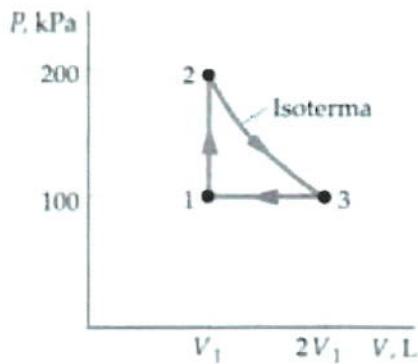


6ª Avaliação

NOME: Marília - Gabarito

Número USP: _____ Turma: _____

- 1) A figura abaixo mostra um ciclo de transformações termodinâmicas sofridas por **1,0 mol** de um gás monoatômico ideal com volume inicial $V_1 = 25,0 \text{ L}$. Todos os processos são quase-estáticos. Determine, para cada uma das etapas do ciclo:
- a variação na energia interna do gás (2,0)
 - o calor transferido, interpretando se o gás recebeu ou perdeu energia térmica (2,0)
 - o trabalho transferido, interpretando se o gás realizou ou sofreu trabalho (2,0)



- 2) Uma amostra de **0,500 mol** de um gás monoatômico ideal, inicialmente a **400 kPa** e **300 K**, expande-se em um processo quase-estático até que sua pressão diminui para **160 kPa**. Determine a temperatura final do gás, o volume final do gás, o trabalho e a magnitude da troca de calor se a expansão for:

- isotérmica (2,0)
- adiabática (2,0)

$$\textcircled{1} \quad \underline{\text{Etapa 1-2}} \Rightarrow \Delta U = \int_{T_1}^{T_2} \frac{3}{2} nR dT = \frac{3}{2} nR \left(\frac{P_2 V_2 - P_1 V_1}{nR} \right) = \boxed{3750 \text{ J}}$$

$$\Delta W = \int P dV = 0 \quad \text{pois } V_1 = V_2 \\ dU = dQ \Rightarrow \Delta U = \Delta Q = \boxed{3750 \text{ J}} \quad (\text{recebeu calor})$$

$$\underline{\text{Etapa 2-3}} \Rightarrow \boxed{\Delta U = 0} \quad \text{pois } T_2 = T_3$$

$$\Delta W = \int_{V_2}^{V_3} P dV = \frac{nRT_2}{V_2} \int_{V_2}^{V_3} \frac{dV}{V} = nRT_2 \ln \left(\frac{V_3}{V_2} \right) = \boxed{3466 \text{ J}} \quad (\text{realizou trabalho})$$

$$\boxed{\Delta U = 0} \Rightarrow \Delta W = \Delta Q \Rightarrow \boxed{\Delta Q = 3466 \text{ J}} \quad (\text{recebeu calor})$$

$$\underline{\text{Etapa 3-1}} \Rightarrow \Delta U = \int_{T_2}^{T_1} \frac{3}{2} nR dT = \frac{3}{2} nR (T_1 - T_2)$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR \left(\frac{P_1 V_1}{nR} - \frac{P_3 V_3}{nR} \right) = \boxed{-3750 \text{ J}}$$

$$\Delta W = \int_{V_3}^{V_1} P dV = P (V_1 - V_3) = \boxed{-2500 \text{ J}} \quad (\text{realizou trabalho})$$

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta W = \boxed{-6250 \text{ J}} \quad (\text{cedeu calor})$$

$$\textcircled{2} \quad \text{a) Isothermico} \quad T_1 = T_2 = \boxed{300 \text{ K}}$$

$$V_2 = \frac{nRT_2}{P_2} = \frac{0,5 \times 8,314 \times 300}{160 \times 10^3} = \boxed{7,8 \text{ L}}$$

$$\Delta W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{nRT dV}{V} = nRT \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$

$$\Delta W = -0,5 \times 8,314 \times 300 \times \ln\left(\frac{400}{160}\right) \Rightarrow \boxed{\Delta W = 1143 \text{ J}}$$

$$\Delta U = 0 \Rightarrow \Delta Q = \Delta W \Rightarrow \boxed{\Delta Q = 1143 \text{ J}}$$

$$\text{b) Adiabático} \Rightarrow \boxed{\Delta Q = 0} \Rightarrow \Delta U = -\Delta W$$

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \quad \gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{5}{3}$$

$$V_2^\gamma = \frac{P_1 V_1^\gamma}{P_2} \Rightarrow V_2 = \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^{1/\gamma} V_1 = \left(\frac{400}{160}\right)^{3/5} \times 0,0031 \Rightarrow$$

$V_1 = \frac{nRT_1}{P_1}$

$$V_2 = 0,0054 \text{ m}^3 \Rightarrow \boxed{V_2 = 5,4 \text{ L}}$$

$$T_2 = \frac{P_2 V_2}{nR} = \frac{160 \times 10^3 \times 5,4 \times 10^{-3}}{0,5 \times 8,314} \Rightarrow \boxed{T_2 = 207,8 \text{ K}}$$

$$dU = -dW \Rightarrow \Delta W = \int_{T_1}^{T_2} \frac{3}{2} nR dT = \frac{3}{2} nR (T_2 - T_1)$$

$$\Delta W = \frac{3}{2} \times 0,5 \times 8,314 \times (207,8 - 300)$$

$$\boxed{\Delta W = 574,9 \text{ J}}$$