

SSC0600 - Introdução à Ciência de Computação I
 Tópico: Recursão

Provinha 3(b)
 13 de junho de 2017

N.º USP:

<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0
<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1
<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2
<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3
<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4
<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5
<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6
<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7
<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8
<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9

← Por favor codifique seu Número USP na esquerda e escreva seu nome abaixo.

Nome e sobrenome:
.....
.....

Question [remember-multistructural] ♣ (1 ponto) Em relação ao trecho de código em Linguagem C apresentado na Listagem 1, Marque (X) nas afirmativas verdadeiras

- z000 é recursivo
- z001 é recursivo
- z002 é recursivo
- z003 é recursivo
- z004 é recursivo
- z005 é recursivo
- z006 é recursivo
- z000 não é recursivo
- z001 não é recursivo
- z002 não é recursivo
- z003 não é recursivo
- z004 não é recursivo
- z005 não é recursivo
- z006 não é recursivo
- Nenhuma das alternativas está correta

Question [understand-multistructural] ♣ (3 pontos) Marque (X) nas afirmativas verdadeiras em relação as funções da Listagem 2

Observações:

- Os quadrados dos n primeiros números são: $1^2, 2^2, 3^2, \dots, n^2$

- f_{oo1} calcula o fatorial de n
- f_{oo1} calcula o fatorial de $n - 1$
- f_{oo1} retorna o valor de 1 quando n é menor ou igual a 1 e retorna o produto de todos os inteiros positivos menores ou iguais a n em outros casos
- f_{oo1} retorna o valor de 1 quando n é menor ou igual a 1 e retorna o produto de todos os inteiros positivos menores ou iguais a $n - 1$ em outros casos
- f_{oo1} é a função que calcula $1 * 2 * \dots * (n - 1) * n$
- f_{oo1} é a função que calcula $1 * 2 * \dots * (n - 2) * (n - 1)$
- f_{oo2} calcula a soma dos quadrados dos n primeiros números
- f_{oo2} calcula a soma dos quadrados dos $n - 1$ primeiros números
- f_{oo2} é a função que calcula $(n * n) + [(n - 1) * (n - 1)] + [(n - 2) * (n - 2)] + \dots + 1$
- f_{oo2} é a função que calcula $[(n - 1) * (n - 1)] + [(n - 2) * (n - 2)] + \dots + 1$
- f_{oo2} é a função que calcula $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$
- f_{oo2} é a função que calcula $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + (n - 1)^2$
- Se n é ímpar então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{2}{f_{oo2}(1)}, \frac{1}{f_{oo1}(2)}, \dots, \frac{1}{f_{oo1}(n-1)}, \frac{2}{f_{oo2}(n)}$
- Se n é par então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{2}{f_{oo2}(1)}, \frac{1}{f_{oo1}(2)}, \dots, \frac{2}{f_{oo2}(n-1)}, \frac{1}{f_{oo1}(n)}$
- Se n é ímpar então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{2}{f_{oo2}(1)}, \frac{1}{f_{oo1}(2)}, \dots, \frac{2}{f_{oo2}(n-1)}, \frac{1}{f_{oo1}(n)}$
- Se n é par então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{2}{f_{oo2}(1)}, \frac{1}{f_{oo1}(2)}, \dots, \frac{1}{f_{oo1}(n-1)}, \frac{2}{f_{oo2}(n)}$
- Se n é ímpar então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{1}{f_{oo1}(1)}, \frac{2}{f_{oo2}(2)}, \dots, \frac{2}{f_{oo2}(n-1)}, \frac{1}{f_{oo1}(n)}$
- Se n é par então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{1}{f_{oo1}(1)}, \frac{2}{f_{oo2}(2)}, \dots, \frac{1}{f_{oo1}(n-1)}, \frac{2}{f_{oo2}(n)}$
- Se n é ímpar então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{1}{f_{oo1}(1)}, \frac{2}{f_{oo2}(2)}, \dots, \frac{1}{f_{oo1}(n-1)}, \frac{2}{f_{oo2}(n)}$
- Se n é par então f_{oo3} calcula a soma da sequência: $\frac{1}{f_{oo1}(1)}, \frac{2}{f_{oo2}(2)}, \dots, \frac{2}{f_{oo2}(n-1)}, \frac{1}{f_{oo1}(n)}$
- Nenhuma das alternativas está correta

Question [apply-unistructural] ♣ (1.5 ponto) Seja o vetor $v[9]=\{3, 2, 4, 6, 8, 6, 7, 8, 1\}$.

Marque (X) nas afirmativas verdadeiras em relação à função f_{oo} da Listagem 3

- | | | | |
|-------------------------------------|------------------------------------|--------------------------|------------------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> | retorna 2 quando i é 0 e j é 3 | <input type="checkbox"/> | retorna 3 quando i é 0 e j é 3 |
| <input type="checkbox"/> | retorna 4 quando i é 0 e j é 3 | <input type="checkbox"/> | retorna 6 quando i é 0 e j é 3 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | retorna 1 quando i é 5 e j é 8 | <input type="checkbox"/> | retorna 8 quando i é 5 e j é 8 |
| <input type="checkbox"/> | retorna 7 quando i é 5 e j é 8 | <input type="checkbox"/> | retorna 6 quando i é 5 e j é 8 |
- Nenhuma das alternativas está correta

Question [apply-relational] ♣ (2 pontos) Marque (X) nas afirmativas verdadeiras em relação ao programa da Listagem 4.

- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 5, 6, 7, 2, 4, 6, 8, 0\}$
- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 5, 5, 5, 2, 4, 6, 8, 0\}$
- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 1, 1, 1, 2, 4, 6, 8, 0\}$
- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 1, 2, 3, 2, 4, 6, 8, 0\}$
- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 5, 8, 0, 2, 4, 6, 7, 8\}$
- Depois que o código for executado, $v1$ contém os valores: $\{1, 3, 5, 8, 0, 2, 4, 4, 5, 6\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 2, -3, 0, 2, 3, 8, 9, 10\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 2, -3, 0, 2, 3, 8, 8, 8\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 2, -3, 0, 2, 3, 3, 3, 3\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 2, -3, 0, 2, 3, 3, 4, 5\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 6, 7, 8, 2, 3, 8, 4, 9\}$
- Depois que o código for executado, $v2$ contém os valores: $\{4, 6, 2, 3, 4, 2, 3, 8, 4, 9\}$
- Nenhuma das alternativas está correta

Question [evaluate-multistructural] ♣ (1 ponto) Marque (X) nas afirmativas verdadeiras em relação ao programa da Listagem 4.

- A chamada para a função `bar` é efetuada 5 vezes
- A chamada para a função `bar` é efetuada 6 vezes
- A chamada para a função `bar` é efetuada 7 vezes
- A chamada para a função `bar` é efetuada 8 vezes
- A chamada para a função `bar` é efetuada 9 vezes
- A chamada para a função `foo` é efetuada 8 vezes
- A chamada para a função `foo` é efetuada 7 vezes
- A chamada para a função `foo` é efetuada 9 vezes
- A chamada para a função `foo` é efetuada 6 vezes
- A chamada para a função `foo` é efetuada 5 vezes
- Nenhuma das alternativas está correta

CATALOG

Question [analyse-relational-1] ♣ (2 pontos) Marque (X) nas modificações que, de maneira independente umas das outras, façam com que a função `is_prime` apresentada na Listagem 5 calcule se um número `n` é primo. A função retorna 1 se `n` é primo e a função retorna 0 se `n` não é primo.

- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div*div > n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n % div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div*div >= n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n % div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div*div > n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n / div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div*div >= n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n / div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div >= n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n % div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div > n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n % div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div >= n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n / div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- A linha 2 deve ser mudada para: `if (div > n)`
a linha 5 deve ser mudada para: `if (n / div == 0)`
a linha 8 deve ser mudada para: `return is_prime_t(n, div+1);`
- Nenhuma das alternativas está correta*

Question [analyse-relational-2] ♣ (2 pontos) O método `search` apresentado na Listagem 6 tem sido proposto para efetuar a busca de um elemento v em uma matriz de tamanho $n * m$ (linhas x colunas). Os elementos da matriz sempre estão em ordem ascendente ou descendente (sempre de esquerda para direita, e logo de acima para abaixo). Assim, o algoritmo funciona para ambos casos. Marque (X) nas modificações que, de maneira independente umas das outras, façam o método `search` funcionar adequadamente.

Exemplo para matriz[3][4] (ascendente):

```
10 11 12 13
14 15 16 17
18 19 20 22
```

Exemplo para matriz[4][3] (descendente):

```
22 21 20
19 17 16
15 14 13
12 11 10
```

Se $v = 12$, a posição é (0,2)

Se $v = 19$, a posição é (2,1)

Se $v = 10$, a posição é (3,2)

Se $v = 20$, a posição é (0,2)

- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] < matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] < matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] < matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] < matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] > matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] > matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] > matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] < v)`
- A linha 9 deve ser mudada para: `if (matriz[i/m][i%m] > matriz[j/m][j%m])`
a linha 10 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
a linha 15 deve ser mudada para: `if (matriz[row][col] > v)`
- Nenhuma das alternativas está correta

```

int zoo6(int a, int b) {
    if (b < a) {
        return zoo6(a--, b++);
    } else {
        return a+b;
    }
}

int zoo5(int a, int b) {
    if (a > b) {
        return zoo6(a+a, b*b);
    } else {
        return zoo6(a/2, b/2);
    }
}

void zoo4(int a) {
    ...
    int c = zoo5(a, a*a);
    zoo1(a, c);
}

int zoo3(int a, int b) {
    ...
    zoo1(a-1, b+1);
    ...
    if (a > b) {
        return a;
    } else {
        return zoo2(b);
    }
}

int zoo2(int b) {
    return zoo3(zoo4(b), b+1);
}

void zoo1(int a, int b) {
    if (a > b) {
        printf("%d", zoo2(b));
    } else {
        printf("%d", zoo3(a, b));
    }
}

int zoo0(int a, int b) {
    if (a != 0) {
        zoo1(a*a, b*b);
        return zoo0(a%b, a+b);
    } else return -1;
}

```

Listagem 1: Trecho de código para as funções foo na Linguagem C

```

1 int foo1t(int n, int resp) {
2     if (n <= 1) {
3         return resp;
4     } else {
5         return foo1(n-1, n*resp);
6     }
7 }
8
9 int foo1(int n) {
10    return foo1t(n, 1);
11 }
12
13 int foo2(int n) {
14    if (n < 1) {
15        return 0;
16    } else {
17        return (n*n) + foo2(n-1);
18    }
19 }
20
21 int foo3t(int n, int resp) {
22    if (n < 1) {
23        return resp;
24    } else {
25        if (n % 2 == 0) {
26            return foo3t(n-1, resp + 1/foo1(n));
27        } else {
28            return foo3t(n-1, resp + 2/foo2(n));
29        }
30    }
31 }
32
33 float foo3(int n) {
34    return foo3t(n, 0);
35 }

```

Listagem 2: Trecho de código para as funções foo na Linguagem C

```

1 int foo(int v[], int i, int j) {
2     if (i >= j) {
3         return v[i];
4     } else {
5         int x = foo(v, i+1, j);
6         if (x < v[i]) {
7             return x;
8         } else {
9             return v[i];
10        }
11    }
12 }

```

Listagem 3: Função foo na Linguagem C

```

1  #include <stdio.h>
2
3  int bar(int v[], int, int);
4  void foo(int v[], int, int, int);
5  void foobar(int v[], int, int);
6
7  void foo(int v[], int value, int i, int j) {
8      if (i <= j) {
9          v[i] = value;
10         foo(v, value+1, i+1, j);
11     }
12 }
13
14 int bar(int v[], int i, int j) {
15     if (i >= j) {
16         return v[i];
17     } else {
18         int x = bar(v, i+1, j);
19         if (x > v[i]) {
20             return x;
21         } else {
22             return v[i];
23         }
24     }
25 }
26
27 void foobar(int v[], int i, int j) {
28     int m = (i + j)/2;
29     int x = bar(v, i, m);
30     foo(v, x, m, j);
31 }
32
33 int main (void) {
34     int v1[10] = {1, 3, 5, 8, 0, 2, 4, 6, 8, 0};
35     int v2[10] = {4, 6, 2, -3, 0, 2, 3, 8, 4, 9};
36
37     foobar(v1, 0, 4);
38     foobar(v2, 6, 9);
39
40     return 0;
41 }

```

Listagem 4: Código de programa na Linguagem C

```

1 int is_prime_t(int n, div) {
2     if (div == n)
3         return 1;
4     else {
5         if (n % div != 0)
6             return 0;
7         else
8             return is_prime_t(n, div+2);
9     }
10 }
11
12 int is_prime(int n) {
13     if (n <= 1) return 0;
14     else if (n <= 3) return 1;
15     else return is_prime_t(n, 2);
16 }

```

Listagem 5: Função que calcula se um número n é primo

```

1 int search_aux(int matriz[][100], int m, int v, int i, int j) {
2     if (i > j) return -1;
3     int pos = (i+j)/2;
4     int row = pos / m;
5     int col = pos % m;
6     if (matriz[row][col] == v) {
7         return pos;
8     } else {
9         if (matriz[i/m][i%m] != matriz[j/m][j%m])
10            if (matriz[row][col] <= v)
11                return search_aux(matriz, m, v, i, pos-1);
12            else
13                return search_aux(matriz, m, v, pos+1, j);
14        else
15            if (matriz[row][col] >= v)
16                return search_aux(matriz, m, v, i, pos-1);
17            else
18                return search_aux(matriz, m, v, pos+1, j);
19    }
20 }
21
22 void search(int matriz[][100], int n, int m, int v) {
23     int pos = search_aux(matriz, m, v, 0, (n*m)-1);
24     if (pos < 0) printf ("Elemento %d não achado\n", v);
25     else {
26         printf("linha[0..n-1]: %d\n", pos/m);
27         printf("coluna[0..m-1]: %d\n", pos%m);
28     }
29 }

```

Listagem 6: search imprime a posição do elemento v na matriz de tamanho $n * m$ (o método funciona para matrizes com elementos ordenados de maneira ascendente ou com elementos ordenados de maneira descendente)