

# Física 2 – Ciências Moleculares

---

**Caetano R. Miranda**    **AULA 13 – 11/04/2024**

*crmiranda@usp.br*



*sampa*



# Movimento harmônico simples

---

- Quando a força restauradora é diretamente proporcional ao deslocamento da posição de equilíbrio, a oscilação denomina-se movimento harmônico simples, abreviado por MHS.
- A aceleração  $a_x = d^2x/dt^2 = F_x/m$  de um corpo que executa um MHS é dada por:

**Equação para o movimento harmônico simples**

$$a_x = \frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x$$

Componente  $x$  da aceleração

Segunda derivada do deslocamento

Constante de força da força restauradora

Deslocamento

Massa do objeto

The diagram shows the equation  $a_x = \frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x$  with several labels and arrows pointing to specific parts. On the left, the text 'Equação para o movimento harmônico simples' has a dotted arrow pointing to the entire equation. Above the equation, 'Componente x da aceleração' has a dotted arrow pointing to  $a_x$ . Below the equation, 'Segunda derivada do deslocamento' has a dotted arrow pointing to the  $\frac{d^2x}{dt^2}$  term. To the right of the equation, 'Constante de força da força restauradora' has a dotted arrow pointing to the  $k$  in the numerator of the fraction. Below that, 'Deslocamento' has a dotted arrow pointing to the  $x$  in the numerator. At the bottom right, 'Massa do objeto' has a dotted arrow pointing to the  $m$  in the denominator.

# Aplicações do movimento harmônico simples

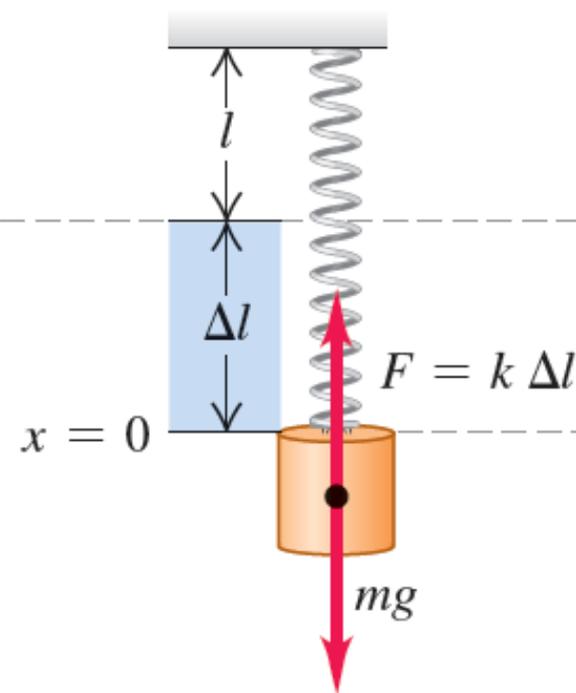
## MHS na direção vertical

- Um corpo preso na extremidade de uma mola suspensa:

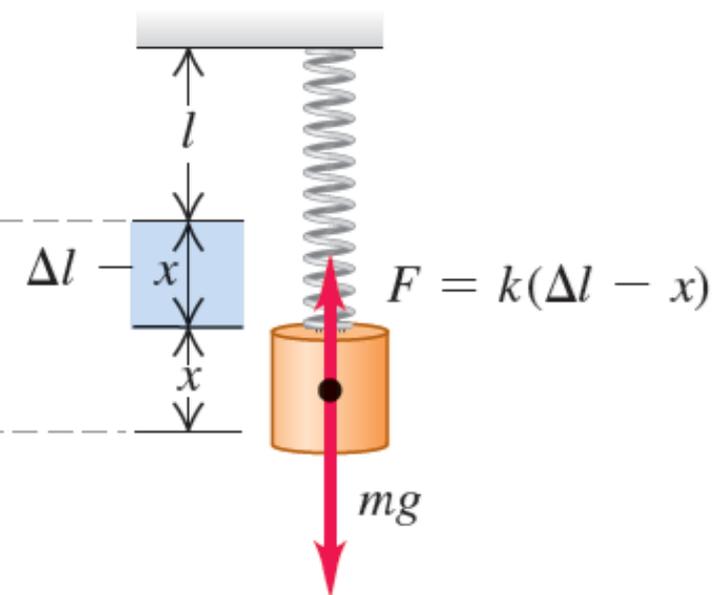
(a)



(b) Um corpo suspenso na extremidade da mola está em equilíbrio quando a força da mola de baixo para cima possui módulo igual ao do peso do corpo.



(c) Se o corpo sofre um deslocamento a partir da posição de equilíbrio, a força restauradora do corpo é proporcional a esse deslocamento. As oscilações constituem um MHS.



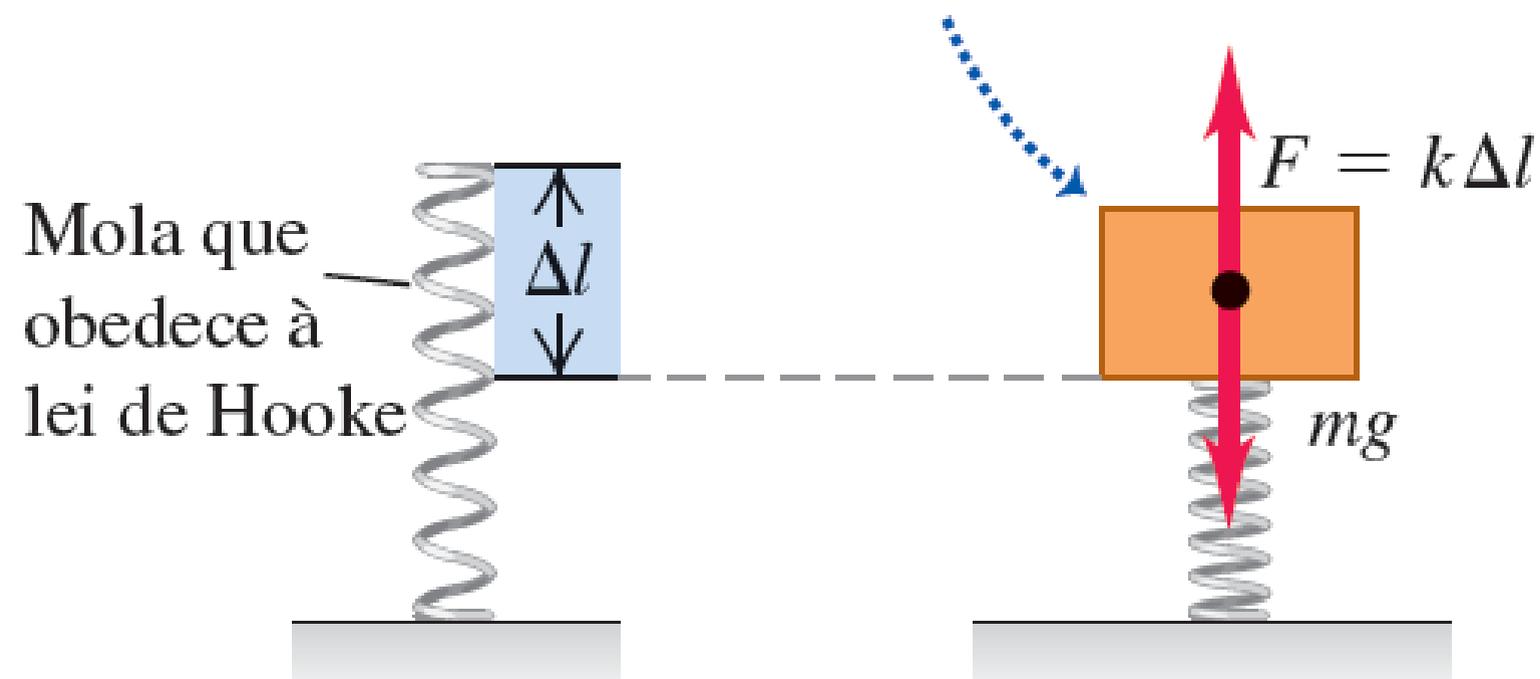
# Aplicações do movimento harmônico simples

---

## MHS na direção vertical

- Quando um corpo com peso  $mg$  é colocado verticalmente sobre uma mola:

Um corpo é colocado sobre a mola. Ele está em equilíbrio quando a força de baixo para cima exercida pela mola comprimida for igual ao peso do corpo.

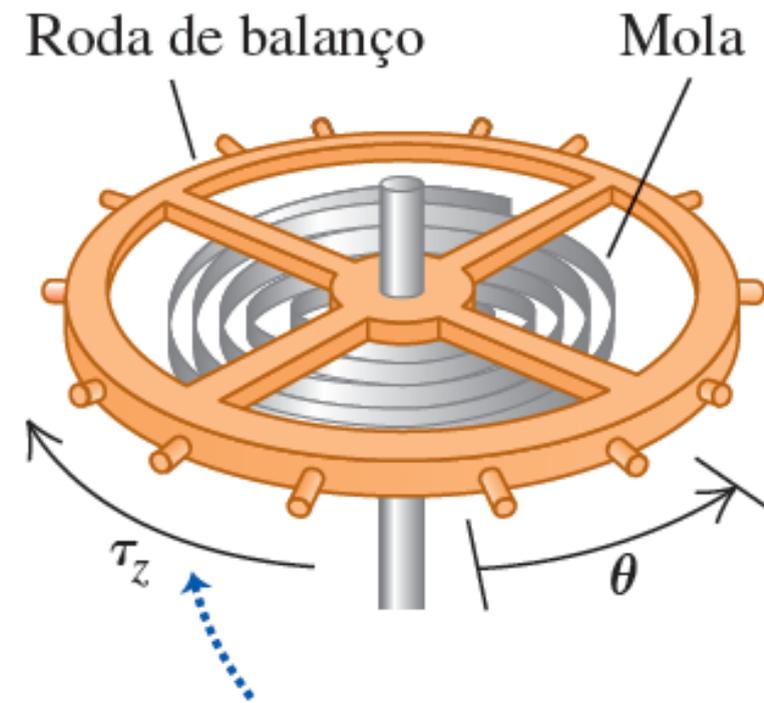


# Aplicações do movimento harmônico simples

---

## MHS angular

- A roda de balanço de um relógio mecânico. A mola helicoidal exerce um torque restaurador proporcional ao deslocamento angular  $\theta$ . Logo, o movimento é um MHS:



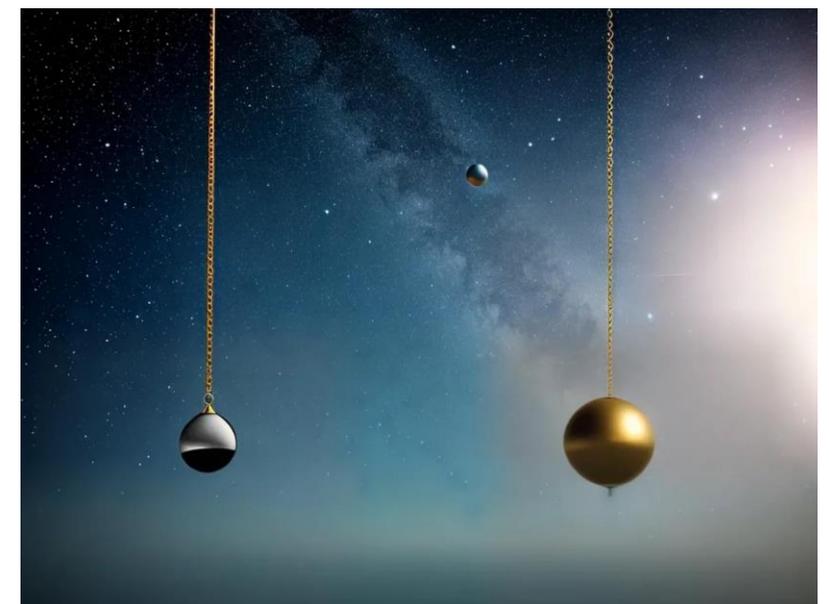
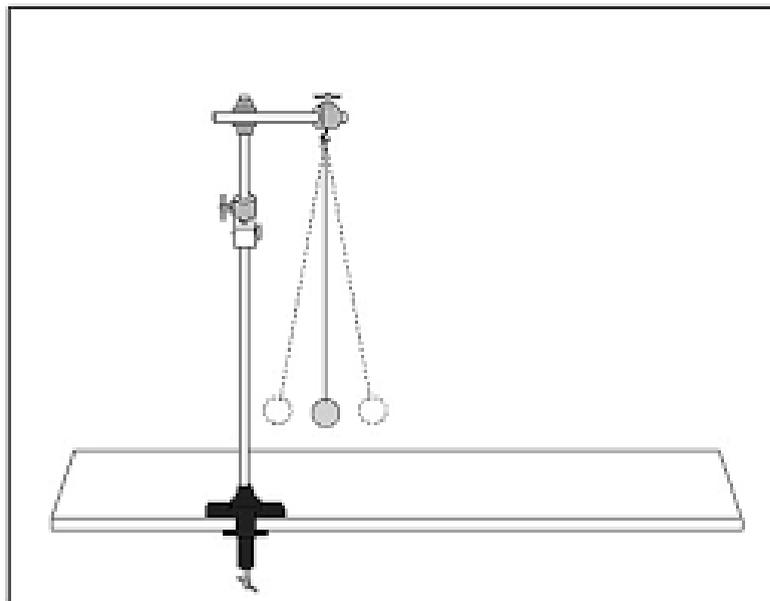
O torque da mola  $\tau_z$  se opõe ao deslocamento angular  $\theta$ .

---

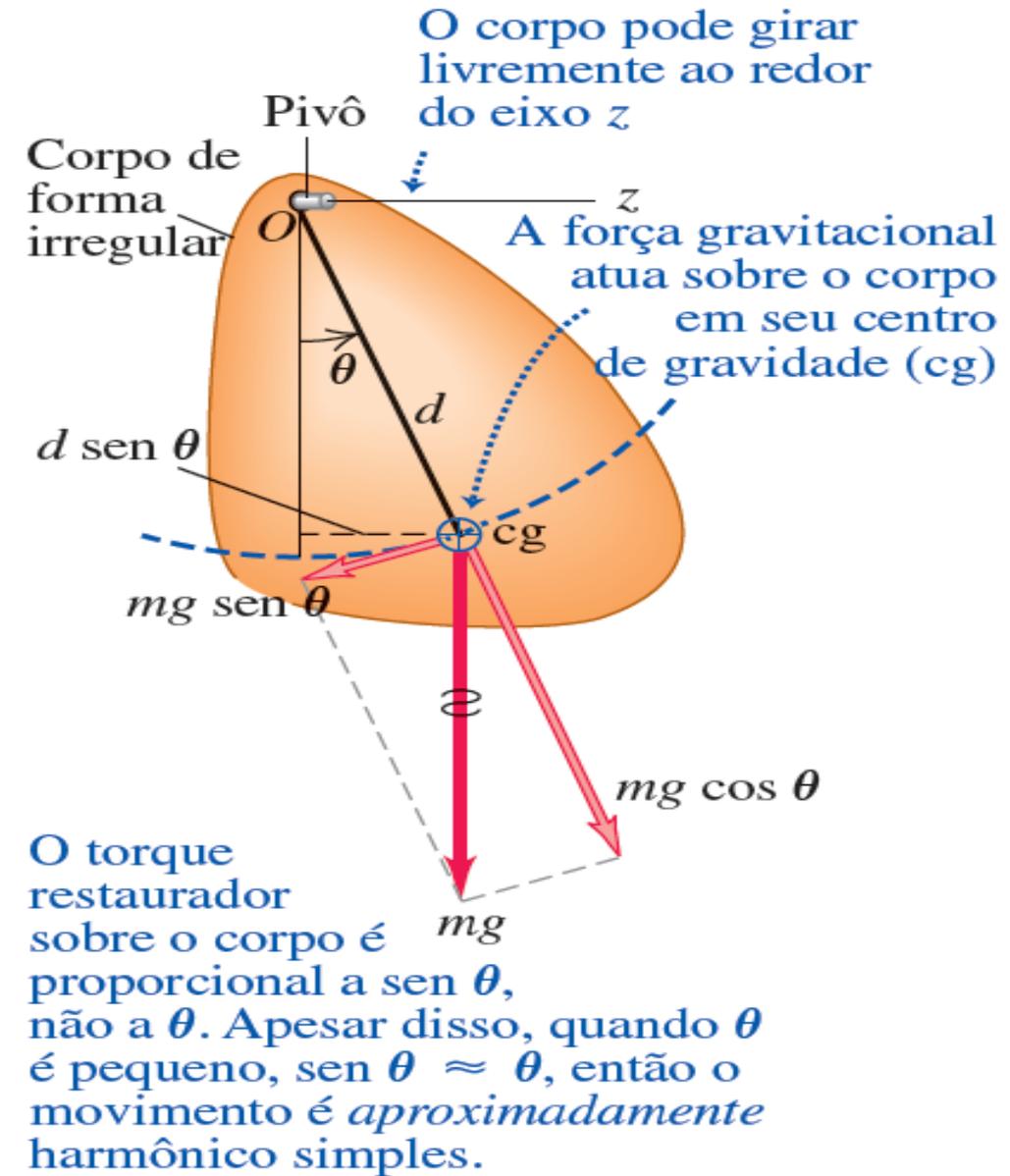
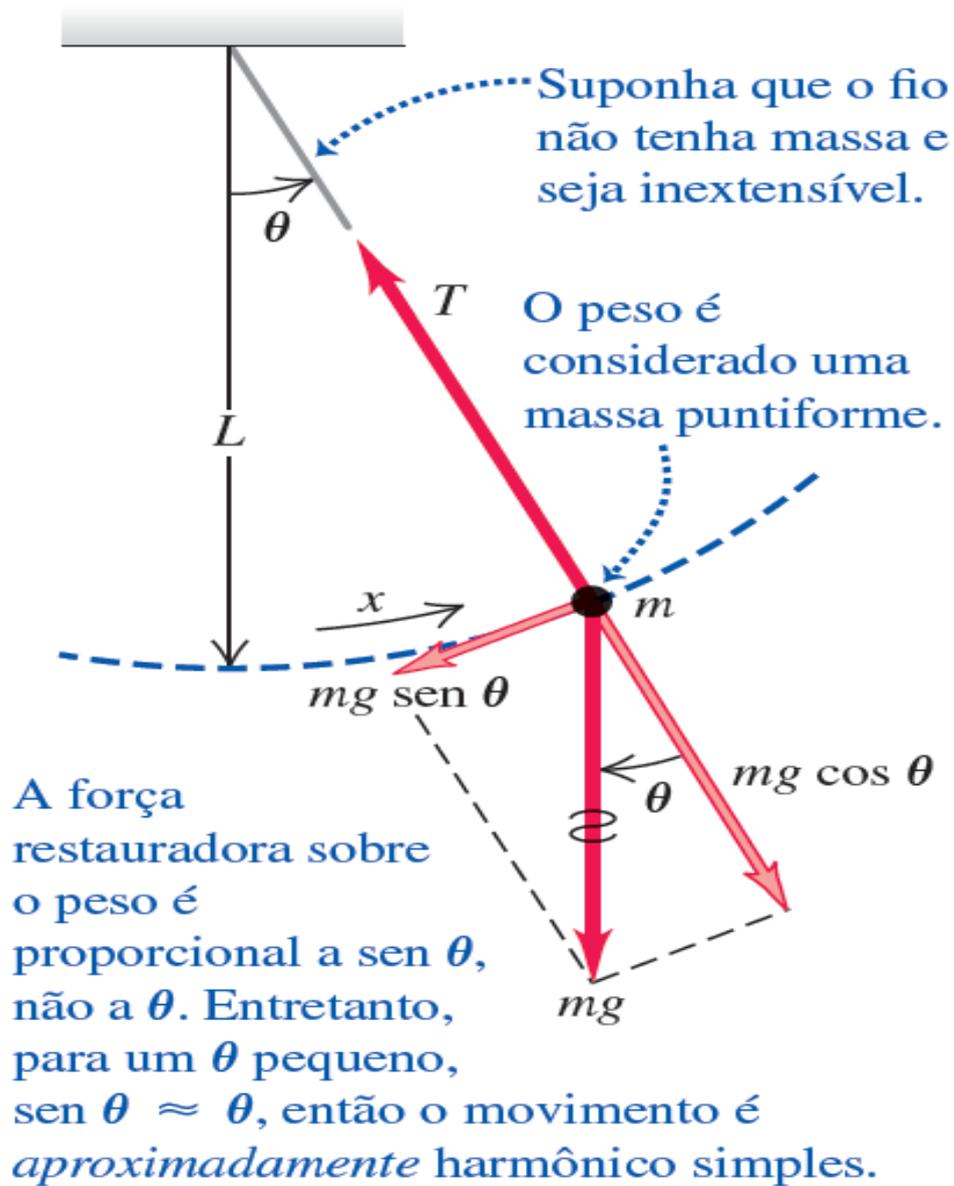
# O pêndulo simples

---

- Um **pêndulo simples** é um modelo idealizado constituído por um corpo puntiforme suspenso por um fio inextensível de massa desprezível.
- Quando esse corpo é puxado lateralmente a partir de sua posição de equilíbrio e a seguir liberado, ele oscila em torno da posição de equilíbrio.



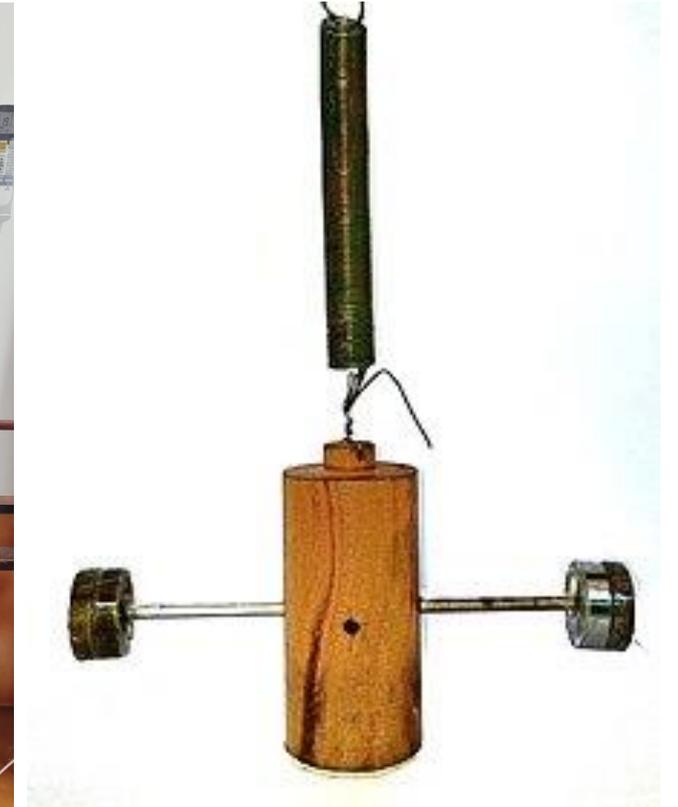
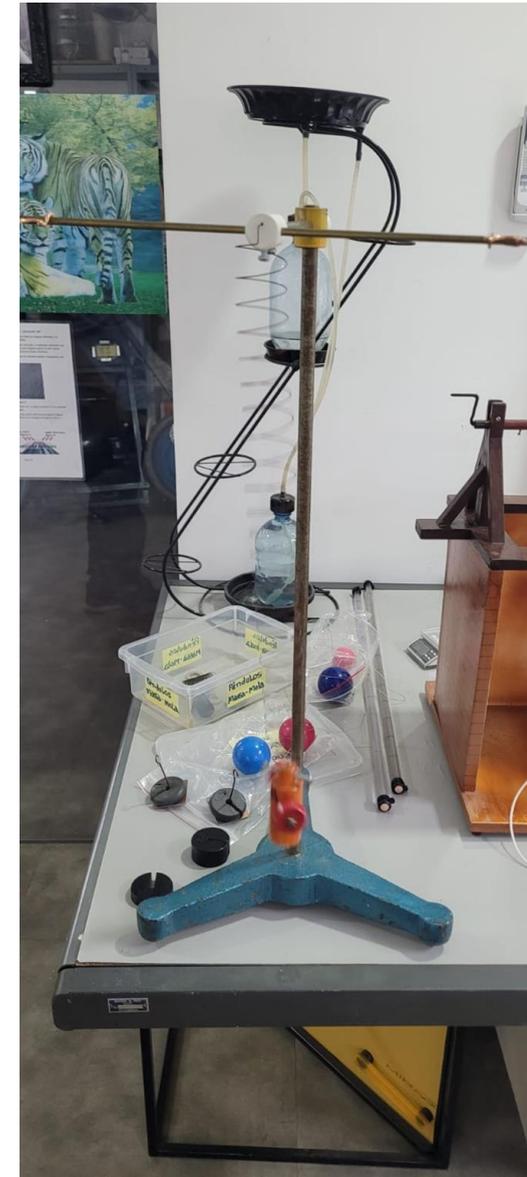
# Pêndulo ideal simples



# Pêndulo de Wilberforce

- Como a energia é transferida da oscilação vertical para a angular ?
- Como evitar a transferência de energia ?
- Qual a relação entre o pêndulo de Wilberforce e a sua máquina de lavar ?
- Como encontrar as duas frequências naturais ?

[e-Aulas da USP :: Oscilações e Ondas - Tema 4 - Osciladores...](#)



# Aplicações

1. Um bloco de massa  $M$ , capaz de deslizar com atrito desprezível sobre um trilho de ar horizontal, está preso a uma extremidade do trilho por uma mola de massa desprezível e constante elástica  $k$ , inicialmente relaxada. Uma bolinha de chiclete de massa  $m$ , lançada em direção ao bloco com velocidade horizontal  $v$ , atinge-o no instante  $t = 0$  e fica grudada nele (Fig. P.1). Ache a expressão do deslocamento  $x$  do sistema para  $t > 0$ .

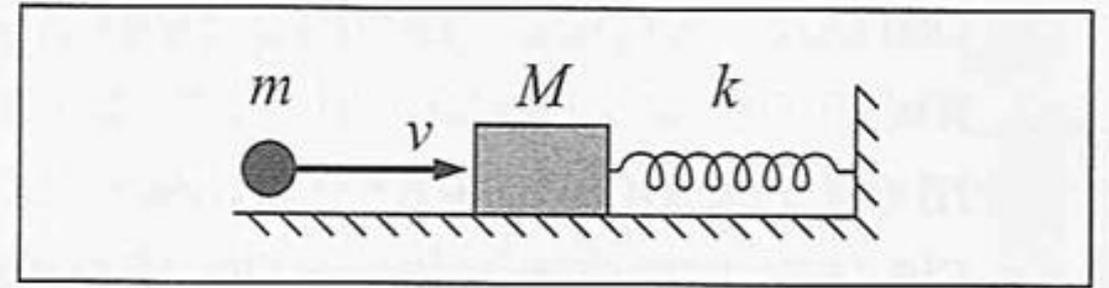


Figura P.1

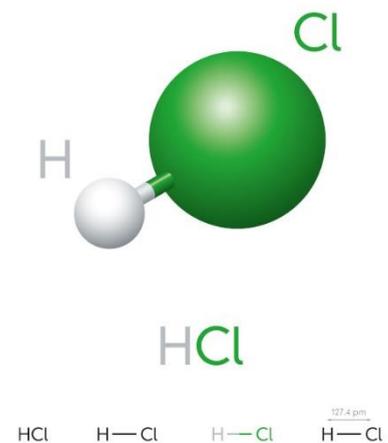
# Aplicações

---

2. Uma partícula de massa  $m$  está suspensa do teto por uma mola de constante elástica  $k$  e comprimento relaxado  $l_0$ , cuja massa é desprezível. A partícula é solta em repouso, com a mola relaxada. Tomando o eixo  $Oz$  orientado verticalmente para baixo, com origem no teto, calcule a posição  $z$  da partícula em função do tempo.

# Aplicações

21. A molécula de HCl é uma molécula iônica, que podemos considerar como resultante da interação entre os íons  $H^+$  e  $Cl^-$ , com energia potencial de interação dada por  $U(r) = -K(e^2/r) + B/r^{10}$ , onde  $r$  é a distância entre os centros. O primeiro termo é a atração coulombiana ( $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$ ,  $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ), e o segundo representa uma interação repulsiva a curta distância ( $B > 0$ ). A distância entre os centros na molécula é de  $1,28 \text{ \AA}$ ; uma unidade de massa atômica vale  $1,66 \times 10^{-27} \text{ kg}$ . (a) Calcule a “constante de mola efetiva”  $k$  da ligação. (b) Calcule a frequência de vibração  $\nu$  da molécula (clássica).



# Aplicações

3. Duas partículas 1 e 2 de mesma massa  $m$  estão presas por molas de constante elástica  $k$ , comprimento relaxado  $l_0$  e massa desprezível, a paredes verticais opostas, separadas de  $2l_0$ ; as massas podem deslizar sem atrito sobre uma superfície horizontal (Fig. P.2). Tem-se  $m = 10\text{ g}$  e  $k = 100\text{ N/m}$ . No instante  $t = 0$ , a partícula 1 é deslocada de  $1\text{ cm}$  para a esquerda e 2 de  $1\text{ cm}$  para a direita, comunicando-se a elas velocidades de magnitude  $\sqrt{3}\text{ m/s}$ , para a esquerda (partícula 1) e para a direita (partícula 2). (a) Escreva as expressões dos deslocamentos  $x_1$  e  $x_2$  das duas partículas para  $t > 0$ . (b) As partículas irão colidir uma com a outra? Em que instante? (c) Qual a energia total do sistema?

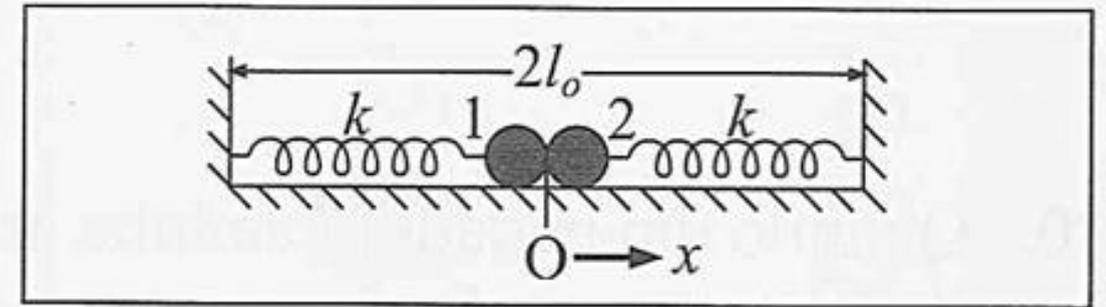


Figura P.2

# Aplicações

4. Uma conta de massa  $m$  enfiada num aro vertical fixo de raio  $r$ , no qual desliza sem atrito, desloca-se em torno do ponto mais baixo, de tal forma que o ângulo  $\theta$  (Fig. P.3) permanece pequeno. Mostre que o movimento é harmônico simples e calcule o período.

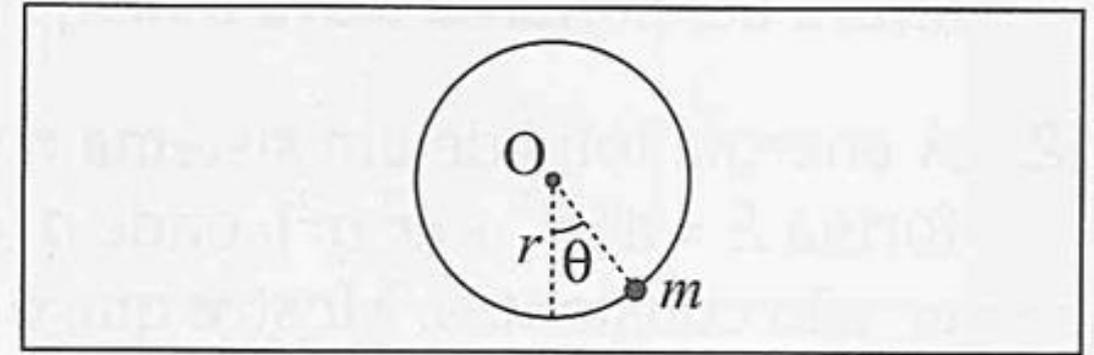
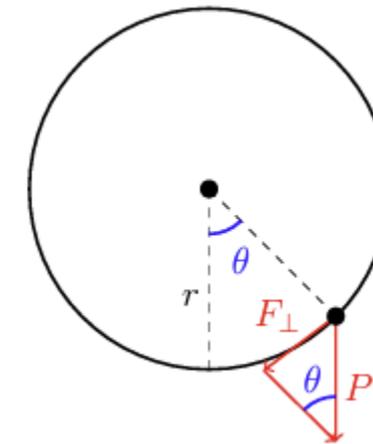


Figura P.3



# Aplicações

13. Uma bolinha homogênea de massa  $m$  e raio  $r$  rola sem deslizar sobre uma calha cilíndrica de raio  $R \gg r$ , na vizinhança do fundo, ou seja, com  $\theta \ll 1$  (Fig. P.7). Mostre que o movimento é harmônico simples e calcule a frequência angular  $\omega$ .

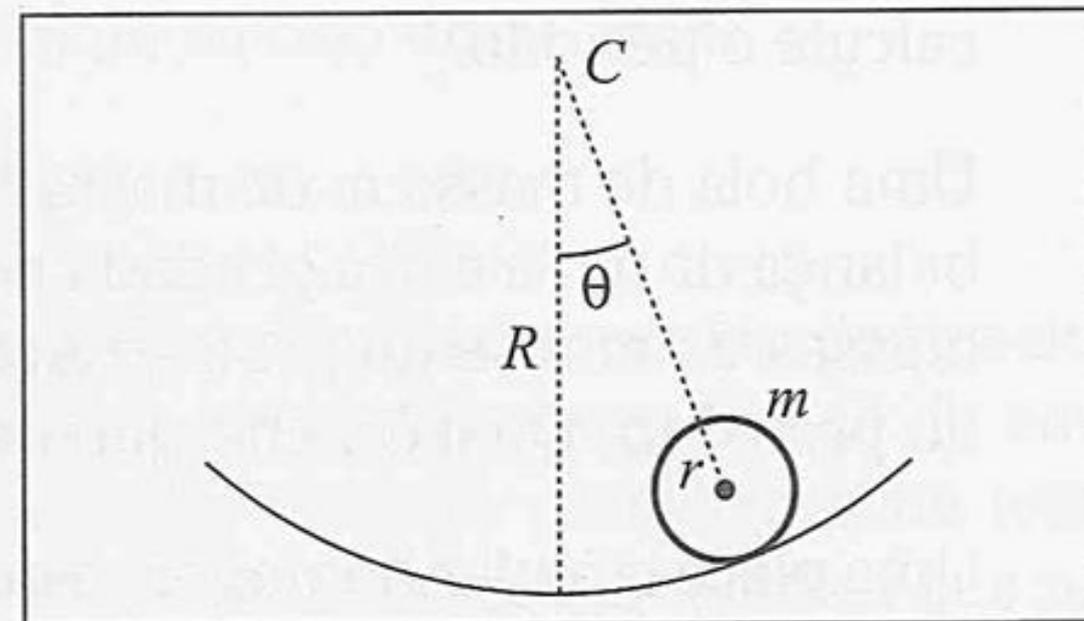


Figura P.7

# Sumário – 11/04/2024

---

- Aplicações Oscilador Harmônico Simples

Devolutiva:

- Como foi a aula hoje ? (Moodle)

<https://forms.gle/8CJCkQkS8f3c9gJB9>

