

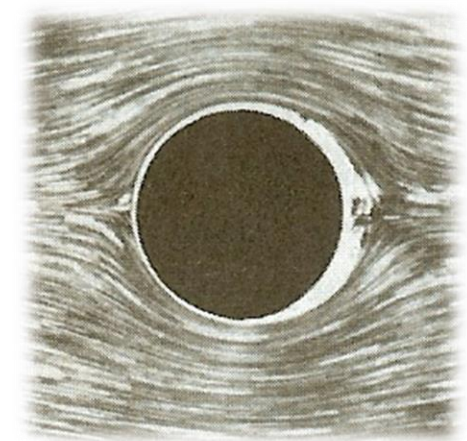
Aula 04

Introdução

Revisão MecFlu

Adimensionais relevantes

O conceito de massa adicional



Introdução

- Objetivo:
 - Apresentar modelos hidrodinâmicos simplificados capazes de fornecer estimativas razoáveis para as forças hidrodinâmicas sobre estruturas flutuantes para dois problemas de interesse:
 - Sob ação de ondas do mar (seakeeping)
 - Sob ação de correnteza

Introdução

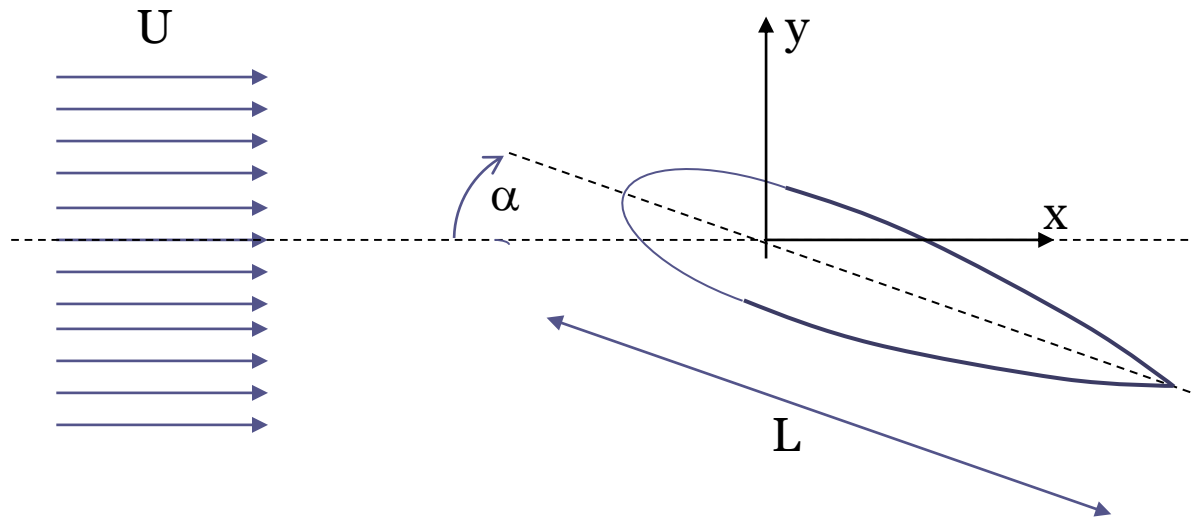
- Aspectos gerais:
 - Forças de ondas: Modelo baseado em escoamento potencial (s/ efeitos viscosos significativos, exceto em casos particulares); forças de pressão sobre o casco;
 - Forças de correnteza: Modelos semi-empíricos; importantes efeitos de viscosidade: tensões de cisalhamento (atrito) e pressão (esteira)
 - Estruturas esbeltas: Arrasto → Eq. de Morison
 - Estruturas ship-shaped: Arrasto e Sustentação → Modelos de manobra de baixa velocidade

Introdução

- Roteiro:
 1. Revisão de conceitos fundamentais de mecânica dos fluidos;
 2. Adimensionais que caracterizam os distintos escoamentos;
 3. Equações de governo (fluido real, fluido ideal);
 4. Forças sobre um corpo em movimento em fluido inviscido e na ausência de superfície-livre: o conceito de massa adicional

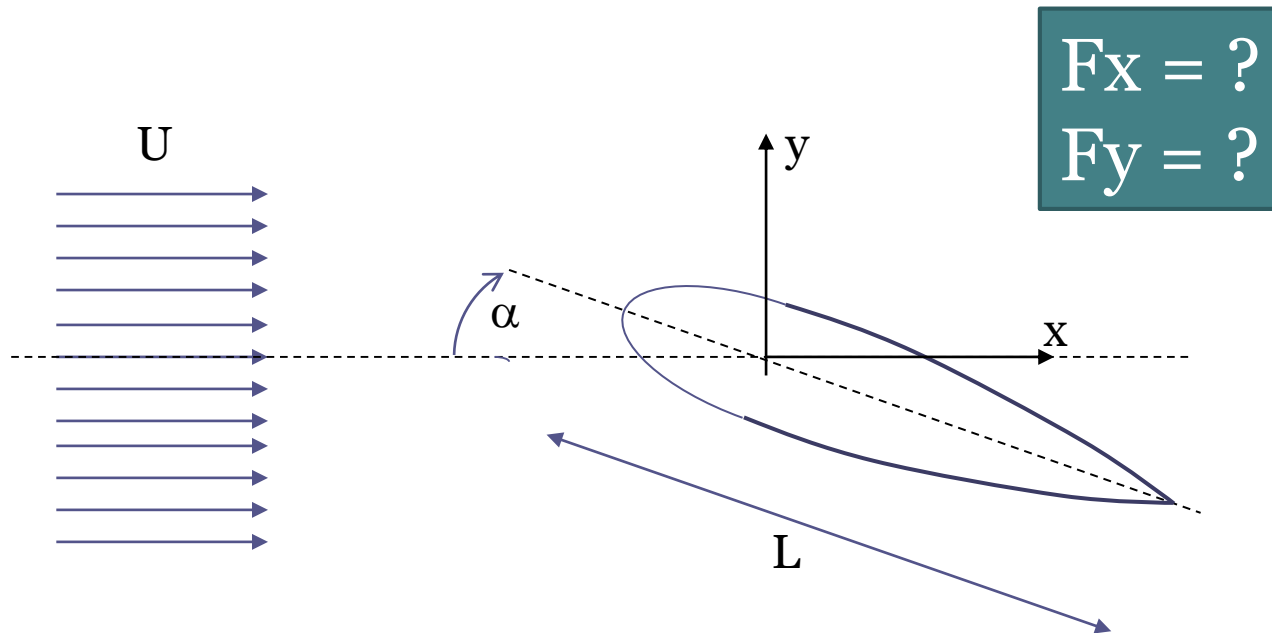
Algumas questões:

- Suponhamos um corpo carenado (*streamlined*) sob ação de um escoamento que incide com ângulo de ataque α . Suponhamos, ainda, que o fluido seja **inviscido** (ideal):



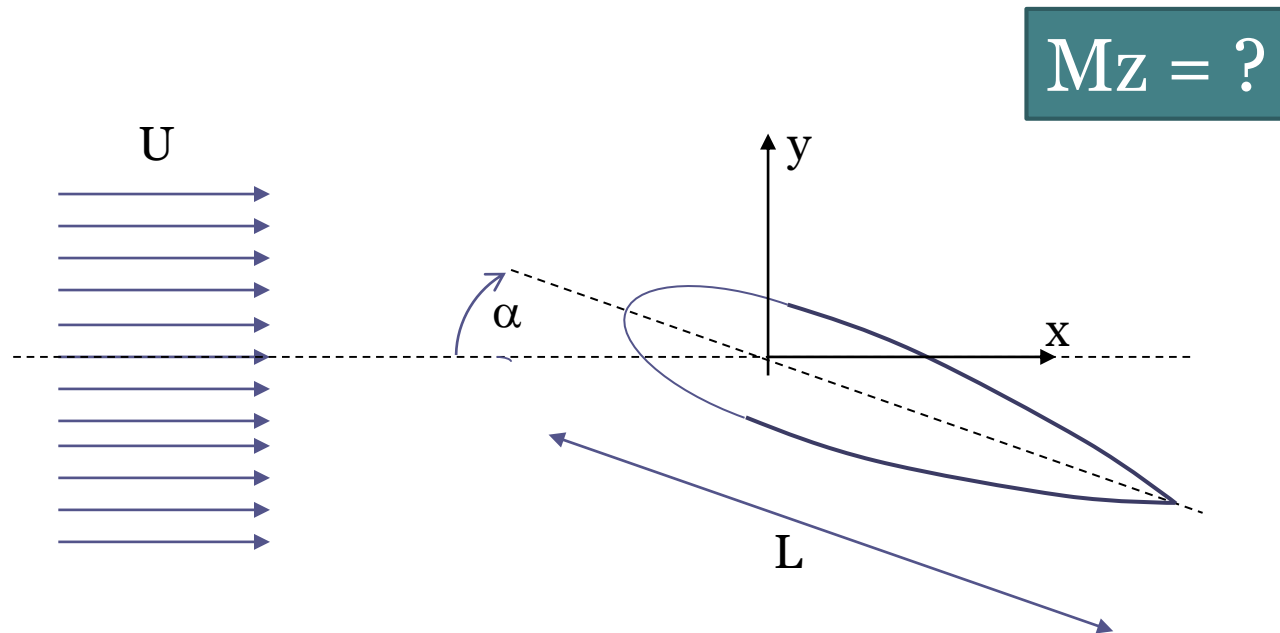
Algumas questões:

- O que podemos dizer sobre a **força** resultante?



Algumas questões:

- O que podemos dizer sobre o **momento** resultante?



Conceitos básicos

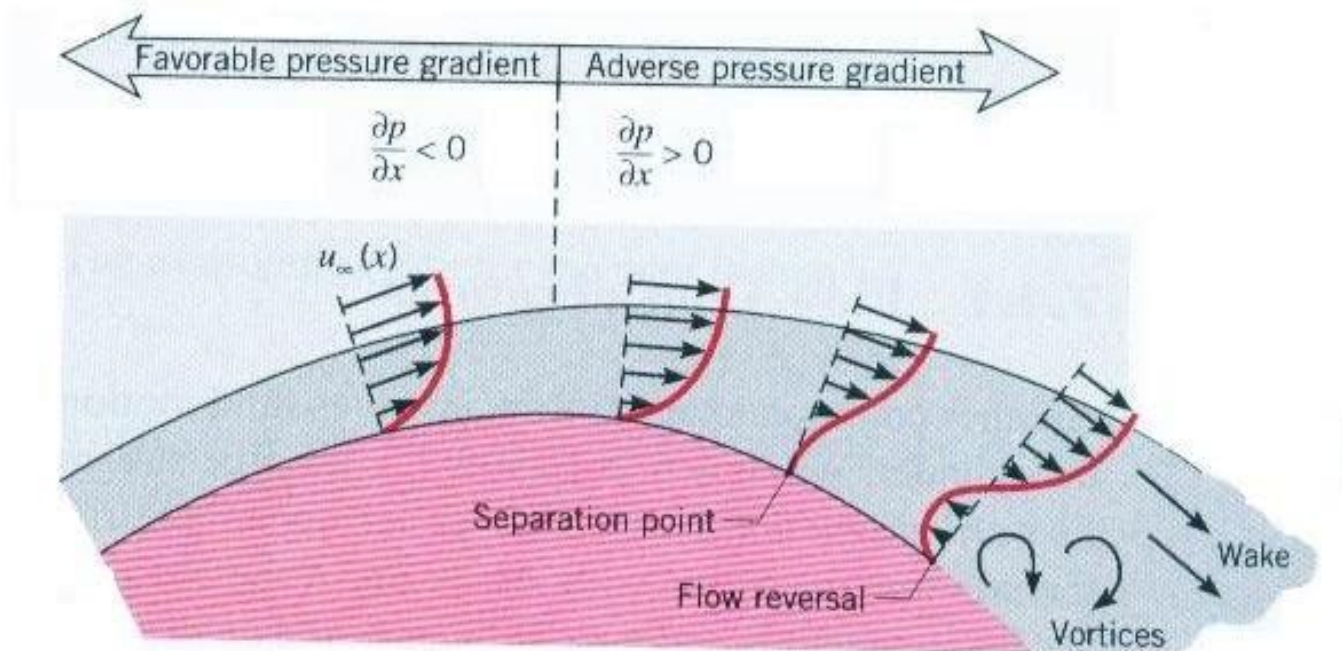
- Escoamento real ao redor do corpo (α pequeno)



$$Re = \frac{\rho UL}{\mu}$$

Conceitos básicos

- Efeitos físicos:
- **Arrasto (F_x)**: atrito + influência da *separação* na pressão



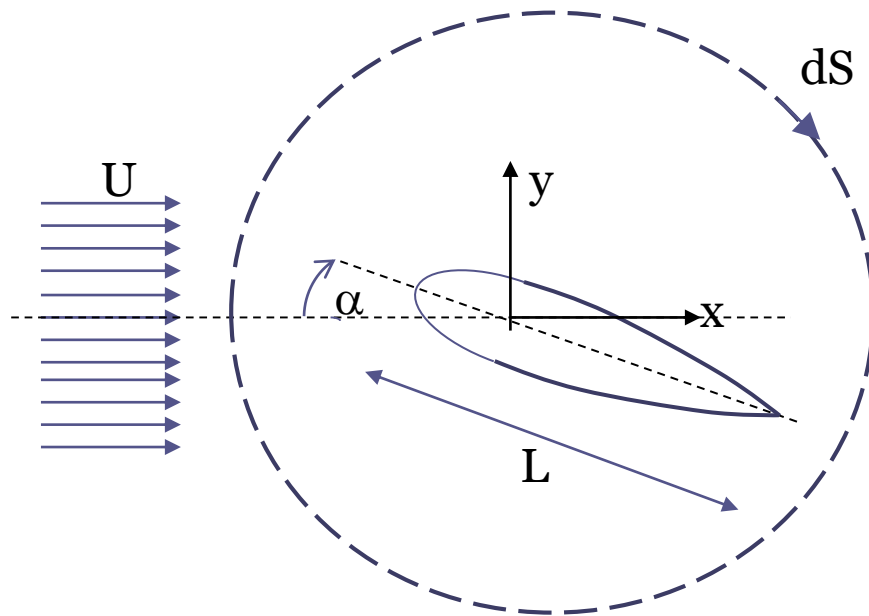
Conceitos básicos

- Efeitos físicos:
- **Sustentação (F_y)**: diferença de pressão
 - Se $Re \gg 1$: pressão \sim pressão de escoamento potencial

Efeito da viscosidade: a separação da camada-limite junto ao bordo de fuga introduz **circulação** no escoamento

Conceitos básicos

- **Sustentação (F_y):** diferença de pressão
 - Teorema de Kutta-Joukowski

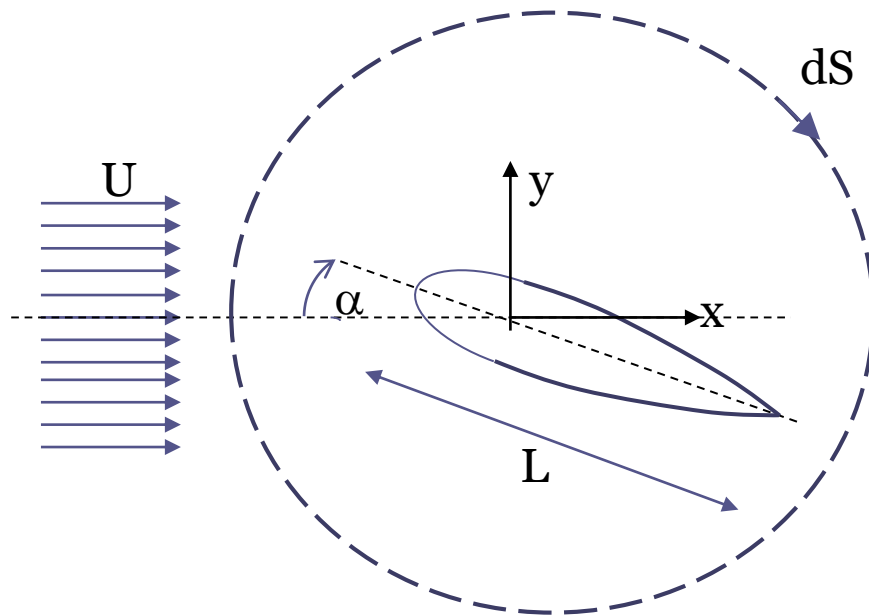


$$L = |F_y| = \rho U \Gamma$$

$$\Gamma = \oint \vec{v} \cdot d\vec{S}$$

Conceitos básicos

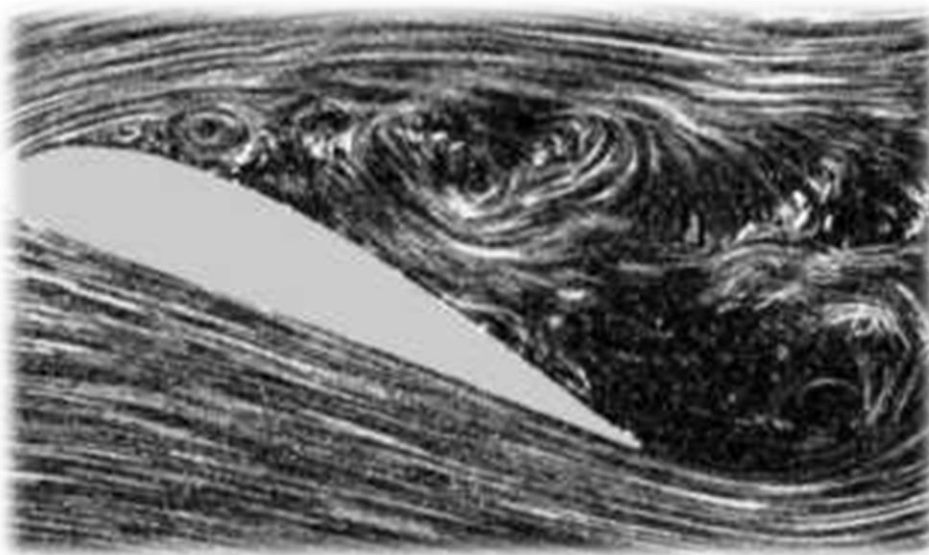
- **Sustentação (F_y):** diferença de pressão
 - Teoria de folios e Teoria de asas:



Escoamento potencial
com *imposição* da
circulação correta

Conceitos básicos

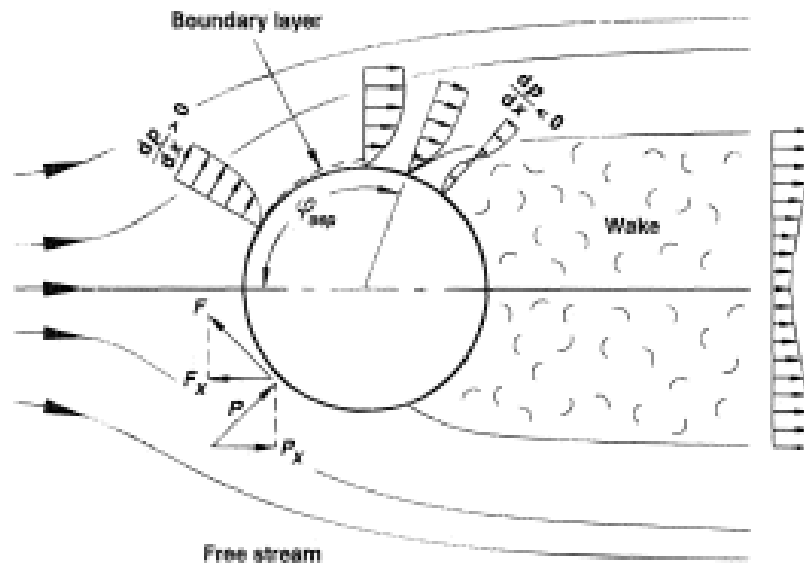
- Escoamento real ao redor do corpo (α grande)



Fx: arrasto de forma/esteira
pressão \neq pressão potencial

Conceitos básicos

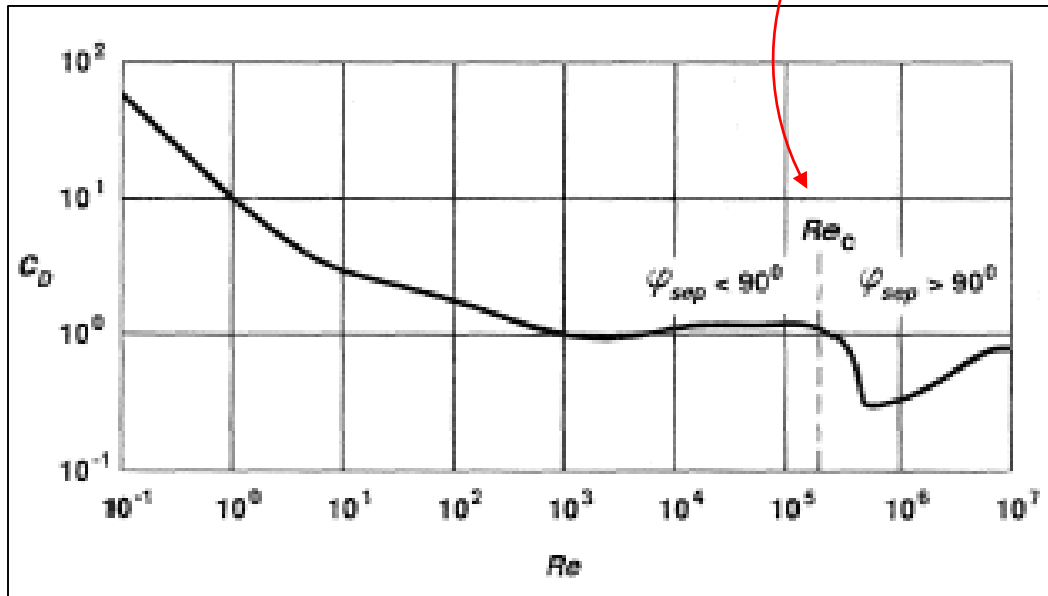
- Escoamento uniforme ao redor de corpos “Rombudos”



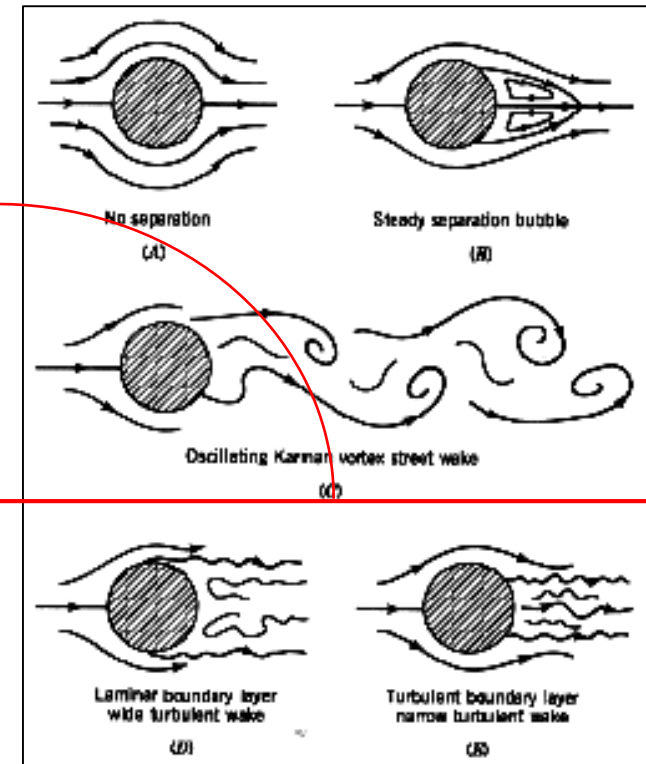
F_x : arrasto de forma/esteira
pressão \neq pressão potencial

Conceitos básicos

- Escoamento uniforme ao redor de corpos “Rombudos”



<http://www.thermopedia.com/content/674/>

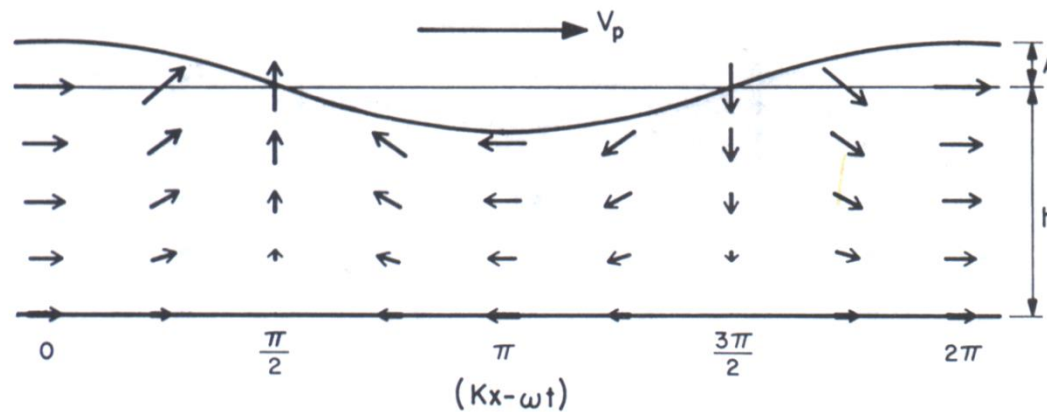


princeton.edu

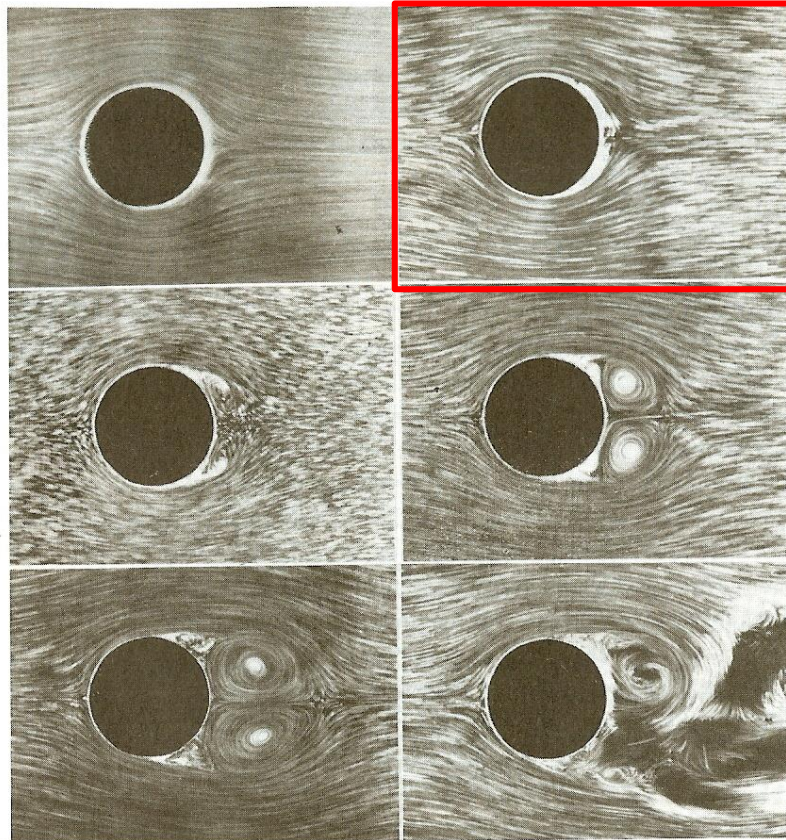
Fx: arrasto de forma/esteira
 pressão ≠ pressão potencial

Conceitos básicos

- Escoamento ao redor de corpos “Rombudos”:
 - E se o escoamento for **oscilatório** no tempo??
 - Ex: escoamento induzido por ondas do mar

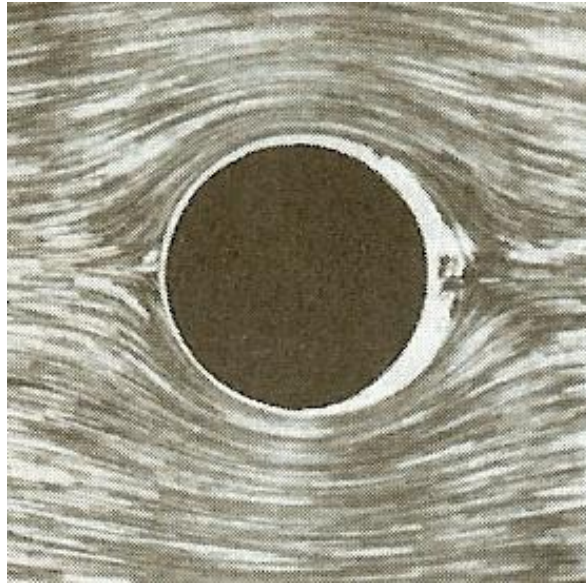


Conceitos básicos



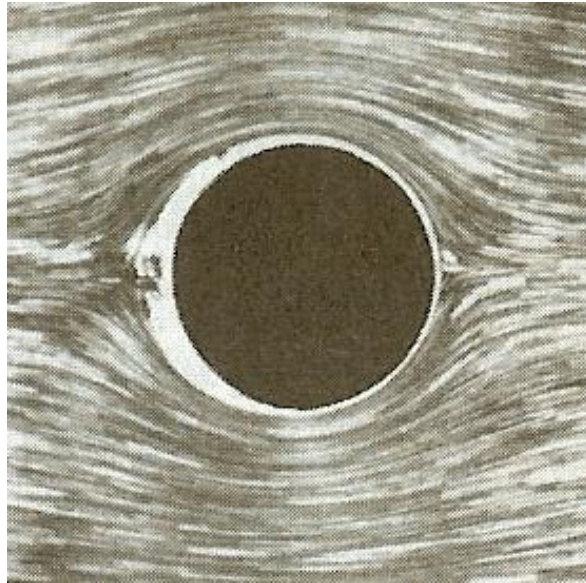
Cilindro em
movimento
impulsivo

Conceitos básicos



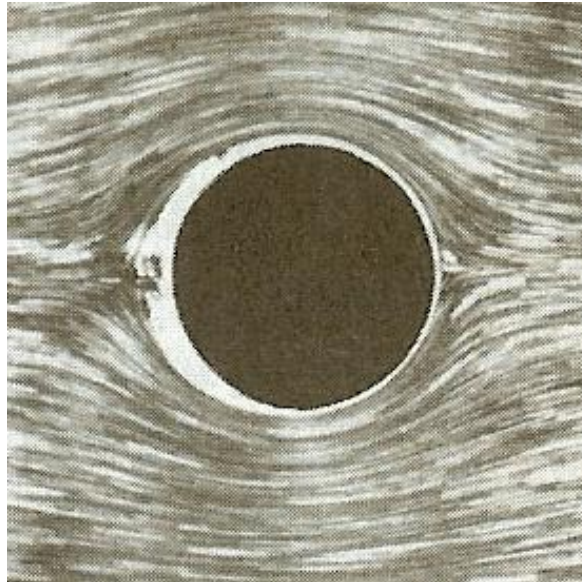
Cilindro em
movimento
oscilatório

Conceitos básicos



Cilindro em
movimento
oscilatório

Conceitos básicos



$$KC = \frac{UT}{D}$$

Se KC é baixo:

pressão \sim pressão potencial

Fluido Ideal: Eqs. de governo

- Fluido homogêneo, incompressível
- **Equação da continuidade** (*conservação de massa*):

$$\nabla \cdot \vec{v} = 0$$

- **Equação do movimento** (*conservação da quant. de movimento*):

$$\rho \left(\frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \nabla) \vec{v} \right) = -\nabla p + \rho \vec{g}$$

Equação de Euler

Fluido Ideal: Eqs. de governo

- Se o escoamento é irrotacional: $\nabla \times \vec{v} = 0$ \longrightarrow $\vec{v} = \nabla\phi$

- **Equação da continuidade:**

$$\nabla \cdot \vec{v} = \nabla^2 \phi = 0 \quad \text{Equação de Laplace}$$

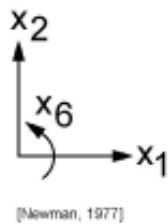
- **Equação do movimento (dedução na lousa):**

$$\rho \frac{\partial \phi}{\partial t} + \frac{1}{2} \rho \nabla \phi \cdot \nabla \phi + p + \rho g z = C(t)$$

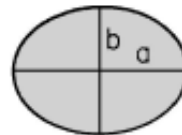
Equação de Bernoulli

Massas adicionais de geometrias simples

- Corpos bidimensionais (Newman, 1977)



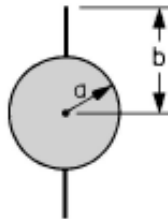
$$\begin{aligned} m_{11}: & \pi \rho a^2 \\ m_{22}: & \pi \rho a^2 \\ m_{66}: & 0 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} & \pi \rho b^2 \\ m_{22}: & \pi \rho a^2 \\ m_{66}: & \frac{1}{2} \pi \rho (a^2 - b^2)^2 \end{aligned}$$



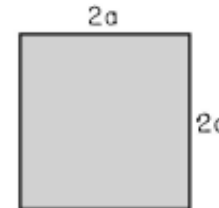
$$\begin{aligned} & 0 \\ m_{22}: & \pi \rho a^2 \\ m_{66}: & \frac{1}{2} \pi \rho a^4 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} m_{11}: & \pi \rho [a^2 + (b^2 - a^2)^2 / b^2] \\ m_{22}: & \pi \rho a^2 \\ m_{66}: & \bullet \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} & \pi \rho a^2 \\ m_{22}: & \pi \rho a^2 \\ m_{66}: & \frac{1}{2} \pi \rho a^4 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} & 4.754 \rho a^2 \\ m_{22}: & 4.754 \rho a^2 \\ m_{66}: & 0.725 \rho a^4 \end{aligned}$$