

Ordenação

Professores:
Fátima L. S. Nunes



Arrays

- O que é?



Arrays

- O que é?
 - Vetor que guarda variáveis do mesmo tipo com um mesmo nome.
 - Cada posição tem um índice.

Arrays

- Para quê?
 - Praticidade quando se deseja guardar conjuntos de valores do mesmo tipo:
 - Código mais enxuto
- Que operações são comuns em arrays?

Arrays

- Para quê?
 - Praticidade quando se deseja guardar conjuntos de valores do mesmo tipo:
 - Código mais enxuto
- Que operações são comuns em arrays?
 - Inicializar
 - Percorrer
 - **Buscar**



Como podemos ordenar os elementos de um array?

- Alguém joga baralho?



- Como ordenam as cartas?

Como podemos ordenar os elementos de um array?

- Vamos incorporar duas restrições:
 1. Você pode olhar no máximo 2 cartas ao mesmo tempo (mas pode anotar a posição onde está uma carta do seu interesse)
 2. Você não pode mudar as cartas livremente, mas somente trocar duas cartas de posição.

Como podemos ordenar os elementos de um array?

- Vamos incorporar duas restrições:
 1. Você pode olhar no máximo 2 cartas ao mesmo tempo (mas pode anotar a posição onde está uma carta do seu interesse)
 2. Você não pode mudar as cartas livremente, mas somente trocar duas cartas de posição.

Vamos tentar ordenar este array considerando essas restrições?

52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

Primeiro método: seleção direta

- Primeiro passo:
 - Encontrar o menor elemento do array
 - Levar este menor elemento para o início do array
- Segundo passo:
 - Encontrar o segundo menor elemento do array
 - Levar este menor elemento para a segunda posição do array
- E assim por diante...

52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

Primeiro método: seleção direta

1)

52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

Prox.
Posição a ser preenchida

Subvetor a ser pesquisado
pelo menor elemento

Primeiro método: seleção direta

1)

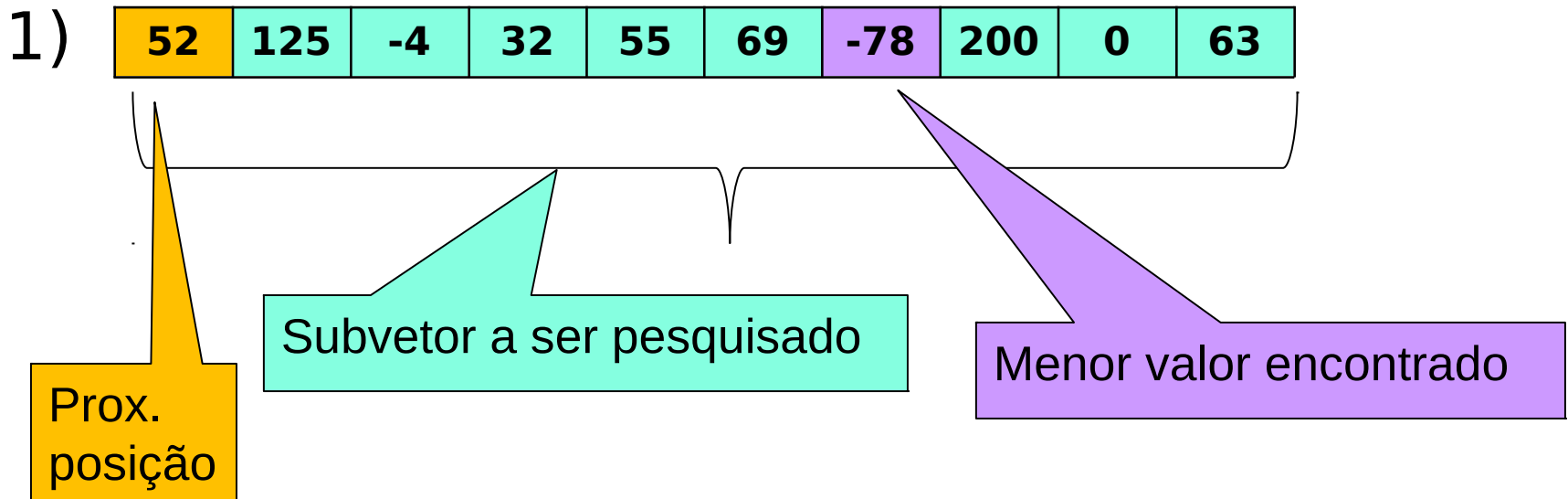
52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

Prox.
Posição a ser preenchida

Subvetor a ser pesquisado
pelo menor elemento

```
// código para achar o menor elemento
int iMenor = 0; // posição inicial do vetor que está buscando
for (i=1; i < N; i++){
    if (num[i] < num[iMenor])
        iMenor = i;
}
```

Primeiro método: seleção direta



Primeiro método: seleção direta

1)

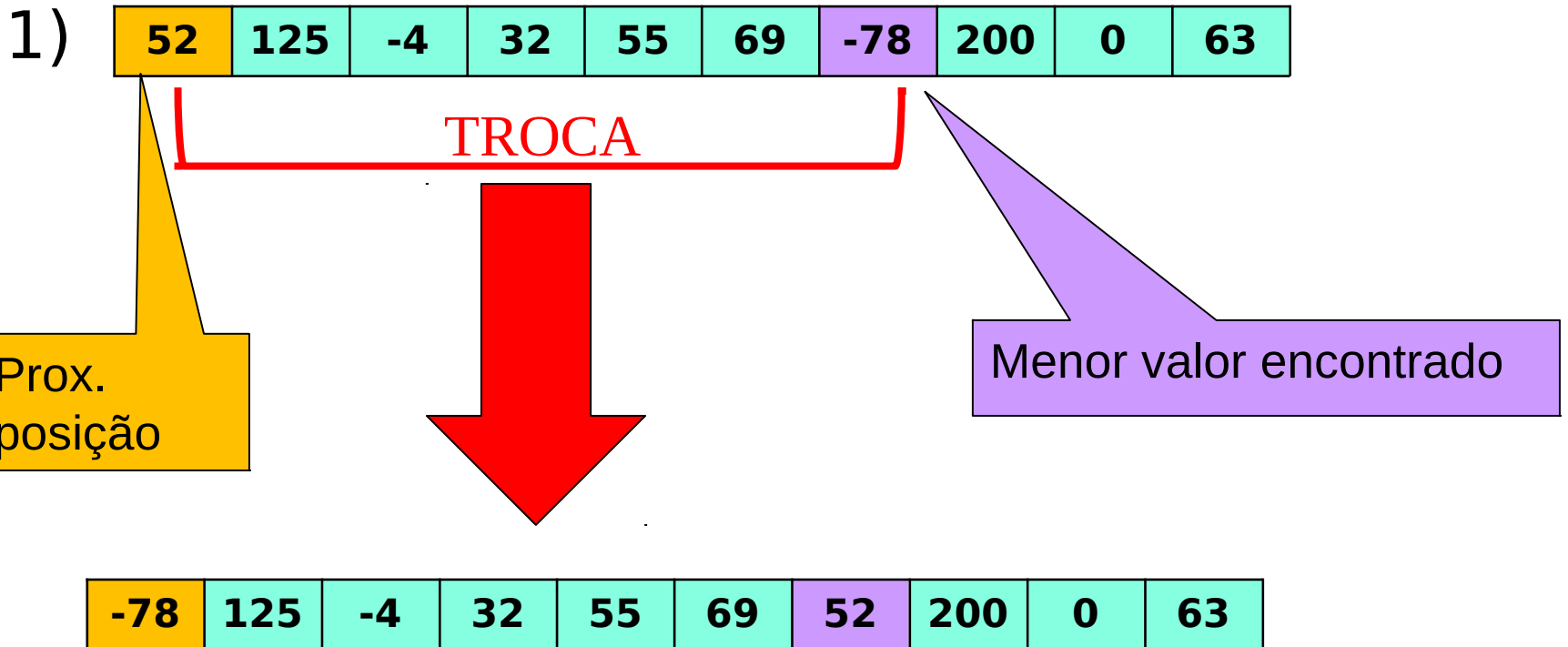
52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

TROCA

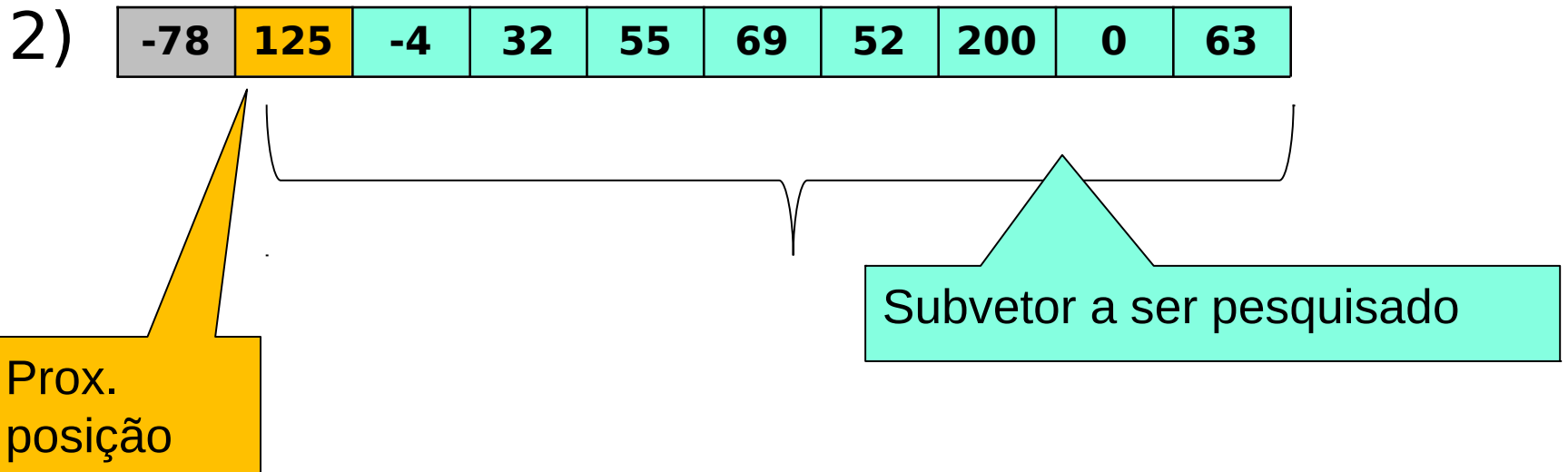
Prox.
posição

Menor valor encontrado

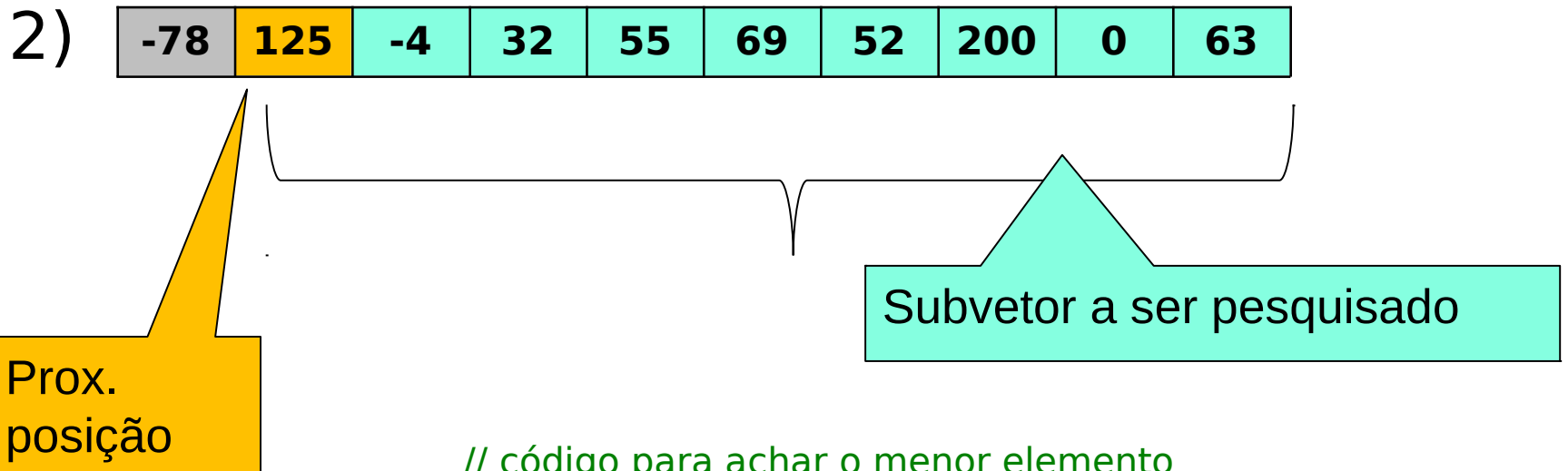
Primeiro método: seleção direta



Primeiro método: seleção direta



Primeiro método: seleção direta



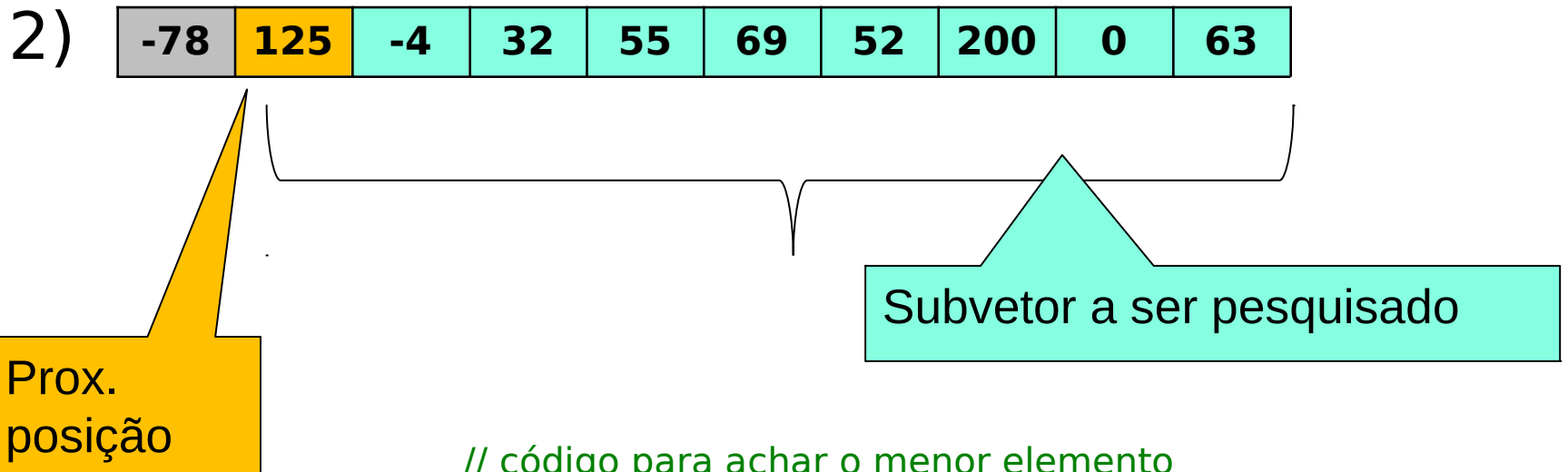
// código para achar o menor elemento

```
int iMenor = ?; // posição inicial do vetor que está  
buscando
```

```
for (i=?; i < N; i++){  
    if (num[i] < num[iMenor])  
        iMenor = i;
```

```
}
```


Primeiro método: seleção direta



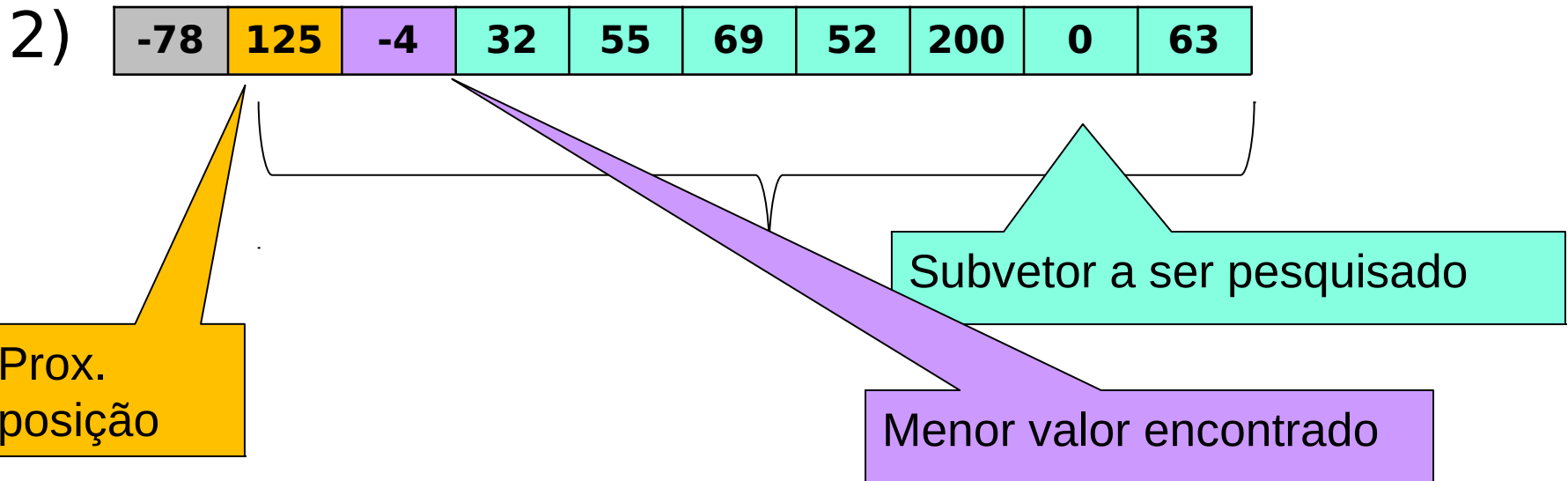
// código para achar o menor elemento

```
int iMenor = 1; // posição inicial do vetor que está  
buscando
```

```
for (i=2; i < N; i++){  
    if (num[i] < num[iMenor])  
        iMenor = i;
```

```
}
```

Primeiro método: seleção direta



Primeiro método: seleção direta

2)



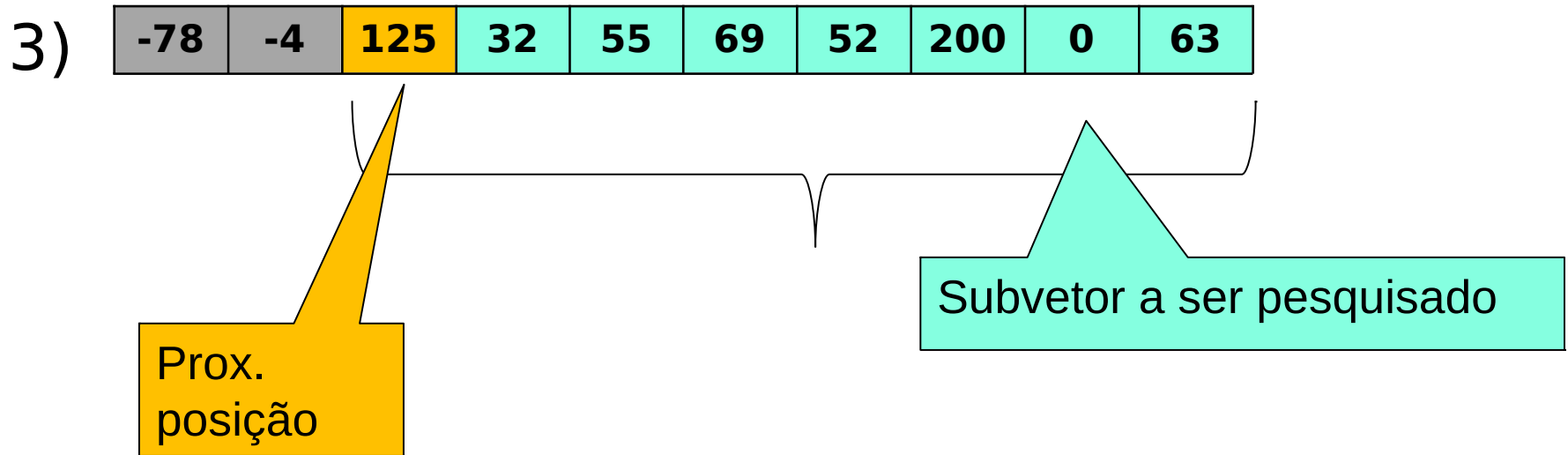
TROCA

Prox.
posição

Menor valor encontrado



Primeiro método: seleção direta



Primeiro método: seleção direta

3)

-78	-4	125	32	55	69	52	200	0	63
-----	----	-----	----	----	----	----	-----	---	----

Prox.
posição

Menor valor encontrado

Primeiro método: seleção direta

3)

-78	-4	125	32	55	69	52	200	0	63
-----	----	-----	----	----	----	----	-----	---	----

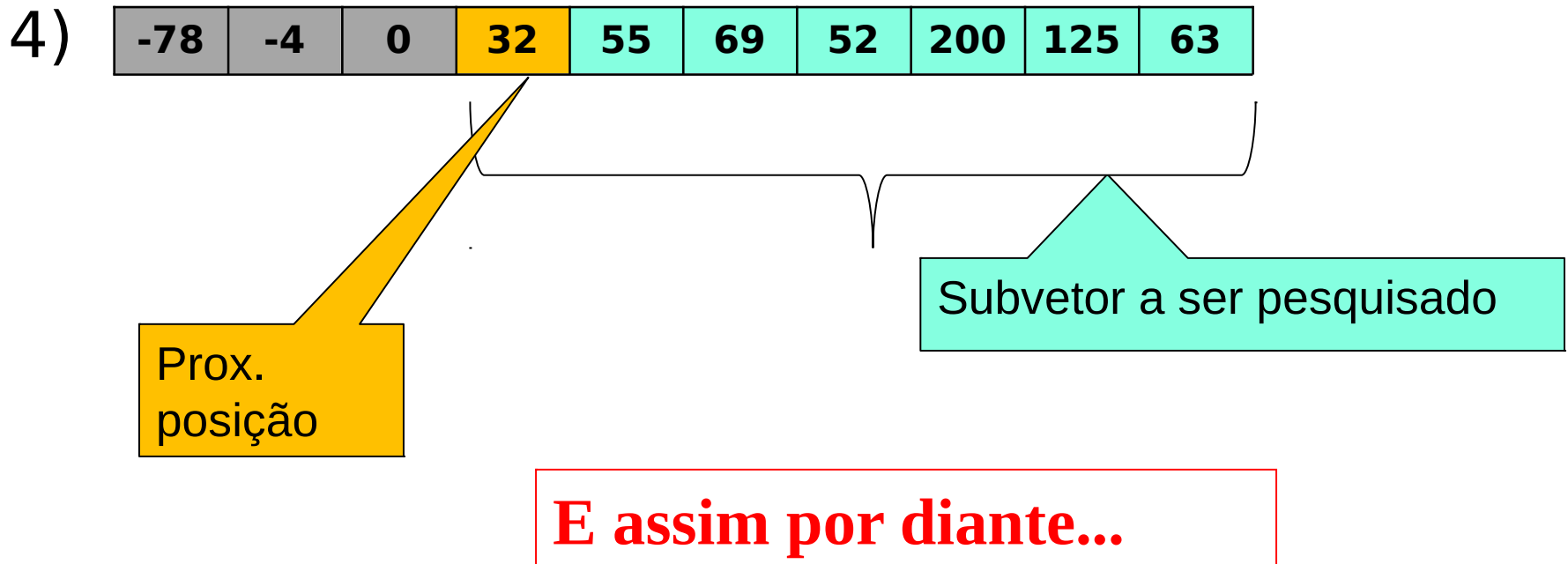
Prox.
posição

TROCA

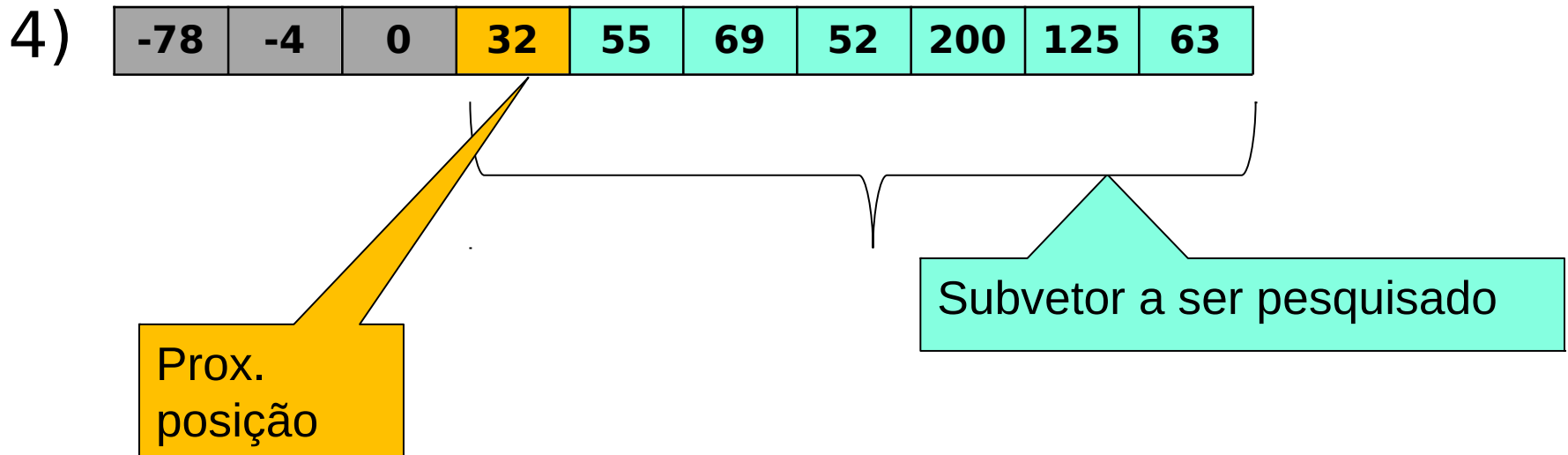
Menor valor encontrado

-78	-4	0	32	55	69	52	200	125	63
-----	----	---	----	----	----	----	-----	-----	----

Primeiro método: seleção direta

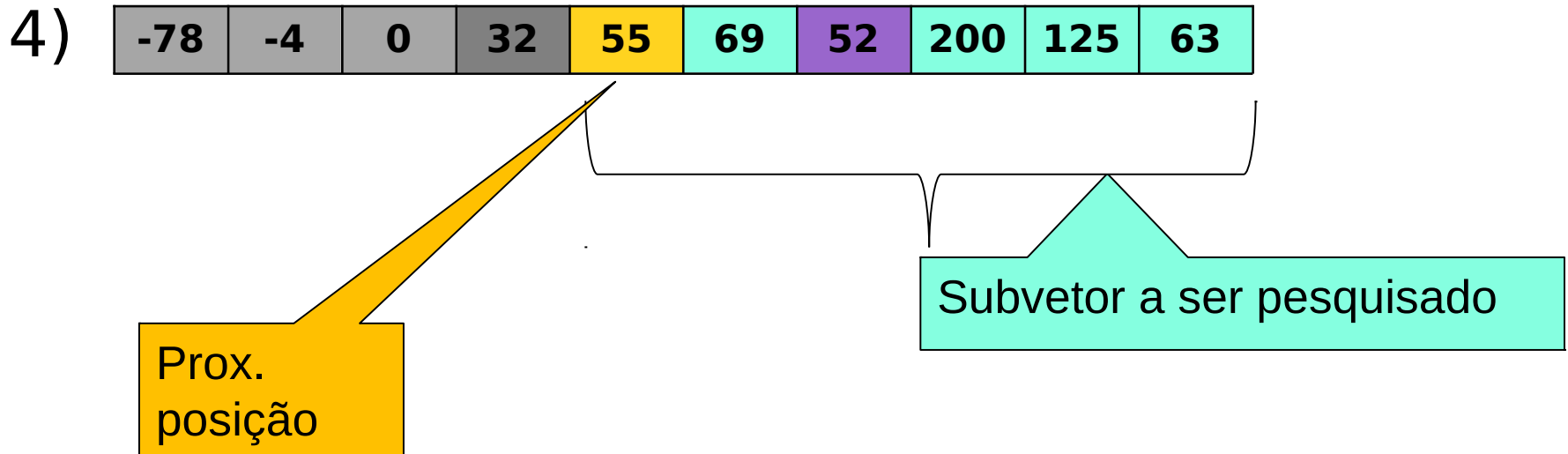


Primeiro método: seleção direta



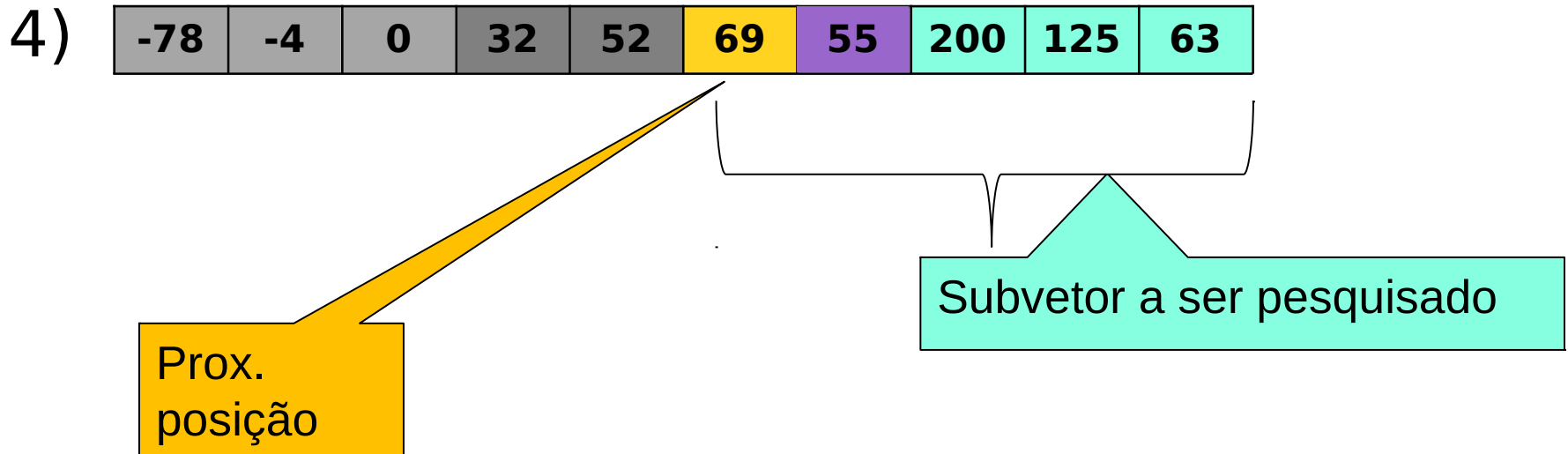
**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



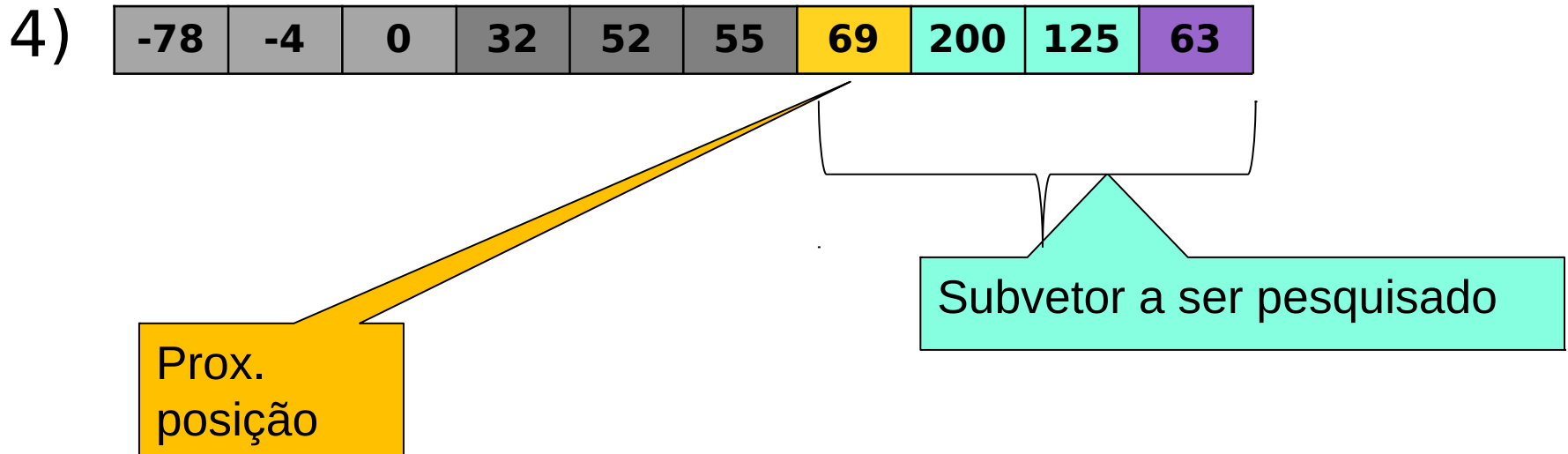
**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



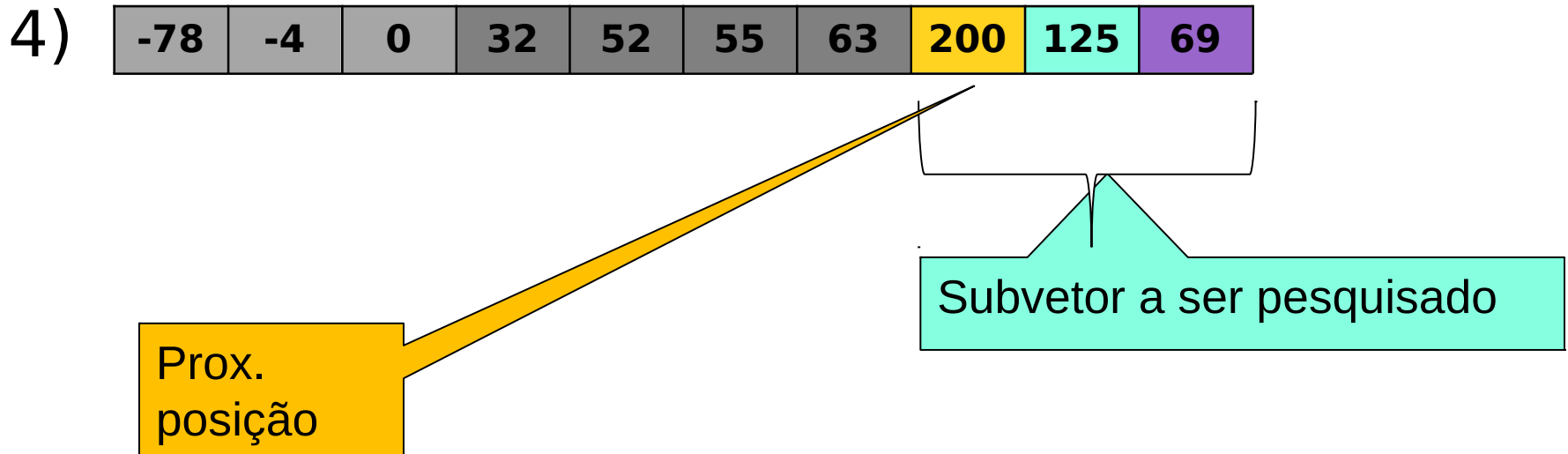
**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



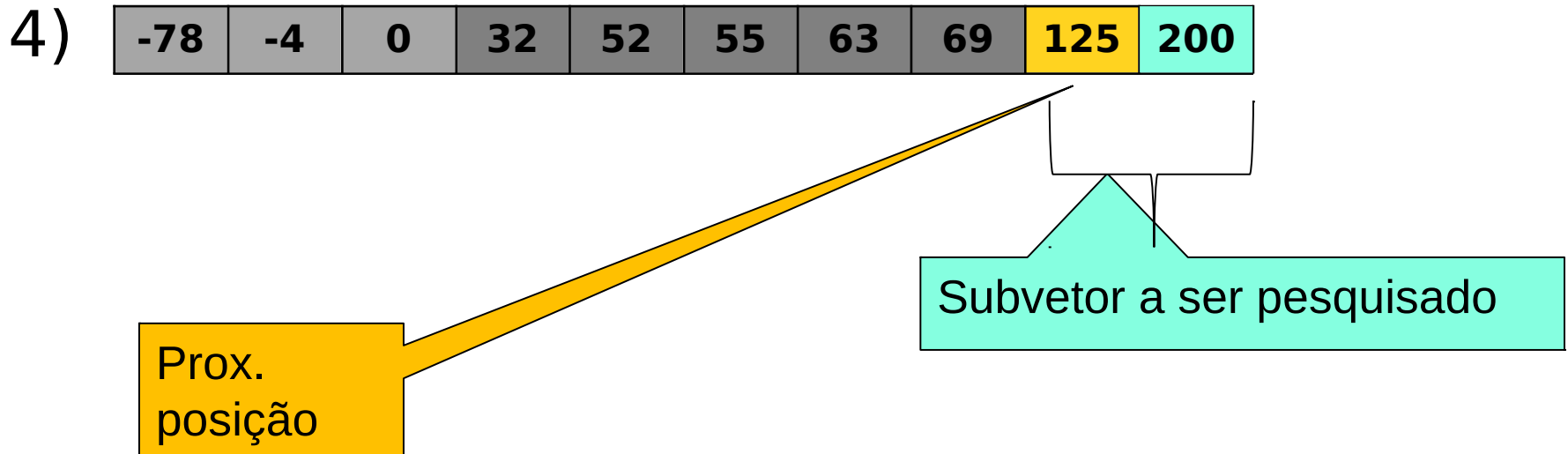
**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta

4)

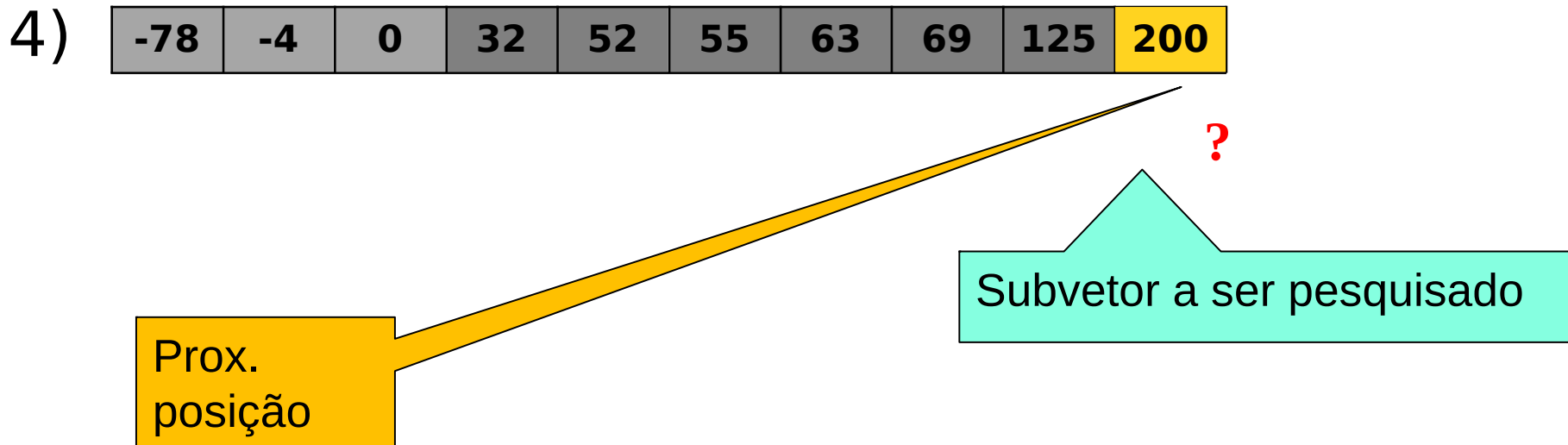
-78	-4	0	32	52	55	63	69	125	200
-----	----	---	----	----	----	----	----	-----	-----

Prox.
posição

Subvetor a ser pesquisado

**E assim por diante...
ATÉ QUANDO?**

Primeiro método: seleção direta



E assim por diante...
PARO QUANDO PRÓXIMA
POSIÇÃO = N - 1

Primeiro método: seleção direta

Algoritmo:

- para cada passo do vetor original, onde a próxima posição a ser preenchida vai de 0 a N-2
 - Percorre subvetor (da próxima posição a ser preenchida até tamanho do vetor -1) para encontrar menor valor no subvetor
 - Troca com o elemento da próxima posição a ser preenchida


```
void selecaoDireta(int numeros[], int N)  
{
```

```
}
```



```
void selecaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int prox;
    for (prox=0; prox < N -1; prox++) // percorre vetor principal
    {

    }
}
```

1) Próxima posição a ser preenchida é controlada pelo for

```

void selecaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int prox, iMenor, i;
    for (prox=0; prox < N -1; prox++) // percorre vetor principal
    {
        // o primeiro elemento do vetor é o menor elemento inicialmente
        iMenor = prox;

        // percorre subvetor procurando o menor elemento
        for (i = prox + 1; i < N; i++)
        {
            if (numeros[i] < numeros[iMenor])
                iMenor = i;
        }
    }
}

```

2) Percorrer subvetor para encontrar menor valor

```

void selecaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int prox, iMenor, i;
    for (prox=0; prox < N -1; prox++) // percorre vetor principal
    {
        // o primeiro elemento do vetor é o menor elemento inicialmente
        iMenor = prox;

        // percorre subvetor procurando o menor elemento
        for (i = prox + 1; i < N; i++)
        {
            if (numeros[i] < numeros[iMenor])
                iMenor = i;
        }

        // executa a troca da próxima posição com o menor elemento encontrado no
        subvetor
        int temp = numeros[prox];
        numeros[prox] = numeros[iMenor];
        numeros[iMenor] = temp;
    }
}

```

3) Troca o menor com a próxima posição a ser preenchida...

Segundo método: inserção direta

- Como você ordena as cartas do baralho, **se pegá-las uma de cada vez?**

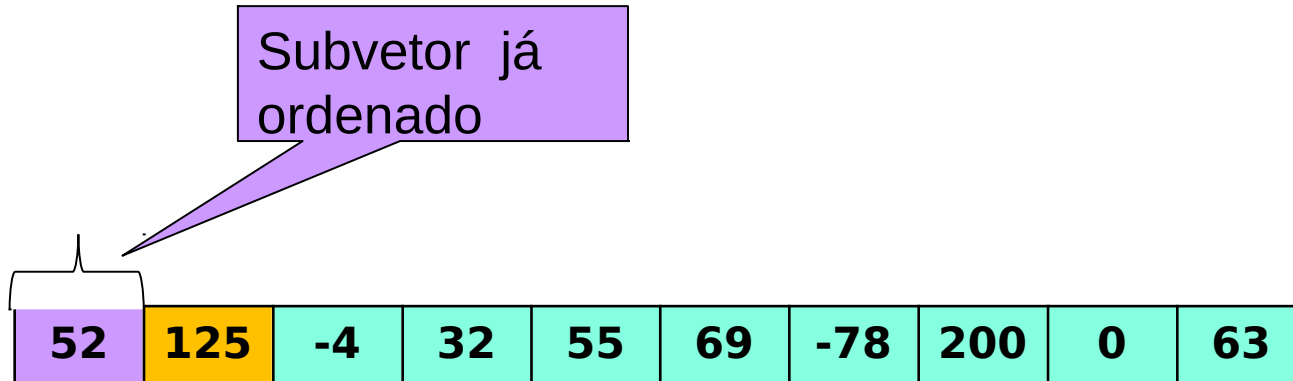


Segundo método: inserção direta

- Percorre o array e, em cada passo:
 - Aumenta a parte ordenada do array em uma posição, inserindo um novo elemento na posição correta e deslocando os demais para a direita

Segundo método: inserção direta

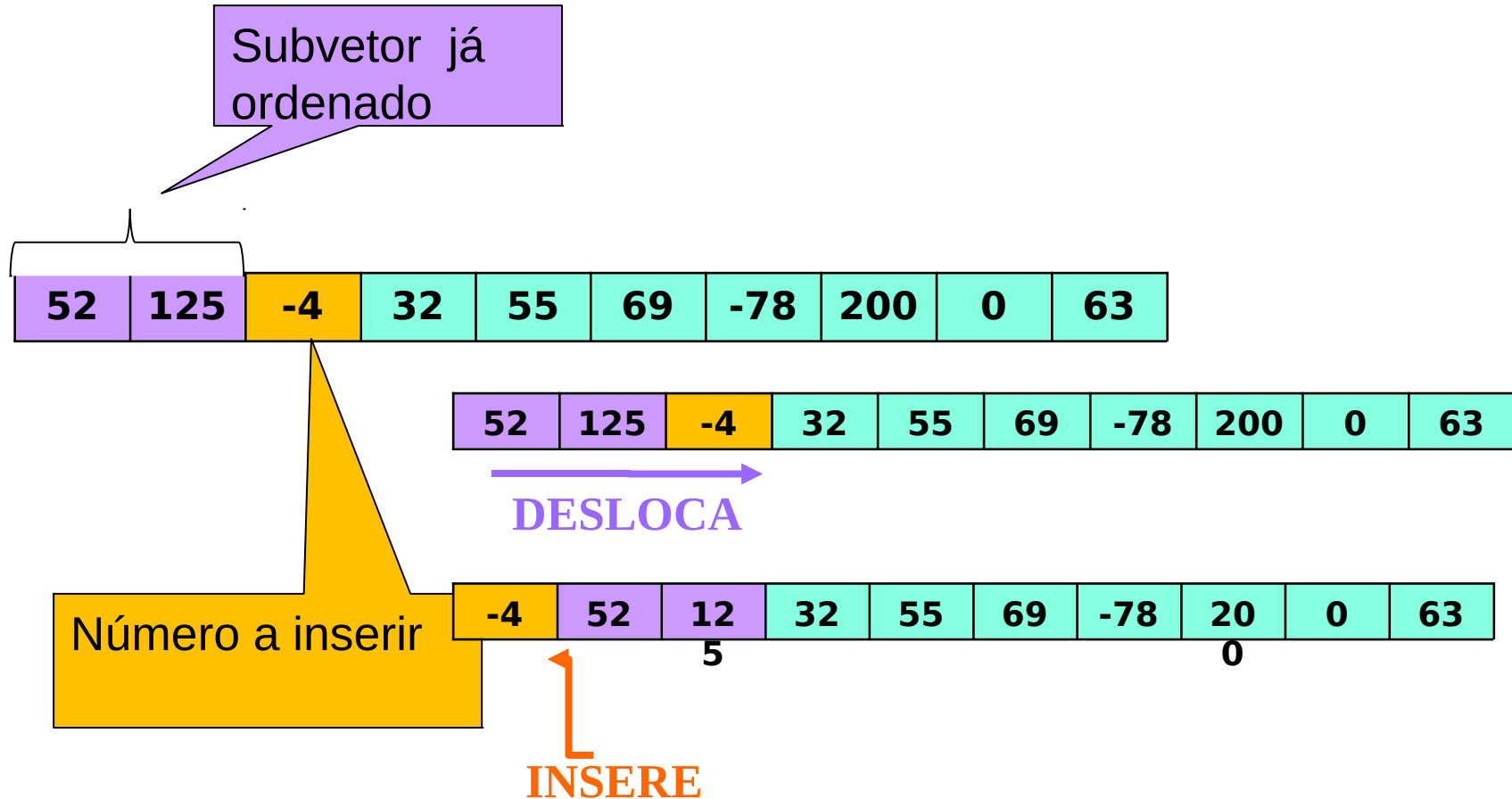
1)



(não faz nada porque $125 > 52$)

Segundo método: inserção direta

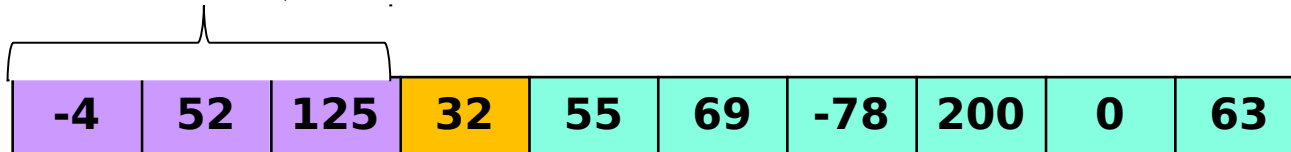
2)



Segundo método: inserção direta

3)

Subvetor já ordenado



Número a inserir



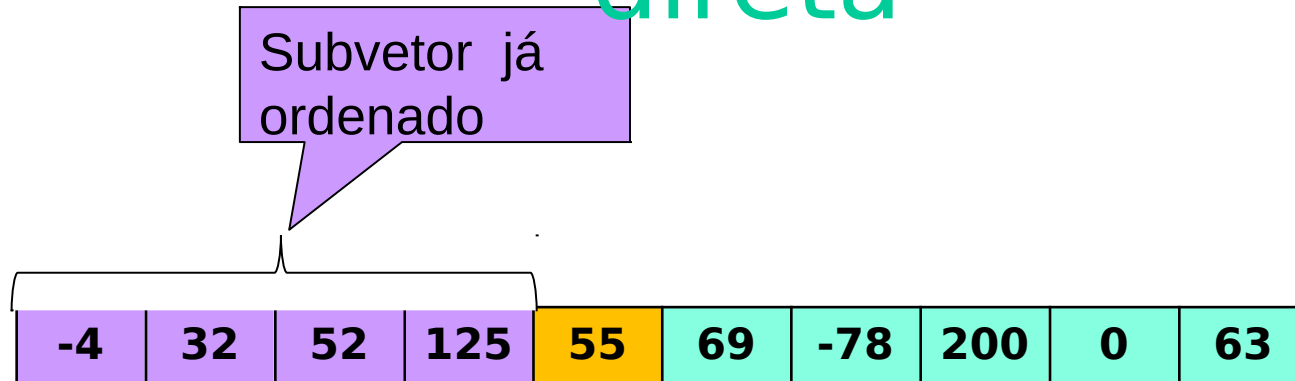
DESLOCA



INSERE

Segundo método: inserção direta

3)



Número a inserir

E assim por diante...

Segundo método: inserção direta

Algoritmo:

- para cada passo do vetor original, a partir da posição 1 até o final
 1. Desloca vetor ordenado para direita (uma posição por vez) até encontrar local adequado para o número a ser inserido
 2. Insere número na posição correta

```
void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
```



```
void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
  int ivet, numeroAInserir;
  // cada passo considera que o array à esquerda de i está ordenado
  for (ivet=1; ivet < N; ivet++) // percorre vetor principal
  {
```

Para cada posição a inserir
("do monte de cartas")

```
  // número que será encaixado no vetor ordenado
  numeroAInserir = numeros[ivet];
```

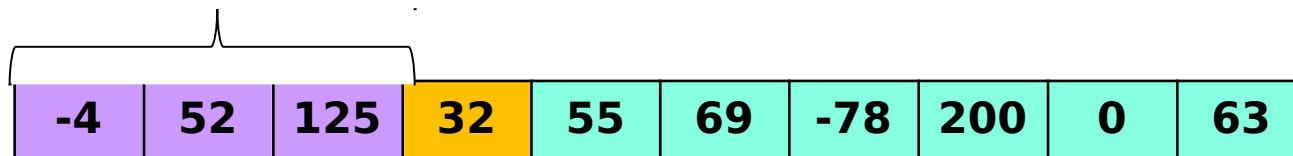
```
  }
}
```

```

void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int ivet, numeroAInserir;
    // cada passo considera que o array à esquerda de i está ordenado
    for (ivet=1; ivet < N; ivet++) // percorre vetor principal
    {
        // tenta inserir mais um número na porção inicial do array que
        // já está ordenado empurrando para a direita todos os elementos
        // maiores do que numeroAInserir

        // número que será encaixado no vetor ordenado
        numeroAInserir = numeros[ivet];
    }
}

```



Número a inserir

```

void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int ivet, numeroAInserir, isubv;
    // cada passo considera que o array à esquerda de i está ordenado
    for (ivet=1; ivet < N; ivet++) // percorre vetor principal
    {
        // tenta inserir mais um número na porção inicial do array que
        // já está ordenado empurrando para a direita todos os elementos
        // maiores do que numeroAInserir

        // número que será encaixado no vetor ordenado
        numeroAInserir = numeros[ivet];
        isubv = ivet;
        while ((isubv > 0) && (numeros [isubv - 1] > numeroAInserir))
        // desloca vetor ordenado até encontrar posição para o número a inserir
        {
            numeros[isubv] = numeros[isubv - 1];
            isubv--;
        }
    }
}

```

Desloca vetor para direita



```

void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int ivet, numeroAInserir, isubv;
    // cada passo considera que o array à esquerda de i está ordenado
    for (ivet=1; ivet < N; ivet++) // percorre vetor principal
    {
        // tenta inserir mais um número na porção inicial do array que
        // já está ordenado empurrando para a direita todos os elementos
        // maiores do que numeroAInserir

        // número que será encaixado no vetor ordenado
        numeroAInserir = numeros[ivet];
        isubv = ivet;
        while ((isubv > 0) && (numeros [isubv - 1] > numeroAInserir))
        // desloca vetor ordenado até encontrar posição para o número a inserir
        {
            numeros[isubv] = numeros[isubv - 1];
            isubv--;
        }
        numeros[isubv] = ?;
    }
}

```

Inserir número no local correto




```

void insercaoDireta(int numeros[], int N)
{
    int ivet, numeroAInserir, isubv;
    // cada passo considera que o array à esquerda de i está ordenado
    for (ivet=1; ivet < N; ivet++) // percorre vetor principal
    {
        // tenta inserir mais um número na porção inicial do array que
        // já está ordenado empurrando para a direita todos os elementos
        // maiores do que numeroAInserir

        // número que será encaixado no vetor ordenado
        numeroAInserir = numeros[ivet];
        isubv = ivet;
        while ((isubv > 0) && (numeros [isubv - 1] > numeroAInserir))
        // desloca vetor ordenado até encontrar posição para o número a inserir
        {
            numeros[isubv] = numeros[isubv - 1];
            isubv--;
        }
        numeros[isubv] = numeroAInserir;
    }
}

```

Inserir número no local correto



Terceiro método: bolha

- Percorre o array e, em cada passo:
 - Testa se a sequência está ordenada
 - Troca o par que não estiver ordenado

1)

52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

não troca

52	125	-4	32	55	69	-78	200	0	63
----	-----	----	----	----	----	-----	-----	---	----

 troca

52	-4	125	32	55	69	-78	200	0	63
----	----	-----	----	----	----	-----	-----	---	----

troca

52	-4	32	125	55	69	-78	200	0	63
----	----	----	-----	----	----	-----	-----	---	----

troca

52	-4	32	55	125	69	-78	200	0	63
----	----	----	----	-----	----	-----	-----	---	----

troca

52	-4	32	55	69	125	-78	200	0	63
----	----	----	----	----	-----	-----	-----	---	----

troca

52	-4	32	55	69	-78	125	200	0	63
----	----	----	----	----	-----	-----	-----	---	----

não troca troca

52	-4	32	55	69	-78	125	0	200	63
----	----	----	----	----	-----	-----	---	-----	----

troca

52	-4	32	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

Posição correta



2)

52	-4	32	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

troca

-4	52	32	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

troca

-4	32	52	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

não troca

...

-4	32	52	55	-78	69	0	63	125	200
----	----	----	----	-----	----	---	----	-----	-----

Posição correta

2)

52	-4	32	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

troca

-4	52	32	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

troca

-4	32	52	55	69	-78	125	0	63	200
----	----	----	----	----	-----	-----	---	----	-----

não troca

...

-4	32	52	55	-78	69	0	63	125	200
----	----	----	----	-----	----	---	----	-----	-----

Posição correta

E assim por diante...

Terceiro método: bolha

Algoritmo:

- **Quantas vezes?**
 - Percorre o vetor desde o início até onde já estiver ordenado (**ivet**) e vai trocando o par de lugar quando posição $[i-1] >$ posição $[i]$

Terceiro método: bolha

Algoritmo:

- para cada posição (do vetor original) **ivet** onde começa o subvetor ordenado (a partir da posição **?** até **?**)
 - Percorre o vetor desde o início até onde já estiver ordenado (**ivet**) e vai trocando o par de lugar quando posição $[i-1] >$ posição $[i]$

Terceiro método: bolha

Algoritmo:

- para cada posição (do vetor original) **ivet** onde começa o subvetor ordenado (a partir da a partir da posição **tamanho - 1** até **1**)
 - Percorre o vetor desde o início até onde já estiver ordenado (**ivet**) e vai trocando o par de lugar quando posição $[i-1] >$ posição $[i]$

Terceiro método: bolha

```
void bolha(int numeros[], int N)  
{
```

```
}
```



Terceiro método: bolha

```
void bolha(int numeros[], int N)
{
    int ivet;
    // percorre vetor principal do fim para o início
    for (ivet = N - 1; ivet > 0; ivet--)
    {
        // a cada passagem o maior elemento é descolado para a sua posição correta
    }
}
```



Terceiro método: bolha

```
void bolha(int numeros[], int N)
{
    int ivet, isubv;
    // percorre vetor principal do fim para o início
    for (ivet = N - 1; ivet > 0; ivet--)
    {
        // a cada passagem o maior elemento é descolado para a sua posição correta

        for (isubv = 0; isubv < ?; isubv++)

    }
}
```



Terceiro método: bolha

```
void bolha(int numeros[], int N)
{
    int ivet, isubv;
    // percorre vetor principal do fim para o início
    for (ivet = N - 1; ivet > 0; ivet--)
    {
        // a cada passagem o maior elemento é descolado para a sua posição correta
        // não há necessidade de ir até o final
        for (isubv = 0; isubv < ivet; isubv++)
            // se ordem está errada para dois números consecutivos, troca os números
    }
}
```



Terceiro método: bolha

```
void bolha(int numeros[], int N)
{
    int ivet, isubv, temp;
    // percorre vetor principal do fim para o início
    for (ivet = N - 1; ivet > 0; ivet--)
    {
        // a cada passagem o maior elemento é descolado para a sua posição correta
        // não há necessidade de ir até o final
        for (isubv = 0; isubv < ivet; isubv++)
            // se ordem está errada para dois números consecutivos, troca os números
            if (numeros[isubv ] > numeros[isubv+1])
            {
                temp = numeros[isubv];
                numeros [isubv] = numeros [isubv+1];
                numeros [isubv+1] = temp;
            }
    }
}
```



Comparações entre os métodos

- Seleção e inserção direta:
 - garante que, no passo i , o subvetor de 0 a i está ordenado.
 - diferem em como fazem isso:
 - seleção troca 2 elementos
 - inserção desloca todo o sub-vetor à direita
- Bolha:
 - Garante que, no passo i , o subvetor de $\text{tam}-1-i$ a $\text{tam}-1$ está ordenado
- Todos ordenam *in loco* (no próprio vetor, sem precisar de vetor auxiliar)

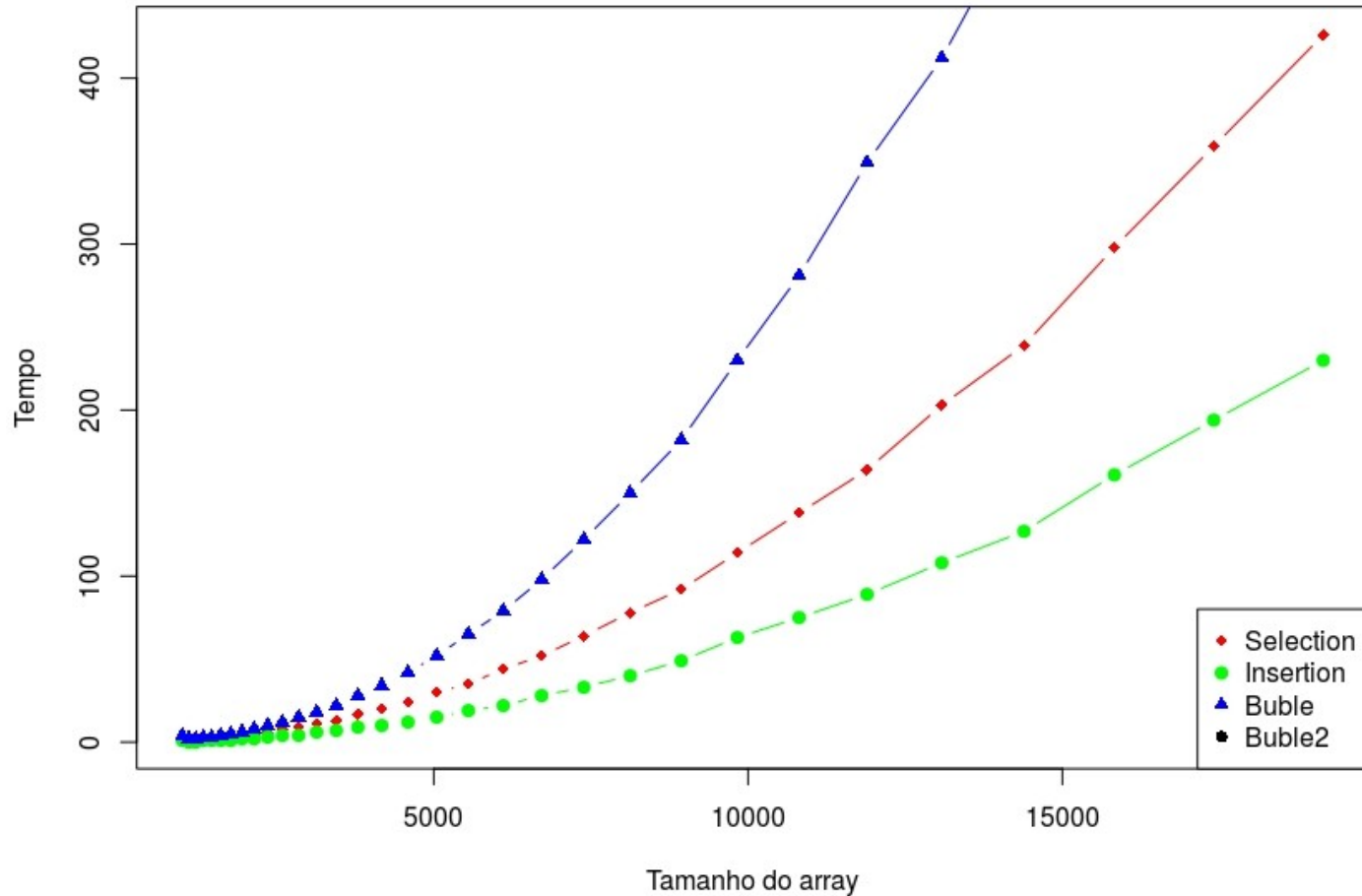
Qual deles é melhor

- Mais rápido
- Menos memória
- Mais fácil de entender



Comparação

Tempo de execução - métodos de ordenação



Busca e Ordenação

Professores:
Fátima L. S. Nunes

