

# UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO ESCOLA SUPERIOR DE AGRICULTURA "LUIZ DE QUEIROZ"



Av. Pádua Dias, 11 Caixa Postal 9 Piracicaba/SP 13418-900 (Departamento de Ciências Exatas/Setor de Matemática e Estatística)

## 8ª Aula Prática – LCE 602 – ESTATÍSTICA EXPERIMENTAL – 2015 EXPERIMENTOS FATORIAIS

Os dados da Tabela 1 foram obtidos em um experimento fatorial 2x2 segundo o delineamento inteiramente casualizado com três repetições, para analisar o efeito da calagem e da irrigação sobre o peso de plantas.

**Tabela 1:** Peso de plantas cultivadas segundo o tratamento

Fonte: Vieira, Sônia (2006)

$I_0C_0$	$I_0C_1$	$I_1C_0$	$I_1C_1$
25	35	41	60
32	28	35	67
27	33	38	59

### **AULA NO R**

```
rm(list=ls(all=TRUE))
# Entrada dos dados
(dados=read.csv2("fat1.csv"))
summary(dados)
dados$Trat=as.factor(dados$Trat)
dados$I=as.factor(dados$I)
dados$C=as.factor(dados$C)
summary(dados)
attach(dados)
# Tabela de médias
model.tables(aov(MS ~ C:I), "means")
# 1) Gráficos
library(lattice)
xyplot(MS ~ I:C, data=dados, type = "p",
xlab="Tratamento(Irrigação:Calagem)",
ylab="Matéria seca, em g")
xyplot(MS \sim I, data=dados, type = "a",
lwd=2, xlab="Irrigaçao",ylab="Matéria seca,
em q")
xyplot(MS ~ C, data=dados, type = "a",
        xlab="Calagem", ylab="Matéria seca,
lwd=2,
xyplot(MS ~ I, groups = C, type = "a",
lwd=2, xlab="Irrigação",ylab="Matéria seca,
em q",
       data=dados, auto.key = list(space =
"right", points = FALSE, lines = TRUE))
xyplot(MS ~ C, groups = I, type = "a",
lwd=2,xlab="Calagem",ylab="Matéria seca, em
      data=dados,auto.key = list(space =
"right", points = FALSE, lines = TRUE))
# 2)
      Ajuste do modelo e verificação das
pressuposições
modelo=lm(MS \sim I + C + I:C)
res_stud = rstandard(modelo)
(sort(res_stud))
# a) Gráficos
```

```
boxplot(res_stud,ylab="Resíduo
Studentizado")
qqnorm(res_stud,xlab="Quantis
                                  teóricos",
ylab="Quantis amostrais",main="")
abline(0,1,col=2)
xyplot(res_stud
                          I.
                                 data=dados,
xlab="Irrigação", ylab="Resíduo
Studentizado")
xyplot(res_stud
                          С,
                                 data=dados.
xlab="Calagem",ylab="Resíduo Studentizado")
xyplot(res_stud
                         I:C,
                                 data=dados,
xlab="Tratamento(Irrigação:Calagem)", ylab="
Resíduo Studentizado")
xyplot(res_stud
fitted(modelo),xlab="Valores
preditos",ylab="Resíduo Studentizado")
# b) Testes
library(lmtest)
bptest(modelo)
shapiro.test(res_stud)
library(MASS)
boxcox(MS \sim I + C + I:C)
# 3) Análise de variância
anova(modelo)
# 4) Desdobramentos e 5) Teste de Tukey
library(ExpDes.pt)
fat2.dic(I, C, MS , quali=c(TRUE,TRUE),
mcomp="tukey",
fac.names=c("Irrigação", "Calagem"),
0.05, sigF=0.05)
# Nota: Análise sem discriminar os fatores
e Comparações das médias
# de tratamentos duas a duas
trat=I:C
trat
modelo2=aov(MS ~ trat)
anova(modelo2)
```

#### **AULA NO SAS**

```
options nodate nonumber ps=65 ls=78;
                                                             3
                                                                     1
                                                                            0
                                                                                    41
                                                             3
                                                                                    35
data ms;
                                                                     1
                                                                            0
input Trat Irrig Calag prod;
                                                             3
                                                                            0
                                                                                    38
                                                                     1
datalines;
                                                             4
                                                                     1
                                                                            1
                                                                                    60
1
        0
                0
                                                             4
                       25
                                                                     1
                                                                            1
                                                                                    67
1
                0
        0
                        32
                                                             4
                                                                                    59
                       27
1
        0
                0
                                                            proc print;
2
        0
               1
                       35
2
        0
                1
                                                             title 'Dados para verificação';
        0
                1
                       33
                                                             run;
```

dic(trat, MS)

```
proc tabulate data=ms;
                                                   title 'Análise de variância sem
title ' Análise descritiva - Médias segundo
                                                   discriminar os
                                                   fatores e Teste de Tukey para médias de
Irrigação e a Calagem';
                                                   tratamentos';
class Irrig Calag;
                                                   class trat;
var prod;
                                                   model prod = trat /ss3;
table Irrig,Calag*prod*mean;
                                                   means trat/Tukey;
run;
                                                   run;
proc means noprint data=ms;
                                                   proc glm data=ms;
                                                   title 'Análise de variância discriminando
var prod;
by Irrig Calag;
                                                   os fatores';
output out=medias mean=media;
                                                   class Irrig Calag;
                                                   model prod = Irrig Calag Irrig*Calag/ss3;
run;
proc plot data=medias;
                                                   run;
                                                   proc glm data=ms;
title 'Gráfico de interação Calagem x
Irrigação';
                                                   title 'Desdobramento Calagem dentro de cada
plot media*Calag=Irrig/vpos=30;
                                                   Irrigação';
                                                   class Irrig Calag;
run;
proc plot data=medias;
                                                   model prod = Irrig Calag Irrig*Calag/ss3;
title 'Gráfico de interação Irrigação x
                                                   lsmeans Irrig*Calag/slice=Irrig
                                                   adjust=tukey
Calagem';
plot media*Irrig=Calag/vpos=30;
                                                   PDIFF=all;
run;
                                                   store sasuser.letras;run;
proc glm data=ms;
                                                   proc PLM restore=sasuser.letras;
title 'Análise de variância e resíduos';
                                                   lsmeans Irrig*Calag / lines adjust=tukey;
                                                   slice Irrig*Calag / sliceby=Irrig lines
class Irrig Calag;
model prod = Irrig Calag Irrig*Calag;
                                                   adjust=tukey;
output out=residuos PREDICTED=pred
                                                   run;
RESIDUAL=res_ord STUDENT=res_stud;
                                                   proc glm data=ms;
                                                   title 'Desdobramento Irrigação dentro de
proc print data=residuos;
                                                   cada nível de Calagem';
title 'Exame dos resíduos';
                                                   class Irriq Calaq;
                                                   modelprod = Irrig Calag Irrig*Calag/ss3;
proc univariate data=residuos normal plot;
                                                   lsmeans Irrig*Calag/slice=Calag
title 'Verificação da normalidade (teste
                                                   adjust=tukey
Shapiro-Wilk), análise gráfica';
                                                   PDIFF=all;
var res_stud; qqplot;
                                                   store sasuser.letras;run;
run;
                                                   proc PLM restore=sasuser.letras;
proc plot data=residuos;
                                                   lsmeans Irrig*Calag / lines adjust=tukey;
                                                   slice Irrig*Calag / sliceby=Calag lines
title 'Análise gráfica dos resíduos';
plot res_stud*pred="*"/vpos=30;
                                                   adjust=tukey;
run:
                                                   run;
proc glm data=ms;
```

#### Exercício para entregar

Um experimento foi realizado com o objetivo de avaliar o tempo de cozimento de feijões, em minutos, em função de seis tratamentos constituídos pelas combinações dos fatores: cultivar (A, B e C) e espessura de embalagem de polietileno (30µm e 40µm). Os feijões foram colhidos e armazenados nas embalagens por um período de seis meses, após o qual foram avaliados os respectivos tempos de cozimento, apresentados na Tabela 4.

**Tabela 2.** Tempo de cozimento de feijões, em min, segundo o cultivar e a espessura da embalagem, em μm, utilizada para o armazenamento dos mesmos

Cultivar	Espessura (µm)	Tempo de cozimento (min)				
Α	30	57	53	47	55	
	40	52	50	41	45	
В	30	66	61	63	66	
	40	70	68	58	68	
С	30	57	61	55	59	
	40	50	50	45	47	

Considerando-se que o delineamento experimental utilizado foi o inteiramente ao acaso e o nível de significância 5%:

- 1) Construa e interprete os gráficos (R e SAS) do tempo médio de cozimento em função:
  - a) Do cultivar;
  - b) Da espessura da embalagem;
  - c) Do cultivar segundo a espessura da embalagem;
  - d) Da espessura da embalagem segundo o cultivar.
- 2) Ajuste o modelo e verifique as pressuposições do mesmo (R e SAS);
- 3) Faça a análise de variância e interprete os resultados (à mão, R e SAS);
- **4)** Se necessário, faça o desdobramento da interação cultivar × espessura:
  - a) Mais o efeito do fator cultivar para estudar o efeito do fator cultivar dentro de cada nível do fator espessura;
  - **b)** Mais o efeito do fator espessura para estudar o efeito do fator espessura dentro de cada nível do fator cultivar.
- 5) Aplique o teste de Tukey e interprete os resultados obtidos (à mão, R e SAS).