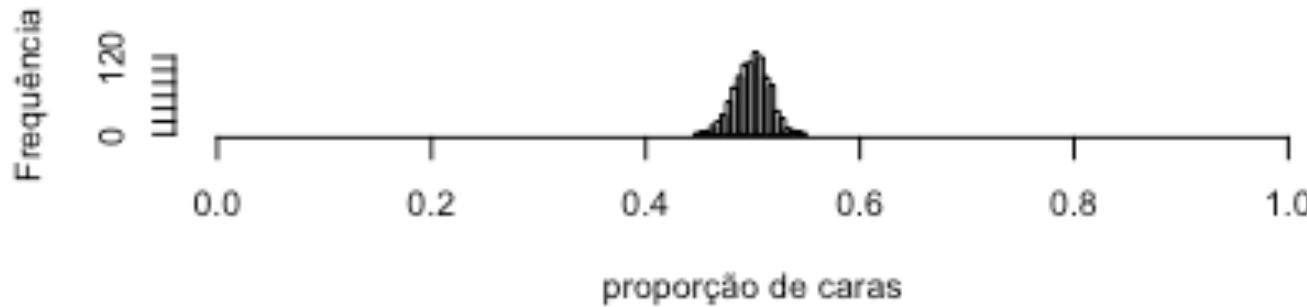
Ensaio: jogar moeda 20 vezes



Ensaio: jogar moeda 100 vezes



Ensaio: jogar moeda 1000 vezes



# O modelo básico para populações finitas: Wright-Fisher (1930)



Sewall Wright, (1889-1988)



Ronald Aylmer Fisher  
(1890-1962)

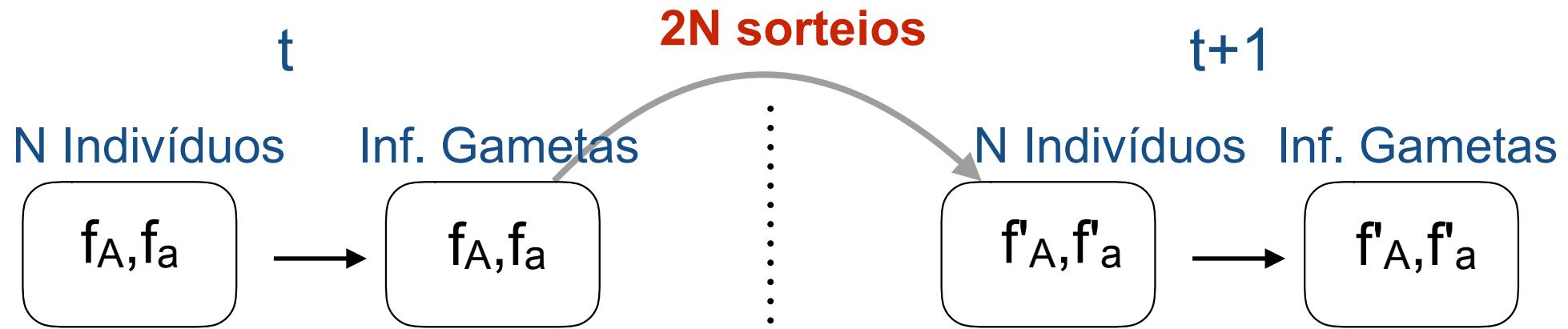
# O modelo básico de deriva: Wright-Fisher

- Todos alelos têm probabilidade idêntica de serem sorteados (não há seleção)
- Não há migração ou mutação
- Uma população de  $N$  indivíduos tem  $2N$  cópias gênicas
- A próxima geração terá  $2N$  cópias gênicas, sorteados ao acaso da geração anterior

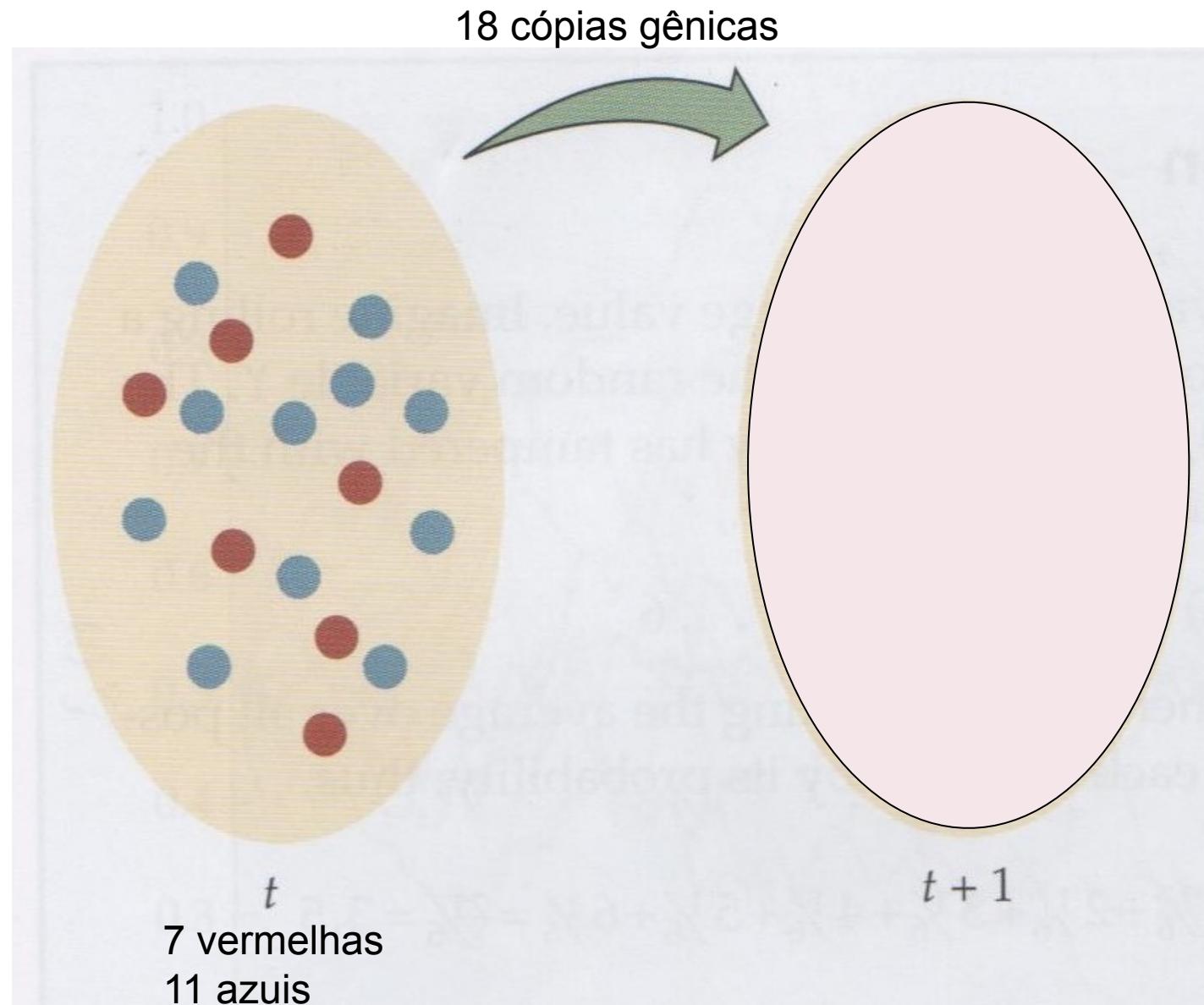
# Um modelo para populações finitas



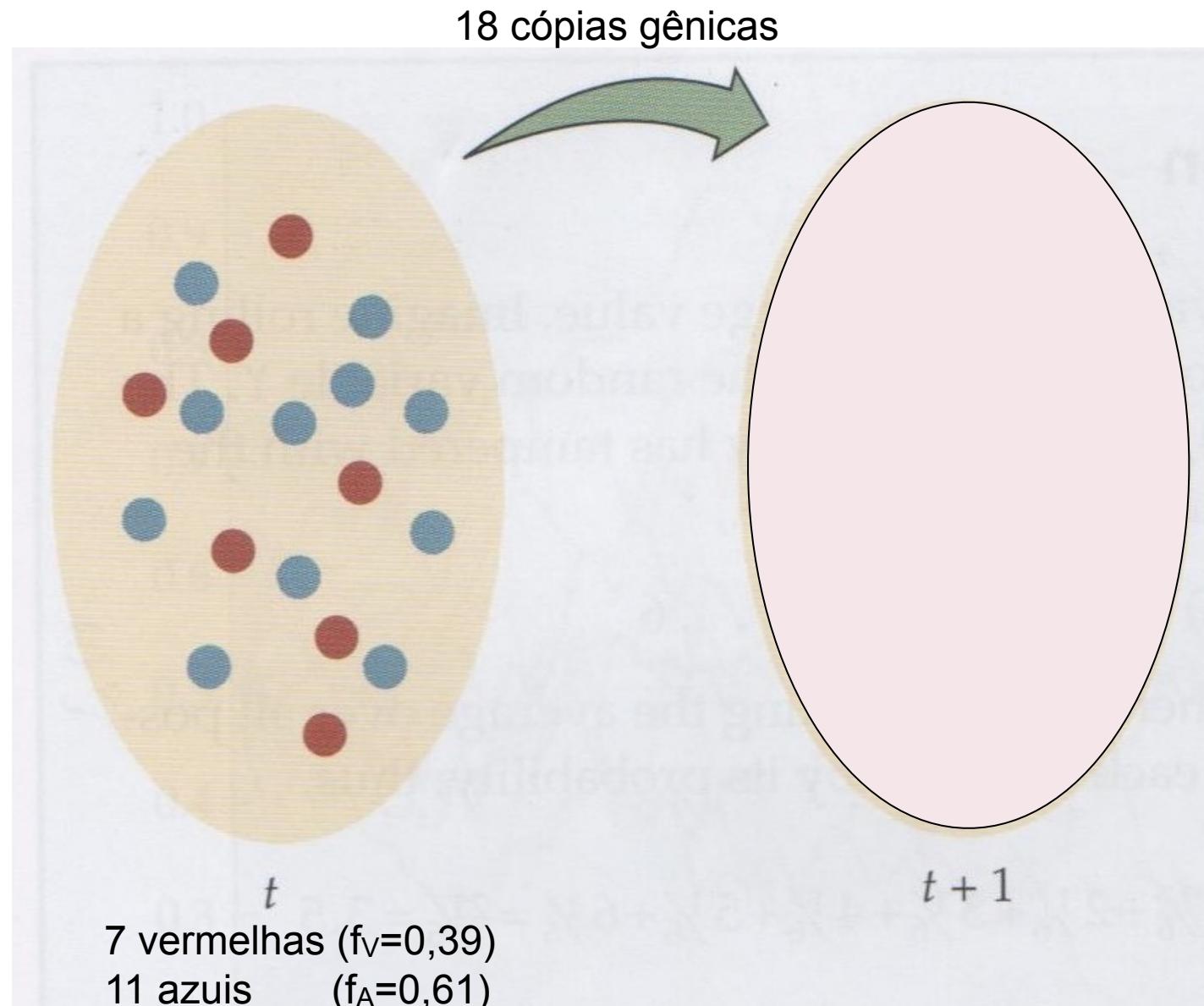
# Um modelo para populações finitas



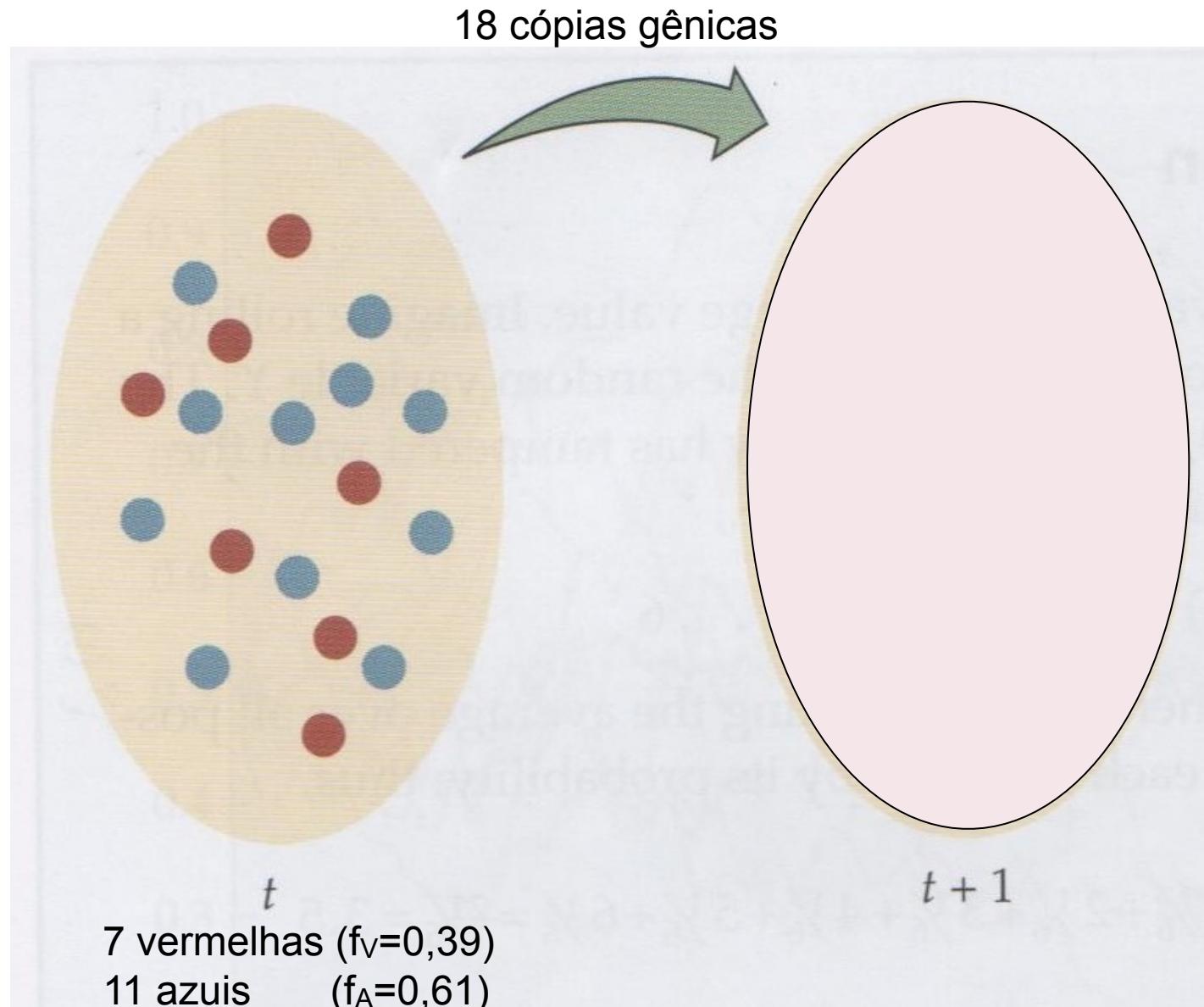
# Como uma população finita muda?



# Como uma população finita muda?



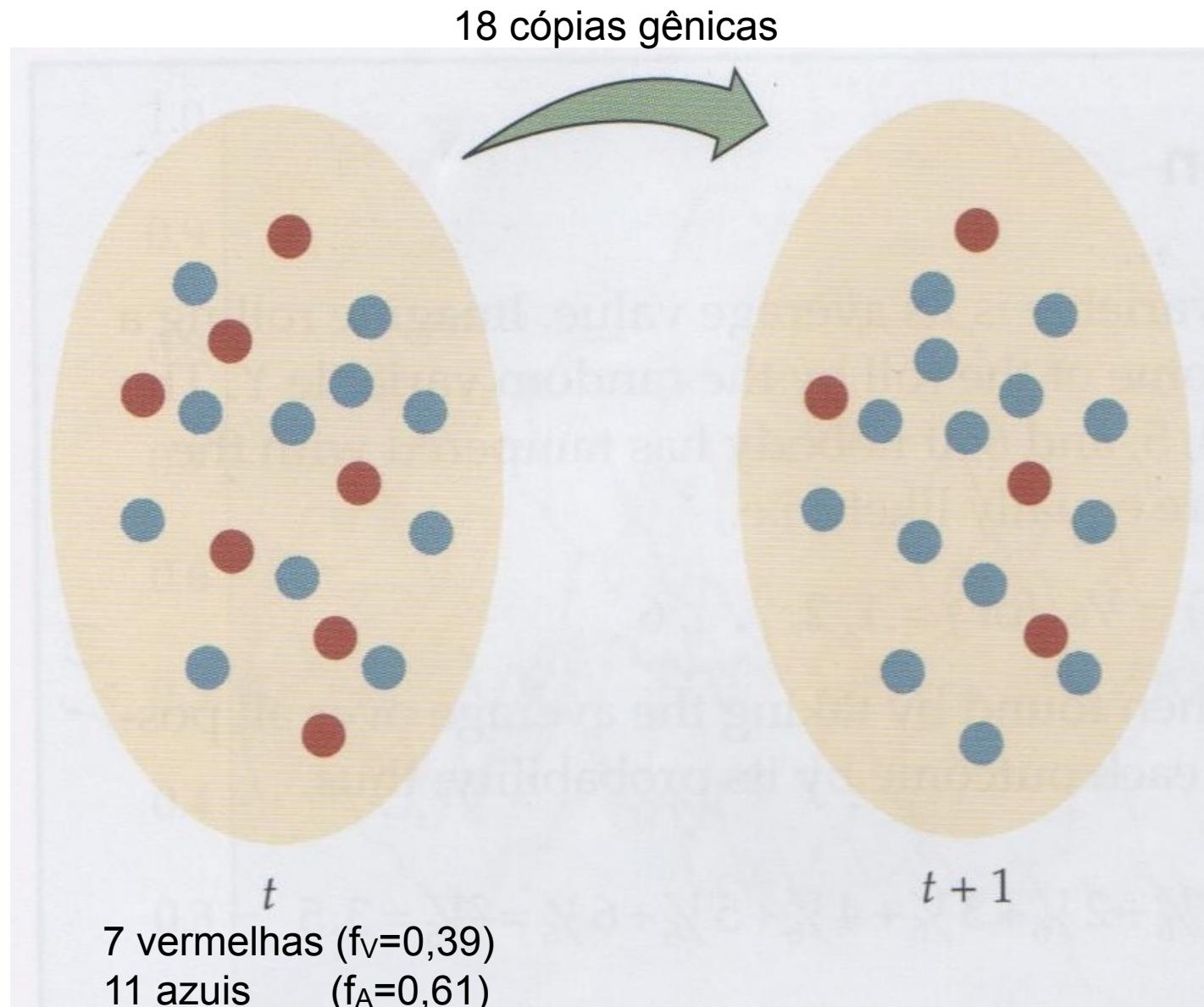
# Como uma população finita muda?



**O algoritmo para modelar:**

- sorteio cópia gênica
- transmito para a próxima geração
- reponho
- sorteio de novo, repito até atingir  $2N$

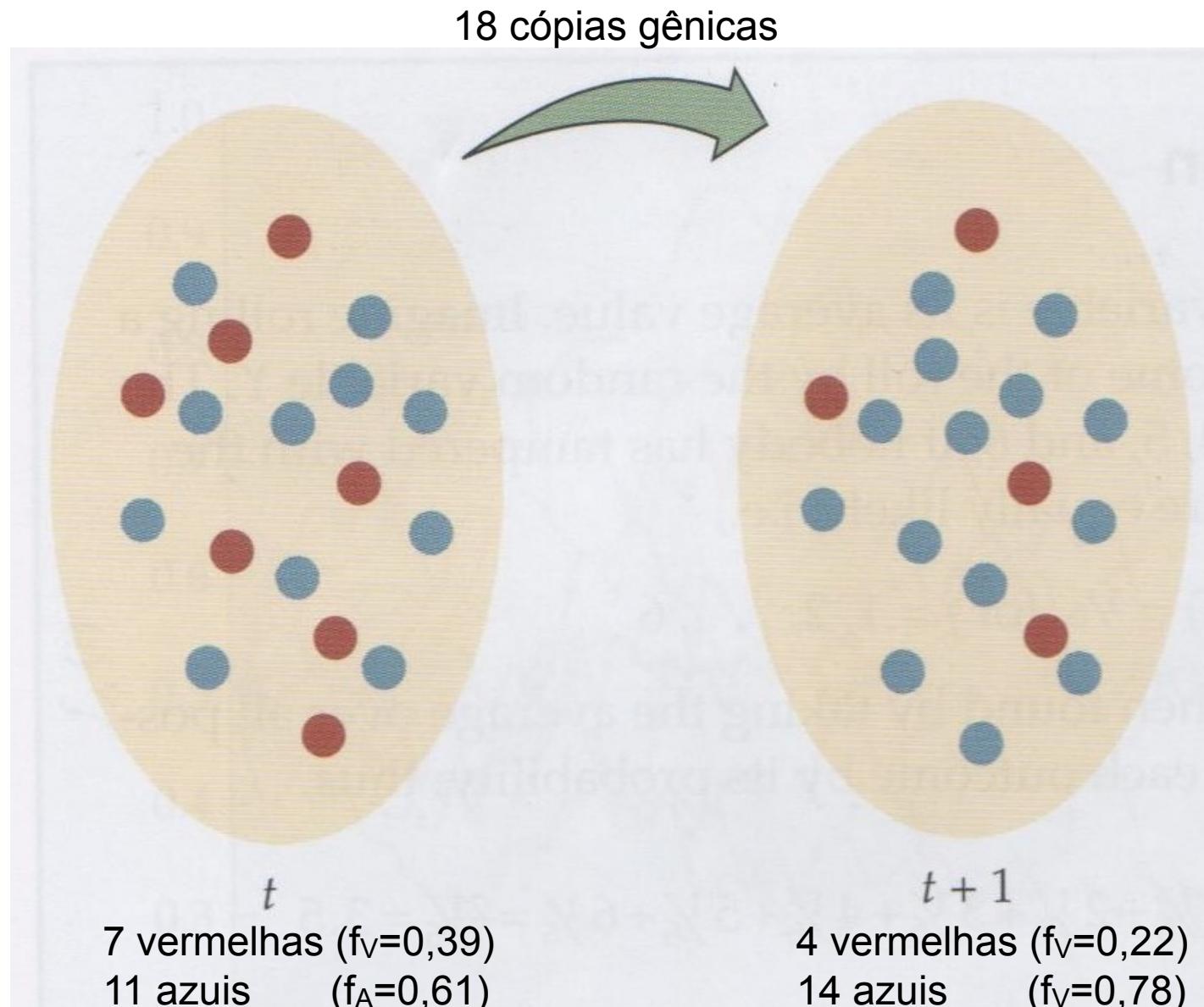
# Como uma população finita muda?



**O algoritmo para modelar:**

- sorteio cópia gênica
- transmito para a próxima geração
- reponho
- sorteio de novo, repito até atingir  $2N$

# Como uma população finita muda?



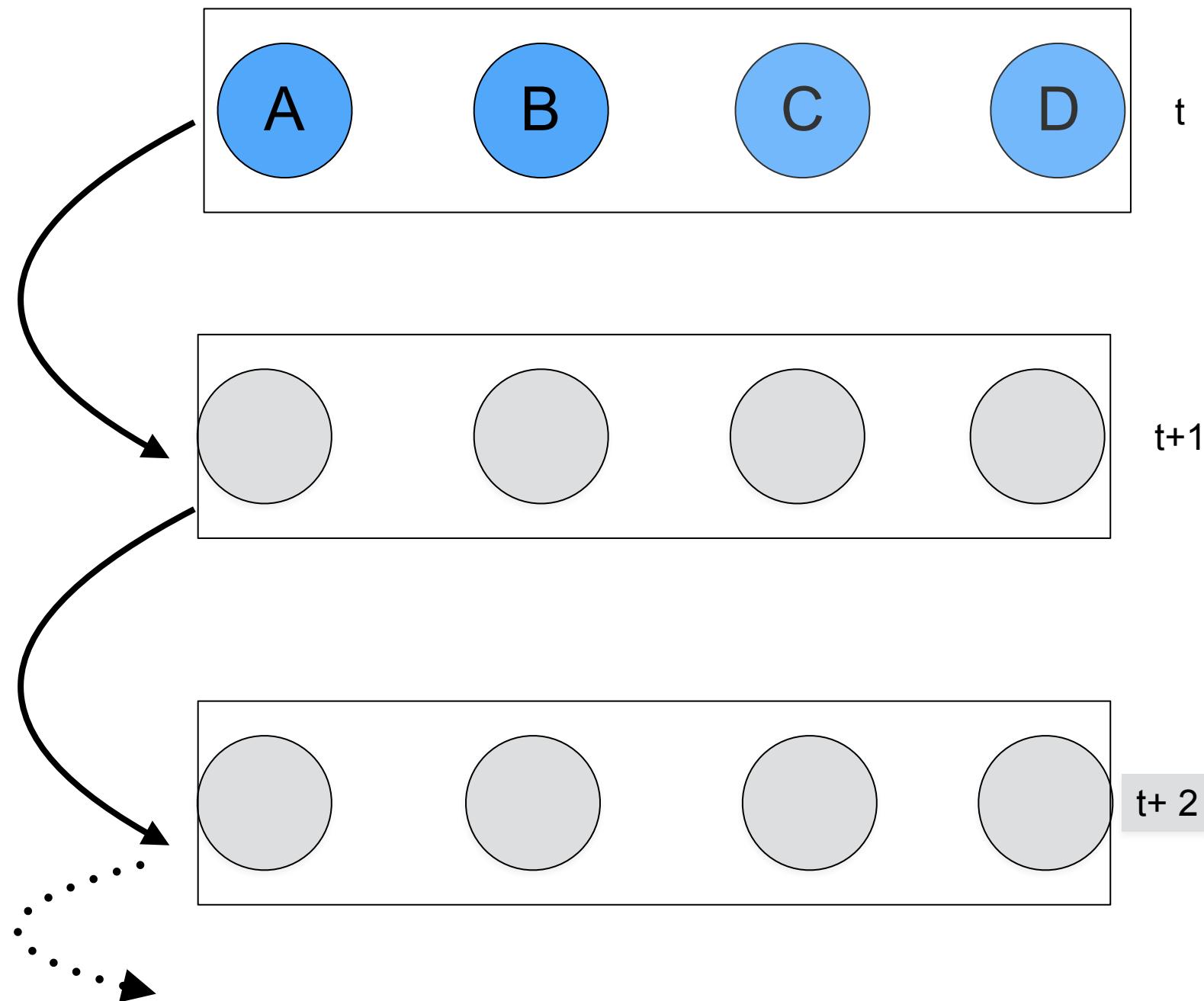
**O algoritmo para modelar:**

- sorteio cópia gênica
- transmito para a próxima geração
- reponho
- sorteio de novo, repito até atingir  $2N$

# Deriva Genética

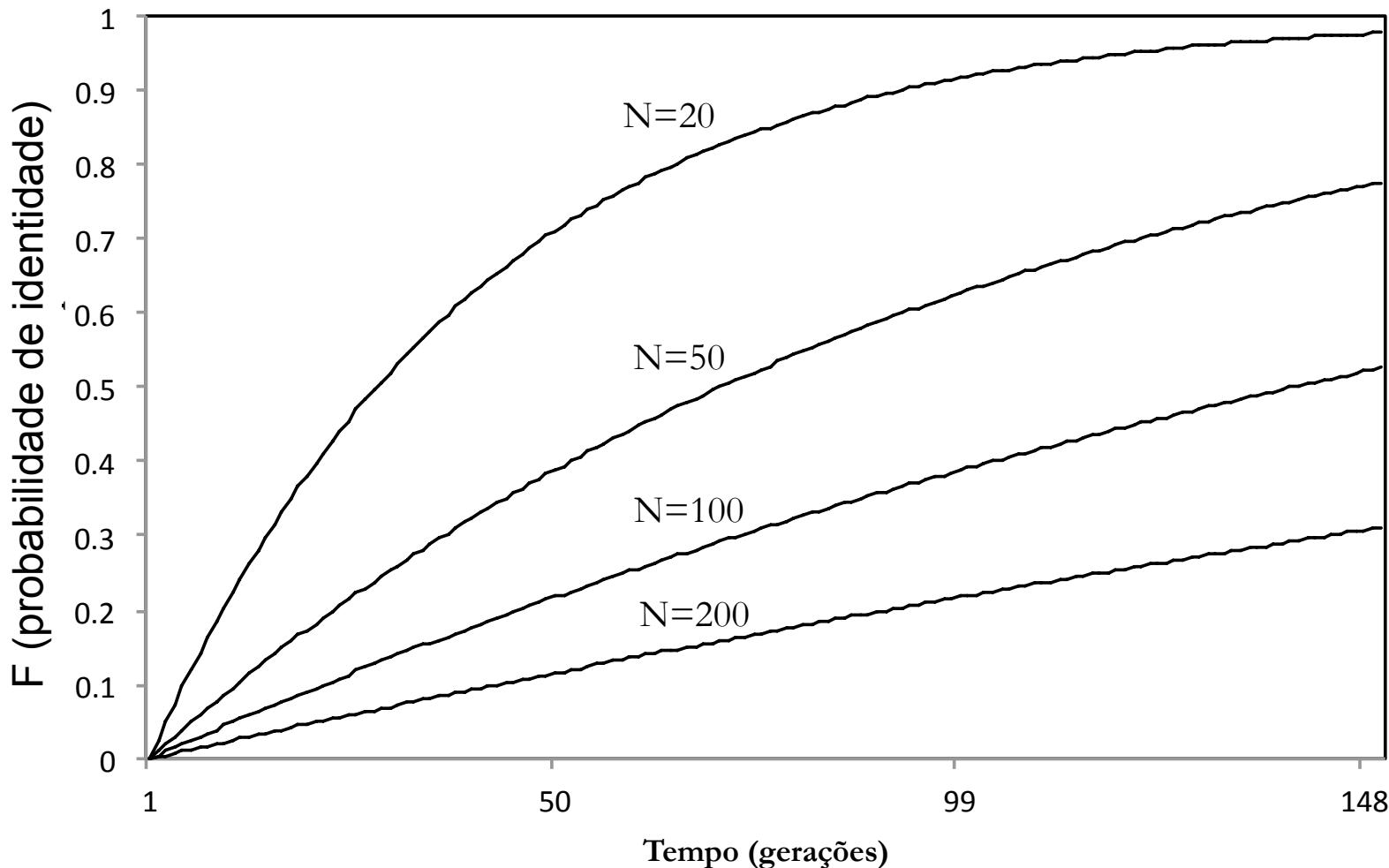
"Mudança aleatória nas frequências alélicas de uma população finita"

Exemplo:  
4 cópias gênicas  
Dois alelos diferentes

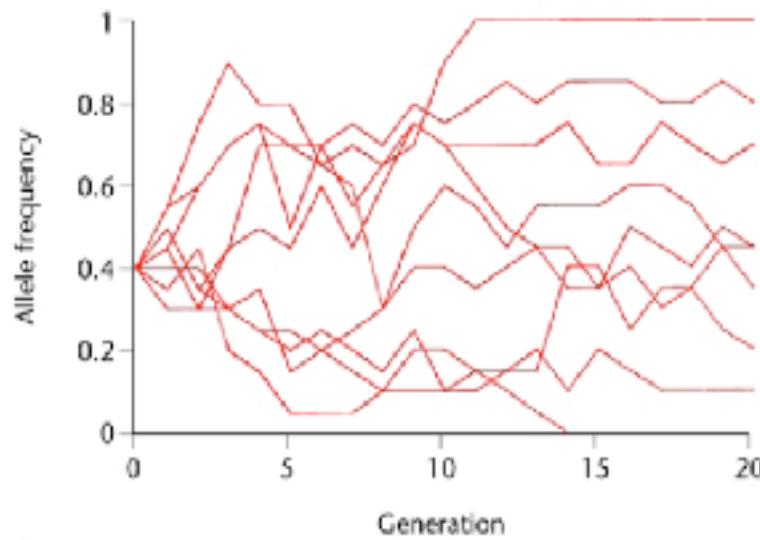


# F descreve probabilidade de ancestralidade comum

$$F_t = 1 - (1 - 1/2N)^t$$

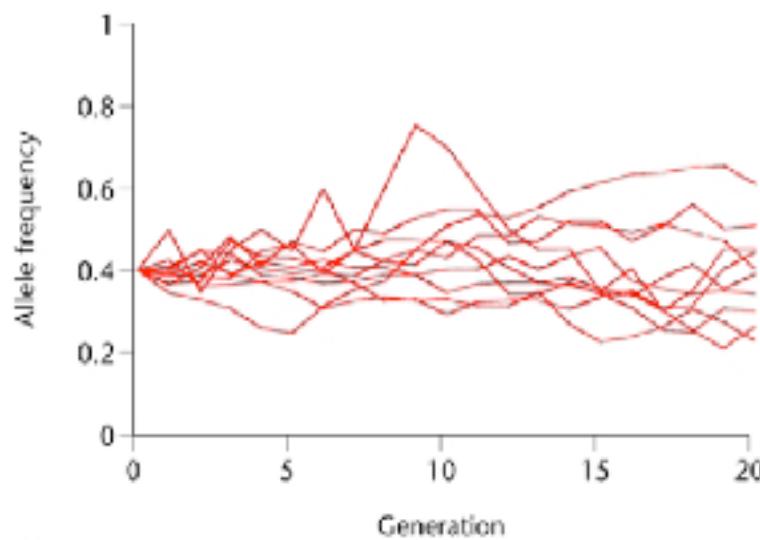


# Deriva genética ao longo de múltiplas gerações



$N=10$

(a)

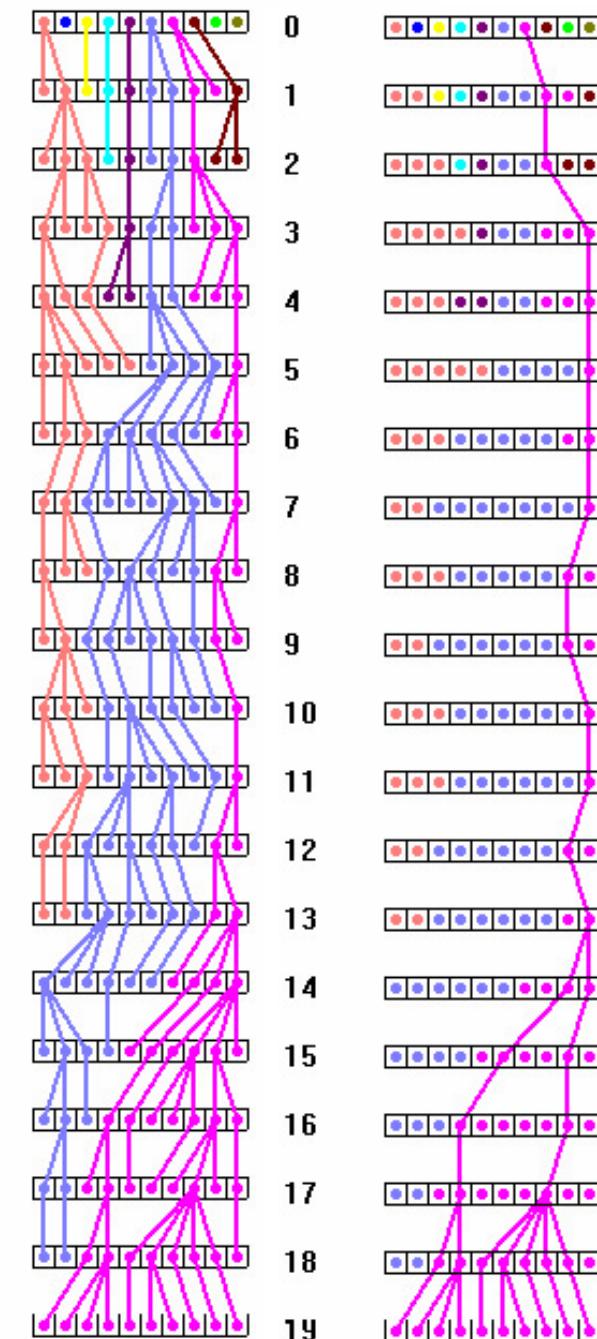


$N=100$

12

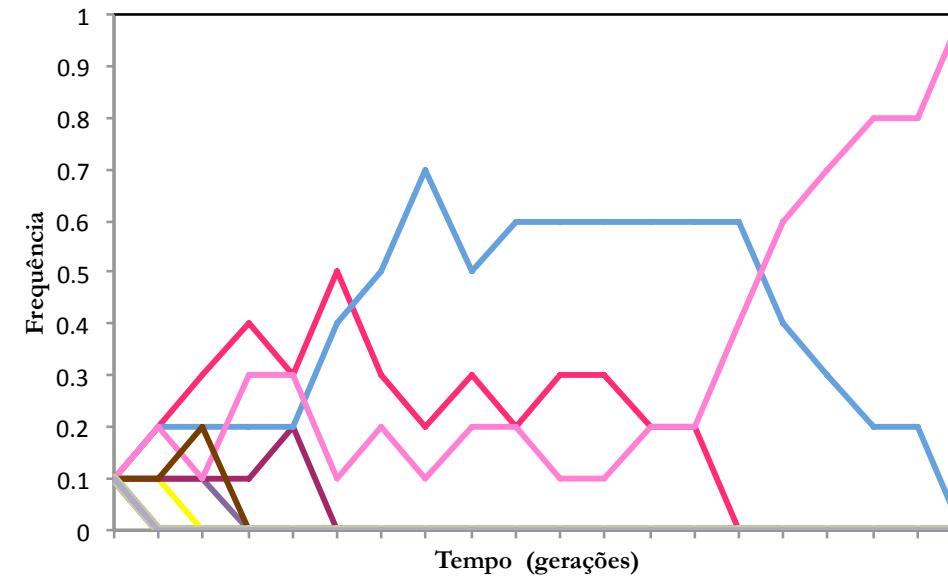
(a)

Gen.



(b)

# Deriva Genética



## Propriedades da deriva

- É imprevisível
- Frequências oscilam
- Dado tempo, um único ancestral

# Deriva genética

Suponha uma população:

A, A, a, a  
( $f_A = f_a = 0,5$ )

Qual será a frequência alélica na próxima geração?

# Deriva genética

## População original

$2N=4$ ,  $p=0,5$

2 cópia de A

2 cópias de a

## Geração seguinte pode ter

0 cópias de A ( $f_A=0,00$ )

1 cópias de A ( $f_A=0,25$ )

2 cópias de A ( $f_A=0,50$ )

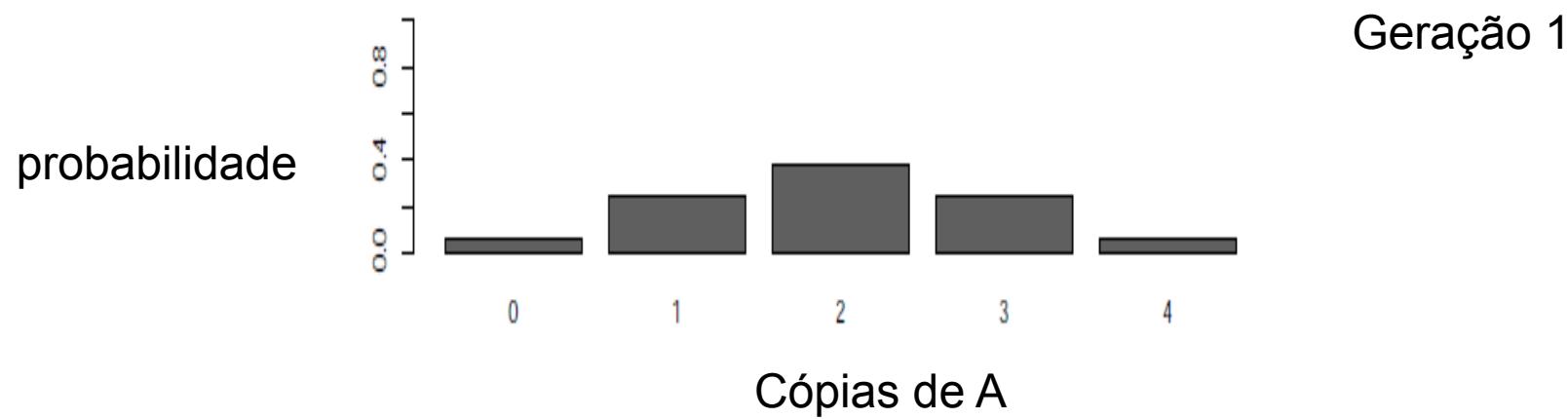
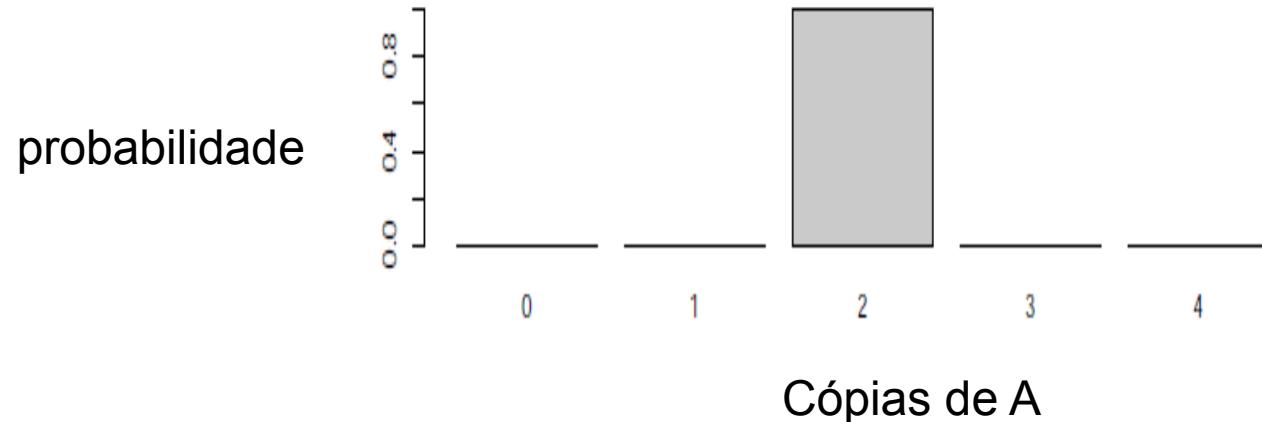
3 cópias de A ( $f_A=0,75$ )

4 cópias de A ( $f_A=1,00$ )

Como calcular a probabilidade de cada um desses casos?

# O modelo básico de deriva: Wright-Fisher

- A probabilidade de amostrar  $i$  alelos A segue uma distribuição binomial
- Podemos aplicá-la para ver as probabilidades de cada resultado possível



# Mesmo sem seleção, as populações mudam

**Efeitos da deriva considerando um conjunto grande de populações:**

- Com o passar do tempo, uma única cópia vai ser ancestral de todas as demais.
- Em média, diminui variação ( $H$ )
- em média,  $p$  permanece igual
- maior mudança em populações pequenas

# O modelo básico de deriva: Wright-Fisher

Parâmetro do modelo evolutivo	Pressuposto
Tamanho da população	Finito
Forma de cruzamento	Aleatório
Sobrevivência dos genótipos	Igual para todos (i.e., sem seleção)
Introdução de novos alelos (mutação e migração)	Não ocorre

# Ideias principais da aula

- Conceito: Deriva genética é a mudança aleatória de frequências alélicas, que resulta da amostragem de alelos de uma geração para outra
- É possível calcular a probabilidade das novas frequências alélicas usando a binomial
- Para uma população individual, as mudanças entre gerações são aleatórias e imprevisíveis
- Deriva:
  - diminui variação na população
  - aumenta a variação entre populações
  - é mais intensa em populações pequenas



Figure 1: Um grupo de indivíduos Fore, na Papua-Nova Guiné

## Balancing Selection at the Prion Protein Gene Consistent with Prehistoric Kurulike Epidemics

Simon Mead,<sup>1</sup> Michael P. H. Stumpf,<sup>2</sup> Jerome Whitfield,<sup>1,3</sup>  
Jonathan A. Beck,<sup>1</sup> Mark Poulter,<sup>1</sup> Tracy Campbell,<sup>1</sup>  
James B. Uphill,<sup>1</sup> David Goldstein,<sup>2</sup> Michael Alpers,<sup>1,3,4</sup>  
Elizabeth M. C. Fisher,<sup>1</sup> John Collinge<sup>1\*</sup>

25 APRIL 2003 VOL 300 SCIENCE [www.sciencemag.org](http://www.sciencemag.org)