

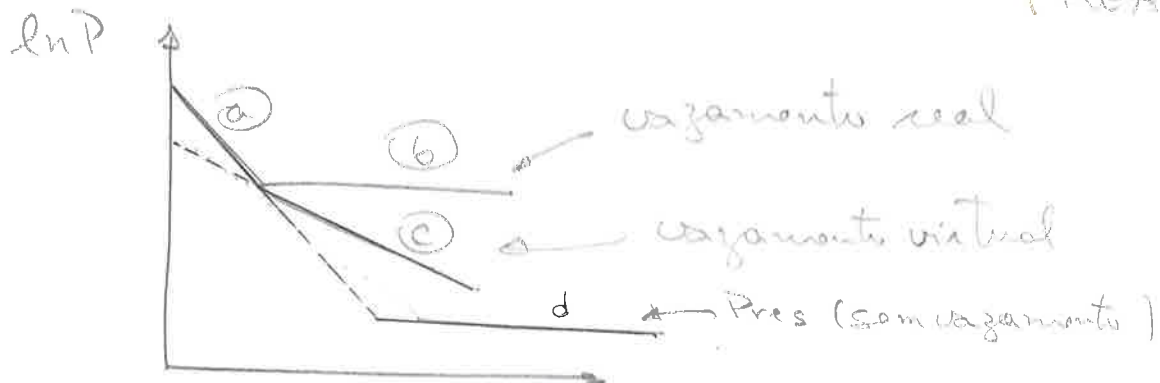
AULA 13

Passar lista de presença / lista INPE

Aviso: Prova na próxima aula
trazer lápis, borracha, calculadora, régua
e muita disposição.

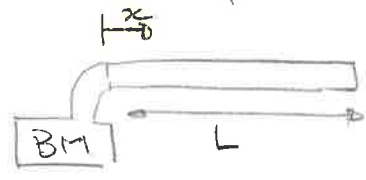
Resumo das aulas anteriores

- Sistema para o estudo de vazamentos } VIRTUAL
REAL



- (a) $P = P_0 e^{-t/\tau}$ ($\tau = V/S$) $t(s)$
- (b) $P_r = \frac{C_r P_{atm}}{S} \equiv$ VAZAMENTO REAL
- (c) $P_{res} = \frac{C_{vr}}{S} P_0' e^{-\frac{C_{vr}}{Vc} t} \equiv$ VAZAMENTO VIRTUAL
- (d) $P_{res} = \sum Q_i / S$

Perfil da pressão ao longo do tubo



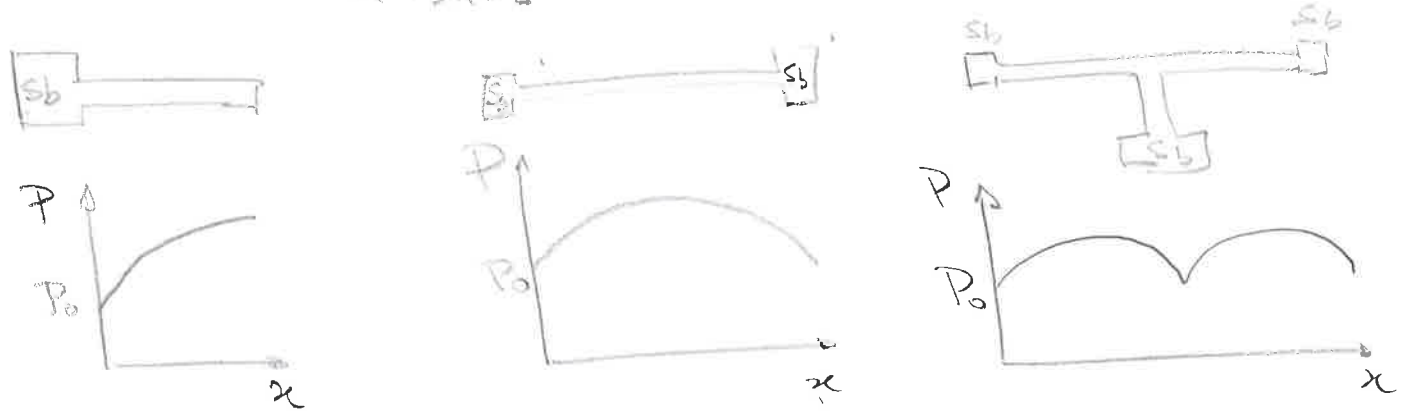
$$P_x = P_0 + \frac{gB}{c} \left[\frac{x}{c} - \frac{x^2}{2Lc} \right]$$

$$P_L - P_0 = \frac{gBL}{2c}$$

$$P_0 = \frac{gBL}{S_b}$$

Condições de contorno

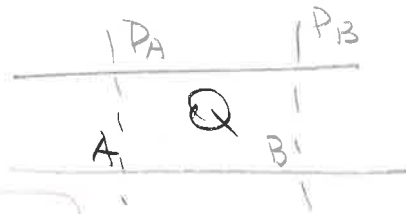
- ① $\frac{dP}{dx} \Big|_{x=L} = 0$
- ② $x=0 \quad P=P_0$



Fluxo de Massa

Q throughput etc

$$Z_{AB} = \frac{P_A - P_B}{Q}$$



$$V = R_i$$
$$\Delta P = ZQ$$

INVERSO = CONDUTÂNCIA

$$C_{AB} = \frac{Q}{P_A - P_B}$$

$$C_{AB} = \frac{1}{Z_{AB}}$$

Velocidade de bombeamento efetiva

$$Q_A = P_A S_A$$

$$Q_B = P_B S_B$$

$$\text{MAS } Q = Q_A = Q_B = \text{cte}$$

$$S_{ef} = \frac{C S_b}{S_b + C}$$

$$\lambda = \frac{5 \times 10^{-3} \text{ cm}}{P (\text{Torr})}$$

$$PV = NkT$$

$$n = \frac{P}{kT}$$

$$\gamma = \frac{1}{4} n \bar{v} \equiv \frac{\text{n.º de moléculas}}{\text{area tempo}}$$

Distribuição de MB

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}}$$

- Regime viscoso $\lambda \ll D$; $DP \gg 1$

fluxo turbulento $Re \gg 2100$
fluxo laminar $Re \leq 110$

$$Re = \frac{\rho v D}{\eta}$$

- Regime intermediário $10^{-2} < DP < 1$

• Regime molecular $DP \leq 10^{-2}$

Numero de Knudsen

$$N_k = \frac{\lambda}{D}$$

Tempo para formação de uma nova camada

(2)

$$\delta = \frac{2,7 \times 10^{-6}}{P(\text{Torr})}$$

Condutâncias - Regime molecular

$$Q = C \Delta P$$

ORIFÍCIO

$$C = A \sqrt{\frac{kT}{2\pi m}}$$

$$C_0 = 9D^2$$

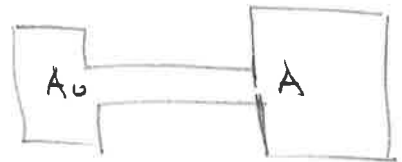
D (cm)

C (l/s)

$$C \propto \sqrt{\frac{T}{M}}$$

Diapragma

$$C_{ef} = 12A \left(\frac{A_0}{A_0 - A} \right)$$



Duto circular

$$C = k \frac{4}{3} \frac{\bar{v}}{\int_0^L \frac{B dl}{A^2}}$$

Equação Geral

para tubo cilíndrico

$$C = \frac{\pi}{12} \bar{v} \frac{D^3}{L}$$

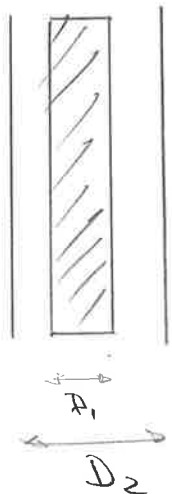
$$C_{\text{ain}} = \frac{12 D^3}{L}$$

D (cm)

L (cm)

C (l/s)

DUTO ANULAR



$$\left\{ \begin{aligned} C &= 12k (D_2 - D_1)^2 (D_1 + D_2) \\ C &= \frac{12}{L} (D_2^3 - D_1^3) \left(1 - \frac{D_1}{D_2} \right) \end{aligned} \right.$$

Condutância: Regime Viscoso

Orifício

EXPANSÃO
ADIABÁTICA

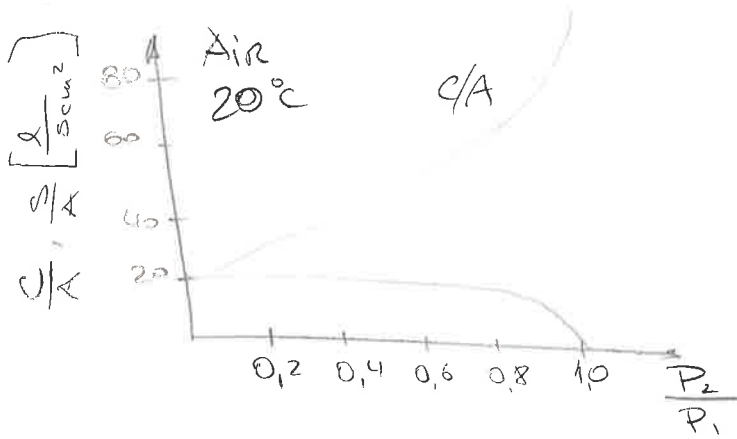
$$PV^\gamma = \text{cte}$$

$$C = \frac{20A}{1 - \frac{P_2}{P_1}}$$

$$P_2 / P_1 < 0,1 P_1$$

$$C \approx 20A$$

SLIDE



$$\frac{Q}{AP_1} = \frac{S}{A}$$

Tubo cilíndrico

$$C_{N_2} = \frac{180 D^4 \bar{P}}{L}$$

$$\bar{P} = \frac{P_1 + P_2}{2}$$

$$C = \frac{1}{\eta} \frac{\pi D^4 \bar{P}}{128 L}$$

Depende do gás!

Regime Intermediário

$$10^{-2} < D\bar{P} < 1$$

$$C_S = C_m \left(0,0736 \frac{D}{\lambda} + 1 \right)$$

$$\lambda = \frac{5 \times 10^{-3}}{\bar{P} \text{ (Torr)}} \text{ cm}$$

Bombamento

função $P(t)$

Regime Viscoso

trostres quipira $\left[\frac{t}{\nu} \times S_b \right] \quad \frac{D^4}{L} = \frac{128 \mu \bar{v}}{\pi}$

para $L \rightarrow 0$ cm $E \rightarrow \infty$ então:

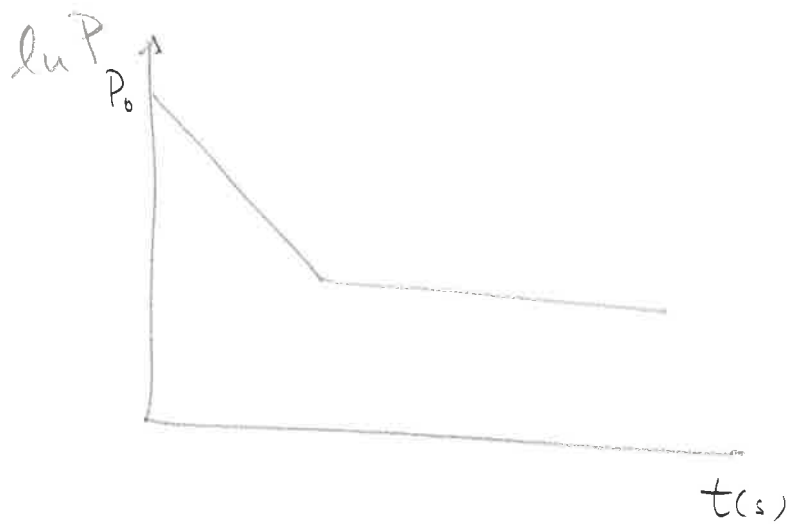
$$\frac{t}{\nu} = \frac{1}{S_b} \ln \left(\frac{P_i + P_i}{P + P} \right)$$

$$P(t) = P_i e^{-\frac{S_b}{\nu} t}$$

Regime Molecular

$$P(t) = P_0 e^{-\frac{S}{\nu} t} + P_{res}$$

$$P_{res} = \sum_i Q_i / S$$



Estudo de Vazamentos

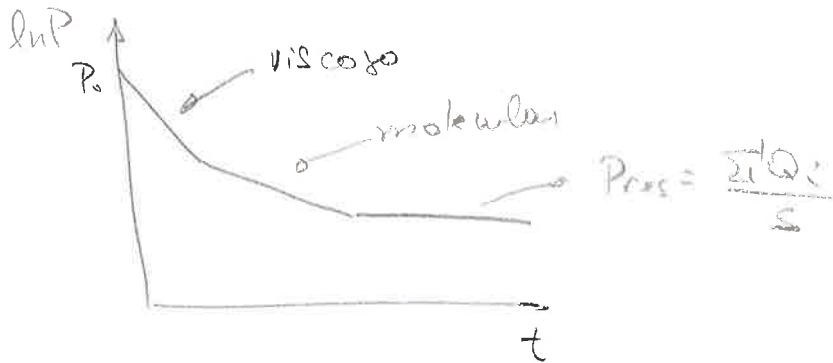
Regime viscoso

$S_{ef} \approx S_{bomba}$

Regime molecular

$$S_{ef} = \frac{S_b \cdot C_{molecular}}{S_b + C_{molecular}}$$

Depende da condutância



$$\tau = V/S$$

depende de S

Vazamento Real

$$Q = PS ; Q = CAP = C P_{ext}$$

como $P_{res} = \frac{\sum Q_i}{S}$

então

$$P_{res} = \frac{C_{real} P_{ext}}{S}$$

Vazamento Virtual

CAVIDADE + ORIFÍCIO PEQUENO \equiv VAZAMENTO VIRTUAL

Equação Geral

$$-V \frac{dP}{dt} = PS - \sum Q_i$$

$$-V \frac{dP_c}{dt} = Q_{vv}$$

mas $Q_{vv} = C_{vv} (P_c - P_{int})$

$P_c \gg P_{int}$

$$Q_{vv} = C_{vv} P_c$$

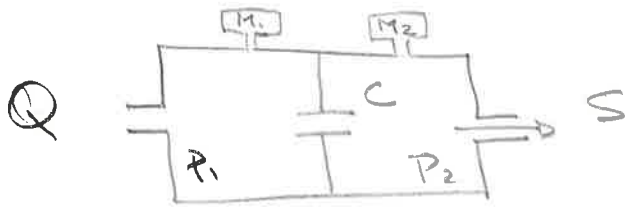
então

$$-V \frac{dP_c}{dt} = C_{vv} P_c$$

solução

$$P_{res} = \frac{C_{vv}}{S} P_0 e^{-\frac{C_{vv} t}{V}}$$

① Velocidade de bombeamento



Em condições estacionárias

$$\left\{ \begin{array}{l} Q = C \Delta P = C (P_1 - P_2) \quad (I) \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} S = \frac{Q}{P_1} = \frac{Q}{P_2} \quad (II) \end{array} \right.$$

Substituindo I em II

$$S = \frac{Q}{P_2} = \frac{C (P_1 - P_2)}{P_2} = C \left(\frac{P_1}{P_2} - 1 \right)$$

Se a condutância for conhecida, então determina-se S .

No regime molecular C é constante

Se $S \gg C$ $P_2 \ll P_1$ então

$$S = C \frac{P_1}{P_2}$$

② Medida de S pela variação do
fluxo de massa (Q)

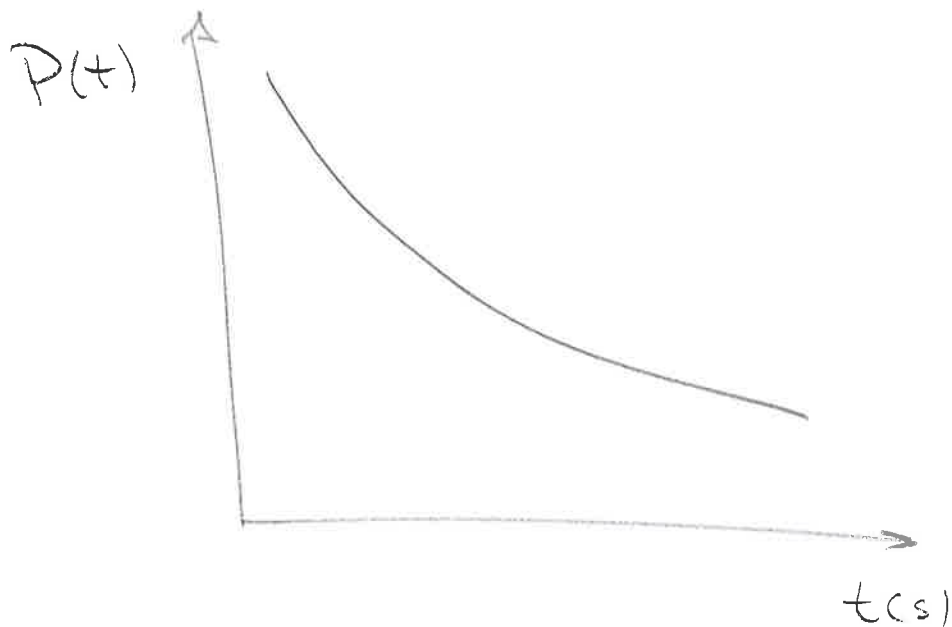
Equação geral
$$\boxed{-V \frac{dP}{dt} = PS - \sum_i Q_i}$$

$P_{res} = \frac{\sum_i Q_i}{S}$ então: $\sum_i Q_i = P_{res} S$

logo
$$-V \frac{dP}{dt} = PS - P_{res} S$$

$$-V \frac{dP}{dt} = (P - P_{res}) S$$

logo
$$\boxed{S = -\frac{V}{P - P_{res}} \frac{dP}{dt}}$$



③ Medida de S conhecendo-se $P(t)$

$$P = P_0 e^{-\frac{S}{V}t} + P_{res}$$

Para $P_{res} \ll P$

então $P = \frac{P_0}{e} = P_0 e^{-\frac{S}{V}t}$

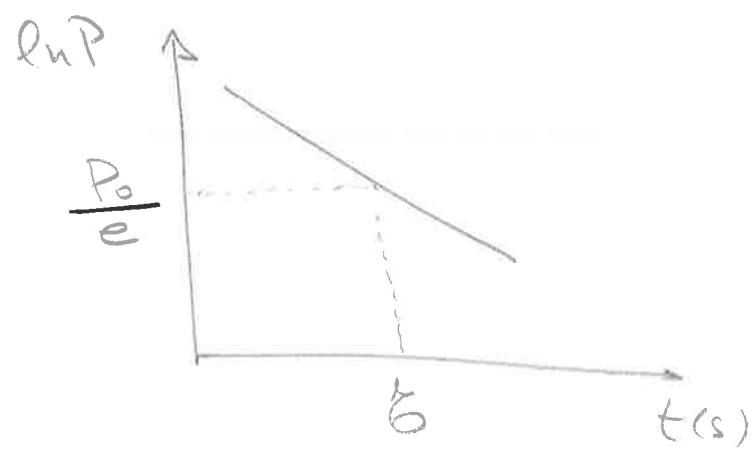
$$e^{-1} = \frac{P_0}{P_0} e^{-\frac{S}{V}t} \implies e = e^{\frac{S}{V}t}$$

$$\ln e = \ln e^{\frac{S}{V}t} \implies 1 = \frac{S}{V}t$$

$$t = \frac{V}{S} \implies \tau = V/S$$

tempo de bombeamento característico do sistema

τ é a constante de bombeamento



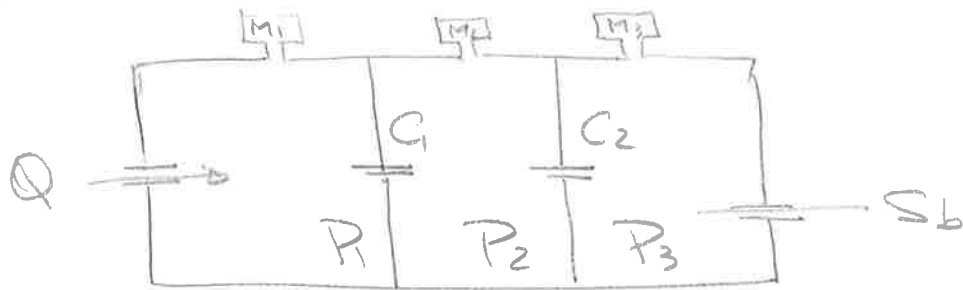
$$T_{1/2} = \tau \ln 2$$

$$P = P_0 e^{-t/\tau} \quad P = \frac{P_0}{2} ? \implies \frac{P_0}{2} = P_0 e^{-t/\tau}$$

$$\ln 2 = t/\tau$$

$$t = T_{1/2} = \tau \ln 2$$

④ Medida da condutância



$$Q = C_1 (P_1 - P_2)$$

$$Q = C_2 (P_2 - P_3)$$

Para C_2 conhecida

$$Q = C_1 (P_1 - P_2) = C_2 (P_2 - P_3)$$

$$C_2 = \frac{C_1 (P_1 - P_2)}{P_2 - P_3} \quad \text{ou} \quad C_1 = \frac{C_2 (P_2 - P_3)}{P_1 - P_2}$$

Se $S \gg C \implies P_3 \ll P_2$

$$\therefore C_1 = \frac{C_2 P_2}{P_1 - P_2} \implies \boxed{C_1 = \frac{C_2}{\frac{P_1}{P_2} - 1}}$$

Para $C_2 \gg C_1 \implies P_2 \ll P_1$

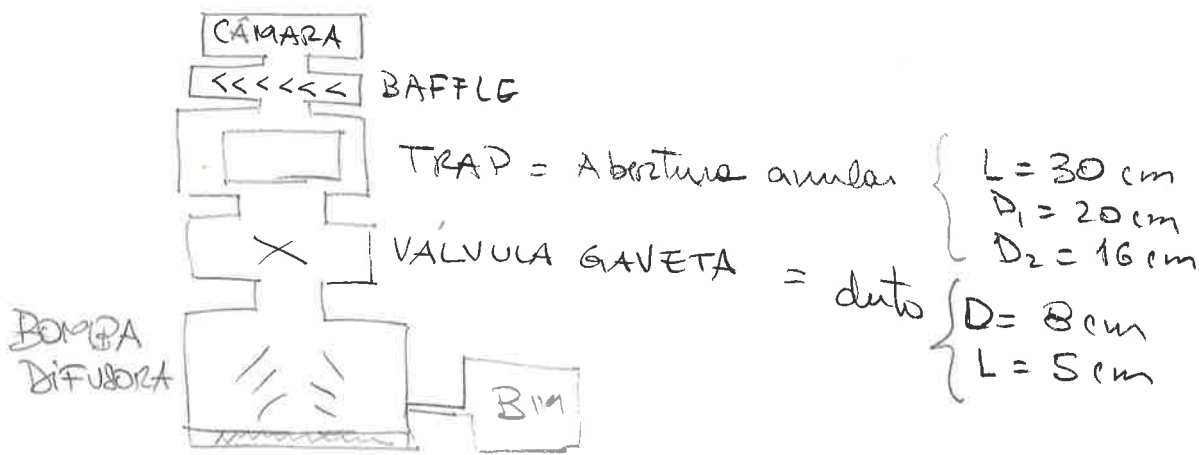
Neste caso

$$\boxed{C_1 = \frac{P_2}{P_1} C_2}$$

EXERCÍCIO 20 - LISTA 3

6

Bomba difusora $D = 3'' \approx 7,5 \text{ cm}$



- a) Calcule: S_{ef} da BD na boca do sistema sem N_2
 $S_{BD} \approx 50\% C_0 = 50\% 9D^2$ condutância de um orifício
 $S_{BD} = 4,5 (7,5)^2 = 253 \text{ Q/s}$

3 impedâncias em série

VALVULA + TRAP + BAFFLE

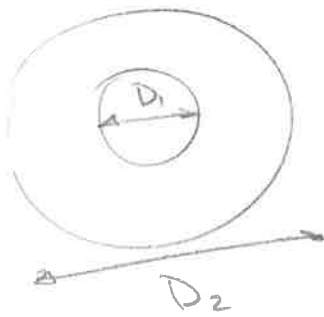
$$C_{VALVULA} = \frac{12 D^3}{L} \quad \left\{ \begin{array}{l} L = 5 \text{ cm} \\ D = 8 \text{ cm} \end{array} \right.$$

$$C_{VALVULA} = \frac{12 (8)^3}{5} \approx 1228 \text{ l/s}$$

$$C_{BAFFLE} = 500 \text{ l/s}$$

$$C_{armadilha} = ?$$

$$S_{ef} = ?$$



$$\left\{ \begin{array}{l} D_1 = 16 \text{ cm} \\ D_2 = 20 \text{ cm} \\ L = 30 \text{ cm} \end{array} \right.$$

$$C = 9 (D_2^2 - D_1^2)$$

$$C = 9 (20^2 - 16^2) = 1296 \text{ l/s} \quad \text{abertura anular}$$

$$C_{\text{duto anular}} = \frac{12}{L} (D_2^3 - D_1^3) \left(1 - \frac{D_1}{D_2}\right)$$

$$C_{\text{duto anular}} = \frac{12}{30} (20^3 - 16^3) \left(1 - \frac{16}{20}\right) = 312 \text{ l/s}$$

$$\frac{1}{C_{\text{total}}} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{C_i} = \text{VALVULA} + \text{BAFFLE} + \text{Abertura anular} + \text{DU TO A NUZAR}$$

$$\frac{1}{C_{\text{total}}} = \frac{1}{1228} + \frac{1}{500} + \frac{1}{1296} + \frac{1}{312}$$

$$C = 147 \text{ l/s}$$

Sem nitrogênio líquido

$$S_{ef} = \frac{S_b \times C}{S_b + C} = \frac{253 \times 147}{253 + 147} = 93 \text{ l/s}$$

(b) Calcule S_{ef} na boca do sistema com N_2 líquido

(7)

○ N_2 líquido ative apenas na armadilha

$$C \propto \sqrt{T}$$

$$\frac{C_{293}}{C_{77}} = \frac{\sqrt{293}}{\sqrt{77}} \approx 1,95$$

$\frac{C_{77}}{C_{293}} \approx 0,51$ ou seja a condutância cai pela metade

abertura anular $1296 \text{ l/s} \longrightarrow 661 \text{ l/s}$

tubo anular $312 \text{ l/s} \longrightarrow 159 \text{ l/s}$

então

$$\frac{1}{C_{TOTAL}} = \sum \frac{1}{C_i} = \frac{1}{1228} + \frac{1}{500} + \frac{1}{661} + \frac{1}{159}$$

$$C_T = 94 \text{ l/s}$$

$$S_{ef} = \frac{S_b C_T}{C_T + S_b} = \frac{253 \times 94}{253 + 94} = 68 \text{ l/s}$$

Nesse cálculo foi admitida a conservação do throughput

\implies A eficiência da Bomba Difusora diminuiu.

c) Aplicado a uma câmara de $D = 30 \text{ cm}$ com pressão de operação $P = 10^{-6} \text{ Torr}$, qual pode ser a máxima taxa de degaseificação dessa câmara para se manter essa pressão em 10^{-6} Torr ?

$$Q = PS = 10^{-6} \times 68$$

$$\therefore Q = 6,8 \times 10^{-5} \frac{\text{Torr l}}{\text{s}}$$

$$D = 30 \text{ cm} \quad A = 4\pi R^2 = 2826 \text{ cm}^2$$

$$q = \frac{Q}{A} \quad q = \frac{6,8 \times 10^{-5}}{2826} \frac{\text{Torr l}}{\text{cm}^2 \text{ s}}$$

$$\therefore \boxed{q = 2,5 \times 10^{-8} \frac{\text{Torr l}}{\text{s cm}^2}}$$

Exercício 25 - lista 2 (modificado)

8

Qual a massa de gás retirada de um sistema de vácuo?

Considere uma câmara com volume 1 l a pressão de 700 Torr

$$PV = NkT$$



$$Q = PS = -V \frac{dP}{dt} = kT \frac{dN}{dt}$$

Regime viscoso 700 Torr até 1 Torr

$\Delta t \approx 5$ seg bancada 2

$$\frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{700 - 1}{5} = 140 \frac{\text{Torr}}{\text{s}}$$

$$Q = V \frac{\Delta P}{\Delta t} = 1 \times 140 = 140 \frac{\text{Torr l}}{\text{s}}$$

$$\text{Se } k = 10^{-22} \frac{\text{Torr l}}{\text{K}}$$

então:

$$T = 300 \text{ K}$$

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = V \frac{\Delta P}{\Delta t} \frac{1}{kT}$$

$$n = \frac{N}{V} = \frac{P}{kT}$$

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = 1 \times 140 \times \frac{1}{10^{-22} 300} \approx 5 \times 10^{21} \text{ moléculas/s}$$

$$N_2 = 53,1 \times 10^{-24} \text{ g}$$

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} \times m = 5 \times 10^{21} \times 53,1 \times 10^{-24} \text{ g} = 0,3 \text{ g/s}$$

em $\Delta t = 5$ seg

$$m_{\text{total}} = 1,5 \text{ g}$$

Neste intervalo de tempo, qual a velocidade de bombeamento?

$$Q = P S$$

$$\bar{P} = 350 \text{ Torr}$$

$$S = \frac{140}{350} \frac{\text{Torr l}}{\text{s}} = 0,4 \text{ l/s}$$

$$S = 25 \text{ l/min}$$

ou

$$S = \underline{\underline{1,5 \text{ m}^3/\text{h}}}$$

Exercício 2 - lista 3

1

A partir de qual livre caminho médio pode ser considerado regime molecular?

- Considere
- (a) câmara esférica $D = 30 \text{ cm}$
 - (b) duto de $2''$ (5 cm)

Definição do regime depende do número de Knudsen

$$N_k = \frac{\lambda}{D} \quad \lambda = \frac{5 \times 10^{-3} \text{ (cm)}}{P \text{ (Torr)}}$$

Regime molecular $DP \leq 10^{-2} \text{ em Torr cm}$

Substituindo $D \frac{5 \times 10^{-3}}{\lambda} \leq 10^{-2}$

$$\frac{D}{\lambda} \leq \frac{10^{-2}}{5 \times 10^{-3}} \Rightarrow \boxed{\lambda = 5 \times 10^{-1} D}$$

D é a dimensão do sistema

(a) Para $D = 30 \text{ cm}$
 $\lambda \geq 5 \times 10^{-1} \times 30 \quad \therefore \boxed{\lambda \geq 15 \text{ cm}}$

(b) Para duto de $D = 5 \text{ cm}$

$$\lambda = 5 \times 10^{-1} \times 5$$

$$\boxed{\lambda \geq 2,5 \text{ cm}}$$

Exercício 3.- lista 3

A partir de qual pressão pode ser considerado o regime molecular

$$DP \leq 10^{-2} \text{ Torr em } \rightarrow$$

$$P \leq \frac{10^{-2}}{D} \text{ Torr em}$$

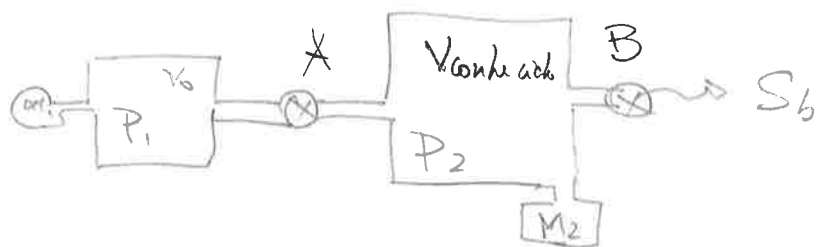
(a) $D = 30 \text{ cm}$

$$P \leq 3 \times 10^{-4} \text{ Torr}$$

(b) $D = 5 \text{ cm}$

$$P \leq 2 \times 10^{-3} \text{ Torr}$$

Exercício 23 - lista 2



Determinar o volume V_0

Temperaturas iguais

$$PV = NkT$$

$$P_1 V_0 + P_2 V = P_{\text{final}} (V_0 + V)$$

- 1) Bombamento em $V_{\text{conhecido}}$
- 2) Válvula B fechada
- 3) Válvula A aberta

O nº de moléculas é invariável

$$(P_1 - P_{\text{final}}) V_0 = (P_{\text{final}} - P_2) V$$

então

$$V_0 = \frac{(P_{\text{final}} - P_2) V}{P_1 - P_{\text{final}}}$$

Exercício 13 - lista 3

Avalie o erro cometido se houver vazamentos de 10^{-4} cm além do throughput injetado no método da pipete.

O método permite saber quanto se está injetando no sistema

Dados: $D = 1 \mu\text{m} = 10^{-3} \text{ mm} = 10^{-4} \text{ cm}$

$P_s = 3 \times 10^{-4} \text{ Torr}$ $S = 45 \text{ l/s}$

- Sem vazamentos

$Q = PS = P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t}$ (I) Única fonte de gás.

- Com vazamentos

$PS = P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t} + Q_{\text{VAZAMENTO}}$

$PS_v = P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t} + C (P_{\text{atm}} - P_s)$ pequeno

$PS_v = P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t} + C P_{\text{atm}}$ (II)

Subtraindo (II - I)

$P(s_v - S) = P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t} + C P_{\text{atm}} - P_0 \frac{\Delta V}{\Delta t}$

$P(s_v - S) = C P_{\text{atm}}$

$100 \frac{s_v - S}{S} = \frac{C P_{\text{atm}}}{PS} \times 100$

Para um vazamento de 10^{-4} cm

$$C = 9D^2 \quad (\text{regime molecular})$$

Para o regime viscoso

$$P_2 < 0,1 P_1$$

$$C = 20A = 20 \frac{\pi D^2}{4} \sim 15D^2$$

(a) então

$$100 \left(\frac{S_V - S}{S} \right) = \frac{9 \times (10^{-4})^2 \cdot 700}{3 \times 10^{-4} \cdot 45} \times 100 \sim 0,5\%$$

(b) Para uma pressão $P_s = 10^{-5}$ Torr, temos:

$$100 \left(\frac{S_V - S}{S} \right) = \frac{9 (10^{-4})^2 \cdot 700}{10^{-5} \cdot 45} \times 100 = 0,14$$

\therefore diferença de 14%