

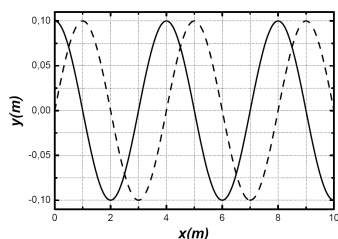
# Instituto de Física da Universidade de São Paulo

## Física para Engenharia II - 4320196 Lista de exercícios 2 - 2012

**1. Tsunami!** Em 26 de dezembro de 2004, um forte terremoto ocorreu na costa da Sumatra e provocou ondas imensas que mataram cerca de 200 mil pessoas. Os satélites que observavam essas ondas do espaço mediram 800 km de uma crista de onda para a seguinte, e um período entre ondas de 1h. Qual era a velocidade dessas ondas em m/s e km/h? A sua resposta ajuda você a entender por que as ondas causaram tamanha devastação?

**R:**  $220\text{m/s} = 800\text{km/h}$ .

**2.** (Poli 2007) A figura abaixo mostra duas fotografias tiradas em instantes de tempo diferentes de uma corda na qual se propaga, no sentido positivo do eixo  $x$ , uma onda harmônica transversal  $y(x, t)$ . A primeira fotografia (linha cheia) foi tirada no instante de tempo  $t = 0$  e a segunda fotografia (linha tracejada) no instante de tempo  $t = 0,50\text{ s}$ .

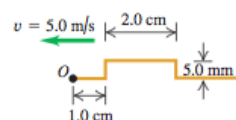


- Determine a velocidade  $v$  de propagação da onda na corda;
- Determine a amplitude, o número de onda, a frequência angular a constante de fase e escreva a equação do perfil de onda  $y(x, t)$ ;
- Determine a velocidade transversal máxima,  $V_m$ , de um ponto da corda.

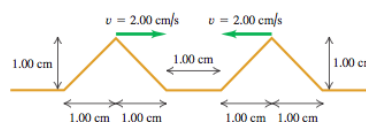
**R:** (a)  $v = 2\text{ m/s}$ , (b)  $A = 0,1\text{ m}$ ,  $k = 0,5\pi\text{ m}^{-1}$ ,  $\omega = \pi\text{ s}^{-1}$ ,  $\delta = 0$ ,  $y(x, t) = 0,1\cos\left(\frac{\pi}{2}x - \pi t\right)\text{ m}$  e (c)  $V_m = 0,1\pi\text{ m/s}$ .

**3. Reflexão.** Um pulso ondulatório deslocando-se sobre uma corda para  $t = 0$  possui as dimensões indicadas na figura. A velocidade da onda é igual a  $5,0\text{ m/s}$ .

- Se o ponto  $O$  for uma extremidade fixa, desenhe a onda total sobre a corda para  $t = 1,0\text{ ms}$ ,  $2,0\text{ ms}$ ,  $3,0\text{ ms}$ ,  $4,0\text{ ms}$ ,  $5,0\text{ ms}$ ,  $6,0\text{ ms}$  e  $7,0\text{ ms}$ ;
- Repita o item (a) quando o ponto  $O$  for uma extremidade livre.



**4.** Dois pulsos ondulatórios triangulares estão se aproximando em uma corda esticada, como indicado na figura. Os dois pulsos são idênticos e se deslocam com velocidade igual a  $2,0\text{ cm/s}$ . A distância entre as extremidades dianteiras dos pulsos é igual a  $1,0\text{ cm}$  para  $t = 0$ . Desenhe a forma da corda para  $t = 0,250\text{ s}$ ,  $t = 0,750\text{ s}$ ,  $t = 1,000\text{ s}$  e  $t = 1,250\text{ s}$ .



**5.** A função de onda de uma onda harmônica numa corda é

$$y(x, t) = 0,001\text{ sen}[62,8x + 314t]$$

onde as unidades utilizadas são o metro e o segundo.

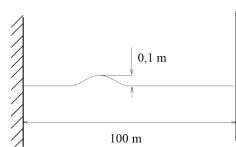
- Em que direção a onda avança e qual a sua velocidade?
- Calcular o comprimento de onda, a frequência e o período da onda.
- Qual a aceleração máxima de um ponto da corda.

**R:** (a) A onda avança no sentido negativo do eixo  $x$  com velocidade  $v = 5\text{ m/s}$ , (b)  $\lambda = 10\text{ cm}$ ,  $T = 0,02\text{ s}$  e  $f = 50\text{ Hz}$  e (c)  $a_{max} = 98,6\text{ m/s}^2$ .

**6.** (Poli 2007) A figura mostra um pulso em uma corda de comprimento  $100\text{ m}$  com as extremidades fixas. O pulso está se deslocando com velocidade de  $40\text{ m/s}$  e é descrito pela seguinte função

$$y(x, t) = 0,1e^{-4(x-vt)^2},$$

onde  $x$  é dado em metros e  $t$  em segundos.



- (a) Qual o valor de  $x$ , para o qual a velocidade transversal da corda é máxima, em  $t = 0$ ?
- (b) Qual a função que representa o pulso refletido, em um instante  $t$  logo após sua primeira reflexão?
- (c) Se a massa da corda é 2 kg, qual a tensão  $T$  nesta?
- (d) Escreva uma equação  $y(x, t)$  que descreve numericamente uma onda senoidal, com  $\lambda = 5$  m e mesma amplitude da onda anterior, se deslocando na direção negativa de  $x$  em uma corda muito longa, feita do mesmo material, com a mesma tensão acima, e tal que  $y(0, 0) = 0$ .

**R:** (a)  $x = \frac{1}{2\sqrt{2}}$  m, (b)  $y(x, t) = -0,1e^{-4(x+vt)^2}$  m, (c)  $T = 32$  N e (d)  $y(x, t) = 0,1 \sin\left(\frac{2\pi}{5}x + 16\pi t\right)$  m.

**7.** (Poli 2010) O perfil de uma onda transversal progressiva em uma corda muito longa é dado, em unidades do sistema internacional por:

$$y(x, t) = 2,0 \times 10^{-2} \cos(2\pi(0,5x + 10t))$$

Sabendo que a tensão aplicada na corda é de 100 N, determine:

- (a) a amplitude de vibração desta corda;
- (b) o comprimento de onda e a frequência (em Hz);
- (c) o sentido e a velocidade de propagação da onda;
- (d) a distância, ao longo da corda, entre dois pontos cuja diferença de fase é  $\pi/6$ ;

**R:** (a)  $A = 2,0 \times 10^{-2}$  m, (b)  $f = 10$  Hz, (c)  $v = 20$  m/s no sentido negativo do eixo  $x$ . (d)  $x_2 - x_1 = \frac{1}{6} = 0,17$  m

**8.** Determine a amplitude da onda resultante da combinação de duas ondas senoidais que se propagam no mesmo sentido, possuem mesma frequência, têm amplitudes de 3,0 cm e 4,0 cm, e a onda de maior amplitude está com a fase adiantada de  $\frac{\pi}{2}$  rad.

**R:**  $y(x, t) = 5,0 \sin(kx - \omega t + 0,93)$  cm.

**9.** Uma onda estacionária resulta da soma de duas ondas transversais progressivas dadas por:

$$y_1 = 0,05 \cos(\pi x - 4\pi t),$$

$$y_2 = 0,05 \cos(\pi x + 4\pi t),$$

onde  $x$ ,  $y_1$  e  $y_2$  estão em metros e  $t$  em segundos.

- (a) Qual é o menor valor positivo de  $x$  que corresponde a um nó?
- (b) Em quais instantes no intervalo  $0 \leq t \leq 0,5$  a partícula em  $x = 0$  terá velocidade zero?

**R:** (a)  $x = 0,5$  m e (b)  $t = 0$  s,  $0,25$  s e  $0,5$  s.

**10.** (Poli 2010) Uma corda de comprimento  $L$  presa nas extremidades  $x = 0$  e  $x = L$ , submetida a uma tensão de 96 N, oscila no terceiro harmônico de uma onda estacionária. O deslocamento transversal da corda é dado por

$$y(x, t) = 5 \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2}x\right) \operatorname{sen}(6\pi t)$$

onde  $x$  e  $y$  são dados em metros e  $t$  em segundos.

- (a) Qual é o comprimento  $L$  da corda?
- (b) Qual é a massa da corda?
- (c) Calcule a velocidade transversal máxima de um ponto situado sobre um ventre da onda.
- (d) Se a corda oscilar no quinto harmônico, qual será o período de oscilação?

**R:** (a)  $L = 6$  m, (b)  $m = 4,0$  kg, (c)  $v_y^{max} = 30\pi$  m/s. (d)  $T_5 = 0,2$  m.

**11.** Uma corda oscila de acordo com a equação

$$y(x, t) = \frac{1}{2} \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{3}x\right) \cos(40\pi t),$$

onde as unidades utilizadas são o centímetro e o segundo.

- (a) Quais são a amplitude e a velocidade escalar das ondas cuja superposição dá essa oscilação?
- (b) Qual é a distância entre os nós?
- (c) Qual é a velocidade escalar de uma partícula da corda na posição  $x = 1,5$  cm quando  $t = \frac{9}{8}$  s?

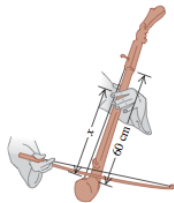
**R:** (a)  $A = 0,25$  cm e  $v = 120$  cm/s, (b)  $D = 3$  cm e (c)  $\frac{\partial y}{\partial t} = 0$ .

**12.** (Poli 2006) Uma corda uniforme, de 20 m de comprimento e massa de 2 kg, está esticada sob uma tensão de 10 N. Faz-se oscilar transversalmente uma extremidade da corda, com amplitude de 3 cm e frequência de 5 oscilações por segundo. O deslocamento inicial da extremidade é de 1,5 cm para cima.

- (a) Ache a velocidade de propagação  $v$  e o comprimento de onda  $\lambda$  da onda progressiva gerada na corda.
- (b) Escreva, como função do tempo, o deslocamento transversal  $y$  de um ponto da corda situado à distância  $x$  da extremidade que se faz oscilar, após ser atingido pela onda e antes que ela chegue à outra extremidade.
- (c) Calcule a intensidade  $I$  da onda progressiva gerada.

**R:** (a)  $v = 10 \text{ m/s}$ ,  $\lambda = 2,0 \text{ m}$ , (b)  $y(x, t) = 0,03 \cos(\pi x - 10\pi t + \frac{\pi}{3}) \text{ m}$  e (c)  $I = \frac{9\pi^2}{200} \text{ W}$ .

**13.** O segmento de uma corda de certo instrumento entre a ponte de apoio das cordas e a extremidade superior (a parte que vibra livremente) possui comprimento igual a  $60,0 \text{ cm}$  e massa igual a  $2,0 \text{ g}$ . Quando tocada, a corda emite um nota  $A_4$  ( $440 \text{ Hz}$ ).



- (a) Em que ponto o violoncelista deve colocar o dedo (ou seja, qual é a distância  $x$  entre o ponto e a ponte de apoio das cordas) para produzir uma nota  $D_5$  ( $587 \text{ Hz}$ )? Nas duas notas  $A_4$  e  $D_5$  a corda vibra no modo fundamental.
- (b) Sem afinar novamente, é possível produzir uma nota  $G_4$  ( $392 \text{ Hz}$ ) nessa corda? Justifique sua resposta.

**R:** (a)  $45 \text{ cm}$ , (b) não.

**14.** (Poli 2007) A corda de um violino tem uma densidade linear de massa de  $0,5 \text{ g/m}$  e está sujeita a uma tensão de  $80 \text{ N}$ , afinada para uma frequência  $\nu = 660 \text{ Hz}$  no primeiro harmônico.

- (a) Qual a velocidade de propagação de onda nessa corda?
- (b) Qual o comprimento da corda?
- (c) Para tocar a nota "lá", cuja frequência é  $880 \text{ Hz}$ , prende-se a corda com um dedo, de forma a utilizar apenas uma fração  $f$  de seu comprimento. Qual o valor de  $f$ ?

**R:** (a)  $v = 400 \text{ m/s}$ , (b)  $L = \frac{10}{33} \text{ m}$  e (c)  $f = \frac{3}{4}$ .

**15.** Uma corda sob tensão  $T_i$  oscila no terceiro harmônico com uma frequência  $f_3$ , e as ondas na corda tem comprimento de onda  $\lambda_3$ . Se aumentarmos a tensão da corda para  $T_f = 4T_i$  de forma que a corda continue a oscilar no terceiro harmônico, qual será:

- (a) a frequência de oscilação em termos de  $f_3$ ;
- (b) o comprimento da onda em termos de  $\lambda_3$ ?

**R:** (a)  $f = 2f_3$  e (b)  $\lambda = \lambda_3$ .

**16.** Uma corda de  $120 \text{ cm}$  de comprimento é esticada entre suportes fixos. Quais são os três comprimentos de onda mais longos para ondas estacionárias nesta corda? Esboce as ondas estacionárias correspondentes. O que muda em relação aos três comprimentos de onda mais

longos se esta mesma corda estiver fixa em apenas um suporte, de forma que a outra extremidade é presa em um anel sem peso que pode deslizar ao longo de uma haste sem atrito?

**R:** Corda fixa nas duas extremidades:  $\lambda_1 = 2,40 \text{ m}$ ,  $\lambda_2 = 1,20 \text{ m}$  e  $\lambda_3 = 0,80 \text{ m}$ . Corda presa em uma extremidade:  $\lambda_1 = 4,80 \text{ m}$ ,  $\lambda_2 = 1,60 \text{ m}$  e  $\lambda_3 = 0,96 \text{ m}$ .

**17.** Uma corda, submetida a uma tensão de  $200 \text{ N}$  e presa em ambas as extremidades, oscila no segundo harmônico de uma onda estacionária. O deslocamento da corda é dado por:

$$y(x, t) = \frac{1}{10} \text{ sen}\left(\frac{\pi x}{2}\right) \text{ sen}(12\pi t)$$

onde  $x = 0$  numa das extremidades da corda,  $x$  é dado em metros e  $t$  em segundos.

- (a) Qual é o comprimento da corda?
- (b) Qual é a velocidade escalar das ondas na corda?
- (c) Qual é a massa da corda?
- (d) Se a corda oscilar num padrão de onda referente ao terceiro harmônico, qual será o período de oscilação?

**R:** (a)  $L = 4 \text{ m}$ , (b)  $v = 24 \text{ m/s}$ , (c)  $m = 1,39 \text{ kg}$  e (d)  $T = 0,111 \text{ s}$ .

**18.** Duas ondas transversais de mesma frequência  $\nu = 100 \text{ s}^{-1}$  são produzidas num fio de aço de  $1 \text{ mm}$  de diâmetro e densidade  $8 \text{ g/cm}^3$ , submetido a uma tensão  $T = 500 \text{ N}$ . As ondas são dadas por

$$y_1(x, t) = A \cos\left(kx - \omega t + \frac{\pi}{6}\right)$$

$$y_2(x, t) = 2A \text{ sen}(\omega t - kx)$$

onde  $A = 2 \text{ mm}$ .

- (a) Escreva a expressão da onda harmônica progressiva resultante da superposição dessas duas ondas.
- (b) Calcule a intensidade da onda resultante.
- (c) Se fizermos variar a diferença de fase entre as duas ondas, qual é a razão entre os valores máximo e mínimo possíveis da intensidade da onda resultante?

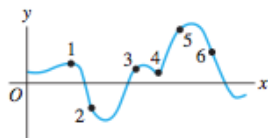
**R:** (a)  $y(x, t) = 5,29 \times 10^{-3} \cos(2,23x - 628t + 1,24)$ , (b)  $I = 9,8 \text{ W}$  e (c)  $\frac{I_{max}}{I_{min}} = 9$ .

**19. Formiga sem peso.** Uma formiga de massa  $m$  está tranqüilamente em repouso sobre uma corda esticada horizontalmente. A corda possui densidade linear  $\mu$  e está sob tensão  $F$ . Sem avisar, Tobias produz uma onda transversal senoidal com um comprimento de onda  $\lambda$  que se propaga na corda. O movimento da corda está contido em um plano vertical. Qual é a amplitude mínima da onda que faz a formiga ficar repentinamente com

um peso aparentemente igual a zero? Suponha que a massa  $m$  seja tão pequena que a presença da formiga não altere a propagação da onda.

**R:**  $g\lambda^2\mu/4\pi^2F$

**20. Uma onda não senoidal.** A forma de uma onda em uma corda em um instante específico é mostrada na figura. A onda está se deslocando para a direita, no sentido  $+x$ .



- (a) Determine o sentido da velocidade transversal dos seis pontos assinalados sobre a curva. Quando a velocidade for nula, mencione este fato. Explique seu raciocínio.
- (b) Determine o sentido da aceleração transversal dos seis pontos assinalados sobre a curva. Explique seu raciocínio.
- (c) Como suas respostas deveriam ser alteradas se a onda está se deslocando para a esquerda, no sentido  $-x$ ?

**R:** (a) 1, 0; 2, +; 3, -; 4, 0; 5, -; 6, +, (b) 1, -; 2, +; 3, -; 4, +; 5, -; 6, 0 e (c) (a): as respostas teriam o sinal contrário; (b): não haveria alteração.

**21.** Mostrar explicitamente que as seguintes funções são soluções da equação de onda:

- (a)  $y(x, t) = k(x + vt)$ ;
- (b)  $y(x, t) = Ae^{ik(x-vt)}$ , onde  $A$  e  $k$  são constantes e  $i = \sqrt{-1}$ ;
- (c)  $y(x, t) = \ln[k(x - vt)]$ .

**22. Ondas com formas arbitrárias.**

- (a) Explique a razão pela qual qualquer onda descrita por uma função da forma  $y(x, t) = f(x - vt)$  se desloca no sentido  $+x$  com velocidade  $v$ .
- (b) Mostre que  $y(x, t) = f(x - vt)$  satisfaz a equação de onda qualquer que seja a forma da função  $f$ . Para fazer isso, escreva  $y(x, t) = f(u)$ , onde  $u = x - vt$ . A seguir, para obter as derivadas parciais de  $y(x, t)$ , use a regra da cadeia:

$$\frac{\partial y(x, t)}{\partial t} = \frac{df(u)}{du} \frac{\partial u}{\partial t} = \frac{df(u)}{du} (-v)$$

$$\frac{\partial y(x, t)}{\partial x} = \frac{df(u)}{du} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{df(u)}{du}$$

- (c) Um pulso ondulatório é dado por  $y(x, t) = De^{(Bx-Ct)^2}$ , onde  $B$ ,  $C$  e  $D$  são constantes positivas. Qual é a velocidade dessa onda?

**R:** (c)  $C/B$ .

**23. Onda longitudinal em uma mola.** Molas muito compridas, tais como uma mola longa de brinquedo e as molas usadas em demonstrações de laboratório, podem servir para visualizar a propagação de uma onda longitudinal.

- (a) Mostre que, se a constante da mola for  $k'$ , a massa for  $m$  e o comprimento for igual a  $L$ , a velocidade de uma onda longitudinal na mola é dada por  $v = L\sqrt{k'/m}$ .
- (b) Determine  $v$  para uma mola com  $m = 0,250$  kg,  $L = 2,0$  m e  $k' = 1,5$ N/m.

**24. Desafinada.** A corda  $B$  de uma guitarra feita de aço (densidade igual a  $7800$  kg/m<sup>3</sup>) possui comprimento igual a  $63,5$  cm e diâmetro igual a  $0,406$  mm. A frequência fundamental é  $f = 247$  Hz.

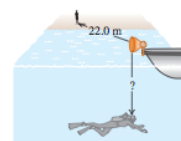
- (a) Ache a tensão na corda.
- (b) Quando a tensão  $F$  varia de uma pequena quantidade  $\Delta F$ , a frequência  $f$  varia de uma pequena quantidade  $\Delta f$ . Mostre que

$$\frac{\Delta F}{F} = 2 \frac{\Delta f}{f}$$

- (c) A corda é afinada como no item (a) quando sua temperatura é igual a  $18,5^\circ\text{C}$ . Um uso contínuo excessivo pode fazer a temperatura da corda aumentar, alterando a frequência de vibração. Obtenha  $\Delta f$  quando a temperatura da corda aumenta para  $29,5^\circ\text{C}$ . A corda de aço possui módulo de Young igual a  $2,0 \times 10^{11}$  Pa e um coeficiente de dilatação linear igual a  $1,2 \times 10^{-5} (\text{ }^\circ\text{C})^{-1}$ . Suponha que a temperatura do corpo da guitarra permaneça constante. A altura do som aumenta ou diminui?

**R:** (a)  $99,4$  N (c)  $-4,25$  Hz, diminui

**25.** Uma mergulhadora transportando uma scuba, que contém ar comprimido para a respiração, escuta um som proveniente da buzina de um barco que está diretamente sobre ela na superfície de um lago. No mesmo instante, um amigo que está nas margens do lago a uma distância de  $22,0$  m da buzina também ouve o som da buzina. A buzina está  $1,2$  m acima da superfície da água. Calcule a distância (indicada por "?") entre a buzina e a mergulhadora. A temperatura do ar e da água é de  $20^\circ\text{C}$ .



**R:**  $90,8$  m

**26.** Ondas sonoras estacionárias são produzidas em um tubo de comprimento igual a 1,20 m. Para o modo fundamental e os dois primeiros sobretons, determine a posição ao longo do tubo (medida a partir da extremidade da esquerda) dos nós de deslocamento e dos nós de pressão supondo que

- (a) O tubo possui as duas extremidades abertas.
- (b) A extremidade esquerda do tubo está fechada e a extremidade direita do tubo está aberta.

**R:** (a) *fundamental*: nó de deslocamento a 0,60 m, nós de pressão a 0 e 1,20 m; primeiro sobreton: nós de deslocamento a 0,30m e 0,90m, nós de pressão a 0, 0,60 m e 1,20 m; segundo sobreton: nós de deslocamento a 0,20 m, 0,60 m e 1,00 m, nós de pressão a 0, 0,40 m, 0,80 m e 1,20 m (b) *fundamental*: nó de deslocamento a 0, nó de pressão a 1,20 m; primeiro sobreton: nós de deslocamento a 0,80 m, nós de pressão a 0,40 m e 1,20 m e segundo sobreton: nós de deslocamento a 0, 0,48m e 0,96 m, nós de pressão a 0,24m, 0,72m, 1,20m

**27.** Você aproxima um tubo fechado em uma das extremidades de comprimento ajustável de um fio esticado de 85 cm de comprimento e de massa igual a 7,25 g sob uma tensão de 4110 N. Você quer ajustar o comprimento do tubo de modo que, quando ele produzir som em sua frequência fundamental, esse som faça o fio vibrar em seu segundo *sobreton* com uma amplitude bastante grande. Que comprimento deve ter o tubo?

**R:** 70 cm

**28.** Dois alto-falantes, *A* e *B*, são alimentados por um mesmo amplificador e emitem ondas senoidais em fase, utilize 344 m/s para a velocidade do som. A frequência das ondas emitidas por cada um dos alto-falantes é de 172 Hz. Você está a 8 m do alto-falante *A*. Qual é a menor distância de *B* em que você deve ficar para estar em um ponto de interferência destrutiva?

**R:** 1 m

**29.** Dois tubos de órgão, abertos em uma extremidade e fechados na outra, medem cada um 1,14 m de comprimento. Um desses tubos é encomprido em 2 cm. Calcule a frequência do batimento que eles produzem quando tocam juntos em sua frequência fundamental.

**R:** 1,3 Hz

**30.** No planeta Arrakis, um pássaro macho voa no sentido da fêmea com velocidade de 25 m/s enquanto canta com uma frequência de 1200 Hz. A fêmea está em repouso e ouve um tom com frequência de 1240 Hz; qual é a velocidade do som na atmosfera do planeta Arrakis?

**R:** 780 m/s

**31.** Em um teste, um jato subsônico voa a uma altitude de 100 m. A intensidade do som no solo quando o jato passa exatamente acima de um detector é de 150 dB. A

que altitude o jato precisa voar para que o ruído no solo não ultrapasse 120 dB, o limite da sensação dolorosa? **Sugestão:** Ignore o tempo necessário para o som alcançar o chão.

**R:** 3,16 km.

**32.** Um avião voa a  $\frac{5}{4}$  da velocidade do som. A onda de choque alcança um homem no solo exatamente  $\frac{1}{4}$  minuto depois de o avião ter passado sobre sua cabeça. Qual a altitude do avião? Considere a velocidade do som como sendo 330 m/s.

**R:** 8,25 km.

**33.** O cone das ondas de choque criado pelo ônibus espacial em um instante durante a sua reentrada na atmosfera forma um ângulo de  $58^\circ$  com a direção de seu movimento. A velocidade do som nessa altitude é 331 m/s.

- (a) Qual é o número de Mach do ônibus espacial neste instante?
- (b) Com que velocidade ela está se deslocando com relação à atmosfera?
- (c) Qual seria o seu número de Mach e o ângulo do cone das ondas de choque se ela viajasse na mesma velocidade, mas em altitudes baixas, onde a velocidade do som é 344 m/s?

**R:** (a) 1,18 (b) 390 m/s (c) 1,13 e  $62^\circ$

**34.** Um tipo de aço possui densidade igual a  $7,8 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ , e uma tensão de ruptura igual a  $7 \times 10^8 \text{ N/m}^2$ . Uma corda cilíndrica de uma guitarra deve ser fabricada usando-se 4 g desse aço. A corda deve poder resistir a uma tensão de 900 N sem se romper. Determine o comprimento máximo que a corda pode ter e seu raio mínimo. Determine também a frequência fundamental mais alta possível das ondas estacionárias na corda, se toda a extensão da corda estiver livre para vibrar.

**R:** 45cm; 0,6mm; 353Hz

**35. Medicina com ultra-som.** Uma onda sonora de 2 MHz se propaga ao longo do ventre de uma mulher grávida, sendo refletida pela parede do coração do feto. A parede do coração se move no sentido do receptor do som quando o coração bate. O som refletido é a seguir misturado com o som transmitido, e 85 batimentos por segundo são detectados. A velocidade do som nos tecidos do corpo é 1500 m/s. Calcule a velocidade da parede do coração do feto no instante em que essa medida é realizada.

**R:** 3,18 cm/s

**36.** Um avião sobrevoa uma cidade a uma altitude de 3 km e a uma velocidade *v* igual a 1,35 vezes a velocidade do som. A temperatura do ar é de 303 K e o vento está

num sentido oposto ao do avião e com velocidade de 10 m/s.

- (a) Qual é a velocidade do avião?  
 (b) Para um observador no solo, qual é o tempo decorrido entre ver o avião passar sobre sua cabeça e ouvi-lo?

**Sugestão:** Considere que a velocidade do som no ar é dada por  $\sqrt{\frac{kRT}{M}}$ , onde  $k = 1,40$  é uma constante,  $R = 8,314 \text{ J}/(\text{mol}\cdot\text{K})$  é a constante universal dos gases e  $M = 29 \times 10^{-3} \text{ kg/mol}$  é a massa molecular do ar.

**R:** (a) 471 m/s e (b) 5,92 s.

**37.** (Poli 2007) Um trem-bala move-se com velocidade de 60 m/s para leste. O apito do trem emite um som com frequência 400 Hz. Considere a velocidade do som no referencial de repouso da atmosfera como 340 m/s.

- (a) Determine a frequência do som do apito que uma pessoa na estação ouve ao observar o trem partir.  
 (b) Considere agora a presença de vento soprando para oeste com velocidade 10 m/s. Determine a frequência que a pessoa na estação irá detectar.  
 (c) Considere agora que o trem move-se em uma trajetória circular. Qual a frequência do som percebida por alguém no centro da circunferência descrita pelo trem?

**R:** (a)  $f_S = 340 \text{ Hz}$ , (b)  $f_P = 341 \text{ Hz}$  e (c)  $f_C = 400 \text{ Hz}$ .

**38.** Dois diapasones idênticos podem oscilar a 440 Hz. Um indivíduo está localizado em algum lugar na linha entre os dois diapasones. Considerando que a velocidade do som no referencial de repouso da atmosfera é 330 m/s calcule a frequência de batimentos captada por esse indivíduo se:

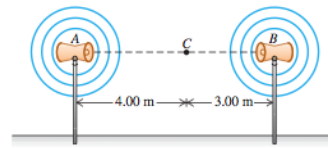
- (a) ele permanece parado e os diapasones se movem para a direita com velocidade de 30 m/s, e  
 (b) os diapasones estiverem parados e o indivíduo se movendo para a direita com velocidade de 30 m/s.

**R:** (a) 80,7 Hz e (b) 80,0 Hz.

**39.** Um morcego voa dentro de uma caverna, orientando-se efetivamente por meio de bips ultra-sônicos (emissões curtas de alta frequência com duração de um milissegundo). Suponha que a frequência da emissão do som pelo morcego seja de 39,2 kHz. Durante uma arremetida veloz, diretamente contra a superfície plana de uma parede o morcego desloca-se a 8,58 m/s. Considerando que a velocidade do som no referencial de repouso da atmosfera é 330 m/s calcule a frequência do som, refletido pela parede, que chega aos ouvidos do pobre morcego.

**R:** 41,3 kHz.

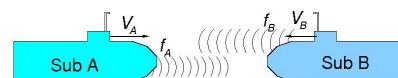
**40.** Dois alto-falante,  $A$  e  $B$ , emitem sons uniformemente no ar, em todas as direções, a  $20^\circ\text{C}$ . A potência acústica emitida por  $A$  é igual a  $8 \times 10^{-4} \text{ W}$ , e a potência de  $B$  é igual a  $6 \times 10^{-5} \text{ W}$ . Os dois alto-falantes estão vibrando em fase com frequência igual a 172 Hz.



- (a) Determine a diferença de fase entre os dois sinais em um ponto  $C$  ao longo da reta que une  $A$  e  $B$ , a 3 m de  $B$  e 4 de  $A$ .  
 (b) Determine a intensidade e o nível da intensidade sonora no ponto  $C$  devido ao alto-falante  $A$  quando o alto falante  $B$  é desligado, bem com a intensidade e o nível da intensidade sonora devido ao alto-falante  $B$  quando o alto-falante  $A$  é desligado.  
 (c) Quando os dois alto-falantes estão ligados, calcule a intensidade e o nível da intensidade sonora no ponto  $C$ .

**R:** (a)  $\pi$  (b) Fonte A:  $3,9 \times 10^{-6} \text{ W/m}^2$ ; 66dB. Fonte B:  $5,3 \times 10^{-7} \text{ W/m}^2$ ; 57dB. (c)  $1,5 \times 10^{-6} \text{ W/m}^2$ ; 62dB.

**41.** (Poli 2010) Um submarino (Sub A), navegando a uma velocidade  $V_A = 30 \text{ m/s}$ , envia um sinal de sonar (onda sonora na água) com frequência  $f_A = 980 \text{ Hz}$ . O sinal é refletido pelo casco de um submarino inimigo (Sub B) que viaja com velocidade  $V_B$  na direção oposta (vide figura). Considere a velocidade do som na água como sendo  $v_s = 1500 \text{ m/s}$  e despreze quaisquer efeitos de interferência.



- (a) Se a frequência do sinal medido pelo submarino B é  $f_B = 1020 \text{ Hz}$ , qual a velocidade  $V_B$ ?  
 (b) Qual a frequência  $f'_A$  do sinal refletido, medida pelo submarino A?

Considere que o submarino B seja dotado de um sistema de contra-medidas que (1) suprime completamente a reflexão do sinal enviado pelo Sub A, (2) altera a velocidade do submarino para  $V'_B = 15 \text{ m/s}$ , e (3) envia um outro sinal de sonar (sinal "falso") com frequência  $f'_B = 1000 \text{ Hz}$ , com o intuito de confundir o inimigo.

- (c) Nesse caso, qual será a frequência do sinal "falso"  $f'_A$  medida pelo Submarino A?  
 (d) Se os engenheiros do submarino A forem de fato enganados e pensarem que esse sinal é a reflexão do sinal original, que valor obterão para a velocidade (e direção) do submarino B?

**R:** (a) 30m/s (b) 1061Hz (c) 1030Hz (d) 7,3m/s