

# ÁCIDOS E BASES

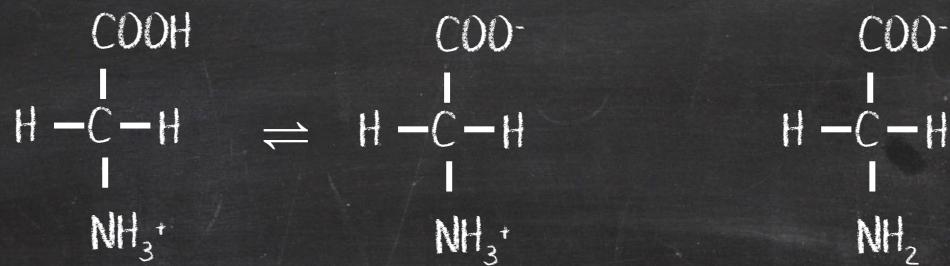
Ácidos polipróticos

# Ácidos Polipróticos

Ácidos que possuem dois ou mais prótons dissociáveis



Calcule o pH de uma solução 1 mol L<sup>-1</sup> de glicina  
(C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>NO<sub>2</sub>) K<sub>a1</sub> = 4,47x10<sup>-3</sup>; K<sub>a2</sub> = 1,66x10<sup>-10</sup>;



$$pK_{a1} = 2,35$$

Calcule o pH de uma solução 1 mol L<sup>-1</sup> de glicina (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>NO<sub>2</sub>) K<sub>a1</sub> = 4,47x10<sup>-3</sup>; K<sub>a2</sub> = 1,66x10<sup>-10</sup>



$$K = \frac{[\text{A}^{2-}] [\text{H}^+]^2}{[\text{H}_2\text{A}]}$$

$$K_{a1} = \frac{[\text{HA}^-] [\text{H}^+]}{[\text{H}_2\text{A}]}$$

$$K_{a2} = \frac{[\text{A}^{2-}] [\text{H}^+]}{[\text{HA}^-]}$$

Balanço de carga

$$[\text{H}^+] = [\text{HA}^-] + 2[\text{A}^{2-}]$$



$$[\text{A}^{2-}] = \frac{2[\text{A}^{2-}] \cdot \text{K}_{\text{a}1} \cdot \text{K}_{\text{a}2}}{[\text{H}_2\text{A}^-]}$$

$$\frac{[\text{HA}^-]}{[\text{H}_2\text{A}^-]} = \frac{[\text{CH}_2\text{A}^-] \cdot \text{K}_{\text{a}1}}{[\text{CH}_2\text{A}^-]^2}$$

$$[\text{H}^+] = \frac{[\text{CH}_2\text{A}^-] \cdot \text{K}_{\text{a}1}}{[\text{H}^+]} + \frac{2[\text{CH}_2\text{A}^-] \cdot \text{K}_{\text{a}1} \cdot \text{K}_{\text{a}2}}{[\text{H}^+]^2}$$

$$[\text{H}^+] = \sqrt{\text{K}_{\text{a}1} \cdot [\text{CH}_2\text{A}^-] \left[ 1 + \left[ \frac{2\text{K}_{\text{a}2}}{[\text{H}^+]} \right] \right]}$$

Balanço de massa

$$C_i = [CH_2A^-] + [HA^-] + [A^{2-}]$$

$$[HAK]_{al} = \frac{[HAA^+]K_{al}}{[CH_2A^-]}$$

$$[A^{2-}K] = \frac{[HAA^+]K_{al}*K_{a2}}{[CH_2A^-]}$$

$$C_i = [CH_2A^-] + \frac{[CH_2A^-]K_{al}}{[H^+]} + \frac{[CH_2A^-]K_{al}*K_{a2}}{[H^+]^2}$$

$$[CH_2A^-] = C_i \left[ \frac{[H^+]^2}{[H^+]^2 + K_{al}*[H^+] + K_{al}*K_{a2}} \right]$$

Vamos entender as equações

$$[\text{H}^+] = \sqrt{K_{\alpha_1} * [\text{CH}_2\text{A}]} \left[ 1 + \left( \frac{2K_{\alpha_2}}{[\text{H}^+]} \right) \right]$$

Influência da primeira  
dissociação na  
Concentração de  $\text{H}^+$

Influência da segunda  
dissociação na  
Concentração de  $\text{H}^+$

Se a constante da segunda dissociação for pequena  
a contribuição de  $\text{H}^+$  para a solução é muito baixa,  
prevalecendo somente o  $\text{H}^+$  da primeira.

Como saber se o valor da 2<sup>a</sup> dissociação é significativa?

$$[\text{H}^+] = \sqrt{K_{\text{al}} * [\text{CH}_2\text{A}]} \left[ 1 + \left[ \frac{2K_{\text{a2}}}{[\text{H}^+]} \right] \right]$$

$$\hookrightarrow [\text{H}^+] = (C_i * K_{\text{al}})^{1/2}$$

$$\left[ 1 + \left[ \frac{2K_{\text{a2}}}{(C_i * K_{\text{al}})^{1/2}} \right] \right]$$

Portanto, se a somatória não for significativa a segunda dissociação não influencia o pH da solução

Calcule o pH de uma solução 1 mol L<sup>-1</sup> de glicina  
(C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>NO<sub>2</sub>) K<sub>a1</sub> = 4,47x10<sup>-3</sup>; K<sub>a2</sub> = 1,66x10<sup>-10</sup>;

$$\left\{ 1 + \left[ \frac{2K_{a2}}{(C_i * K_{a1})^{1/2}} \right] \right\} \rightarrow \left\{ 1 + \left[ \frac{2 * 1,66 * 10^{-10}}{(1 * 4,47 * 10^{-3})^{1/2}} \right] \right\}$$

↓

Segunda dissociação não  
influênciaria o pH da solução,  
Considerar a solução como ácido  
monoprótico.

$$\left\{ 1 + \left[ 4,97 * 10^{-9} \right] \right\}$$

Calcule o pH de uma solução 1 mol L<sup>-1</sup> de glicina (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>NO<sub>2</sub>)

$$K_{a1} = 4,47 \times 10^{-3}; K_{a2} = 1,66 \times 10^{-10};$$

$$K_{a1} = \frac{[HA^-][H^+]}{[H_2A]} \rightarrow K_{a1} = \frac{X \cdot X}{1 - X} \quad \downarrow$$

$$(4,47 \times 10^{-3} \cdot 1) - (4,47 \times 10^{-3} \cdot X) = X^2$$



$$X^2 + 4,47 \times 10^{-3} \cdot X - 4,47 \times 10^{-3} = 0$$

$$\text{pH} = 1,19$$



$$X = 6,46 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1}$$

Eq. 2 Grau  
Baskara

E se a segunda dissociação for  
Significativa?

Resolvemos com uma estratégia Chamada  
"Cálculo por aproximações sucessivas"

1º) Definimos um valor de pH inicial para os cálculos.

"Esse valor é baseado na contribuição de  $H^+$  da primeira dissociação. Ou seja, calculamos como se fosse um ácido monoprótico."

Resolvemos com uma estratégia Chamada  
"Cálculo por aproximações sucessivas"

2º) Calculamos o valor de  $[H_2A]$  e  $[H^+]$

$$[H_2A] = C_i \left[ \frac{[H^+]^2}{[H^+]^2 + K_{a1} * [H^+] + K_{a1} * K_{a2}} \right]$$

$$[H^+] = \sqrt{K_{a1} * [H_2A] \left[ 1 + \left[ \frac{2K_{a2}}{[H^+]} \right] \right]}$$

Resolvemos com uma estratégia Chamada  
"Cálculo por aproximações sucessivas"

3º) Com o novo valor de  $[H^+]$  recalcule  $[H_2A]$  e  $[H^+]$ , inserindo novamente nas fórmulas

$$[H_2A] = C_i \left[ -\frac{[H^+]^2}{[H^+]^2 + K_{a1} * [H^+] + K_{a1} * K_{a2}} \right]$$

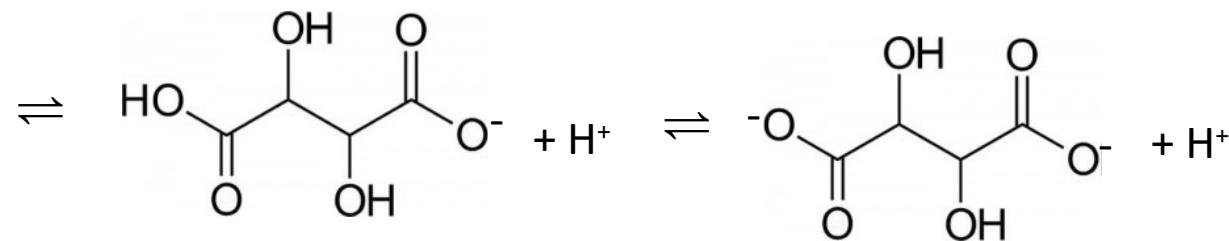
$$[H^+] = \sqrt{K_{a1} * [H_2A] \left[ 1 + \left[ \frac{2K_{a2}}{[H^+]} \right] \right]}$$

Resolvemos com uma estratégia Chamada  
"Cálculo por aproximações sucessivas"

4º) Repetir o processo até que a diferença do  $[H^+]$  utilizado na equação e o  $[H^+]$  calculado tenham diferença percentual menor que 1%.

Qual o pH de uma solução de ácido tartárico 0,001 mol L<sup>-1</sup>. O ácido tartárico é um ácido diprótico (H<sub>2</sub>A) e as constantes são:

$$K_{a1} = 9,1 \times 10^{-4}; K_{a2} = 4,25 \times 10^{-5}$$



$$\left[ 1 + \left\{ \frac{2K_{a2}}{(C_i * K_{a1})^{1/2}} \right\} \right] \rightarrow \left[ 1 + \left\{ \frac{2 * 4,25 \times 10^{-5}}{(0,001 * 9,1 \times 10^{-4})^{1/2}} \right\} \right]$$

↓

Segunda dissociação influencia o pH da solução. Alteração na segunda casa decimal ( $1,09 = 9\%$ ).

←  $\left[ 1 + \left\{ 8,9 \times 10^{-2} \right\} \right]$

Portanto, calcular por aproximações sucessivas.

Qual o pH de uma solução de ácido tartárico 0,001 mol L<sup>-1</sup>. O ácido tartárico é um ácido diprótico (H<sub>2</sub>A) e as constantes são:

$$K_{a1} = 9,1 \times 10^{-4}; K_{a2} = 4,25 \times 10^{-5}$$

1º) Definimos um valor de pH inicial para os cálculos.

$$K_{a1} = \frac{[\text{HA}^-][\text{H}^+]}{[\text{H}_2\text{A}]} \rightarrow K_{a1} = \frac{X * X}{0,001 - X}$$

$$(9,1 \times 10^{-4} * 0,001) - (9,1 \times 10^{-4} * X) = X^2$$

$$X^2 + 9,1 \times 10^{-4} * X - 9,1 \times 10^{-7} = 0$$

$$X = 6,02 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

Eq. 2 Grau  
Baskara

2º) Calculamos o valor de  $[H_2A]$  e  $[H^+]$

$$[H_2A] = C_i \left[ \frac{[H^+]^2}{[H^+]^2 + K_{a1} * [H^+] + K_{a1} * K_{a2}} \right]$$

$$[H_2A] = 0,001 \left[ \frac{(6,02 \times 10^{-4})^2}{(6,02 \times 10^{-4})^2 + 9,1 \times 10^{-4} * 6,02 \times 10^{-4} + 9,1 \times 10^{-4} * 4,25 \times 10^{-5}} \right]$$

$$[H_2A] = 3,82 \times 10^{-4}$$

2º) Calculamos o valor de  $[H_2A]$  e  $[H^+]$

$$[H^+] = \sqrt{K_{a1} * [H_2A] \left[ 1 + \left[ \frac{2K_{a2}}{[H^+]} \right] \right]}$$

$$[H^+] = \sqrt{9,1 \times 10^{-4} * 3,82 \times 10^{-4} \left[ 1 + \left[ \frac{2 * 4,25 \times 10^{-5}}{6,02 \times 10^{-4}} \right] \right]}$$

$$[H^+] = 6,30 \times 10^{-4}$$

Novo valor de  $H^+$  diferente  
da previsão inicial

3º) Com o novo valor de  $[H^+]$  recalcule  $[H_2A]$  e  $[H^+]$ , inserindo novamente nas fórmulas

$$[H_2A] = C_i \left[ \frac{[H^+]^2}{[H^+]^2 + K_{a1}*[H^+] + K_{a1}*K_{a2}} \right]$$

$$[H_2A] = 3,93 \times 10^{-4}$$

$$[H^+] = \sqrt{K_{a1}*[H_2A] \left[ 1 + \left[ \frac{2K_{a2}}{[H^+]} \right] \right]}$$

$$[H^+] = 6,37 \times 10^{-4}$$

4º) Repetir o processo até que a diferença do  $[H^+]$  utilizado na equação e o  $[H^+]$  calculado tenham diferença percentual menor que 1%.

$$[H^+] = 6,37 \times 10^{-4} \quad 100\%$$

$$[H^+] = 6,30 \times 10^{-4} \quad 99\%$$



Variação menor que 1%  
Não é necessário recálculo

