

1. Considere o sistema linear

$$\ddot{x} - 2\dot{x} + 2x = u$$

Encontre um controle de retro-alimentação de estados que estabilize o sistema.

2. Mostre que se o par  $(A, B)$  é completamente estabilizável e equivalente a  $(A_1, B_1)$ , então este último também é completamente estabilizável.

3. Dadas as seguintes matrizes

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \text{ e } B = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

quais são os polinômios característicos possíveis de  $A + BK$  onde  $K$  percorre o conjunto das matrizes  $1 \times 3$ .

4. Encontre uma matriz  $K \in M_{1 \times 3}$  tal que o polinômio característico de  $A + BK$  seja  $P(\lambda) = \lambda^3 + 5\lambda^2 + 3\lambda + 1$ , e as matrizes  $A$  e  $B$  são

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \text{ e } B = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

5. Agora considere o par  $(A, B)$  com

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} \text{ e } B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Mostre que  $(A, B)$  é controlável e encontre uma matriz  $L$  tal que  $(A+BL, Bu)$  seja controlável, onde  $u = (1, 0)'$ .