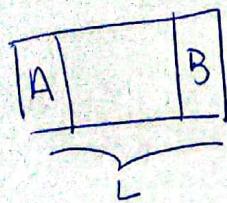


24/11/23

Equivalência massa-energia

Para demonstrar a equivalência massa-energia, James imagine um cilindro de comprimento  $L$  e massa  $M$ . Em suas extremidades há duas massas  $A$  e  $B$  de forma que  $m_A, m_B \ll M$ .



O corpo  $A$  transmite uma energia  $\Delta E$  para  $B$  em forma de radiação eletromagnética. Os processos de emissão e absorção são instantâneos.

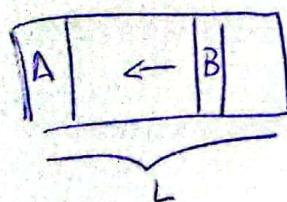
Vimos anteriormente que radiação transmite momento:  $\Delta P = \Delta E/c$ .

A lei de conservação de momento implica que o centro de massa do cilindro adquire um momento  $-\Delta P$  (reverso) no sentido  $B \rightarrow A$ .

Durante o tempo que a radiação leva para atravessar o cilindro ( $t = L/c$ ), o CM se desloca de:

$$-\frac{\Delta P}{M} t = -\frac{\Delta E}{Mc} \cdot \frac{L}{c} = -\frac{L}{Mc^2} \Delta E \quad (\text{sentido } B \rightarrow A).$$

Após a absorção da radiação, o corpo B se desloca (sob efeito de forças internas ao sistema) com velocidade  $v$  até atingir A.



Após a absorção de  $\Delta E$ , a massa de B é mi

Pela conservação de momento total, o CM se desloca

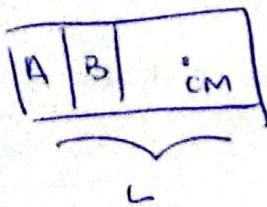
durante o movimento de B com velocidade  $V = \frac{m_1 v}{M}$  no

sentido  $A \rightarrow B$ .

Então:  $\frac{V L}{v} = \frac{m_1 L}{M}$  no sentido  $A \rightarrow B$ .

durante  $t = \frac{L}{V}$  até B atingir A.

Quando B atinge A:

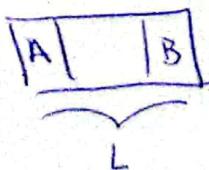


B transfere para A a energia  $\Delta E$  que absorve, ficando com massa  $m_2$  e voltar para a outra extremidade.

De forma análoga, o CM se desloca de  $-\frac{m_2}{M} L$  de  $B \rightarrow A$ .

As final:

a energia é idêntica à inicial.



O deslocamento resultante do CM é:

$$\Delta x_{cm} = \frac{L}{m} \left( m_1 - m_2 - \frac{\Delta E}{c^2} \right) \text{ sentido } A \rightarrow B.$$

Como  $E_i = E_f$ , o deslocamento  $\Delta x$  do CM deve ser zero, então:

$$\Delta x_{cm} = 0 \Rightarrow m_1 - m_2 = \frac{\Delta E}{c^2}$$

A variação de massa do corpo B deve à transferência de energia  $\Delta E$ !!

Essa energia pode ser armazenada por B de qualquer forma:

- térmica
- potencial
- química
- etc ...

Então qualquer forma de energia tem inércia.

A massa inicial  $m$  associada à energia  $E$  é dada por

$$E = mc^2 \text{ (relatividade restrita).}$$

Para processos macroscópicos: variação de massa dividida à variação de energia é muito pequena.

Essa observação é mais comum para processos radioativos,

em que a energia liberada é bem maior.

Ex: fusão e fissão de núcleos e decaimentos de núcleos.