

1. Resolva o problema

$$\begin{aligned} u_t - ku_{xx} &= 0, \quad 0 < x < \infty, \quad t > 0 \\ u(x, 0) &= e^{-x}, \quad 0 < x < \infty \\ u(0, t) &= 0, \quad t > 0 \end{aligned}$$

2. Resolva o problema

$$\begin{aligned} u_t - ku_{xx} &= 0, \quad 0 < x < \infty, \quad t > 0 \\ u(x, 0) &= 0, \quad 0 < x < \infty \\ u(0, t) &= 1, \quad t > 0 \end{aligned}$$

3. Encontre a fórmula de solução para o problema de Neumann para a equação da difusão na semireta

$$\begin{aligned} u_t - ku_{xx} &= 0, \quad 0 < x < \infty, \quad t > 0 \\ u(x, 0) &= \phi(x), \quad 0 < x < \infty \\ u_x(0, t) &= 0, \quad t > 0 \end{aligned}$$

4. Encontre a fórmula de solução para o problema de Neumann para a equação das ondas na semireta

$$\begin{aligned} u_{tt} - c^2 u_{xx} &= 0, \quad 0 < x < \infty, \quad t > 0 \\ u(x, 0) &= \phi(x), \quad u_t(x, 0) = \psi(x) \quad 0 < x < \infty \\ u_x(0, t) &= 0, \quad t > 0 \end{aligned}$$