

## Lista 14 - MAT-2454

- (1) Determine os pontos de máximo e de mínimo da função  $f(x, y) = x + y$  sobre a curva  $x^2 + y = 1$ .
- (2) Determine os pontos de máximo e de mínimo da função  $f(x, y) = x^2 + y^2$  sobre a reta  $x + 2y = 4$ . (Observe que  $x^2 + y^2$  é o quadrado da distância do ponto  $(x, y)$  à origem  $(0, 0)$ . Como, no caso,  $(x, y)$  é um ponto da reta  $x + 2y = 4$ , o problema trata da distância de  $(0, 0)$  a esta reta.)
- (3) Determine os pontos de máximo e de mínimo da função  $f(x, y) = 3xy$  sobre a circunferência  $x^2 + y^2 = 8$ .
- (4) Determine o ponto da elipse  $x^2 + xy + y^2 = 3$  que está mais próximo da origem.
- (5) Determine os pontos de máximo e de mínimo da função  $f(x, y) = x^2 + 2xy - 3y^2$  sobre a curva  $x^2 + 2y^2 = 1$ .
- (6) Determine os pontos de máximo e de mínimo da função  $f(x, y) = 4xy$ 
  - (i) sobre a circunferência  $(x - 1)^2 + y^2 = 1$ .
  - (ii) sobre a região limitada pelo triângulo de vértices  $(-1, 0)$ ,  $(3, 1)$  e  $(3, -1)$ .