



**EP3 de PTC2550 - Redes de Comunicação de Dados e Transporte Multimídia -  
1o semestre 2017**

Nesse problema, você explorará o algoritmo de encriptação de chave pública de Diffie-Hellman (DH), que permite que duas entidades concordem com uma chave simétrica compartilhada. O algoritmo DH faz uso de um número primo grande  $p$  e outro número grande  $g$  menor do que  $p$ . Tanto  $p$  quanto  $g$  são tornados públicos (de modo que um intruso os saberia). No DH, Alice e Bob escolhem cada um, de modo independente, suas chaves secretas  $S_A$  e  $S_B$ , respectivamente. Alice então computa sua chave pública,  $T_A$ , elevando  $g$  a  $S_A$  e então tomando  $\text{mod } p$ . De forma similar, Bob computa sua própria chave pública  $T_B$  elevando  $g$  a  $S_B$  e tomando  $\text{mod } p$ . Alice e Bob então trocam suas chaves públicas pela Internet. Alice calcula a chave secreta compartilhada  $S$  elevando  $T_B$  a  $S_A$  e então tomando  $\text{mod } p$ . De forma similar, Bob calcula a chave compartilhada  $S'$  elevando  $T_A$  a  $S_B$  e então tomando  $\text{mod } p$ .

- a) Prove que, em geral, Alice e Bob obtêm a mesma chave simétrica, ou seja, prove que  $S' = S$ .
- b) Com  $p = 11$  e  $g = 2$ , suponha que Alice e Bob escolham chaves privadas  $S_A = 5$  e  $S_B = 12$ , respectivamente. Calcule as chaves públicas de Alice e Bob,  $T_A$  e  $T_B$ , respectivamente. Mostre todos os passos.
- c) Continuando o item anterior, agora calcule  $S$ , a chave simétrica compartilhada.
- d) Forneça um diagrama de tempos que mostre como o esquema DH pode ser atacado, no esquema *man-in-the-middle*. O diagrama de tempos deve ter 3 linhas verticais, uma para Alice, uma para Bob e outra para a intrusa, Trudy. Detalhe todo o raciocínio de Trudy.