

# SME0820 Modelos de Regressão e Aprendizado Supervisionado I: Tópicos da disciplina

Thomas Peron, 2023/02

## I. Regressão Linear Simples

- I.1. Análise de regressão – o que é?
- I.2. Predição estatística e preditores lineares ótimos
  - I.2.1. Predizendo uma variável aleatória a partir de sua distribuição
  - I.2.2. Prevendo uma variável aleatória a partir de outra
  - I.2.3. O melhor preditor linear
  - I.2.4. Recordando estatística básica: estimativa
  - I.2.5. Modelagem estatística
- I.3. O modelo de regressão linear simples
  - I.3.1.  $\hat{\beta}_0$  e  $\hat{\beta}_1$  através da cov e Var empíricas
  - I.3.2. Mínimos quadrados
  - I.3.3. Propriedades dos estimadores
  - I.3.4. Propriedades do modelo ajustado
  - I.3.5. Previsões com o modelo ajustado
  - I.3.6. Estimação pontual de  $\sigma^2$
  - I.3.7. Resíduos
  - I.3.8. Modelo de regressão linear simples com ruído gaussiano
- I.4. Inferência sobre os parâmetros
  - I.4.1. Alguns resultados úteis
  - I.4.2. Distribuição amostral de  $\hat{\beta}_0$ ,  $\hat{\beta}_1$  e  $\hat{\sigma}^2$ 
    - I.4.2.1. Distribuição amostral de  $\hat{\beta}_1$
    - I.4.2.2. Distribuição amostral de  $\hat{\beta}_0$
    - I.4.2.3. Distribuição amostral de  $\hat{\sigma}^2$  (MSE)
    - I.4.2.4. Erro padrão de  $\hat{\beta}_0$  e  $\hat{\beta}_1$
  - I.4.3. Distribuição amostral de  $\hat{\beta} - \beta/\text{SE}[\hat{\beta}]$
  - I.4.4. Intervalos de confiança e testes de hipótese para  $\hat{\beta}$ 
    - I.4.4.1. Testes de Hipótese
    - I.4.4.2. Limite de  $n \rightarrow \infty$
  - I.4.5. Intervalo de confiança para a resposta média  $\mu_{Y|X} = \mathbb{E}[Y|X]$
  - I.4.6. Intervalo de previsão
  - I.4.7. Análise de Variância
    - I.4.7.1. Tabela ANOVA
    - I.4.7.2. Teste  $F$
    - I.4.7.3. Coeficiente de determinação,  $R^2$
- I.5. Diagnóstico e modificações do modelo de regressão linear simples
  - I.5.1. Os resíduos
    - I.5.1.1. Resumo – propriedades dos resíduos
  - I.5.2. Análise dos resíduos: diagnóstico do modelo
    - I.5.2.1. O que pode ser detectado a partir de gráficos de resíduos
  - I.5.3. Gráficos de quantis – “Q-Q plots” (Quantile-Quantile plot)
  - I.5.4. Medidas para reparar o modelo

I.5.4.1. Funções não lineares de X – Transformação da variável preditora

I.5.4.2. Transformando a resposta

I.5.4.3. Interpretando os parâmetros depois da transformação

I.6. O método de máxima verossimilhança para regressão linear simples

II. Regressão linear múltipla

TBA