

MAC 110 – Introdução à Ciência da Computação

Aula 22

Nelson Lago

BMAC – 2024



And now for something completely different

Programar envolve

- ❶ **Compreender um problema em termos computacionais**
- ❷ **Definir como esse problema pode ser solucionado (*algoritmo*)**
 - ▶ O algoritmo é *abstrato* (como a planta de um prédio ou uma receita de bolo)
- ❸ **Implementar o algoritmo em uma linguagem de programação**
 - ▶ Gerando um *programa* que pode ser *executado* para solucionar o problema
- ❹ **Testar o programa**

Para ser útil, um programa geralmente

❶ **Obtém dados**

❷ **“Faz alguma coisa” com esses dados**

- ▶ Gerando um resultado

❸ **“Faz alguma coisa” com esse resultado**

- ▶ Mostra para o usuário

- ▶ **Utiliza como dado para fazer outra coisa**

Mas como criar o algoritmo “certo”?

- 1 **Conhecendo técnicas comuns**
(ou seja, estudo e prática)

1 Conhecendo técnicas comuns (ou seja, estudo e prática)



Doctor Strange (2016)
dir. Scott Derrickson

- 1 Conhecendo técnicas comuns
(ou seja, estudo e prática)
- 2 Usando um algoritmo que já existe



Doctor Strange (2016)
dir. Scott Derrickson

Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista



Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):
```

Escreva uma função que recebe uma lista de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:
```

Escreva uma função que recebe uma lista de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:  
        if i == n:  
            return True
```

Escreva uma função que recebe uma lista de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:  
        if i == n:  
            return True  
    return False
```

Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista



Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):
```


Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:
```

Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:  
        if i > n:  
            return False
```

Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:  
        if i > n:  
            return False  
        elif i == n:  
            return True
```

Busca linear

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    for i in L:  
        if i > n:  
            return False  
        elif i == n:  
            return True  
    return False
```

**Mas é assim que procuramos uma palavra em
um dicionário?!?!**

Quando procuramos em um dicionário:

Busca binária

Quando procuramos em um dicionário:

- **Abrimos o dicionário “em algum lugar perto do meio”**

Quando procuramos em um dicionário:

- **Abrimos o dicionário “em algum lugar perto do meio”**
 - ▶ lh, é antes → abre “em algum lugar do meio” entre o começo e a página atual

Quando procuramos em um dicionário:

- **Abrimos o dicionário “em algum lugar perto do meio”**
 - ▶ lh, é antes → abre “em algum lugar do meio” entre o começo e a página atual
 - ▶ lh, é depois → abre “em algum lugar do meio” entre a página atual e o fim

Quando procuramos em um dicionário:

- **Abrimos o dicionário “em algum lugar perto do meio”**
 - ▶ lh, é antes → abre “em algum lugar do meio” entre o começo e a página atual
 - ▶ lh, é depois → abre “em algum lugar do meio” entre a página atual e o fim
- **No caso do dicionário, sabemos o mínimo (“a”) e o máximo (“z”) da lista, então não abrimos “no meio”, mas tentamos “chutar” uma página próxima**

Quando procuramos em um dicionário:

- **Abrimos o dicionário “em algum lugar perto do meio”**
 - ▶ lh, é antes → abre “em algum lugar do meio” entre o começo e a página atual
 - ▶ lh, é depois → abre “em algum lugar do meio” entre a página atual e o fim
- **No caso do dicionário, sabemos o mínimo (“a”) e o máximo (“z”) da lista, então não abrimos “no meio”, mas tentamos “chutar” uma página próxima**
- **Numa lista de números genérica, não temos essa “dica”, então o melhor é olhar o “meio” mesmo**

Vamos procurar pelo número 23

Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----



Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----



Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Vamos procurar pelo número 23

1	3	7	14	21	22	23	26	27	30	31
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista



Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):
```

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):
```

```
    return False
```


Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    i = 0  
    j = len(L) - 1  
    while i <= j:  
        meio = (i + j) // 2  
  
    return False
```


Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    i = 0  
    j = len(L) - 1  
    while i <= j:  
        meio = (i + j) // 2  
        if n == L[meio]:  
            return True  
  
    return False
```

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    i = 0  
    j = len(L) - 1  
    while i <= j:  
        meio = (i + j) // 2  
        if n == L[meio]:  
            return True  
        elif n > L[meio]:  
            i = meio + 1  
  
    return False
```

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista **ordenada** de números L e um número n e informa se o número está ou não na lista

```
def pertence(L, n):  
    i = 0  
    j = len(L) - 1  
    while i <= j:  
        meio = (i + j) // 2  
        if n == L[meio]:  
            return True  
        elif n > L[meio]:  
            i = meio + 1  
        else:  
            j = meio - 1  
    return False
```

Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada



Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada

```
def ordenada(L):
```

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada

```
def ordenada(L):
```

```
    return True
```

Busca binária

Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada

```
def ordenada(L):  
    if L[i] < L[i-1]:  
        return False  
    return True
```

Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada

```
def ordenada(L):  
    for i in range(1, len(L)):  
        if L[i] < L[i-1]:  
            return False  
    return True
```


Escreva uma função que recebe uma lista de números e informa se ela está ordenada

```
def ordenada(L):  
    for i in range(1, len(L)):  
        if L[i] < L[i-1]:  
            return False  
    return True
```

E como ordenar uma lista?

E como ordenar uma lista?

`lista.sort()` ! 😜

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort



Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
def bozosort(l):
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
        for i in range(len(l) - 1):
```


Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
        for i in range(len(l) - 1):
            j = random.randrange(i + 1, len(l))
            l[i], l[j] = l[j], l[i]
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
        for i in range(len(l) - 1):
            j = random.randrange(i + 1, len(l) - 1)
            l[i], l[j] = l[j], l[i]
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
        for i in range(len(l) - 1):
            j = random.randrange(i+1, len(l) - 1)
            l[i], l[j] = l[j], l[i]
```

Exercício – bozosort

Escreva uma função que recebe uma lista e ordena os elementos da lista usando o algoritmo bozosort

```
import random
# x = random.randrange(início, final)
def bozosort(l):
    while not ordenada(l):
        for i in range(len(l) - 1):
            j = random.randrange(i+1, len(l) - 1)
            l[i], l[j] = l[j], l[i]
```

Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que $\text{elemento}[i] > \text{elemento}[i+1]$. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.



Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que `elemento[i] > elemento[i+1]`. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.

```
def bubblesort(l):
```

Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que $\text{elemento}[i] > \text{elemento}[i+1]$. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.

```
def bubblesort(l):
```

```
    l[i], l[i+1] = l[i+1], l[i]
```

Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que `elemento[i] > elemento[i+1]`. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.

```
def bubblesort(l):  
  
    if l[i] > l[i+1]:  
        l[i], l[i+1] = l[i+1], l[i]
```


Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que `elemento[i] > elemento[i+1]`. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.

```
def bubblesort(l):  
  
    for i in range(len(l) - 1):  
        if l[i] > l[i+1]:  
            l[i], l[i+1] = l[i+1], l[i]
```

Exercício – bubblesort

Se a lista está fora de ordem, existe algum elemento de índice i tal que `elemento[i] > elemento[i+1]`. Se “consertarmos” todos esses casos, a lista fica ordenada.

```
def bubblesort(l):  
    while not ordenada(l):  
        for i in range(len(l) - 1):  
            if l[i] > l[i+1]:  
                l[i], l[i+1] = l[i+1], l[i]
```

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B
 - » *como a lista agora só tem um elemento, ela está “naturalmente” ordenada*

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B
 - » *como a lista agora só tem um elemento, ela está “naturalmente” ordenada*
 - ③ Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B de maneira a manter essa lista ordenada

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Encontra o menor elemento da lista A e move esse elemento para o final da lista B
 - ③ Repete até a lista A estar vazia
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”**
 - ① Cria uma lista B vazia
 - ② Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B
 - » *como a lista agora só tem um elemento, ela está “naturalmente” ordenada*
 - ③ Escolhe um elemento qualquer da lista A e move esse elemento para a lista B de maneira a manter essa lista ordenada
 - » *(é preciso mover os elementos da lista B para “abrir espaço” para o novo elemento)*

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):
```

```
    return menor
```


Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    idxmenor = 0  
    for i in range(len(L)):  
        if L[i] < L[idxmenor]:  
            idxmenor = i  
  
    return L.pop(idxmenor)
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    idxmenor = 0  
    for i in range(len(L)):  
        if L[i] < L[idxmenor]:  
            idxmenor = i  
    menor = L[idxmenor]  
  
    return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    idxmenor = 0  
    for i in range(len(L)):  
        if L[i] < L[idxmenor]:  
            idxmenor = i  
    menor = L[idxmenor]  
  
    del L[-1]  
    return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):
    idxmenor = 0
    for i in range(len(L)):
        if L[i] < L[idxmenor]:
            idxmenor = i
    menor = L[idxmenor]
    for i in range(idxmenor, len(L) - 1):
        L[i] = L[i+1]
    del L[-1]
    return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    idxmenor = 0  
    for i in range(len(L)):  
        if L[i] < L[idxmenor]:  
            idxmenor = i  
    menor = L[idxmenor]  
    for i in range(idxmenor, len(L) - 1):  
        L[i] = L[i+1]  
    del L[-1]  
    return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):
```


Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):
```

```
    return menor
```


Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    for i in range(len(L)):  
  
        menor = L[-1]  
        del L[-1]  
        return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista, encontra o menor elemento, remove esse elemento da lista e o devolve

```
def encontra_menor(L):  
    for i in range(len(L)):  
        if L[i] < L[-1]:  
            L[i], L[-1] = L[-1], L[i]  
    menor = L[-1]  
    del L[-1]  
    return menor
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)



Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)

```
def encaixa(L, n):
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)

```
def encaixa(L, n):  
    L.append(n)
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)

```
def encaixa(L, n):
    L.append(n)
    i = len(L) - 1
    while i > 0:
        L[i+1] = L[i]
        i -= 1
```


Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)

```
def encaixa(L, n):  
    L.append(n)  
    i = len(L) - 1  
    while i > 0 and L[i-1] > L[i]:  
        i -= 1
```

Exercício

Escreva uma função que recebe uma lista ordenada e um inteiro e insere esse inteiro na lista mantendo a lista ordenada (é preciso mover os elementos da lista para “abrir espaço” para o novo elemento)

```
def encaixa(L, n):  
    L.append(n)  
    i = len(L) - 1  
    while i > 0 and L[i-1] > L[i]:  
        L[i-1], L[i] = L[i], L[i-1]  
        i -= 1
```

- **Mas nem precisa de duas listas!**

- **Mas nem precisa de duas listas!**
- **Basta criar uma divisão imaginária na lista**

- **Mas nem precisa de duas listas!**
- **Basta criar uma divisão imaginária na lista**
 - ▶ O pedaço à esquerda da divisão é a lista “nova”, que está em ordem

- **Mas nem precisa de duas listas!**
- **Basta criar uma divisão imaginária na lista**
 - ▶ O pedaço à esquerda da divisão é a lista “nova”, que está em ordem
 - ▶ O pedaço à direita é a lista “velha”, que não está em ordem

- **Mas nem precisa de duas listas!**
- **Basta criar uma divisão imaginária na lista**
 - ▶ O pedaço à esquerda da divisão é a lista “nova”, que está em ordem
 - ▶ O pedaço à direita é a lista “velha”, que não está em ordem
 - ▶ A linha da divisão imaginária vai avançando a cada passo, de maneira que os elementos “saem” da lista desordenada e “entram” na lista ordenada

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- “Encontra o próximo e coloca no fim da lista” — *selection sort*

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”** — *insertion sort*

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”** — *insertion sort*
 - ① A lista dos elementos até o elemento zero está ordenada

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”** — *insertion sort*
 - ① A lista dos elementos até o elemento zero está ordenada
 - ② Acrescenta o elemento um a essa lista (pode ser na posição um ou na posição zero) de maneira que a lista dos elementos até a posição um esteja ordenada

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”** — *insertion sort*
 - ① A lista dos elementos até o elemento zero está ordenada
 - ② Acrescenta o elemento um a essa lista (pode ser na posição um ou na posição zero) de maneira que a lista dos elementos até a posição um esteja ordenada
 - ③ Acrescenta o elemento dois a essa lista (pode ser nas posições zero, um ou dois) de maneira que a lista dos elementos até a posição dois esteja ordenada; etc.

Ordenação — ideias

Para ordenar uma lista A:

- **“Encontra o próximo e coloca no fim da lista”** — *selection sort*
 - ① Encontra o menor elemento da lista e troca esse elemento com o primeiro
 - ② Encontra o menor elemento dos que sobraram e troca esse elemento com o segundo; etc.
- **“Pega qualquer um e encontra o lugar dele na lista”** — *insertion sort*
 - ① A lista dos elementos até o elemento zero está ordenada
 - ② Acrescenta o elemento um a essa lista (pode ser na posição um ou na posição zero) de maneira que a lista dos elementos até a posição um esteja ordenada
 - ③ Acrescenta o elemento dois a essa lista (pode ser nas posições zero, um ou dois) de maneira que a lista dos elementos até a posição dois esteja ordenada; etc.
 - » (é preciso mover alguns dos elementos para “abrir espaço” para o novo elemento)

**“encontrar o próximo”
(quem? — select)**

“encontrar o próximo”
(quem? — select)
vs

“encontrar o próximo”

(quem? — select)

vs

“encontrar o lugar do próximo”

(onde? — insert)

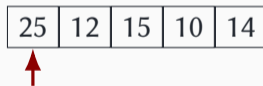
Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.

25	12	15	10	14
----	----	----	----	----

Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



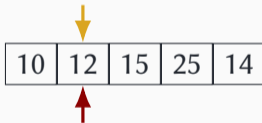
Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



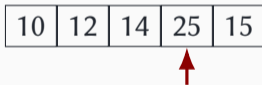
Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



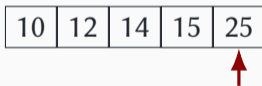
Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



Selection sort

Selection sort: Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.



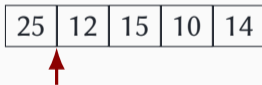
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta

25	12	15	10	14
----	----	----	----	----

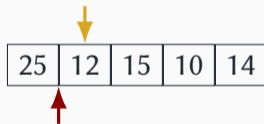
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



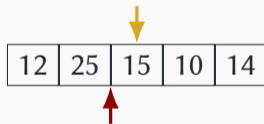
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



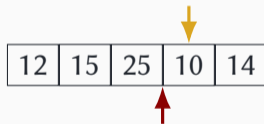
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



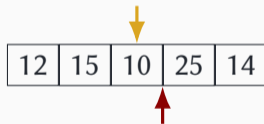
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



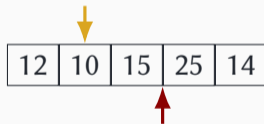
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



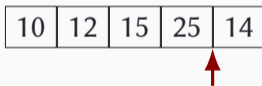
Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Insertion sort

Insertion sort: Considera que o “lado esquerdo” da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do “lado direito” para o “lado esquerdo”, garantindo que a ordem do “lado esquerdo” continue correta



Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
```

```
def idxmenor(L, início):
```


Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
  
def idxmenor(L, início):
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
        certo = idxmenor(L, i)  
  
    def idxmenor(L, início):
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):

    return menor
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):
    menor = início

    return menor
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):
    menor = início
    for i in range(início, len(L)):

    return menor
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):
    menor = início
    for i in range(início, len(L)):
        if L[i] < L[menor]:
            menor = i
    return menor
```

Exercício — selection sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por seleção (*selection sort*): “Procura o menor de todos e coloca na primeira posição; procura o menor de todos entre os que sobraram e coloca na segunda posição; etc.”

```
def selectionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        certo = idxmenor(L, i)
        L[i], L[certo] = L[certo], L[i]

def idxmenor(L, início):
    menor = início
    for i in range(início, len(L)):
        if L[i] < L[menor]:
            menor = i
    return menor
```


Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”



Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):
```

Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
        encaixa(L, i)
```

Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
        encaixa(L, i)  
def encaixa(L, i):
```

Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):
    for i in range(len(L)):
        encaixa(L, i)
def encaixa(L, i):
    while i > 0:
        if L[i] < L[i-1]:
            L[i], L[i-1] = L[i-1], L[i]
            i -= 1
```

Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
        encaixa(L, i)  
def encaixa(L, i):  
    while i > 0 and L[i-1] > L[i]:  
  
        i -= 1
```

Exercício – insertion sort

Escreva uma função que recebe uma lista de inteiros e ordena essa lista usando o algoritmo de ordenação por inserção (*insertion sort*): “Considera que o ‘lado esquerdo’ da lista está em ordem; a cada iteração, passa um elemento do lado direito para o lado esquerdo, garantindo que a ordem do lado esquerdo continue correta”

```
def insertionSort(L):  
    for i in range(len(L)):  
        encaixa(L, i)  
def encaixa(L, i):  
    while i > 0 and L[i-1] > L[i]:  
        L[i-1], L[i] = L[i], L[i-1]  
        i -= 1
```