

MAE-0212 – Lista de Exercícios 06

Departamento de Estatística

2o semestre de 2023

Pedimos aos alunos que entreguem os Exercícios 1, 5, 7 e 8, em data a ser determinada. Isso não contará para a nota final, a ideia é que seja uma oportunidade para os alunos desenvolverem e praticarem o conhecimento, sem pressão de nota, e receberem um retorno sincero do docente e do monitor sobre o nível de desenvolvimento de suas respostas.

Resolver os exercícios usando apenas tabelas estatísticas e uma calculadora comum. Valores que não estiverem presentes nas tabelas do livro-texto (Magalhães & de Lima) deverão ser obtidos por interpolação linear a partir das tabelas do próprio livro.

Exercício 1. Com o auxílio da tabela t-Student e uma calculadora, calcule:

- (a) $P(-1,87 \leq T_5 \leq 1,87)$.
- (b) $P(T_9 < 0,6)$.
- (c) $P(-1,5 < T_{14} < 2,0)$.
- (d) O valor de a tal que $P(T_9 > a) = 0,03$.
- (e) O valor de c tal que $P(|T_{11}| \leq c) = 0,92$

Exercício 2. Uma amostra de 20 observações de uma variável com distribuição normal foi colhida. No teste $\mu = 5$ contra $\mu > 5$, foi calculada a estatística $t = 2,093$. Calcule o nível descritivo (p -valor).

Exercício 3. O número de pontos em um exame de inglês tem sido historicamente ao redor de 80 pontos. Sorteamos 10 estudantes que fizeram recentemente esse exame e observamos as notas: 65, 74, 78, 86, 59, 84, 75, 72, 81 e 83. Especialistas desconfiam que a média diminuiu e desejam testar essa afirmação através de um teste de hipóteses. Fazendo as suposições necessárias, calcule o p -valor. Determine o intervalo de confiança para a média, com coeficiente de confiança $\gamma = 90\%$.

Exercício 4. Acredita-se que a pressão sanguínea arterial em homens siga o modelo normal com média 82. Mediu-se a pressão de 7 pacientes seguindo determinado tratamento, obtendo-se os seguintes resultados: 84, 81, 77, 85, 69, 80 e 79. Calcule o p -valor do teste de $H_0 : \mu = 82$ contra $H_1 : \mu < 82$.

Exercício 5. O número de pontos em um exame de inglês tem sido historicamente ao redor de 65 pontos. Especialistas desconfiam que a média aumentou e desejam testar essa afirmação através de um teste de hipóteses. Sortearam-se 10 estudantes que fizeram recentemente esse exame, e observaram-se as notas: 65, 74, 78, 86, 59, 84, 75, 72, 81 e 83. Fazendo as suposições necessárias, calcule o nível descritivo do teste. Determine o intervalo de confiança para a média, com coeficiente de confiança $\gamma = 90\%$.

Exercício 6. Utilizando a tabela da distribuição Qui-Quadrado, determine:

- (a) $P(\chi_7^2 \geq 14,70)$
- (b) $P(\chi_{23}^2 \leq 38,97)$
- (c) $P(\chi_{12}^2 \leq 14,01)$
- (d) $P(12 \leq \chi_{17}^2 \leq 31)$
- (e) O valor de a tal que $P(\chi_{13}^2 \geq a) = 0,02$
- (f) O valor de b tal que $P(\chi_4^2 > b) = 0,04$
- (g) O valor de c tal que $P(\chi_{21}^2 < c) = 0,95$

Exercício 7. Utilizando a tabela Qui-Quadrado e uma calculadora, determine:

- (a) $P(\chi_7^2 \geq 13)$
- (b) $P(\chi_{23}^2 \leq 29)$
- (c) $P(\chi_{12}^2 \leq 10)$
- (d) $P(12 \leq \chi_{17}^2 \leq 30,2)$
- (e) O valor de a tal que $P(\chi_{13}^2 \geq a) = 0,06$
- (f) O valor de b tal que $P(\chi_4^2 > b) = 0,03$

Exercício 8. Quatro máquinas de grande porte trabalham de forma independente e ao fim da jornada de trabalho são vistoriadas pelo controle de qualidade e, caso necessitem, serão ajustadas. Das informações arquivadas pela empresa, sorteamos 22 dias e anotamos o número de máquinas que sofreram ajuste nesses dias. Os dados são apresentados na tabela abaixo. O engenheiro de manutenção pretende verificar se é adequado o modelo Binomial com $n = 4$ e probabilidade de ajuste $p = 0,1$. Utilize o nível descritivo (p -valor) para ajudar o engenheiro a decidir sobre essa hipótese.

Ajustes diários	0	1	2	3	4
Frequência	13	6	2	1	0

Exercício 9. Para verificar a qualidade do processo de fabricação, cabos de aço são submetidos ao ensaio de tração até acontecer a ruptura. Os cabos têm 5 metros de comprimento e deseja-se testar se o modelo uniforme contínuo é adequado. Os dados de 30 desses ensaios, sorteados ao acaso, é o seguinte:

Faixa	Frequência
0 - 1	7
1 - 2	6
2 - 3	4
3 - 4	6
4 - 5	7

Tome uma decisão a partir do nível de significância (p -valor).

Exercício 10. Suponha que você está conduzindo uma pesquisa sobre as preferências alimentares de uma turma de estudantes em relação a quatro tipos de alimentos: pizza, hambúrguer, salada e sushi. Você coletou os dados de 100 estudantes, que estão listados abaixo:

Alimento	Número de estudantes
Pizza	30
Hambúrguer	25
Salada	15
Sushi	30

Realize um teste de aderência para testar a premissa de que as preferências alimentares dos estudantes seguem uma distribuição uniforme (segundo a qual todas as categorias têm a mesma proporção na população).