



4300159 – Física do Calor

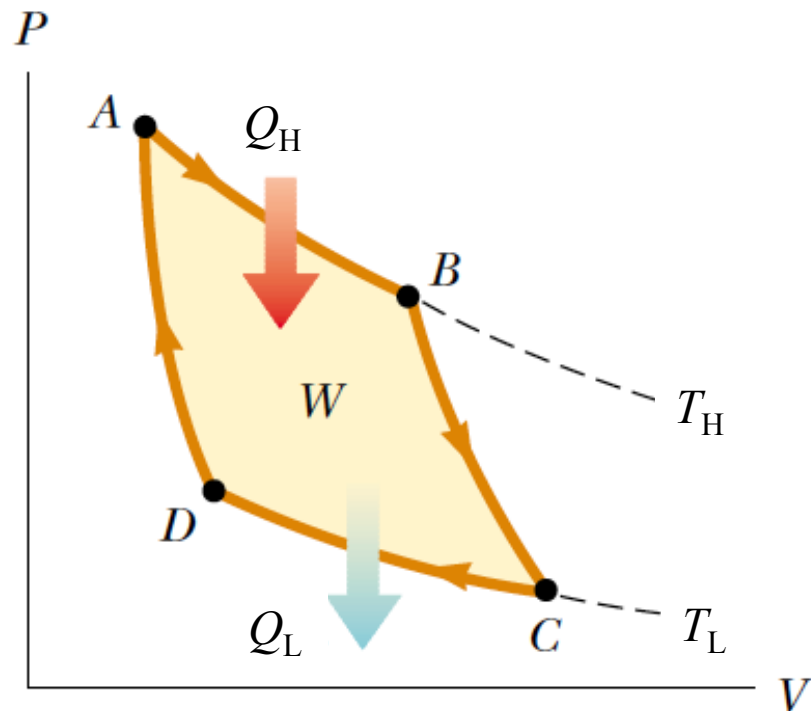
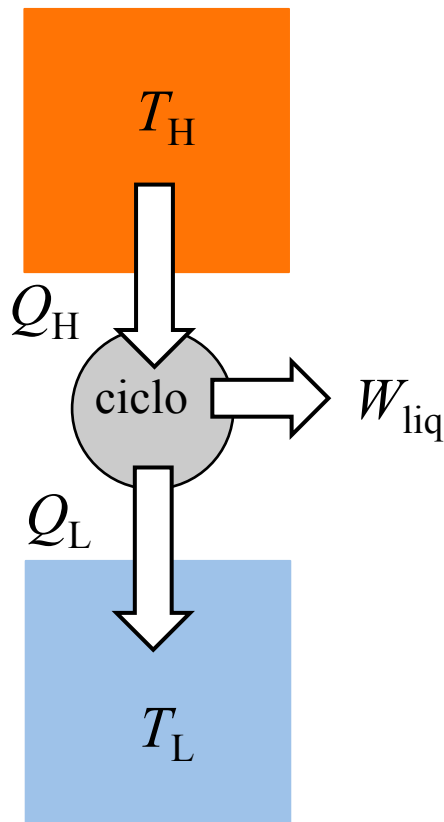
## **Segunda Lei da Termodinâmica – III**

# Segunda Lei da Termodinâmica

- *Enunciado de Kelvin da Segunda Lei: É impossível um processo (cíclico) cujo único efeito seja a completa conversão do calor absorvido em trabalho.*
- *Enunciado de Clausius da Segunda Lei: É impossível que o único efeito de um processo (cíclico) seja transferir calor de um reservatório de baixa temperatura a outro de alta temperatura.*
- *Por único efeito, deve ser entendida a restauração do estado inicial, de forma que o enunciado se refere a processos cíclicos.*

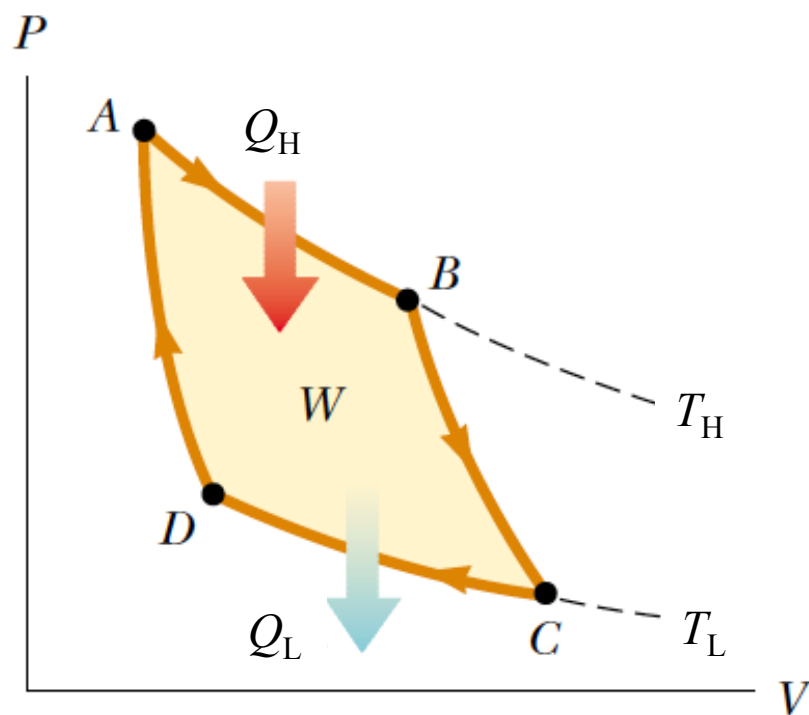
# Ciclo de Carnot

– Em 1824, Carnot propôs uma máquina térmica ideal (modelo teórico), cujo funcionamento de baseava em um ciclo quase-estático composto por dois processos isotérmicos e dois adiabáticos.



$Q_H > 0$ ,  $Q_L > 0$ ,  $W_{liq} > 0$  (sinais serão indicados explicitamente).

– **Problema:** A figura abaixo ilustra o ciclo de Carnot, composto pela expansão isotérmica  $AB$ , durante a qual o gás absorve calor  $Q_H$  do reservatório “quente”, expansão adiabática  $BC$ , contração isotérmica  $CD$ , durante a qual o gás cede calor  $Q_L$  ao reservatório “frio”, e pela contração isotérmica  $DA$ .



$Q_H > 0, Q_L > 0, W_{\text{liq}} > 0$   
(sinais serão indicados explicitamente)

(a) Demonstre as relações:

$$Q_H = nRT_H \ln \left( \frac{V_B}{V_A} \right)$$

$$Q_L = nRT_L \ln \left( \frac{V_C}{V_D} \right)$$

(b) Demonstre a expressão abaixo para a eficiência da Máquina de Carnot:

$$\eta = 1 - \frac{T_L}{T_H}$$

Dica: explore a equação de estado e a relação anteriormente discutida para processos adiabáticos,  $TV^{\gamma-1} = \text{const.}$

(a) Aplicando a Primeira Lei aos processos isotérmicos (lembre-se, o símbolo  $Q_L$  denota o módulo do calor transferido ao reservatório “frio”):

$$\Delta U_{AB} = 0 \implies Q_H = W_{AB} = nRT_H \ln\left(\frac{V_B}{V_A}\right)$$

$$\Delta U_{CD} = 0 \implies -Q_L = W_{CD} = nRT_L \ln\left(\frac{V_D}{V_C}\right)$$

(b) Sendo a eficiência de uma máquina térmica  $\eta = 1 - Q_L/Q_H$ , vamos tomar:

$$\frac{Q_L}{Q_H} = \frac{T_L \ln(V_C/V_D)}{T_H \ln(V_B/V_A)}$$

Considerando os processos adiabáticos:

$$\begin{aligned} T_H V_B^{\gamma-1} &= T_L V_C^{\gamma-1} \\ T_H V_A^{\gamma-1} &= T_L V_D^{\gamma-1} \end{aligned} \implies \frac{V_B}{V_A} = \frac{V_C}{V_D}$$

$$\eta = \underbrace{1 - \frac{Q_L}{Q_H}}_{\text{definição geral}} = \underbrace{1 - \frac{T_L}{T_H}}_{\text{Máquina de Carnot}}$$

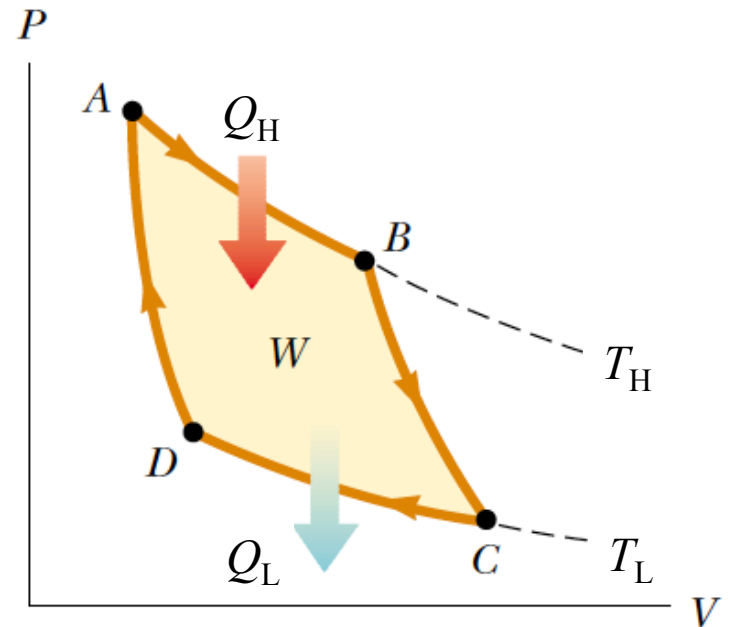
# Ciclo de Carnot

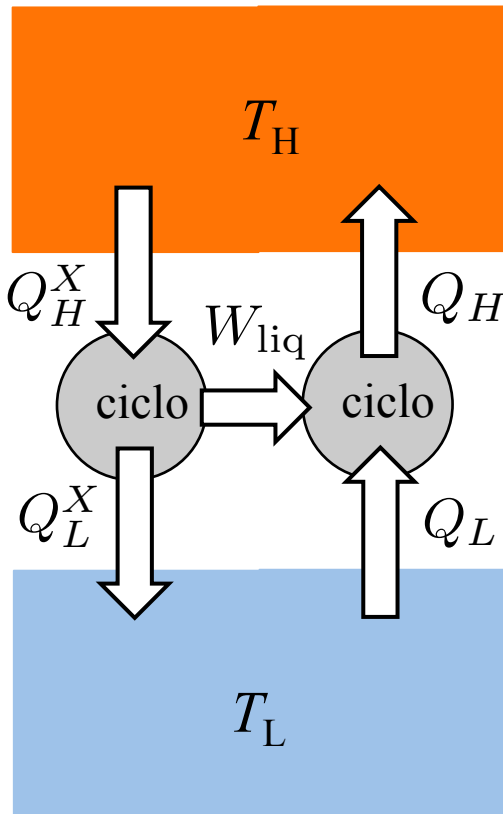
– A Máquina de Carnot é um modelo que estabelece o limite teórico para a eficiência das máquinas térmicas:

– Teorema de Carnot: Nenhuma máquina térmica, operando entre reservatórios com temperaturas  $T_H > T_L$ , pode ser mais eficiente que a *máquina de Carnot operando entre reservatórios com as mesmas temperaturas*.

$$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_L}{T_H}$$

Para demonstrar o Teorema de Carnot, vamos admitir uma máquina térmica X mais eficiente que a de Carnot ( $\eta_X > \eta_{\text{Carnot}}$ ), e acoplar a máquina X a um refrigerador de Carnot (máquina de Carnot com ciclo de sentido inverso ao da figura).





– Primeira Lei aplicada ao sistema acoplado (máquina X e refrigerador de Carnot), com sinais explicitamente indicados e símbolos em módulo:

$$W_{\text{liq}} = Q_H^X - Q_L^X = Q_H - Q_L$$

$$Q_H^X - Q_H = Q_L^X - Q_L \quad (\text{i})$$

– Eficiência (máquinas térmicas):

$$\begin{aligned} \eta_X > \eta_{\text{Carnot}} &\Rightarrow \frac{|W_{\text{liq}}|}{Q_H^X} > \frac{|W_{\text{liq}}|}{Q_H} \\ &\Rightarrow Q_H^X - Q_H < 0 \quad (\text{ii}) \end{aligned}$$

– Utilizando (i) e (ii):  $Q_L^X - Q_L < 0$

– O conjunto (máquina X + refrigerador de Carnot) é um refrigerador “miraculoso”, que transfere calor  $(Q_L - Q_L^X) > 0$  do reservatório “frio” ao “quente”, violando o enunciado de Clausius da Segunda Lei.

**Questão:** Considere as seguintes máquinas térmicas:

i) um motor que, por ciclo, absorve 5000J de calor e rejeita 4500J de calor;

ii) um motor que, por ciclo, absorve 25kJ de calor e realiza 2kJ de trabalho;

iii) um motor que, por ciclo, realiza 400J de trabalho e rejeita 2800J de calor.

1) As eficiências são tais que:

a)  $\eta_i > \eta_{ii} > \eta_{iii}$

b)  $\eta_i > \eta_{iii} > \eta_{ii}$

c)  $\eta_{iii} > \eta_i > \eta_{ii}$

d)  $\eta_{iii} > \eta_{ii} > \eta_i$

e)  $\eta_{ii} > \eta_{iii} > \eta_i$

e)  $\eta_{ii} > \eta_i > \eta_{iii}$

2) Admita que o motor (iii) seja uma máquina de Carnot e que os motores (i) e (ii) sejam motores reais. As temperaturas dos reservatórios utilizados na operação dessas máquina são tais que (indique todas as corretas):

f)  $T_L^{iii} < 0.875 T_H^{iii}$

(i)  $T_L^{ii} < 0.920 T_H^{ii}$

l)  $T_L^i < 0.900 T_H^i$

g)  $T_L^{iii} = 0.875 T_H^{iii}$

(j)  $T_L^{ii} = 0.920 T_H^{ii}$

m)  $T_L^i = 0.900 T_H^i$

h)  $T_L^{iii} > 0.875 T_H^{iii}$

(k)  $T_L^{ii} > 0.920 T_H^{ii}$

n)  $T_L^i > 0.900 T_H^i$



1) eficiências:

$$\text{i) } \eta_i = \frac{W^i}{Q_H^i} = 1 - \frac{Q_L^i}{Q_H^i} = 1 - \frac{4500}{5000} = 0.10$$

$$\text{ii) } \eta_{ii} = \frac{W^{ii}}{Q_H^{ii}} = \frac{2}{25} = 0.08$$

$$\text{iii) } \eta_{iii} = \frac{W^{iii}}{Q_H^{iii}} = \frac{W^{iii}}{W_L^{iii} + Q_L^{iii}} = \frac{400}{400 + 2800} = 0.125$$

2) temperaturas: para a Máquina de Carnot (motor iii):

$$\eta_{iii} = 1 - \frac{T_L^{iii}}{T_H^{iii}} = 0.125 \implies \frac{T_L^{iii}}{T_H^{iii}} = 0.875$$

A eficiência dos motores reais é inferior ao desempenho da Máquina de Carnot operando entre mesmas temperaturas:

$$0.08 = \eta_{ii} < 1 - \frac{T_L^{ii}}{T_H^{ii}} \implies \frac{T_L^{ii}}{T_H^{ii}} < 0.92$$

$$0.10 = \eta_i < 1 - \frac{T_L^i}{T_H^i} \implies \frac{T_L^i}{T_H^i} < 0.900$$

# Entropia, Processos Reversíveis e Irreversíveis

- Os processos naturais são *irreversíveis*:
- Apenas processos idealizados que ocorrem na condição de quase equilíbrio (processos quase-estáticos) são *reversíveis*.
- Definição: Se um sistema termodinâmico à temperatura  $T$  troca calor  $dQ$  em um processo *reversível*, sua variação de entropia ( $dS$ ) é dada por:

$$dS = \frac{dQ}{T} \quad (\text{processo reversível infinitesimal})$$

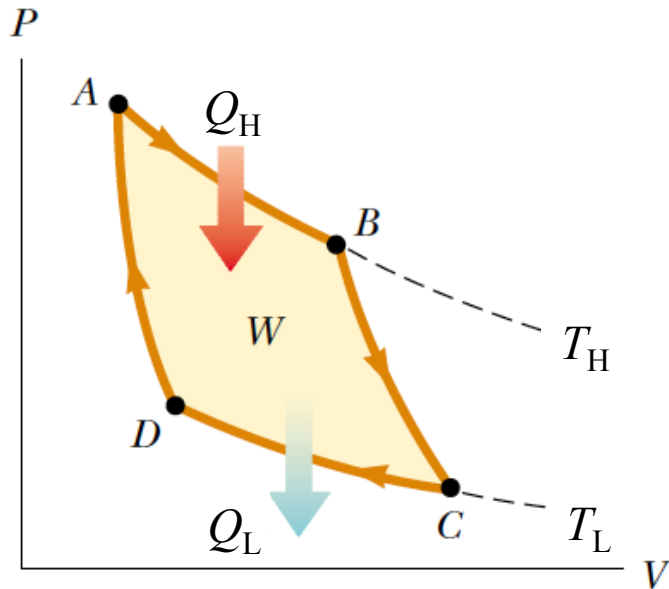
- Por clareza notacional, vamos denotar o calor trocado *reversivelmente* (em um processo reversível) por  $dQ_{\text{rev}}$ , de modo que:

$$dS = \frac{dQ_{\text{rev}}}{T}$$

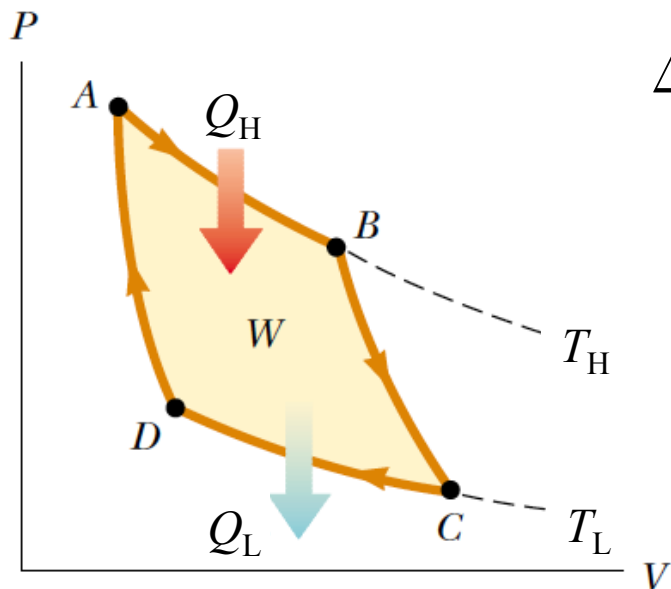
# Entropia, Processos Reversíveis e Irreversíveis

A Máquina de Carnot é uma *máquina térmica reversível*, pois seu funcionamento é baseado em processos reversíveis (quase-estáticos).

**Problema:** Calcule a variação de entropia da substância de trabalho em um ciclo da Máquina de Carnot,  $\Delta S_{\text{ciclo}} = \oint dS$ .



# Entropia, Processos Reversíveis e Irreversíveis



$$\begin{aligned}\Delta S_{\text{ciclo}} &= \oint dS = \oint \frac{dQ_{\text{rev}}}{T} = \\ &= \int_A^B \frac{dQ_{\text{rev}}}{T} + 0 + \int_C^D \frac{dQ_{\text{rev}}}{T} + 0 = \\ &= \frac{Q_H}{T_H} - \frac{Q_L}{T_L}\end{aligned}$$

Da discussão sobre a eficiência da Máquina de Carnot, sabemos que  $Q_L/Q_H = T_L/T_H$ , donde  $Q_L/T_L = Q_H/T_H$ . Portanto:

$$\Delta S_{\text{ciclo}} = \oint dS = 0$$

(A Entropia é uma Função de Estado)

Demostra-se que esse resultado é válido para qualquer ciclo reversível (Teorema de Clausius).