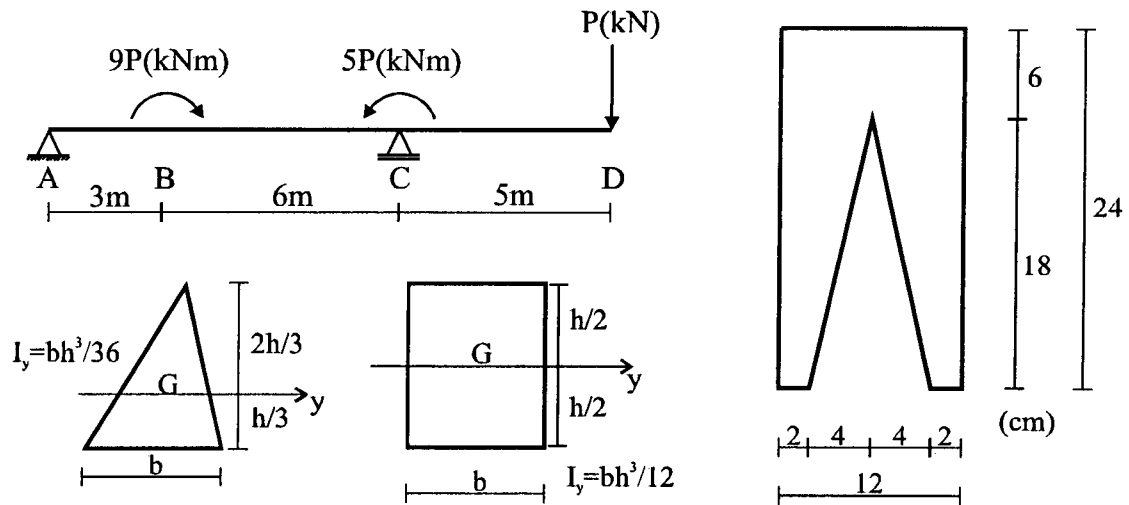


Tensões Normais na Flexão Simples Normal

PRec 1º sem. / 96 2ª Questão

A viga da figura abaixo possui a seção transversal mostrada ao seu lado. Determinar o máximo valor que P pode ter sabendo que o material da viga possui tensão admissível à tração $\bar{\sigma}_t = 14 \text{ kN/cm}^2$ e tensão admissível à compressão $\bar{\sigma}_c = 10 \text{ kN/cm}^2$.

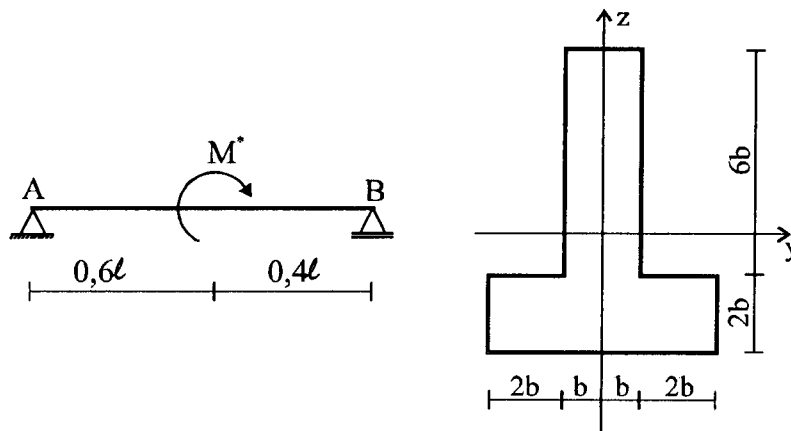


R.: $P_{\text{máx}} = 12,96 \text{ kN}$

P2 1º sem. / 94 2ª Questão

Dada a viga da figura abaixo, determinar:

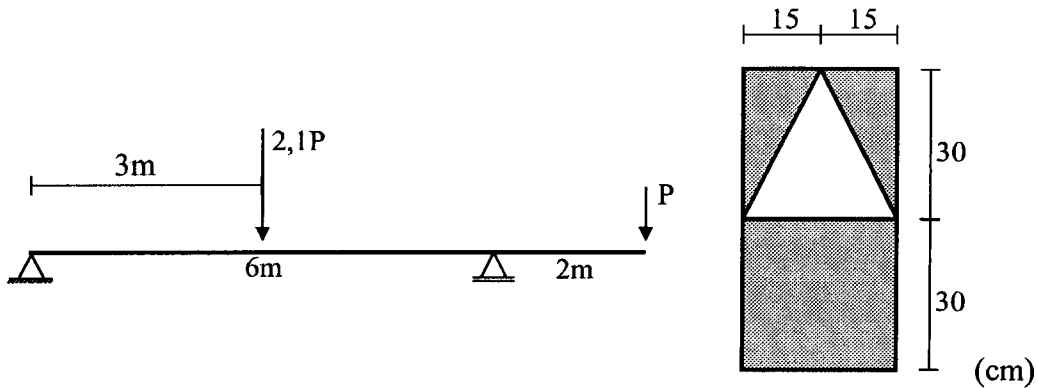
- a máxima tensão de tração e a máxima tensão de compressão em função de M^* e b;
- para $M^* = 3750 \text{ kNcm}$, o valor b, de modo que se tenha coeficiente de segurança $n=1,7$, sendo $\sigma_{RT}=1,50 \text{ kN/cm}^2$ a tensão de ruptura na tração e $\sigma_{RC} = 0,75 \text{ kN/cm}^2$ a tensão de ruptura na compressão.



R.: a. $\sigma_t = \frac{3M^*}{136b^3}$; $\sigma_c = -\frac{2M^*}{136b^3}$.
 b. $b = 5,0 \text{ cm}$.

PRec 1/08/95 2ª Questão

Determinar o maior valor de P que pode ser aplicado à viga da figura abaixo. Sabe-se que as tensões admissíveis são: $\bar{\sigma}_c = 0,9 \text{ kN/cm}^2$ e $\bar{\sigma}_t = 0,8 \text{ kN/cm}^2$



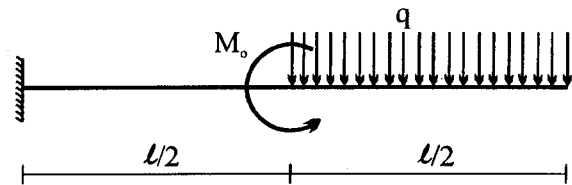
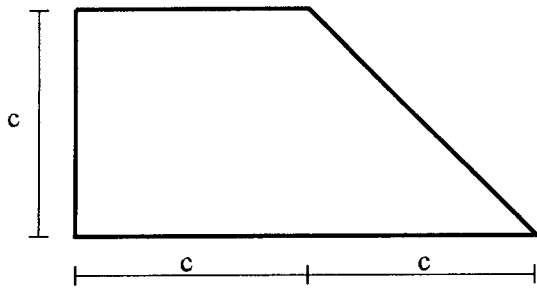
R.: $P_{\text{máx}} = 54,91 \text{ kN}$.

P2 25/05/96 3ª Questão

Considere a viga engastada da figura, cuja seção transversal é indicada ao lado:

- calcule os momentos de inércia centrais da seção transversal e posicione os correspondentes eixos centrais na figura;
- oriente a seção transversal de modo que a flexão se dê em torno do eixo de maior momento de inércia. Nessas condições, calcule o maior valor possível para a carga transversal q. Sugestão: determine as distâncias à linha neutra graficamente, por escala.

Dados: $c = 9 \text{ cm}$; $l = 200 \text{ cm}$; $M_o = ql^2/8$; $\bar{\sigma}_t = 1,0 \text{ kN/cm}^2$ $\bar{\sigma}_c = 1,6 \text{ kN/cm}^2$.

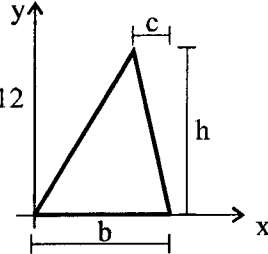


Triângulo (Origem dos eixos no vértice)

$$I_x = bh^3/12$$

$$I_y = bh(3b^2 - 3bc + c^2)/12$$

$$I_{xy} = bh^2(3b - 2c)/24$$

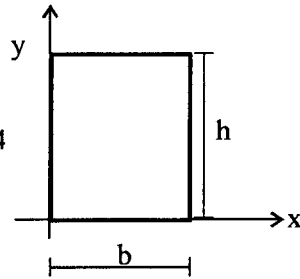


Retângulo (Origem dos eixos no canto)

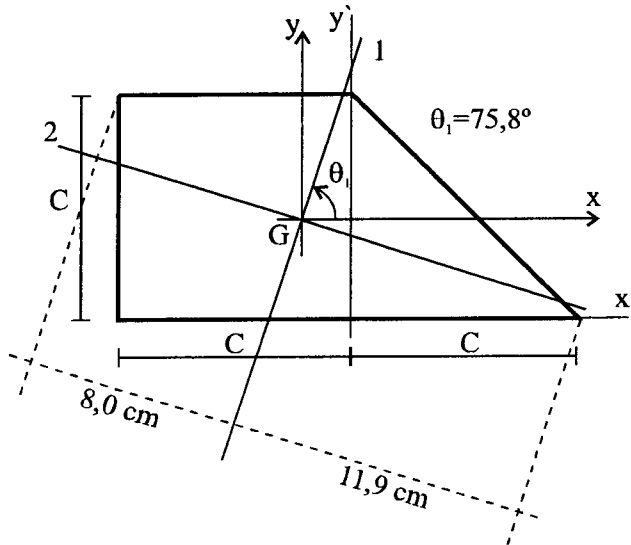
$$I_x = bh^3/3$$

$$I_y = hb^3/3$$

$$I_{xy} = b^2h^2/4$$



R.: a) $I_1 = 2347,8 \text{ cm}^4$; $I_2 = 689,7 \text{ cm}^4$; $\theta_1 = 75,8^\circ$.

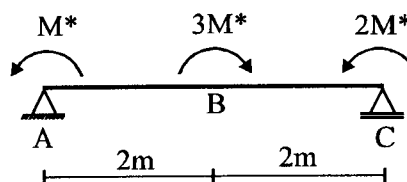
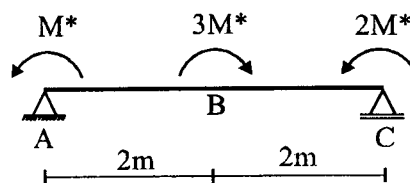
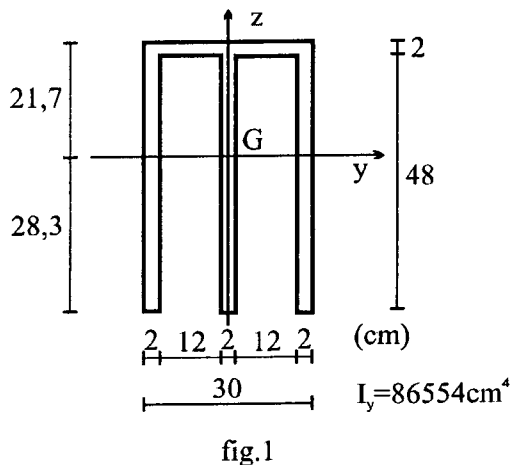


b) $q_{\text{máx}} = 2,93 \text{ kN/m}$

P4 04/07/95 1ª Questão

- a. Uma barra com a seção transversal mostrada na fig.1 é usada para construir a viga da fig.2. Para que M^* seja máximo a barra deve ser disposta na posição (a) ou na posição (b)? Determinar este máximo valor de M_8 . Justificar sua resposta.
Sabe-se que o material da barra tem tensão admissível à tração $\bar{\sigma}_t = 6,0 \text{ kN/cm}^2$ e tensão admissível à compressão $\bar{\sigma}_c = -4,0 \text{ kN/cm}^2$.
- b. Sendo EI o produto de rigidez da barra da fig.3, determinar as rotações em suas extremidades e o deslocamento transversal do meio do vão. (este item é

sobre a matéria “Integração da Equação da Linha Elástica e Analogia de Mohr”)



R.:

- a) O máximo M^* que pode ser aplicado na barra na posição **a** é $M^* = 79,77 \text{ kNm}$ e o máximo M^* que pode ser aplicado na barra na posição **b** é $M^* = 61,7 \text{ kNm}$. Assim, para que M^* possa ser o maior possível, a barra deve ser colocada na posição **a**; o máximo valor de M^* é $M^* = 79,77 \text{ kNm}$.

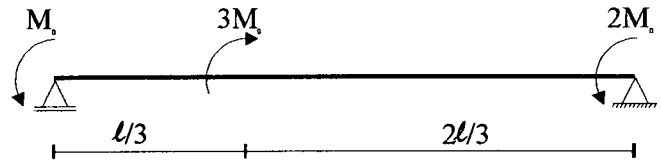
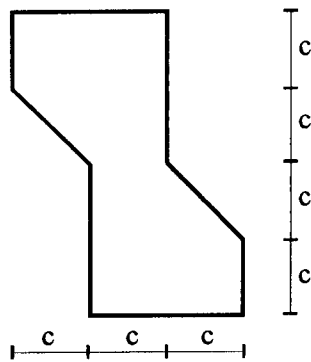
b) $\varphi_A = -\frac{M^* a}{2EI}$; $\varphi_C = -\frac{5M^* a}{2EI}$ e $v_B = \frac{M^* a^2}{EI}$

PRec 03/08/94 1ª Questão

- Orientar a seção transversal da viga abaixo de modo que a flexão se dê em torno do eixo em relação ao qual a figura tem maior momento de inércia;
- Calcular a tensão de tração máxima (nas condições do item a) e indicar o(s) ponto(s) onde ocorre;
- Calcular o deslocamento máximo usando a Analogia de Mohr (Sugestão: substituir os valores numéricos apenas no final).
(este item é sobre a matéria “Integração da Equação da Linha Elástica e Analogia de Mohr”).

Dados: $c = 12 \text{ cm}$, $\ell = 300 \text{ cm}$, $E = 1000 \text{ kN/cm}^2$, $M_0 = 12000 \text{ kNcm}$.

$$I_{1,2} = \frac{I_x + I_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{I_x - I_y}{2}\right)^2 + (I_{xy})^2} \quad \text{tg} \theta_{1,2} = \frac{I_x - I_{1,2}}{I_{xy}}$$



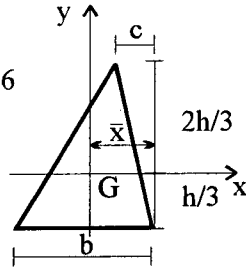
Triângulo (Origem dos eixos no centróide)

$$I_x = bh^3/36$$

$$I_y = bh(b^2 - bc + c^2)/36$$

$$I_{xy} = bh(b-2c)/72$$

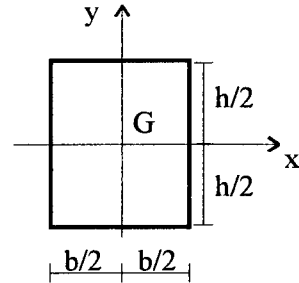
$$\bar{x} = (b+c)/3$$



Retângulo (Origem dos eixos no centróide)

$$I_x = bh^3/12$$

$$I_y = hb^3/12$$

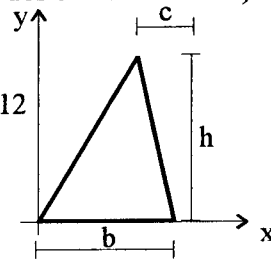


Triângulo (Origem dos eixos no vértice)

$$I_x = bh^3/12$$

$$I_y = bh(3b^2 - 3bc + c^2)/12$$

$$I_{xy} = bh^2(3b-2c)/24$$

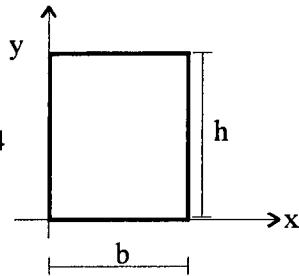


Retângulo (Origem dos eixos no canto)

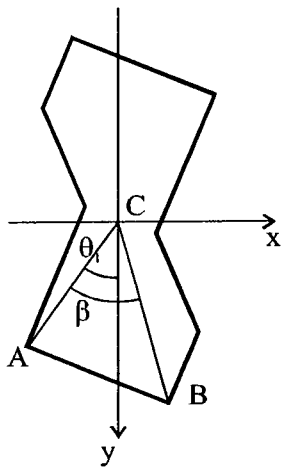
$$I_x = bh^3/3$$

$$I_y = hb^3/3$$

$$I_{xy} = b^2h^2/4$$



R.: a. $\theta_1 = 22,33^\circ$, $\beta = 36,87^\circ$



b. Na seção onde M_{\max} vale $2M_0$ (qualquer seção entre os momentos aplicados de $2M_0$ e $3M_0$): $\sigma_{\max} = \sigma_B = 2,80 \text{ kN/cm}^2$.

c. $v_{\max} = 0,7 \text{ cm}$. (seção a $5l/12$ à esquerda da seção da extremidade direita)