

### Simulado 3 - SMA304

**Questão 1.** Sejam

$$B_1 = \{(1, 0, 3), (0, 2, 0), (3, 2, 1)\}$$

$$B_2 = \{(1, 0, 3), (1, 2, 3), (4, 2, 4)\}$$

subconjuntos de  $\mathbb{R}^3$ . Então é correto afirmar que:

a ( )  $B_1$  e  $B_2$  são bases de  $\mathbb{R}^3$  e a terceira linha de  $M_{B_1}^{B_2}$  é  $[0 \ 1 \ 0]$ .

b ( )  $B_1$  e  $B_2$  são bases de  $\mathbb{R}^3$  e a terceira linha de  $M_{B_1}^{B_2}$  é  $[0 \ 0 \ 1]$ .

c ( ) Apenas  $B_1$  é uma base de  $\mathbb{R}^3$ .

d ( ) Apenas  $B_2$  é uma base de  $\mathbb{R}^3$ .

e ( )  $B_1$  e  $B_2$  não são bases de  $\mathbb{R}^3$ .

**Questão 2.** Seja  $\mathcal{P}_1(\mathbb{R})$  o espaço dos polinômios da forma  $p(x) = ax + b$ ,  $a, b \in \mathbb{R}$  e considere a base  $\mathcal{B} = \{2x - 2, 2x + 2\}$ . Se  $\mathcal{A}$  for uma base tal que a matriz de mudança de base de  $\mathcal{B}$  para  $\mathcal{A}$  é dada por

$$M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}} = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

então a base  $\mathcal{A}$  será dada por

a ( )  $\mathcal{A} = \{4x, -6x + 2\}$

b ( )  $\mathcal{A} = \{-4x - 6, -2\}$

c ( )  $\mathcal{A} = \{2x + 2, 2x - 2\}$

d ( )  $\mathcal{A} = \{-4x, 6x - 2\}$

e ( ) nenhuma das alternativas anteriores.

**Questão 3.** Sejam  $V$  um espaço vetorial,  $\mathcal{B}$  e  $\mathcal{C}$  bases de  $V$  formadas pelos vetores  $e_1, e_2, e_3$  e  $g_1, g_2, g_3$ , respectivamente, relacionados da seguinte forma:

$$\begin{cases} g_1 = -e_2 + e_1 + e_3 \\ g_2 = 2e_2 + 2e_3 \\ g_3 = e_1 + e_3. \end{cases}$$

Sabendo que as coordenadas do vetor  $v$  em relação à base  $\mathcal{B}$  são 1, 3, 2, então as matrizes de mudança da base  $\mathcal{B}$  para a base  $\mathcal{C}$ , isto é,  $M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{C}}$ , e da base  $\mathcal{C}$  para a base  $\mathcal{B}$ , isto é,  $M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}}$  e as coordenadas do vetor  $v$  em relação à base  $\mathcal{C}$  são, respectivamente:

$$\text{a ( ) } M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ -\frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}, \quad [v]_{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} -2 \\ \frac{1}{2} \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\text{b ( ) } M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ -\frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}, \quad [v]_{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{c ( ) } M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \quad M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ -\frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}, \quad [v]_{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} -2 \\ \frac{1}{2} \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\text{d ( ) } M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} -1 & -\frac{1}{2} & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 1 & \frac{1}{2} & -1 \end{pmatrix}, \quad [v]_{\mathcal{C}} = \begin{pmatrix} \frac{3}{2} \\ 1 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

e ( ) nenhuma das alternativas anteriores.

**Questão 4.** Sejam  $\mathcal{B}$  e  $\mathcal{C}$  duas bases do espaço vetorial complexo  $\mathbb{C}^3$  tais que

$$\mathcal{B} = ((1, 1, 1), (0, i, 1), (0, 0, i)) \quad \text{e} \quad M_{\mathcal{C}}^{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Então

$$\text{a ( ) } \mathcal{C} = ((1, 1 + i, 2), (-1, -1 + i, 0), (0, -i, 1 + i)).$$

$$\text{b ( ) } \mathcal{C} = ((1/2, (1 - i)/2, 0), (1/2, (1 + i)/2, 1 + i/2), (0, 0, i/2)).$$

$$\text{c ( ) } \mathcal{C} = ((1, 1 - i, 0), (1, 1 + i, 2), (1, 1 + i, 2 + 2i)).$$

$$\text{d ( ) } \mathcal{C} = ((1/2, (1 - i)/2, 0), (1/2, (1 + i)/2, 1), (1/2, (1 + i)/2, 1 + i)).$$

e ( ) Nenhuma das alternativas anteriores.