

1. Calcular  $e^{tA}$  onde  $A$  é a matriz dada:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

2. Resolver o seguinte sistema linear

$$\begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t \\ -1 \end{pmatrix}$$

com

$$\begin{pmatrix} x(0) \\ y(0) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

3. Verificar se é controlável e se é observável o sistema linear com as matrizes de parâmetros  $(A, B, C)$  dadas por

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ e } C = (1 \ 0 \ 0)$$

4. Achar a matriz de Hurwitz e dizer se o seguinte polinômio é estável:

$$p(\lambda) = \lambda^4 + 10\lambda^3 + 2\lambda^2 + 6\lambda + 4$$

5. Suponha que a matriz de controlabilidade de um sistema,  $Q_T = \int_0^T \exp(sA)BB^* \exp(sA^*)ds$ , seja inversível. Mostre que para cada  $x \in \mathbb{R}^n$ , existe um controle admissível,  $u_x$ , tal que o estado  $x$  é atingido em tempo  $T$  a partir da origem.

6. Dadas as matrizes  $A$  e  $B$  abaixo, encontre uma matriz  $K = (k_1 \ k_2)$ , de tal forma que para todo  $x \in \mathbb{R}^2$  valha:

$$\|\exp(t(A + BK))x\| \leq Me^{-3t}\|x\| \quad \forall(t > 0) \quad (1)$$

onde

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix} \text{ e } B = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$