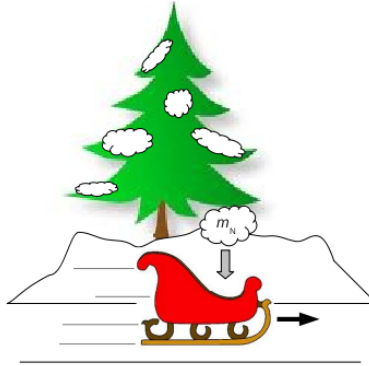
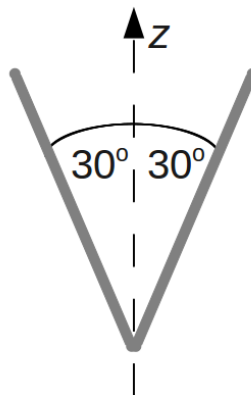


Observação - substitua os valores numéricos após todas as manipulações algébricas de cada item.

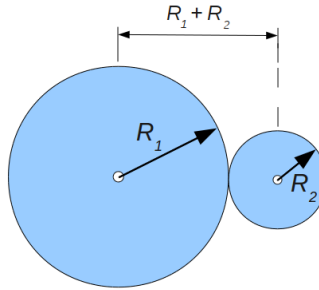
1. Um trenó com massa total $m_T = 90$ kg desliza horizontalmente com velocidade constante $v_T = 11$ m/s, quando, ao passar por baixo da copa de uma árvore, uma massa de neve de $m_N = 20$ kg despenca de um galho a uma altura $h = 5$ m para dentro do trenó.
 - (a) [1,0] Determine a velocidade horizontal do trenó v_F logo após a queda da massa de neve.
 - (b) [1,0] Determine as componentes vertical e horizontal do impulso (J_x e J_y) que o trenó recebe da massa de neve.



2. Um objeto rígido com a forma da letra V consiste de duas hastes finas de massa $m_H = 1,5$ kg (cada uma) e comprimento $l_H = 2,0$ m, inclinadas de 30° com relação à vertical (vide figura).
 - (a) [1,5] Calcule o momento de inércia do sistema com relação ao eixo vertical (z) que passa pelo vértice do "V".



3. Dois discos maciços de borracha de mesma espessura giram em torno de seus eixos e suas superfícies cilíndricas encontram-se em contato em um dado ponto (vide figura). A força de atrito estático é tal que não há deslizamento entre as superfícies. Um motor está ligado ao eixo do disco de raio maior $R_1 = 1$ m e provoca uma aceleração angular de rotação $\alpha_1 = 2$ rad/s² a este disco. O atrito no eixo do segundo cilindro é desprezível.
- (a) [1,0] Determine a aceleração angular α_2 do disco menor (de raio $R_2 = \frac{1}{4}$ m), em torno de seu próprio eixo.
- (b) [1,0] Determine o torque τ_2 que age sobre o disco menor, com relação a seu eixo, e a força F_a de atrito entre as superfícies no ponto de contato. O momento de inércia do disco menor (em torno do próprio eixo) é $I_{cm} = \frac{1}{8}$ kg m².
- (c) [1,0] Determine o torque que esta força de atrito realiza sobre o disco maior, com relação ao eixo deste.



4. Três esferas uniformes de massa m e raio R_E m estão ligadas simetricamente à distância D entre si, por fios finos esticados e de massa desprezível (vide figura). O sistema encontra-se em rotação com velocidade angular ω_0 rad/s em torno de um eixo imaginário, perpendicular à direção dos fios, e que passa pelo centro de massa do sistema. Em um dado instante (representado na figura), corta-se um dos fios (o da direita) com uma lâmina afiada. Considere o sistema livre de forças externas.

Dados: $m = 0,5$ kg; $R_E = 0,1\sqrt{\frac{5}{6}}$ m; $D = 1$ m; $\omega_0 = 2$ rad/s .

Momento de inércia de uma esfera homogênea com relação a um eixo que passe pelo seu centro de massa: $I_{CME} = \frac{2}{5}mER_E^2$; Teorema dos eixos paralelos: $I_z = I_{cm} + MD^2$.

- (a) [1,0] Determine o momento de inércia do sistema em torno do eixo de rotação inicial.

A partir de agora, desprezando R_E^2 com relação a D^2 (limite de massas puntiformes):

- (b) [1,0] Determine o momento angular e a energia cinética do sistema.
- (c) [0,5] Determine a velocidade do centro de massa dos discos da esquerda (que continuam ligados após o corte do fio da direita).
- (d) [1,0] Determine o momento de inércia e a velocidade angular destes dois discos que continuam ligados, em torno de seu centro de massa.

